بسمه تعالى



تمرین اول
تحلیل پیچیدگی الگوریتم
استاد: دکتر مریم لطفی
دستیاران آموزشی
سید حسین حسینی
امیر فیض
محمد امین آقا کبیری
مهدی شمس
ایمان خلیل الرحمانی
اریسا احسانی
شادی شهامت نیا
سید محمد حسین هاشمی

دانشکده مهندسی کامپیو تر زمستان 1402

1. نشان دهید به ازای هر مقد ار ثابت a و b به طوری که b > 0 رابطه زیر بر قرار است: $(n+a)^b = \theta(n^b)$

پیچیدگی قطعه کدهای زیر را در بدترین حالت به دست آورید .
 کد اول)

```
int count = 0;

for (int i = N; i > 0; i /= 2) {

for (int j = 0; j < i; j++) {

count += 1;
}
}</pre>
```

کد دوم)

```
for (int i = 1; i <= N; i++) {

for (int j = i; j <= N; j += i) {

cout << "Hi";
}

}
</pre>
```

- رو الگوریتم با نام های Alg1 و Alg2 برای مسئله ای با اندازه ورودی n وحود دارد. Alg1 در مدت n² میکروثانیه و Lonlog(n) میکروثانیه اجرا می شود. Alg1 را یک برنامه نویس می تواند در چهار ساعت پیاده سازی کند و برای کامپایل کردن آن دو دقیقه زمان CPU احتیاج دارد. در مقابل، Alg2 به 15 ساعت وقت جهت پیاده سازی و شش دقیقه زمان CPU نیاز است. اگر به هر برنامه نویس ساعتی 20 دلار پرداخت شود و همچنین زمان استفاده از CPU دقیقه ای 20 دلار ارزش داشته باشد، مشخص کنید که مسئله ای با اندازه ورودی Alg2 در چندبار باید با Alg2 حل کرد تا هزینه آن قابل توجیه باشد؟
 - 4. توابع زیر را بر اساس پیچیدگی زمانی مرتب کنید.

 $n! \; , \, n^2 \, logn \; , \, (logn)^2 \, , \, log \; logn \; , \, 4^{logn} \, , \, n2^n \, , \, 2^2 \, , \, (logn)^{logn}$

 $\mathbf{6}$. به ازای هر کدام از زوج توابع $\mathbf{g}(\mathbf{n})$ و $\mathbf{g}(\mathbf{n})$ با توضیح مختصری نشان دهید که آیا توابع $\mathbf{g}(\mathbf{n})$ از $\mathbf{0}$ و امگا و $\mathbf{0}$ تابع $\mathbf{g}(\mathbf{n})$ هست یا خیر ؟ (فرض کنید که \mathbf{c} یک عدد ثابت و بزرگتر از $\mathbf{1}$ هست)

f(n)	g(n)	О	امگا	θ
2 ^{n/2}	2 ⁿ			
log n!	log n ⁿ			
2 ⁿ	2 ⁿ⁻²			
n ² * 2 ⁿ	3 ⁿ			
(log n) ^{log n}	4 ^{log n}	1		
c ⁿ	n ^c	5 7		
n ^c	(log n)!		//	

7. پیچیدگی زمانی الگوریتم زیر را محاسبه کنید.

موفق باشيد