

# Paradigma Lógico

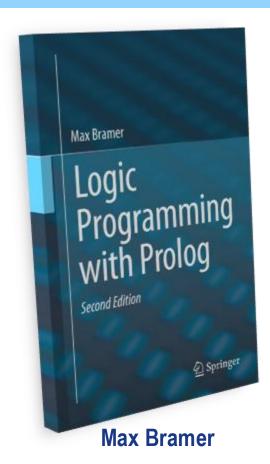
## Introdução à Linguagem PROLOG

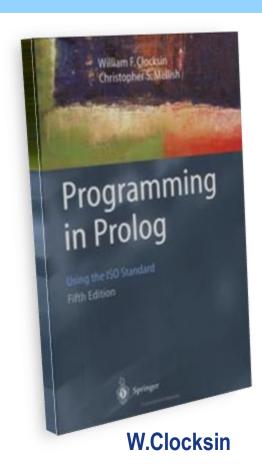
## PROgramação em LÓGica

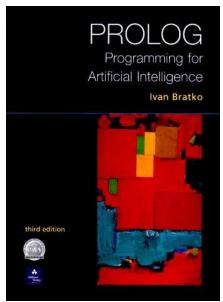


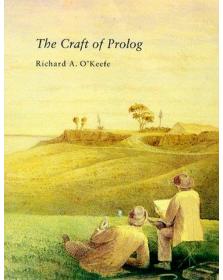
Prof. Ausberto S. Castro V. ascv@uenf.br

# **Bibliografia**









# Lógica

- LÓGICA: estudo das proposições
- Conjunção p AND q
  - p ∧ q
- Disjunção p OR q
  - p ∨ q
- Cláusula de Horn (argumento)
  - É uma disjunção de literais com pelo menos um literal positivo

$$\neg p \lor \neg q \lor \cdots \lor \neg t \lor u$$

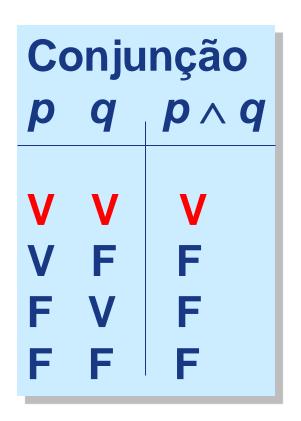
ou equivalentemente

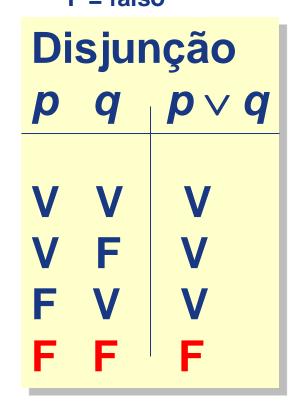
$$(p \land q \land \cdots \land t) \rightarrow u$$

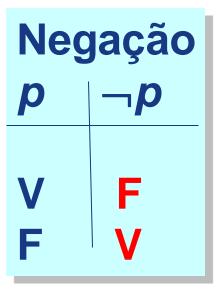
- Predicado
  - Uma função P(p,q,r,...) que é verdadeiro ou falso
  - Uma proposição composta

## Lógica - Tabelas-verdade

V = verdadeiro F = falso







$$p \to q \equiv \neg p \lor q$$

Condicional

$$p \leftrightarrow q \equiv (p \rightarrow q) \land (q \rightarrow p)$$

**BiCondicional** 

# Cálculo Proposicional

# Argumento válido

Um argumento é uma seqüência (conjunção) de sentenças chamadas premissas, seguida de outra sentença chamada conclusão, na forma de uma implicação:

$$p_1 \wedge p_2 \wedge p_3 \wedge ... \wedge p_n \rightarrow q$$

Se um argumento

$$p_1 \wedge p_2 \wedge p_3 \wedge \dots \wedge p_n \rightarrow q$$

- é uma tautologia, então é chamado de argumento válido
  - Se (p1 ∧ p2) → q é um argumento válido, então dizemos que a conclusão q é deduzida ou inferida da verdade das premissas p1 e p2
- Argumentos não válidos são chamados de falacias

# Argumento válido

$$p_1 \wedge p_2 \wedge p_3 \wedge ... \wedge p_n \rightarrow q$$

 $p_1$  and  $p_2$  and  $p_3$  and ... and  $p_n \rightarrow q$ 

Se  $p_1$  and  $p_2$  and  $p_3$  and ... and  $p_n$  então q

Se q então  $p_1$  and  $p_2$  and  $p_3$  and ... and  $p_n$ 

$$q := p_1, p_2, p_3, ..., p_n$$

## Implicação Lógica

- \* Se p e q são duas proposições qualquer tais que  $p \rightarrow q$  é uma tautolgia, então dizemos que p implica logicamente q e escrevemos  $p \Rightarrow q$ 
  - Neste caso nos referimos a  $p \rightarrow q$  como uma implicação lógica
  - Se  $p \Rightarrow q$  e  $q \Rightarrow p$  então escrevemos  $p \Leftrightarrow q$

# Regras de Inferência

 Permitem a dedução de novas proposições a partir de proposições anteriores

```
fbf = fórmula bem formada: p, p \wedge q, p \vee q, \sim p
```

- Permitem a dedução de novas fbf a partir de fbf anteriores
  - Pedro lê jornal
  - Pedro lê revistas

Então Pedro lê jornal e revistas

# Regras de Inferência

Modus Ponens MP

$$\frac{\mathsf{p},\;\mathsf{p}\!\to\mathsf{q}}{\;\colon\!\colon\mathsf{q}}$$

Modus Tollens M

$$\frac{p \rightarrow q, \ \sim q}{\therefore \ \sim p}$$

Silogismos HS

$$\xrightarrow{p \to q, q \to r} r$$

$$\therefore p \to r$$

Conjunção CONJ

Simplificação SIMP

Dilema DC

$$\frac{p \rightarrow q, r \rightarrow s, p \vee r}{\therefore q \vee s}$$

Silogismo Disjuntivo SD

$$\begin{array}{c|c} p \lor q \ , \sim p \\ \hline \therefore \ q & \therefore \ p \\ \end{array}$$

Adição ADD

$$\frac{p}{\therefore p \vee q} \qquad \frac{q}{\therefore p \vee q}$$

## Regras de Inferência

Amplificação AMP

Prova Condicional CON

$$\begin{array}{c}
p q \\
p \to (q \to r) \\
\hline
\therefore r
\end{array}$$

Prova por Casos CAS

$$\begin{array}{c}
p \to r \\
q \to r \\
\hline
\therefore (p \lor q) \to r
\end{array}$$

Dilema Destrutivo DD

$$p \rightarrow q$$

$$r \rightarrow s$$

$$\sim q \vee \sim s$$

$$\therefore \sim p \vee \sim r$$

## **Modus Ponens MP**

- •
- Maria ganha um milhão de reais
- Se Maria ganha um milhão de reais então Luisa abandona o emprego
- Portanto, Luisa abandona o emprego
- Se João vai a Fortaleza de férias, então ele ganha um desconto escolar
- João já esta de férias em Fortaleza
- Portanto, João já ganhou um desconto escolar

## **Modus Tollens MT**

- •
- Se Carlos for eleito Presidente, então Guilherme será nomeado como ministro de Cultura
- Guilherme não é o ministro de Cultura
- Portanto, Carlos n\u00e3o foi eleito Presidente
- Se tiver chuva nas quartas-feiras então teremos aula teórica
- Nesta quarta tivemos aula prática
- Portanto, não teve chuva nesta quarta-feira

## **Exemplo**



- Suzana esta preparando um bolo p
- Se Suzana esta preparando um bolo, então ela não esta dando aulas de piano  $p \rightarrow \sim q$
- Se Suzana não esta dando aulas de piano, então ela não pode pagar o seguro do seu carro ~q → ~r
- Por tanto, Suzana não pode pagar o seguro do seu carro ~r

$$p$$

$$p \rightarrow \sim q$$

$$\sim q \rightarrow \sim r$$

$$\therefore \sim r$$

Demonstrar a validade do argumento

## Demonstrando a validade do argumento

#### Passos

1. 
$$p \rightarrow \sim q$$

2. 
$$\sim q \rightarrow \sim r$$

3. 
$$p \rightarrow \sim r$$

### Razões

premissa

premissa

1. e 2. e HS

premissa

4. e MP

#### Outra forma

2. 
$$p \rightarrow \sim q$$

4. 
$$\sim q \rightarrow \sim r$$

## **Exercícios**

## Demonstrar a validade do argumento

$$\begin{array}{c} p \rightarrow r \\ r \rightarrow s \\ t \lor \sim s \\ \sim t \lor u \\ \hline \sim u \\ \hline \therefore \sim p \end{array}$$



1. 
$$p \rightarrow r$$
,  $r \rightarrow s$  premissa  
2.  $p \rightarrow s$  1. e HS  
3.  $t \lor \sim s$  premissa  
4.  $\sim s \lor t$  3.  
5.  $s \rightarrow t$  4.  
6.  $p \rightarrow t$  2. e 5.  
7.  $\sim t \lor u$  premissa  
8.  $t \rightarrow u$  7.  
9.  $p \rightarrow u$  6. e 8.  
10. $\sim u$  premissa  
11. $\sim p$  9. e 10.

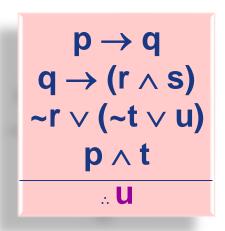
## **Exercícios - Provar os seguintes argumentos:**

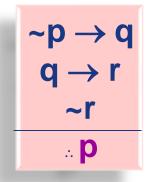
$$p \rightarrow r$$

$$\sim p \rightarrow q$$

$$q \rightarrow s$$

$$\therefore \sim r \rightarrow s$$





# História do Prolog

#### 1974 – Bob Kowalski

- University of Edinburgh, <u>Escocia</u>
- Demonstração automatizada de teoremas
- "Predicate Logic as Programming Language"
- IFIP Congress, Stockholm

## 1975 - Alain Colmerauer & Philippe Roussel

- Interpreter for the first Logic Programming Language Prolog
  - University of Aix-Marseille, <u>França</u>, 1972
  - Processamento de linguagem natural

#### Outros

- Fifth Generation Computing Systems (FGCS)
  - Tokyo, 1981
- Turbo Prolog, Borland, 1985

# Paradigma PROLOG

#### PROLOG:

PROgramming in LOGic

#### PROLOG é uma linguagem:

- Declarativa
  - especifica (declara, descreve, afirma) fatos e relacionamentos lógicos
- Simbólica
  - símbolos são utilizados para representar objetos
- Alto nível:
  - Contém um mecanismo embutido (dedução) para resolver problemas (pensar??)

## Programas PROLOG

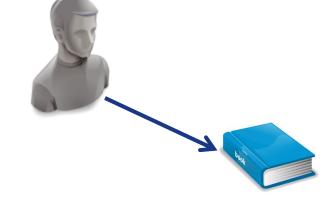
Resolvem problemas declarando objetos e seus relacionamentos



# **Paradigma PROLOG**

#### Exemplo:

João é proprietário de um livro



#### Relacionamento

proprietário

#### Objetos

- João
- Livro

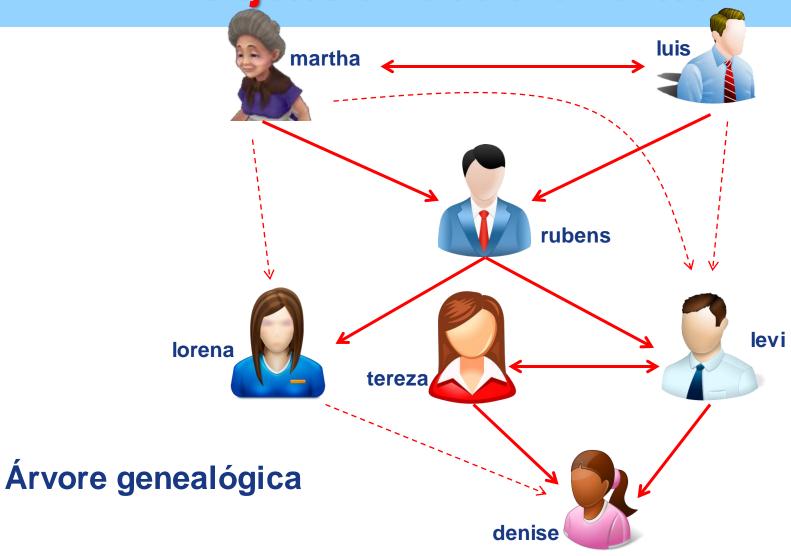
#### Direcional

- João é proprietário de um livro
- Porém, o livro não é proprietário de João

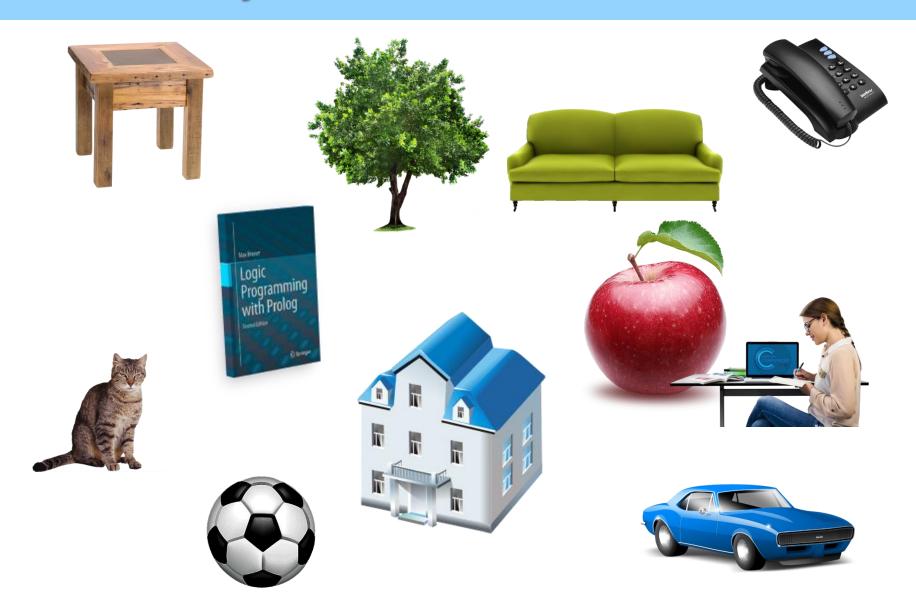
#### Consultas

João é proprietário do livro? (Respostas: Sim, Não)

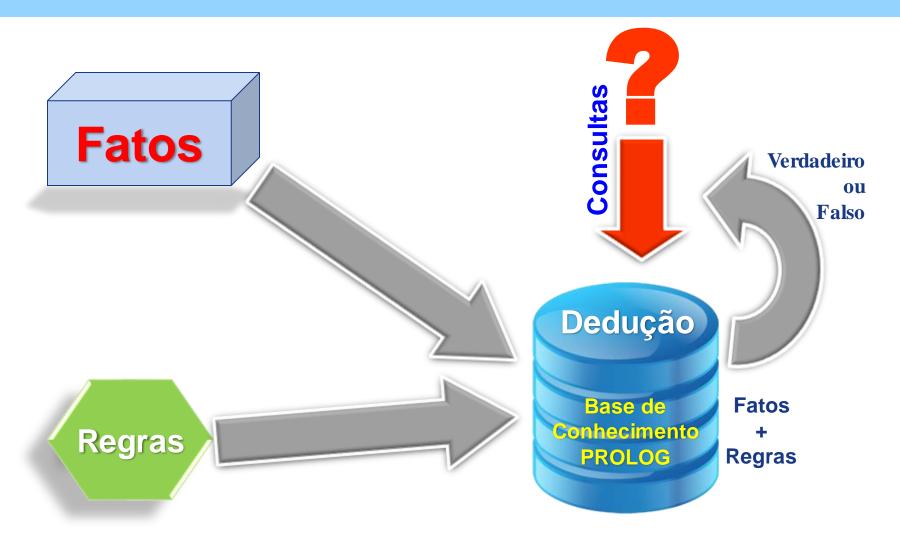
Objetos e Relacionamentos



# **Objetos e Relacionamentos**



# **Paradigma Prolog**



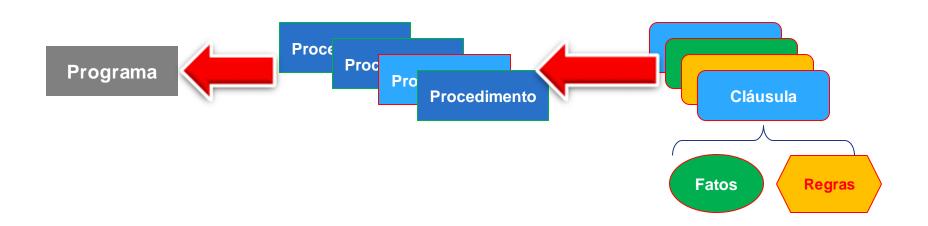
# Programa Lógico

#### Um programa é um conjunto de regras, fatos e deduções

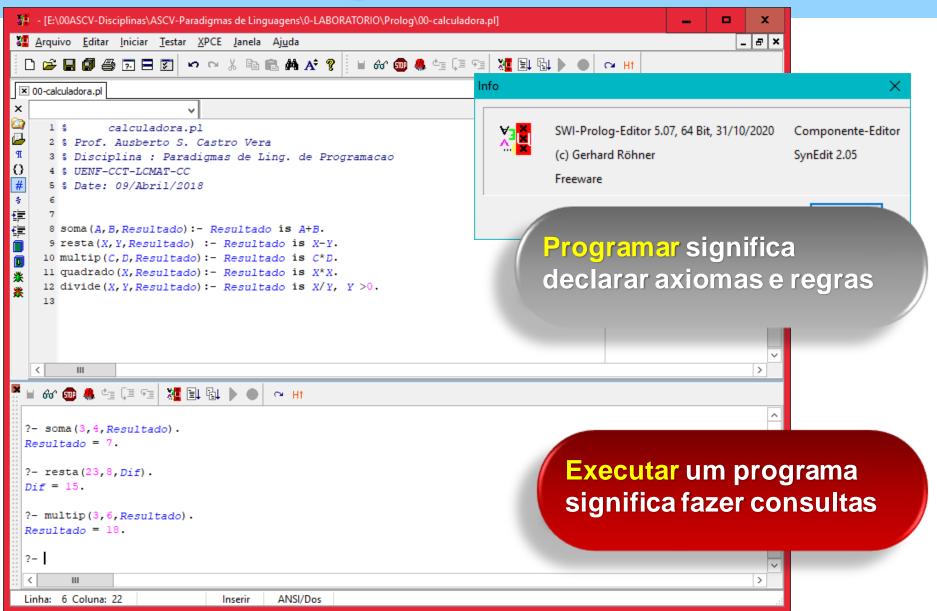
- <u>regras e fatos</u> para representar <u>informação</u>
- dedução para responder <u>consultas</u>

#### Programas

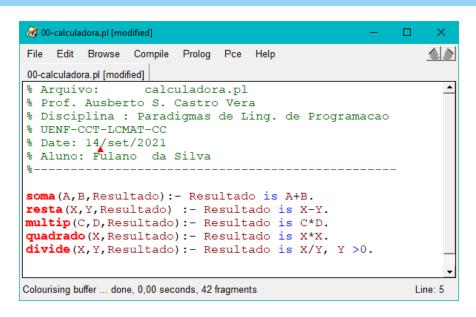
- Programas consistem em um conjunto de procedimentos
- Procedimentos consistem em um conjunto de cláusulas
- Cláusulas é um fato ou uma regra



# **Programar - Executar**



# **Programar - Executar**



Programar significa declarar axiomas e regras

```
SWI-Prolog (AMD64, Multi-threaded, version 8.2.4)

File Edit Settings Run Debug Help

Welcome to SWI-Prolog (threaded, 64 bits, version 8.2.4)

SWI-Prolog comes with ABSOLUTELY NO WARRANTY. This is free software.

Please run ?- license. for legal details.

For online help and background, visit https://www.swi-prolog.org

For built-in help, use ?- help(Topic). or ?- apropos(Word).

?-

% e:/00ASCV-Disciplinas/ASCV-Paradigmas de Linguagens/0-LABORATORIO/Prolog/00-calculadora.pl compiled 0.00 sec, 5 clauses
?- soma(3,5,Resposta).

Resposta = 8.

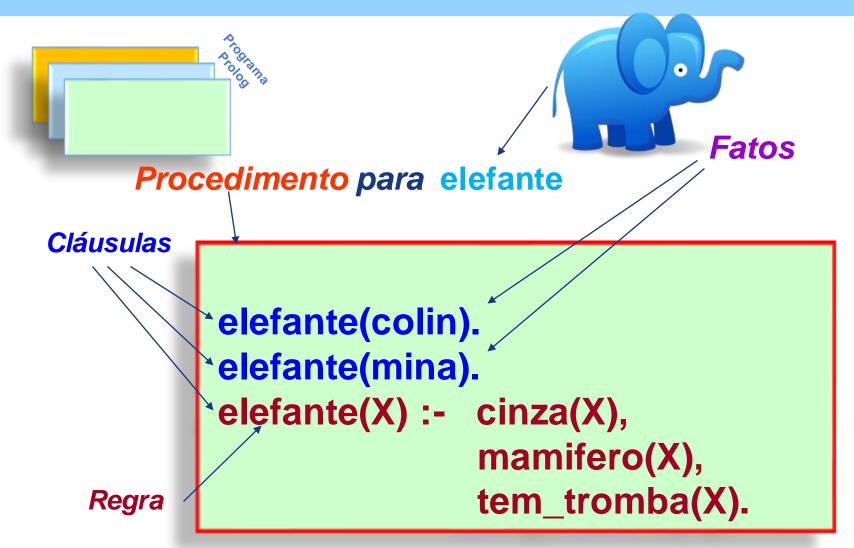
?- quadrado(7,Resultado).

Resultado = 49.

?- ■
```

**Executar** um programa significa fazer consultas

# **Programa PROLOG**



Predicado é a construção utilizada para declarar algo a respeito de objetos

## **Programa PROLOG**

## Regras

avo(A,C):- pai(A,B), pai(B,C).

#### Fatos

pai(Jorge, João). pai(João, Guilherme).

#### Consultas

?- avo(Jorge, Guilherme)yes?- avo(Guilherme, Jorge)not

## Definir Regras

sobre objetos e relacionamentos

#### **Declarar Fatos**

sobre objetos e relacionamentos



sobre objetos e relacionamentos

#### Base do conhecimento

- Knowledge Base (KB)
- Coleção de fatos

#### Fato



## São conhecidas como Cláusulas de Horn sem cabeça

- estrela(sol).
- ponto(12,8).
- funcionario("pedro")

## Representam asserções (afirmações) incondicionais



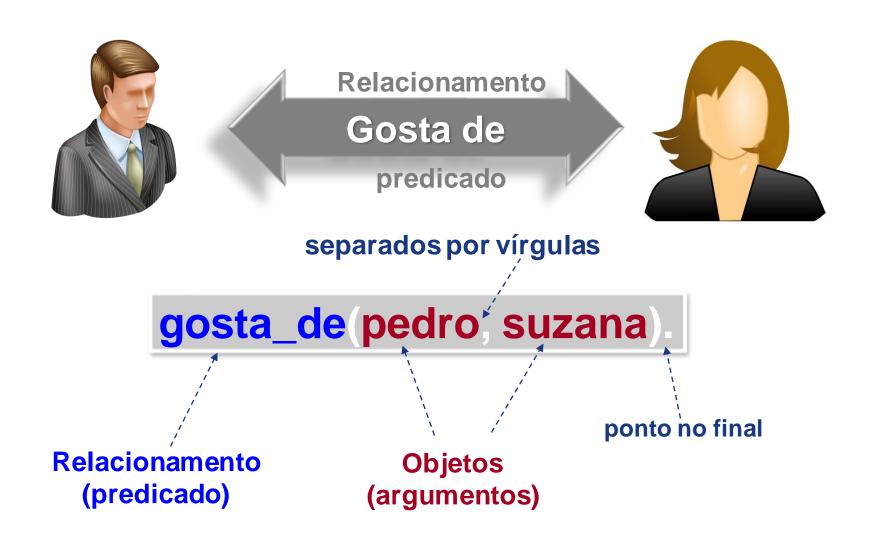
## Fatos - Sintaxe

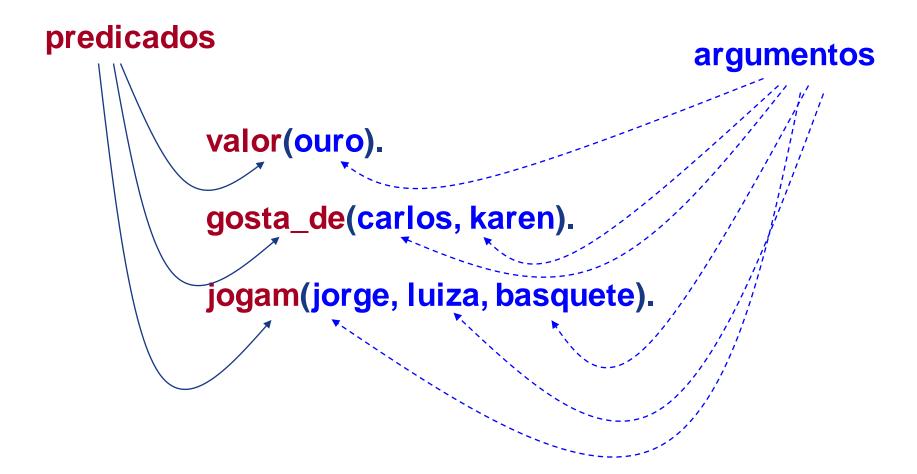
## predic(arg1, arg2, ... argN).

- predic
  - Nome do predicado
- arg1, arg2, ..., argN
  - argumentos
- « N
  - Aridade
- Predicado de aridade 0
  - pred.

Termina com ponto!

- Os argumentos podem ser qualquer termo PROLOG válido
  - Inteiro
  - Átomo
    - Texto constante começando com <u>letra</u> <u>minúscula</u>
  - Variável
    - Começa com <u>letra</u> <u>maiúscula</u> ou underline (\_)
  - Estrutura
    - Termo complexo





```
book('prolog','luiz silva','pearson',2006).
autor('luis', 'silva').
publicador('pearson').
publicador('prentice-hall').
book(T,A,publisher(C,rome),Date).
Natural (0).
inteiro(-4).
real (3.141516).
pi(3.141516).
pai(abraham, isaque).
filho(isaque, esau).
verdura(alface).
```

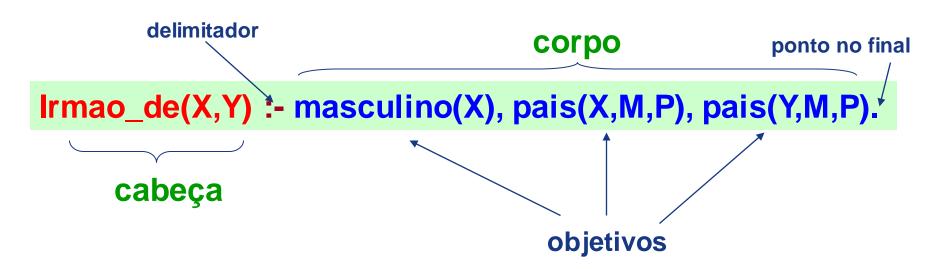
## Regras - Sintaxe

cabeça :- corpo

- Cabeça
  - Definição de predicado (similar a um fato)
- O símbolo :-
- Corpo
  - Um ou mais objetivos (goals)

## Regras

- Descrevem relacionamentos, utilizando outros relacionamentos
- \* Estabelecem dependência: ...A..., se ...B...



X é irmão de Y se X é masculino X tem como mãe M e pai P Y tem como mãe M e pai P

# Regras

- Conhecidas como Cláusulas de Horn com cabeça
- Utilizam variáveis para generalizar seu significado
- São asserções condicionais
  - A cabeça é verdadeira se o corpo for verdadeiro
- Definem como novos fatos podem ser criados
- As vírgulas (,) no corpo representam conjunções
  - Exemplo:

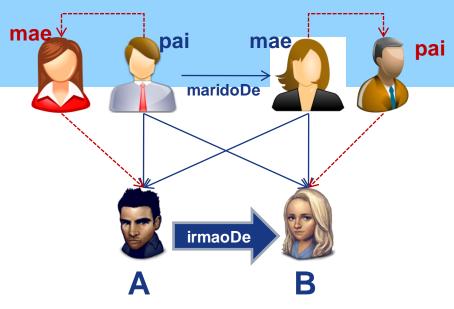
```
mae(M,X), mae(M,Y), pai(P,X), pai(P,Y).
```

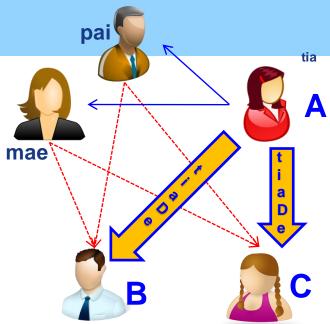
significa

mae(M,X) AND mae(M,Y) AND pai(P,X) AND pai(P,Y).

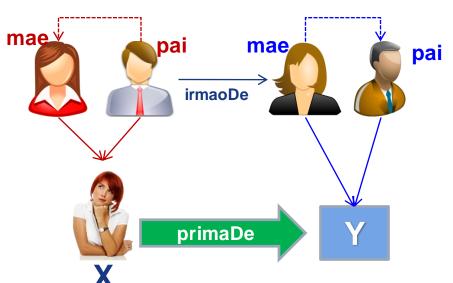
## Regras

```
avo(A,C) := pai(A,B), pai(B,C).
irmao(X,Y) :- mae(M,X), mae(M,Y), pai(P,X),
pai (P, Y).
filha(F,P) :- pai(P,F), mulher(F), homem(P).
filho(F,P) := pai(P,F), homem(F), homem(P).
elefante(X) :- cinza(X), mamifero(X),
temTromba(X).
natural number (N) := integer(N), N >= 0.
                         //factorial(0,1).
factorial (A,B) :- A > 0, C is A-1,
factorial(C,D), B is A*D.
\max(A,B,M) : -A < B, M = B.
\max(A,B,M) :- A >= B, M = A.
```





# **FAMILIAS**



```
Regras:
irmao(A,B):-...
prima(X,Y):-...
tia(A,B):-...
```

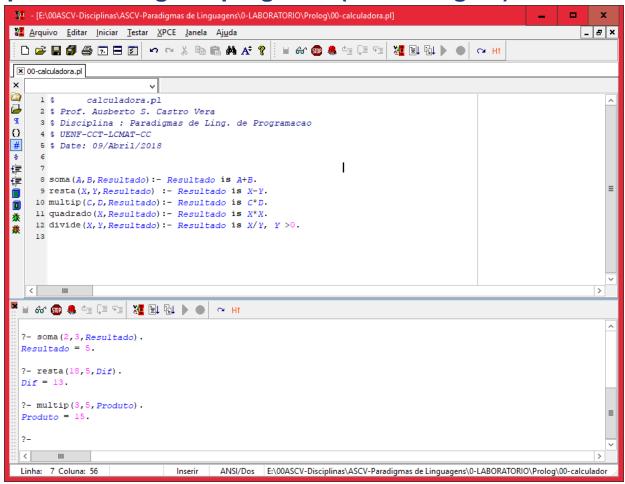
## **Consultas**

- Significa perguntar à base de dados do sistema sobre determinadas informações
- Ocorrem em forma interativa
- Realizadas depois de carregar o programa (fatos e regras)

prompt ?-







## Base de Dados

- É o conjunto de fatos no sistema PROLOG
- Contém os fatos a partir dos quais, as consultas serão respondidas
  - O sistema PROLOG constrói seu conhecimento a partir destes fatos
  - O programador PROLOG é responsável pela sua exatidão

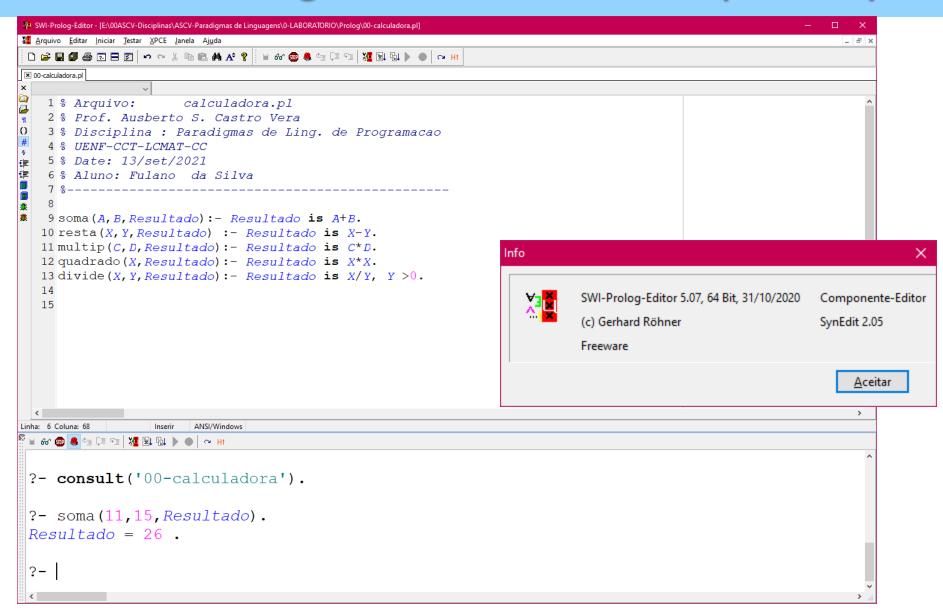
```
humano(pele).
brasileiro(pele).
jogador(pele).
presidente(lula, brasil).
cantor(romario).
campeao(barcelona, espanha).
Campeao(internacional, brasil).
```

```
mae(Teresa).
dispositivo(papel)
rede(caneta)
pai(Pedro).
mamifero(tigre).
profeta(Jeremias).
igreja(Laodiceia, Grecia).
```

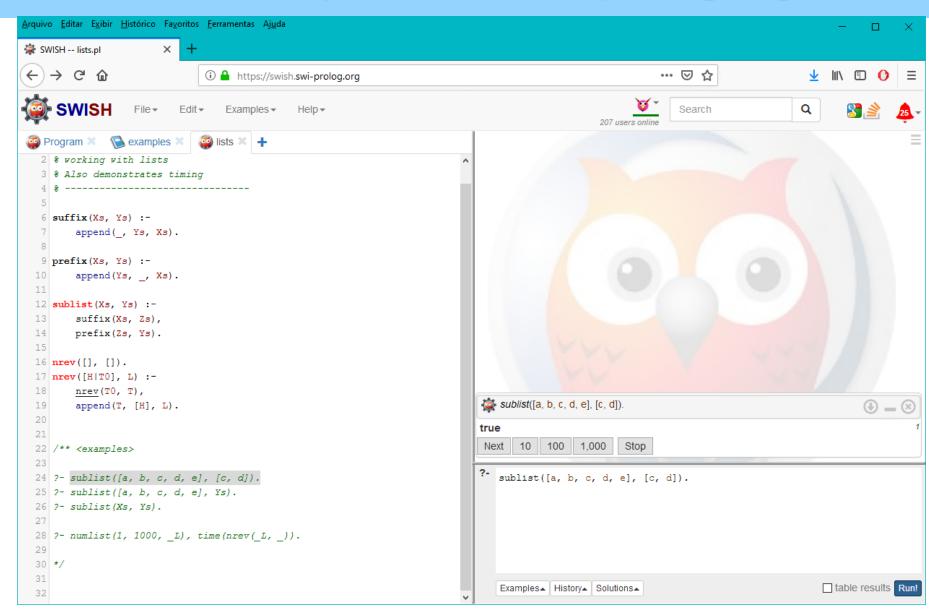
# Programa Exemplo: casa.pl

```
% Author: Ausberto S. Castro Vera
                                                                                               %%----- REGRAS --
% UENF, Ciência da Computação, 05/2019
                                                                                              conectar(X,Y) :- porta(X,Y).
                                                                                              conectar(X,Y) :- porta(Y,X).
%----- FATOS -----
                                                                                              lista_coisas(Lugar) :-
lugar(sala).
                                                                                                     localizacao(X, Lugar),
lugar(cozinha).
                                                                                                     tab(2),
lugar(escritorio).
                                                                                                     write(X),
lugar(corredor).
                                                                                                     nI,
lugar('sala de jantar').
                                                                                                     fail.
lugar(celeiro).
                                                                                                     lista_coisas(Qualquerlugar).
lugar(jardim).
                                                                                              lista portas(Lugar) :-
porta(escritorio, corredor).
                                                                                                     conectar(Lugar, X),
porta(cozinha, escritorio).
                                                                                                     tab(2),
porta(corredor, 'sala de jantar').
                                                                                                     write(X),
porta(cozinha, celeiro).
                                                                                                     nI,
porta('sala de jantar', cozinha).
                                                                                                     fail.
                                                                                                     lista portas().
localização (escrivaninha, escritorio).
localizacao(laranja, cozinha).
                                                                                               observar :- aqui(Lugar),
localizacao(lanterna, escrivaninha).
                                                                                                      write('Voce esta na '), write(Lugar), nl,
localização ('mag de lavar', celeiro).
                                                                   escritório
                                                                                                      write('Voce pode ver:'), nl,
localizacao(sabao, 'maq de lavar').
                                                                                                     lista_coisas(Lugar),
localizacao(verdura, cozinha).
                                                                                                      write('Voce pode ir para:'). nl.
localizacao(biscoitos, cozinha).
                                                                                                      lista portas(Lugar).
localização (computador, escritorio).
comestivel(laranja).
                                                corredor
comestivel(biscoitos).
gosto amargo(verdura).
                                                                            cozinha
                                                                                                  celeiro
                                             sala
aqui(cozinha).
                                               iantar
```

# **SWI Prolog 8.2.4 + Editor 5.07 (64 bits)**



# **SWISH** - https://swish.swi-prolog.org/



# **Sintaxe Prolog**

Um fato é um termo sem variáveis

```
gato.
verde(papagaio).
habitat(tigre,mato).
```

 Regras são definidas por uma cabeça seguida do símbolo: seguida da conjunção de termos, os quais são as condições para que a cabeça seja verdadeira

```
pai(A,B):- parente(A,B), homem(A).
natural(N):- inteiro(N), N > 0.
```

- Consulta é a conjunção de termos
  - ?- habitat(gato, floresta).

# **Sintaxe Prolog**

```
<fato> ::= <termo>.
<regra> ::= <termo> :- <termos>.
<consulta> ::= <termos>.
<termo> ::= <termo> , <termo> >
<termo> ::= <numero>
          | <atomo> | <variavel>
          | <atomo> ( <termos> )
atomo
<atomo> ::= nomepred | nomepred(t1, t2, ...,tn)
<variavel> ::= identificador começando com letra minúscula
```

# **Compiladores-Interpretadores**

- SWI Prolog
  - http://www.swi-prolog.org/
- Amzi!
  - http://www.amzi.com/
- BProlog
  - http://www.sci.brooklyn.cuny.edu/~zhou/bprolog.html
- GNU Prolog
  - http://pauillac.inria.fr/~diaz/gnu-prolog/
- Poplog
  - http://www.poplog.org/
- Strawberry Prolog
  - http://www.dobrev.com/
- Visual Prolog
  - http://www.visual-prolog.com/



Prof. Dr. Ausberto S. Castro Vera Ciência da Computação UENF-CCT-LCMAT Campos, RJ

ascv@computer.org ascv@uenf.br













