





第2章2节 离散型随机变量



对于一个贝罗里试验,我们常考察如下问题:

- (1) 事件A 首次发生的试验次数; (2) 事件A 发生k 次时的试验次数; (3) n次试验中事件A 发生的次数。

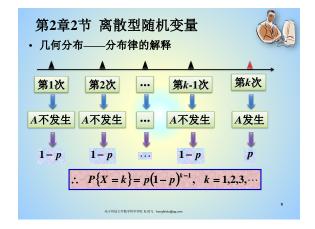
在贝努里试验中,设事件A 发生的概率为p

(1) 设事件A 首次发生的试验次数为X

则 $\{X=k\}$ 表示首次试验成功在第k次。k=1,2,3,...

X的分布律为: $P\{X=k\}=pq^{k-1}$;

称X服从参数为p的几何分布(Geometric distribution)。



第2章2节 离散型随机变量



阃:最后一次A一定发生,那么应该是必然事 件,但为何概率是p?



答题: 我们考察的仅仅是若干可能性中 的一种——在当前情形下,最后一次A发 生, 其发生的可能性为p。

例如, 打靶直到命中为止, 射击次数为X A_i 表示第i次射击命中,i=1,2,3,...{X=2}时,进行了两次射击,总共包含了四种情况: A_1A_2 , $\overline{A_1}A_2$, $A_1\overline{A_2}$, $\overline{A_1}\overline{A_2}$ ${X=2}=\overline{A_1}A_2$ 仅仅是其中一种情况

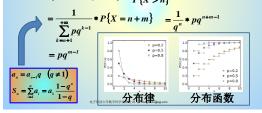
第2章2节 离散型随机变量



◆几何分布的一个重要性质:无后效性(无记忆性)

 $P{X = n + m | X > n} = P{X = m}$

证明: $P\{X = n + m | X > n\} = \frac{1}{P\{X > n\}}$



第2章2节 离散型随机变量

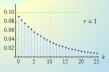


2) 在贝努里试验中,设事件A发生r次时的试验次 次数为Y,Y的分布律为:

$$P{Y=t}=C_{t-1}^{r-1}p^rq^{t-r}$$
 $t=r,r+1,...$

称Y服从负二项分布(帕斯卡分布. Negbinomial), 记为 $X \sim NB(r, p)$ 。

<u>负二项分布</u>可 看作几何分布 的更一般情况。



第2章2节 离散型随机变量



3) 在n次贝努里试验中事件A 发生的次数 设随机变量X表示事件A发生的次数,则X=0, 1,

2, ..., n

定理: 在n重贝努里试验中,事件A发生的概率为 P(A) = p, 0 , 则事件<math>A 发生的次数X 的分布律 为

$$P\{X = k\} = P_n(k) = C_n^k \cdot p^k \cdot (1-p)^{n-k} k = 0,1,2..,n$$

