考试科目: 随机过程与排队论

考试形式: 一页纸开卷 考试时间: 2012 年秋

1. (10分) 利用打靶试验,定义随机过程

$$X(t) = X(t, w) =$$
 
$$\begin{cases} t, & \text{命中目标} w = w_1 \\ \cos \pi t, & \text{没有命中目标} w = w_2 \end{cases}$$

假定"命中目标"和"没有命中目标"的概率分别为 0.8 和 0.2, 打靶试验相互独立, 试求:

- (1) X(t) 的一维分布函数 F(0.5,x) 和 F(1,x);
- (2) X(t) 的二维分布函数 F(0.5,1;x,y);
- (3) X(t) 的均值函数  $m_x(t)$ , 方差函数  $D_x(t)$  以及协方差函数  $C_x(s,t)$ 。

注:  $F(t,x) = p\{X(t) < x\}, t \in T, x \in R = (-\infty, +\infty).$ 

- 2. (10 分) 设在 [0,t) 时段内乘客到达某售票处的数目是参数  $\lambda=2.5$  (人/分) 的泊松过程, 求
  - (1) 在 5 分钟内有 10 位乘客到达售票处的概率;
  - (2) 第 10 位乘客在 5 分钟内到达售票处的概率;
  - (3) 响铃两乘客到达售票处的平均时间间隔。

3. (16 分) 设齐次马氏链  $\{X(n), n=0,1,2,\dots\}$  的状态空间  $E=\{1,2,3\}$ ,一步状态转移矩阵

$$P = \begin{bmatrix} \frac{1}{4} & \frac{1}{2} & \frac{1}{4} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{4} & \frac{1}{4} \\ 0 & \frac{1}{4} & \frac{3}{4} \end{bmatrix}$$

初始分布为

X(0)	1	2	3
$\overline{P}$	1/2	1/3	1/6

- $(1) \quad \vec{\mathfrak{R}} \ P\{X(0)=1, X(2)=3\};$
- (2)  $\bar{x} P\{X(2) = 2\}_{\circ}$
- (3) 此链是否具有遍历性?
- (4) 求平稳分布

4. (15 分) 设齐次马氏链  $\{X(n), n=0,1,2,\dots\}$  的状态空间  $E=\{1,2,3,4,5,6\}$ ,状态转移矩阵

- (1) 画出状态转移图;
- (2) 讨论各状态性质;
- (3) 分解状态空间。

- 5. (16 分) 设有 2 台复印机,平均复印文件的速度为  $\mu=8$  (件/分钟),文件到达率  $\lambda=12$  (件/分钟),假设每件文件固定页数,试求:
  - (1) 等待复印的平均文件数  $\overline{N}_q$  及在复印室内现有的平均文件数  $\overline{N}_{\overline{i}}$ ;
  - (2) 每份文件在复印室里平均停留时间以及排队等待复印的平均时间;
  - (3) 文件到达后立即可以复印的概率;
  - (4) 平均忙的复印机数。

- 6.  $(12\, 
  m eta)$  某单位有 10 辆汽车,3 个修理工,假定每辆车平均 30 天修理一次,平均修理时间为 6 天,汽车正常运行时间和修理时间都服从指数分布。求:
  - (1) 该单位无车可用的概率;
  - (2) 需要修理的汽车的平均数;
  - (3) 每辆汽车等待修理的平均时间?

- 7. (15 分) 某计算中心的信息交换站接受到的信息流为泊松流,每秒钟到达 15 份信息,信息从交换站输出服从指数分布,平均每秒钟 20 份,若缓冲器的存储空间仅可存储 4 份信息,试求:
  - (1) 平稳时的概率分布,信息损失的概率;
  - (2) 信息交换站的平均信息数,缓冲器中的平均信息数;
  - (3) 每份信息在交换站的平均逗留时间和平均等待时间。

8. (6分) 有一排队系统,顾客到达为参数  $\lambda(\lambda>0)$  的泊松过程,顾客到达看到队长为 k 时,进入系统的概率为 1/(k+1);顾客 (... 缺失)

本 PDF 由一看不太清楚的拍摄图片转制而成,如有错误还请指出。

PDF 制作人: Xovee, 个人网站: https://www.xovee.cn

审校: Morton Wang, GitHub: https://github.com/MortonWang

uestc-course 仓库,您可以在这里找到更多复习资源: https://github.com/Xovee/uestc-course