

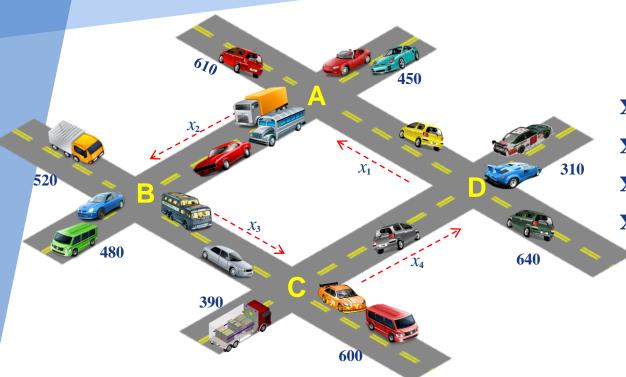
Universidade Estadual do Norte Fluminense Darcy Ribeiro

CCT - LCMAT - Ciência da Computação

Introdução ao Scilab Aplicação à Problemas de Engenharia

Prof. Ausberto S. Castro V. ascv@uenf.br

Engenharia de Tráfego



Matriz aumentada

Fluxo de entrada = fluxo de saída

$$x_1 + 450 = x_2 + 610 (A)$$

$$x_2 + 520 = x_3 + 480$$
 (B)

$$x_3 + 390 = x_4 + 600 (C)$$

$$x_4 + 640 = x_1 + 310 (D)$$

Vetor de termos independentes

| | | Mau 12 aui 11 | emaua | _ | | | _ | | | | _ | |
|----|----|---------------|-------|------|--|-------------------------|---|---|---|----|------------|-----------------------------|
| 1 | -1 | 0 | 0 | 160 | $\left \left(\mathbf{x_1} \right) \right $ | Redução Gauss-Jordan | 1 | 0 | 0 | -1 | 330 | $\left[\mathbf{x_1}\right]$ |
| 0 | 1 | -1 | 0 | -40 | \mathbf{X}_2 | | 0 | 1 | 0 | -1 | 170 | \mathbf{x}_2 |
| 0 | 0 | 1 | -1 | 210 | $\ \mathbf{x}_3\ $ | SCILAB | 0 | 0 | 1 | -1 | 210 | \mathbf{X}_3 |
| -1 | 0 | 0 | 1 | -330 | $ \mathbf{x_4} $ | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | X_4 |

Engenharia de Tráfego

Solução:

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -1 & 330 \\ 0 & 1 & 0 & -1 & 170 \\ 0 & 0 & 1 & -1 & 210 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \end{bmatrix}$$

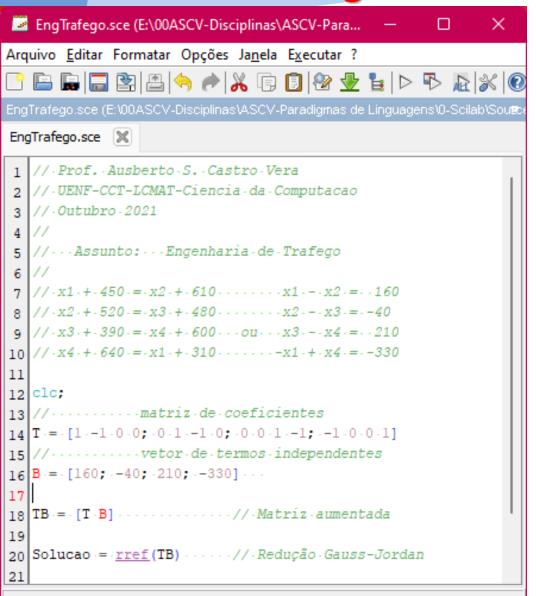
$$x_1 = x_4 + 330$$

 $x_2 = x_4 + 170$
 $x_3 = x_4 + 210$

$$\begin{array}{ll}
 x_1 = 530 \\
 \text{Se } x_4 = 200 \text{ então} & x_2 = 370 \\
 & x_3 = 410
 \end{array}$$

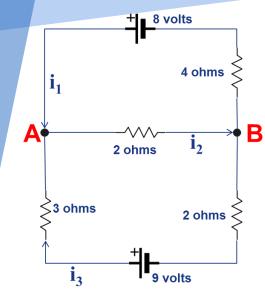
Redução Gauss-Jordan: <u>rref(M)</u>

Engenharia de Tráfego



```
Scilab 6.1.1 Console
Arquivo Editar Controle Aplicativos ?
😰 🕒 | 🐰 🕞 📵 | 🏷 | 🖴 | 🖴 | 😻 | 💸 | 🏶 🔞
--> //
          matriz de coeficientes
--> T = [1 -1 0 0; 0 1 -1 0; 0 0 1 -1; -1 0 0 1]
T =
 1. -1. 0. 0.
 0. 1. -1. 0.
 0. 0. 1. -1.
 -1. 0. 0. 1.
--> // vetor de termos independentes
--> B = [160; -40; 210; -330] B =
 160.
 -40
 210.
 -330.
--> TB = IT B1
                    // Matriz aumentada
TB =
 1. -1. 0. 0. 160.
 0. 1. -1. 0. -40.
 0. 0. 1. -1. 210.
 -1. 0. 0. 1. -330.
--> Solucao = rref(TB) // Redução Gauss-Jordan
Solução =
 1. 0. 0. -1. 330.
 0. 1. 0. -1. 170.
 0. 0. 1. -1. 210.
 0. 0. 0. 0. 0.
-->
```

Engenharia Elétrica



$$i_1 - i_2 + i_3 = 0$$
 (A)
 $-i_1 + i_2 - i_3 = 0$ (B)
 $4i_1 + 2i_2 = 8$ (superior)
 $2i_2 + 5i_3 = 9$ (inferior)

Leis de Kirkoff

- Em cada nó, a soma das correntes elétricas que entram é igual à soma das correntes que saem
- A soma de todas as tensões (forças electromotrizes) no sentido horário é igual a soma de todas as tensões no sentido anti-horário, ocorridas numa malha, é igual a zero

Lei de Ohm E = iR

 A diferença de potencial (E) entre dois pontos de um condutor é proporcional à corrente elétrica (I).



| 1 | -1 | 1 | 0 |
|---|----|------|-----|
| 0 | 1 | -2/3 | 4/3 |
| 0 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 0 | 0 | 0 |

$$i_3 = 1$$
, $i_2 = 2$ e $i_1 = 1$

Engenharia Elétrica

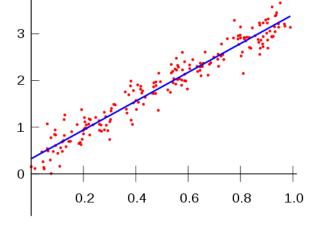
```
EngEletrica.sce (E:\00ASCV-Disciplinas\ASCV-Paradigm...
                                                                       ×
Arquivo Editar Formatar Opções Janela Executar ?
🕒 🔚 🔚 📳 🖺 | 🥱 | 🥱 | 🥕 | 🔏 🕞 🗓 | 🏖 쌒 💺 | 🕨 恥 | 💥 | 🔞
EngEletrica.sce (E: 00ASCV-Disciplinas\ASCV-Paradigmas de Linguagens\0-Scilab\Source\Eng2
EngTrafego.sce X EngEletrica.sce X
 1 // · Prof. · Ausberto · S. · Castro · Vera
    // · UENF-CCT-LCMAT-Ciencia · da · Computacao
   //-Outubro-2021
 4 //
 5 // ... Assunto: ... Engenharia Elétrica
 6 //
 7 // Leis · de · Ohm · · · E · = iR
 8 //·i1·-12·+13·=·0
 9 // -i1 + i2 - i3 = 0
10 // - 411 - +212 - = - 8
11 // · · 2i2 · +5i3 · = · 9
12
13 // .....matriz de coeficientes
14 MC -= - [1 --1 -1; --1 -1; -4 -2 -0; -0 -2 -5] --
15 // ..... Vetor de termos independentes
16 TI -= - [0; -0; -8; -9]
 17
18 M = [MC TI] - - - - // Matriz aumentada
19
20 Solucao = · rref (M) · · · · // · Redução · Gauss-Jordan
21
22
Linha 4, coluna 2.
```

```
Scilab 6.1.1 Console
Arquivo Editar Controle Aplicativos ?
--> // Prof. Ausberto S. Castro Vera
--> // UENF-CCT-LCMAT-Ciencia da Computação
-> // Outubro 2021
--> //
--> // Assunto: Engenharia Elétrica
_> //
-> // Leis de Ohm E =iR
--> // i1 -12 +13 = 0
--> // -i1 + i2 -i3 = 0
--> // 4i1 +2i2 = 8
--> // 2i2 +5i3 = 9
--> // matriz de coeficientes
--> MC = [1 -1 1; -1 1 -1; 4 2 0; 0 2 5] MC =
1 -1 1
-1. 1. -1.
 4. 2. 0.
 0 2 5
-> // Vetor de termos independentes
--> TI = [0: 0: 8: 9]
TI =
 0.
--> M = [MC TI]
                   // Matriz aumentada
 1 -1 1 0
-1. 1. -1. 0.
 4. 2. 0. 8.
 0. 2. 5. 9.
-> Solucao = rref(M) // Redução Gauss-Jordan
Solucao =
 1. 0. 0. 1.
 0 1 0 2
 0. 0. 1. 1.
 0 0 0 0
```

Ajuste de dados

Mínimos Quadrados

- Sistema $\mathbf{A}\mathbf{x}=\mathbf{b}$ com \mathbf{A}_{mxn} e m > n
- r(x) = b Ax e ||r(x)|| = ||b Ax||



• Minimizar $||r(x)||^2$: Problema dos mínimos quadrados

Teorema

Se A é uma matriz m x n com posto n, as equações normais

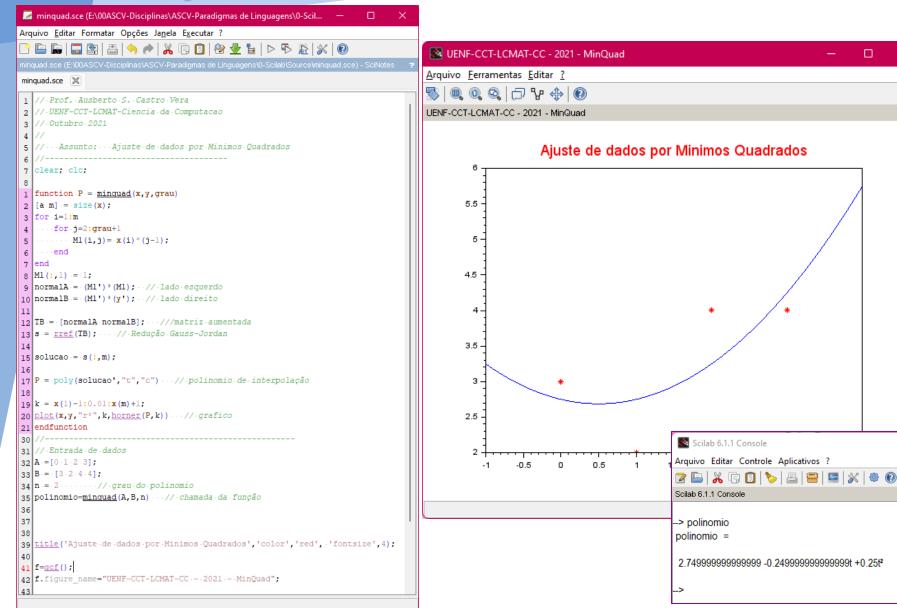
$$A^{T}A\mathbf{x} = A^{T}\mathbf{b}$$

tem uma solução única

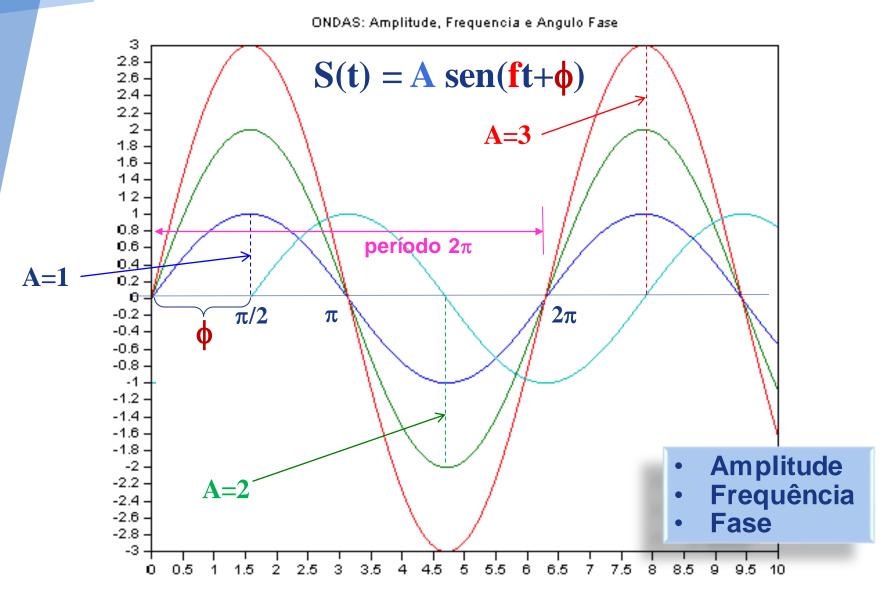
$$X = (A^T A)^{-1} A^T b$$

e X é a solução dos mínimos quadrados do sistema Ax=b

Ajuste de dados: Mínimos Quadrados



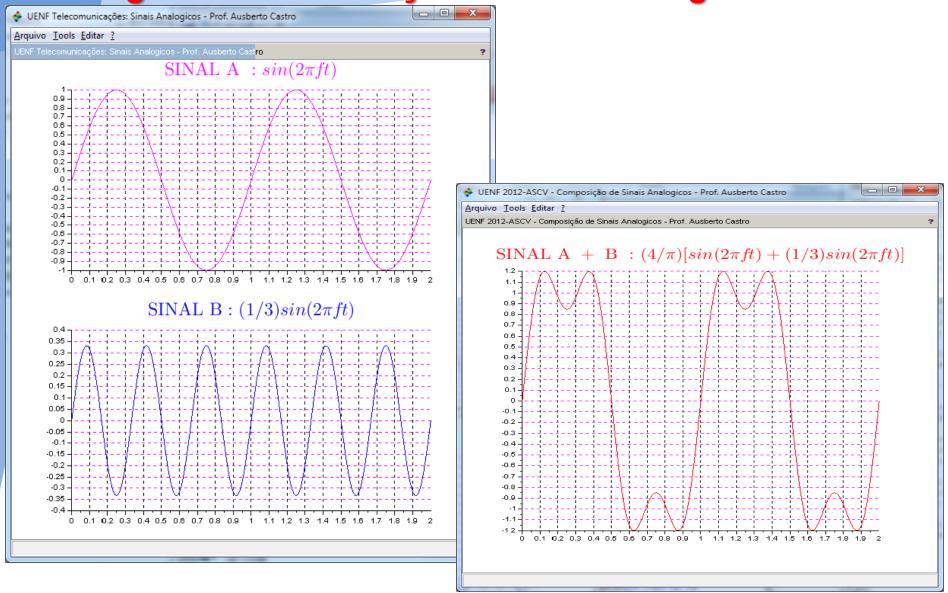
Eng. Telecomunicações e Proces. Digital de Sinais



Eng. Telecomunicações e Proces. Digital de Sinais

```
Sinais.sce (E:\ASCV-UENF\Paradigmas de Linguagens\ASCV-ppts\Scilab-Applic\Sinais.sce) - SciNotes
Arquivo Editar Formatar Opções Janela Executar ?
*Sinais.sce 💥
 Telecom-AM.sce X
 1 // · Prof. · Ausberto · S. · Castro · Vera
 2 // · UENF-CCT-LCMAT-Ciencia · da · Computacao
 3 //-07/2012
 5 // -====> Assunto: SINAIS ...====
 7 Aluno -= . 'Prof. - Ausberto - Castro ' .;
 g t=0:0.01:2; ....//-tempo
11 fig1=scf(1); clf;
 12 //-----Sinal · 1 · -----
13 f=1; ...//-Frequencia
14 A -= 1; // - Amplitude
15 sinal1 -= A*sin(2*%pi*f*t);
16 subplot (211):
17 plot(t, sinal1, "magenta");
18 a=get("current axes");
19 a.axes_visible="on";
20 a.grid=[2,2];
 21 a.box="off";
 22 a.grid=[1.6.3];
 23 xtitle('$\textstyle \text{SINAL A : }sin(2\pi ft)$');
 24 h1=gcf();
 25 h1.figure_name='UENF.Telecomunicações: .Sinais .Analogicos .- . '+Aluno;
 26 h1.position -= [200 - 200 - 630 - 600];
 27 toolbar(h1.figure_id, .'off');
28 //-----Sinal.2.----
29 f=3; · · · // · Frequencia
 30 A=1/3; // Amplitude
31 | sinal2 -= - A*sin(2*%pi*f*t);
 32 subplot (212);
 33 plot(t, sinal2, "blue");
 34 a=get("current axes");
35 a.axes_visible="on";
36 a.grid=[2,2];
37 a.box="off";
Linha 29, coluna 0.
```

Eng. Telecomunicações e Proces. Digital de Sinais



Eng. Telecomunicações e Modulação

Modulação

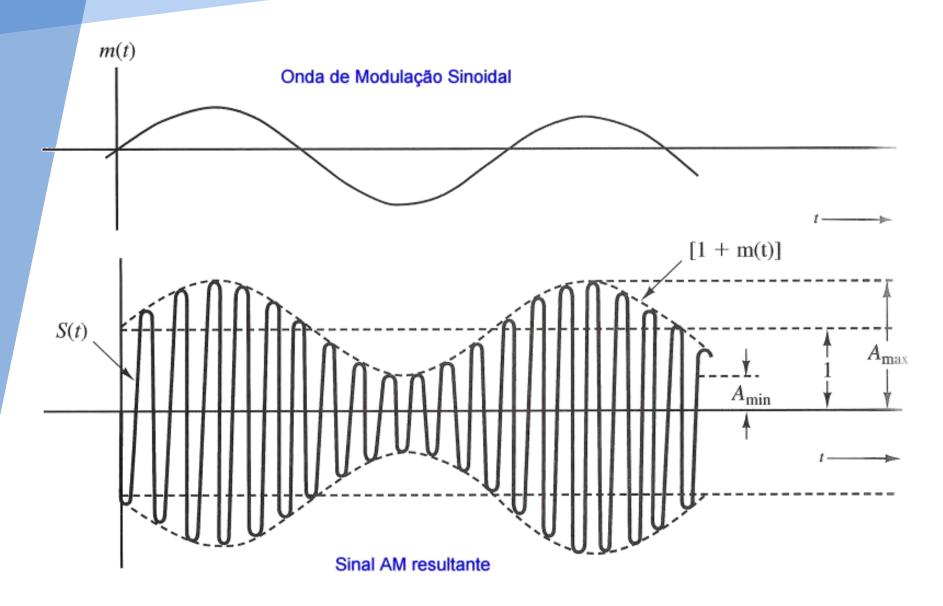
- Processo de codificação de dados fontes em um sinal de portadora com frequência f_c (carrier frequency)
- Processo pelo qual são modificadas uma ou mais características (A, f, φ) de uma onda denominada portadora, segundo um sinal modulante (informação, dados binários)
- Todas as técnicas de modulação envolve operação sobre um ou mais dos três parâmetros de domínio de frequência
 - Amplitude
 - Freqüência
 - Fase



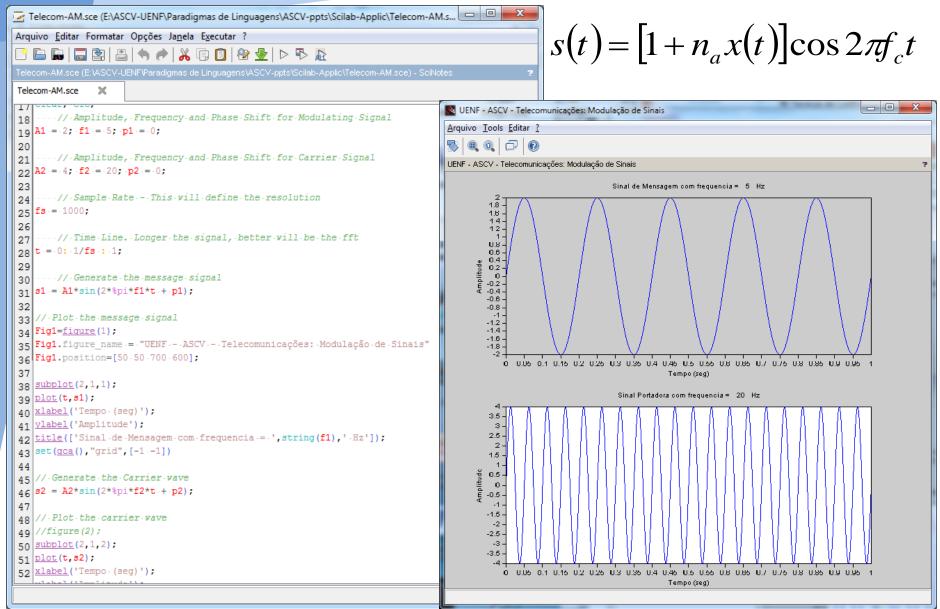
Modulação Analógica: Técnicas Portadora (carrier) **Dados** Sinal senoidal para modular Onda modulada por Amplitude (DSBTC) Onda modulada por Fase (PM)

Onda modulada por Fregüência (FM)

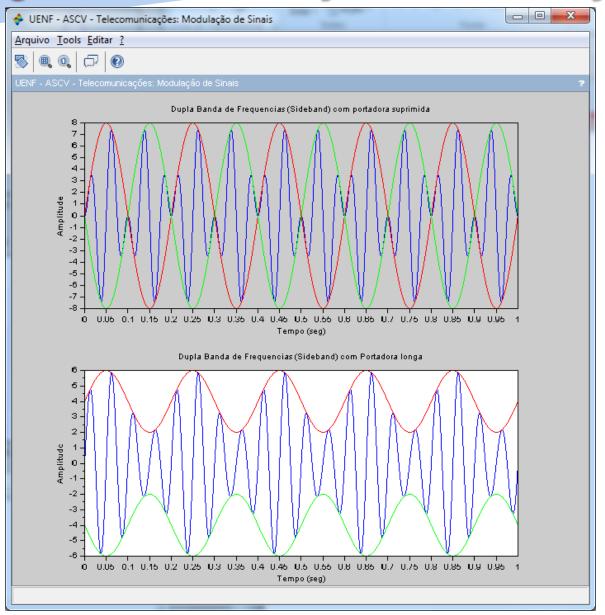
AM – Amplitude Modulation



Eng. Telecomunicações e Modulação AM



Eng. Telecomunicações e Modulação AM

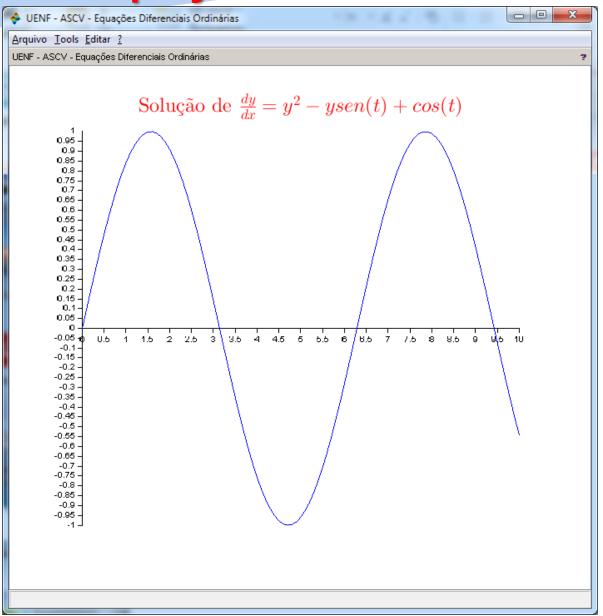


ODE: Equações Diferenciais Ordinárias

ODE: Equações Diferenciais Ordinárias

```
ascv-ode.sce (E:\ASCV-UENF\Paradigmas de Linguagens\ASCV-ppts\Scilab-Applic\ascv-ode.sce) - Sci... 😑 😑 🔤 🔀
Arquivo Editar Formatar Opções Janela Executar ?
   ascv-ode.sce
 Telecom-AM.sce X
    //-Prof.-Ausberto-S.-Castro-Vera
 2 // · UENF-CCT-LCMAT-Ciencia · da · Computacao
    //-06/2012
    //-Para-executar-desde-o-editor-SciNotes:---<-Ctrl-><Shift><-E->
    // ·====> · Assunto: · Equações · Diferenciais · Ordinarias
    //.----EDO.simples.de.uma.dimensão.(função.externa.do.Scilab)
    // \cdot dy/dt = y^2 - y \cdot sin(t) + cos(t), \cdot y(0) = 0
    clear: clc:
    Fig1=figure(1);
    Fig1.figure name = "UENF - - ASCV - - Equações Diferenciais Ordinárias"
   Fig1.position=[50.50.700.600];
14
15 function ydot=f(t, y),
     ydot=y^2-y*sin(t)+cos(t)
17 endfunction
19 Y0=0;t0=0;
 20 t=0:0.1:10; // 2*%pi;
 21 y=ode (y0,t0,t,f)
 22 plot(t,y)
 23
    xtitle('$\textstyle.\text{Solução.de.}$\frac{dy}{dx}.=.y^2.-y.sen(t).+.cos(t)$')
    h=qcf();
    toolbar(h.figure id, 'off');
 28
    //-Propriedades-dos-eixos
 30 eixos -= - gca();
 31 eixos.x_location="middle";
 32 eixos.box="off";
 33 x_label.text = "Tempo";
```

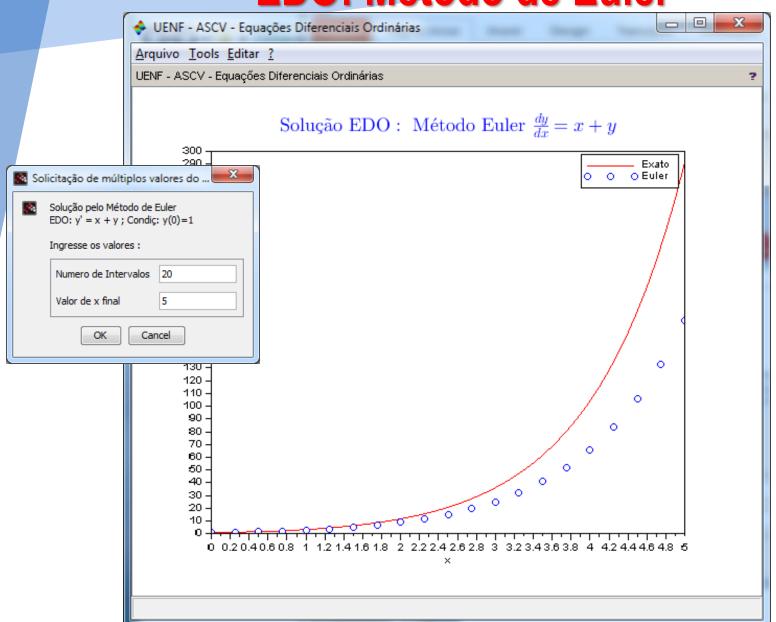
ODE: Equações Diferenciais Ordinárias



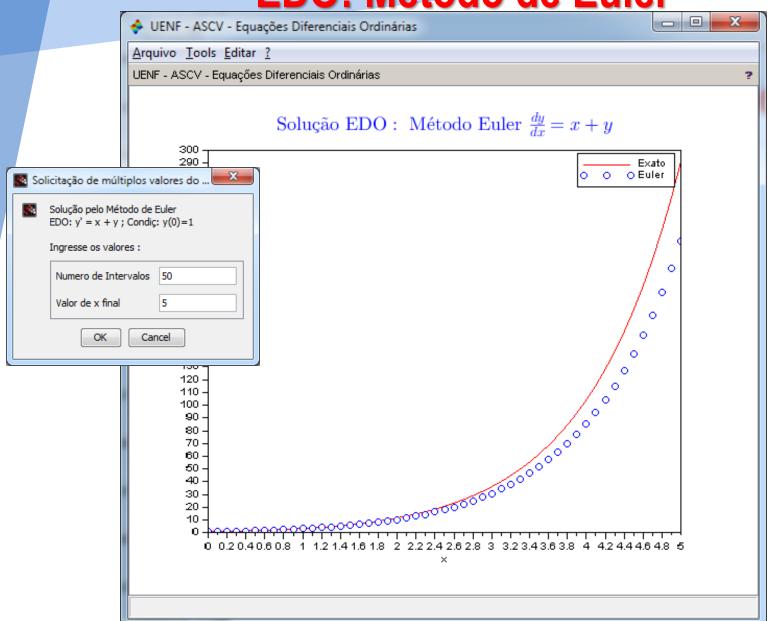
EDO: Método de Euler

```
👱 ascv-ode-euler.sce (E:\ASCV-UENF\Paradigmas de Linguagens\ASCV-ppts\Scilab-Applic\ascv-ode-eu... 🖵 📮
Arquivo Editar Formatar Opções Janela Executar ?
 🕒 🔚 🔚 📳 🖺 | 🥱 🥠 | 🔏 🕞 🗓 | 🕸 쌒 | D 🕞 🖟
 ascy-ode-euler,sce (E:\ASCV-UENF\Paradigmas de Linguagens\ASCV-ppts\Scilab-Applic\ascy-ode-euler,sce) - SciNotes
 ascv-ode-euler.sce 💥
 1 // · Prof. · Ausberto · S. · Castro · Vera
    // · UENF-CCT-LCMAT-Ciencia · da · Computacao
    //-06/2012
    // ·=====> · Assunto: · Equações · Diferenciais · Ordinarias
 7 // Programa · para · o · calculo · da · E. D. O. · y' · = · x · + · y
    //-Metodo-de-Euler
    //-Condicao-de-contorno:-y(0)-=-1
10 clear; clc;
 11
 12 // - Condicao - de - contorno
 13 x (1) -= 0;
14 y(1) -= 1;
    t1 -= - 'Solução -pelo -Método -de -Euler';
17 t2 = 'EDO: y'' = x + y . ; . Condic: y(0)=1;
18 t3 = 'Ingresse os valores:';
 19
     // Entrada de dados iniciais
    itens=["Numero.de.Intervalos"; "Valor.de.x.final"];
     [ok, n, xf]=getvalue([t1;t2;'...';t3],....
              ····itens, ····
                    .....list("vec",1,"vec",1),....
 24
 25
       .....['20'; .'5']);
    h = (xf - x(1))/n;
    for - i -= -1:n
      \cdots \cdot \underline{f}(i) = \mathbf{x}(i) + \mathbf{y}(i);
     \cdot \cdot \cdot \cdot \mathbf{x} (\mathbf{i}+1) \cdot = \cdot \mathbf{x} (\mathbf{i}) \cdot + \cdot \mathbf{h};
      - - y(i+1) = -y(i) + -h*f(i);
32 end
Linha 30, coluna 22.
```

EDO: Método de Euler



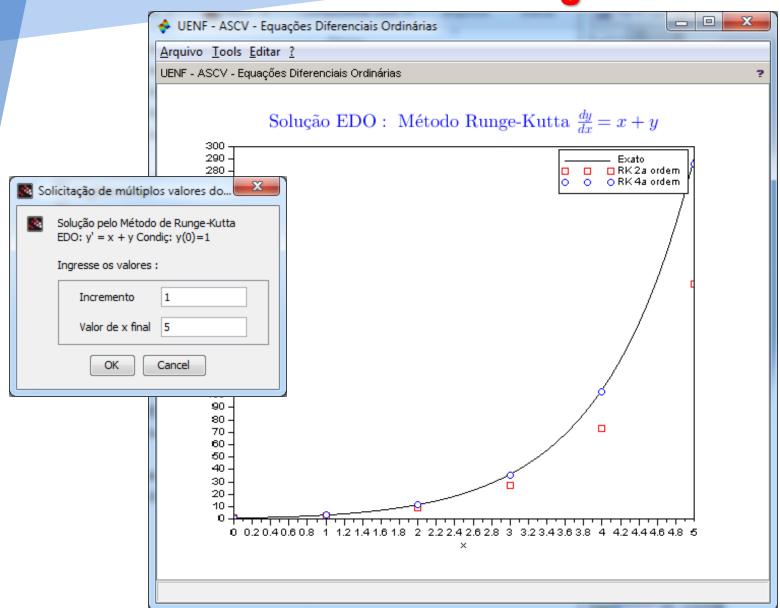
EDO: Método de Euler



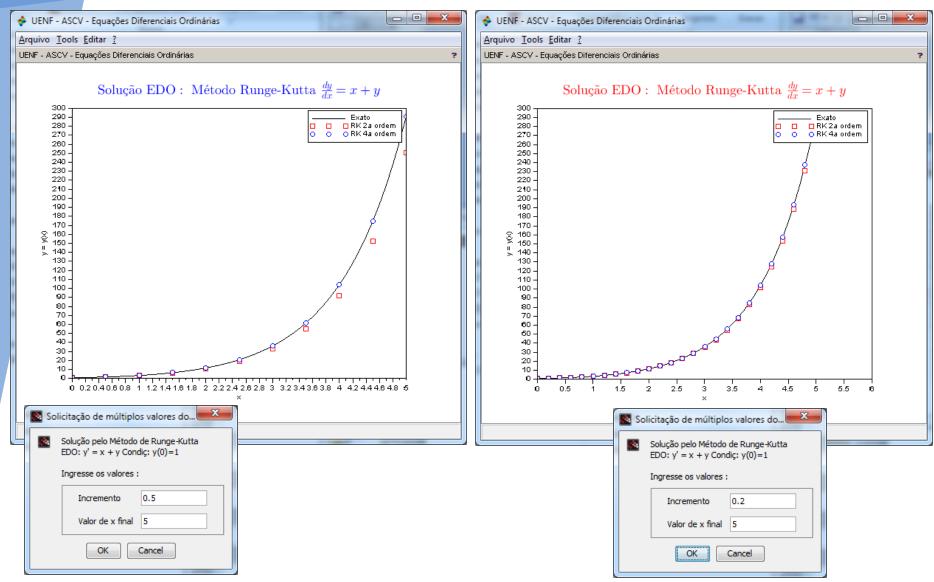
EDO: Método de Runge-Kutta

```
🚾 ascv-ode-RK.sce (E:\ASCV-UENF\Paradigmas de Linguagens\ASCV-ppts\Scilab-Applic\ascv-ode-RK.sce) - Sci... 💷 😐 🚾 🔀
Arquivo Editar Formatar Opções Janela Executar ?
ascv-ode-RK.sce
 10 t1 -= 'Solução -pelo -Método -de -Runge-Kutta';
 20 t2 = 'EDO: ·y'' -= ·x ·+ ·y · · · Condic: · · · ·y (0) =1';
 21 t3 = 'Ingresse os valores:';
    // Entrada de dados iniciais
 24 itens=["Incremento"; "Valor · de · x · final"];
    [ok,h, xf]=getvalue([t1;t2;'...';t3],....
         ----itens, ....
      ·····list("vec",1,"vec",1), ····
                .....['1';.'5'1);
 29
 30 | n = - floor ((xf -- - x (1)) - / - h -+ -1); - // - Numero - de - intervalos
 31 for · i · = · 1: n-1
     - - - \times x(i+1) = -x(i) + -h;
     ----//-Metodo-de-Runge-Kutta-de-2a-ordem
     - - - k12 = - x(i) + - y2(i);
     - - - k22 = - x(i) + - h + - (y2(i) + - h*k12);
     y2(i+1) = y2(i) + h/2*(k12+k22);
 37
 38
 39
     ····//·Metodo·de·Runghe-Kutta·de·4a·ordem
     \cdots \cdot k14 = x(i) + y4(i);
     - \cdot \cdot \cdot \cdot k24 = x(i) + h/2 + (y4(i) + h*k14/2);
     - - - k34 = - x(i) + - h/2 + - (y4(i) + - h*k24/2);
      \cdot \cdot \cdot \cdot k44 \cdot = \cdot x(i) \cdot + \cdot h \cdot + \cdot (y4(i) \cdot + \cdot h*k34);
      y_4(i+1) = y_4(i) + h/6*(k14 + 2*k24 + 2*k34 + k44);
 45 end
 46 // · Solucao · exata
 47 xe -= 0:0.1:xf;
 48 ye -= -2*exp(xe) -- -xe -- -1;
 49 // Grafico: solucoes pelos metodos de Runge-Kutta e solucao exata
 50 plot(x, y2, 'sr', x, y4, 'ob', xe, ye, '-k');
 51 xlabel('x'); ylabel('y = y(x)');
 52 legend ('Exato', 'RK-2a-ordem', 'RK-4a-ordem');
Linha 28, coluna 33.
```

EDO: Método de Runge-Kutta



EDO: Método de Runge-Kutta





Prof. Dr. Ausberto S. Castro Vera Ciência da Computação UENF-CCT-LCMAT Campos, RJ

ascv@computer.org
ascv@uenf.br













