

Simplifier C.

$$\text{soit } C = \bar{a}\bar{b}\bar{c} + \bar{a}\bar{b}c + \bar{a}b\bar{c} + a\bar{b}\bar{c}$$

$$C = \bar{a}\bar{b}\bar{c} + \bar{a}\bar{b}c + \bar{a}b\bar{c} + a\bar{b}\bar{c} + abc + abc + ab\bar{c} + a\bar{b}c$$

$$C = (\bar{a}\bar{b}\bar{c} + abc) + (\bar{a}\bar{b}c + abc) + (\bar{a}b\bar{c} + ab\bar{c}) + (a\bar{b}\bar{c} + a\bar{b}c)$$

$$C = (\bar{a} + a)(\bar{b} + b)(\bar{c} + c) + ac(\bar{b} + b) + (\bar{a} + a)(\bar{b} + b) + a(\bar{b} + b)(\bar{c} + c)$$

$$\boxed{\text{donc } C = ac + a}$$

1. Soient a, b et c trois éléments d'une algèbre.

$$\text{Soient } A = \bar{a}b + \bar{c} \text{ et } B = \bar{a} + bc$$

Montrons par le calcul que $\bar{A} = \bar{a}c + \bar{b}c$ et que $\bar{B} = a\bar{c} + a\bar{b}$

$$A = \bar{a}b + \bar{c} \quad B = \bar{a} + bc \quad \bar{A} = \bar{a}c + \bar{b}c \quad \text{et} \quad \bar{B} = a\bar{c} + a\bar{b}$$

$$\text{donc } \bar{A} = \bar{a}c + \bar{b}c = c(\bar{a} + \bar{b})$$

$$\text{alors } \bar{A} = c(\bar{a} + \bar{b})$$

$$\text{De même pour } \bar{B} \quad a\bar{c} + a\bar{b} = a(\bar{c} + \bar{b})$$

$$\text{donc } \bar{B} = a(\bar{c} + \bar{b})$$

Ainsi, on peut dire que $\bar{A} = c(\bar{a} + \bar{b})$ et $\bar{B} = a(\bar{c} + \bar{b})$.