

## <u>بهترین پرواز</u>

پروژه اول درس مبانی و کاربردهای هوش مصنوعی

استاد درس:

دکتر حسین کارشناس

اعضای گروه:

يسنا طالبي – 4003613045

ايليا شعبان پورفولادي – 4003613041



# **Best Flight Table of Contents**

Creating the Graph of Flights	3
Dijkstra Graph	3
A* Graph	3
Dijkstra Algorithm	4
Calling the function:	4
Initial Data Structures:	4
Initialization of Graph Vertices:	5
Initialization of the Children of Source Airport:	5
Finding the Nearest Unexplored Airport:	6
Updating the Tag of the Children of Chosen Node :	6
Returning the Path:	7
A* Algorithm	8
Heuristic Function:	8
Using Heuristic Function in A*:	9
Dijkstra Algorithm vs. A* Algorithm	10
Output Sample:	10
Difference in the Search Environment:	
Difference in Execution Time:	13
Refrences	14
Used Libraries	14

## Creating the Graph of Flights

در این پروژه، ما برای ساخت گراف از ساختمان دادهی dictionary استفاده کردیم.

```
Dijkstra_graph = {
    source_airport1 : {
        destination_airport2 : edge_weight,
        destination_airport3 : edge_weight,
        ...
    }
    source_airport2 : {
        destination_airport1 : edge_weight,
        destination_airport2 : edge_weight,
        destination_airport3 : edge_weight,
        destination_airport3 : edge_weight,
        ...
}
...
}
```

### Dijkstra Graph:

در این دیکشنری هر فرودگاه مبدا یک key است و فرودگاه هایی که از طریق فرودگاه مبدا به آنها پرواز مستقیم وجود دارد و فاصلهی آنها، به صورت یک دیکشنری، value در نظر گرفته شدهاند.

```
A*_graph = {
    source_airport1 : {
        destination_airport2 : [edge_weight, heuristic]
        destination_airport3 : [edge_weight, heuristic]
        destination_airport3 : [edge_weight, heuristic]
        ...
}

source_airport2 : {
    destination_airport1 : [edge_weight, heuristic]
    destination_airport2 : [edge_weight, heuristic]
    destination_airport3 : [edge_weight, heuristic]
    ...
}
...
```

#### A\* Graph:

در گراف  $A^*$  علاوه بر فاصله ی هر فرودگاه مقصد از فرودگاه مبدا آن، فاصله ی مستقیم فرودگاههای مقصد از فرودگاه هدف هم به وسیله ی تابع heuristic ، بدست آمده و در این گراف ذخیره می شود.

## Dijkstra Algorithm

الگوریتم دایجسترا به عنوان یک الگوریتم مسیریابی کورکورانه، با درنظر گرفتن یک نود مبدا در یک گراف، فاصله ی کوتاه ترین مسیر از مبدا به تمام نودهای دیگر را بدست می آورد.

این الگوریتم با بررسی کردن تمام مسیرهای موجود، تضمین میکند که مسیر بدست آمده مسیر بهینه است.

#### Calling the function:

dijkstra\_shortest\_path = dijkstra(dijkstra\_graph, src\_airport, dest\_airport)

تابع دایجسترا گراف پروازها، فرودگاه مبدا و فرودگاه هدف را به عنوان ورودی دریافت میکند و در خروجی کوتاه ترین مسیر را بصورت لیستی از فرودگاههای مبدا تا مقصد برمی گرداند.

#### **Initial Data Structures:**

unexplored : دیکشنری از فرودگاههایی که تگ آنها مقدار دهی شده و می توانیم مسیر را از آنها ادامه دهیم.

#### Initialization of Graph Vertices:

```
for source_airport in graph.keys():
    dist[source_airport] = float('inf')

for destination_list in graph.values():
    for destination in destination_list.keys():
    if destination not in dist.keys():
        dist[destination] = float('inf')

dist[src_airport] = 0

explored.append(src_airport)
```

#### Initialization of the Children of Source Airport:

```
edges = graph[src_airport]
for destination in edges.keys():
    dist[destination] = edges[destination]
    unexplored[destination] = edges[destination]
    prev[destination] = src_airport
```

در این حلقه، تگ تمام فرزندان فرودگاه مبدا آپدیت شده و مقدار آن مساوی فاصلهی آنها تا فرودگاه مبدا درنظر گرفته شده است. این نودها همچنین به لیست unexplored اضافه شده اند تا بتوانیم مسیر را توسط آنها ادامه دهیم. در آخر فرودگاه مبدا به عنوان والد این نودها در دیکشنری prev قرار گرفته است.

#### Finding the Nearest Unexplored Airport:

```
while dest_airport not in explored:

if len(unexplored) == 0:
    return None

v_distance = min(unexplored.values())

v = list(unexplored.keys())
    [list(unexplored.values()).index(v_distance)]

if v not in graph.keys():
    unexplored.pop(v)
    continue

explored.append(v)
    unexplored.pop(v)
```

در اینجا حلقه ی while تا وقتی که فرودگاه هدف در لینجا حلقه ی explored قرار نگرفته (پیدا نشده) ادامه خواهد داشت و اگر فرودگاه دیگری برای بررسی کردن نداشتیم (دیکشنری unexplored خالی بود) به این معناست که هدف پیدا نشده و تابع دایجسترا None برمی گرداند.

درغیر این صورت، از میان نودهای موجود در unexplored ، فاصله ی نزدیک ترین نود تا نود مبدا را توسط تابع ()min انتخاب می شود و

سپس نام فرودگاه را نیز توسط فاصلهی بدست آمده، از دیکشنری unexplored استخراج می کنیم.

اگر از فرودگاه انتخاب شده به سمت فرودگاه دیگری پروازی وجود نداشت، آن را از دیکشنری unexplored اگر از فرودگاه انتخاب شده را به لیست explored خارج و با تکرار حلقه نود دیگری انتخاب می کنیم و در غیر این صورت فرودگاه انتخاب شده را به لیست unexplored حذف می کنیم.

#### Updating the Tag of the Children of Chosen Node:

```
edges = graph[v]
for w in edges.keys():
   if w not in explored:
     if dist[v] + edges[w] < dist[w]:
        dist[w] = dist[v] + edges[w]
        unexplored[w] = dist[w]
        prev[w] = v</pre>
```

با بدست آوردن نودهای متصل(W) به نود انتخاب شده (V) (اگر W قبلا V نشده بود) بررسی می- کنیم که جمع تگ V و فاصله V از V (وزن یال بین V و V) از تگ فعلی V کوچک تر است یا نه. اگر شرط برقرار نبود تگ V تغییری نمی کند و اگر برقرار بود، تگ V مساوی با جمع تگ V و فاصله V

v از w قرار می گیرد و این نود به دیکشنری unexplored اضافه می شود (یا مقدار آن در unexplored آپدیت می شود). نود v همچنین به عنوان والد نود v ، در دیکشنری v اضافه می شود.

### Returning the Path:

```
path = []
destination = dest_airport
path.append(destination)
while 1:
    path.append(prev[destination])
    destination = prev[destination]
    if src_airport in path:
        break
path.reverse()
return path
```

در نهایت وقتی فرودگاه هدف پیدا شد، از تابع از حلقه ی while

برای بدست آوردن مسیر بین فرودگاه مبدا و فرودگاه هدف، با استفاده از دیکشنری prev می توانیم والد هر نود را بدست آوریم. به این شکل از فرودگاه هدف شروع می کنیم و تا رسیدن به فرودگاه مبدا والد هر نود را به لیست path اضافه می کنیم. در نهایت با معکوس کردن path کوتاه ترین مسیر بدست آمده از فرودگاه مبدا به فرودگاه هدف را برمی گردانیم.

## A\* Algorithm

الگوریتم  $A^*$  به عنوان یک الگوریتم مسیریابی آگاهانه، با در نظر گرفتن یک نود مبدا و یک نود هدف در یک گراف و بکارگیری یک تابع heuristic فاصلهی کوتاه ترین مسیر از مبدا به مقصد را بدست می آورد.

این الگوریتم با جهت دادن به جست و جو توسط تابع heuristic تضمین می کند که علاوه بر یافتن مسیر بهینه، هیچ الگوریتم دیگری نمی تواند با پیچیدگی زمانی کمتر (بررسی گره های کمتر قابل توجه) راه حل بهینه را پیدا کند.

#### **Heuristic Function:**

def distance(lat1, lat2, lon1, lon2):
 lon1 = radians(lon1)
 lon2 = radians(lon2)
 lat1 = radians(lat1)
 lat2 = radians(lat2)

dlon = lon2 - lon1
 dlat = lat2 - lat1
 a = sin(dlat / 2) \*\* 2 + cos(lat1) \*
 cos(lat2) \* sin(dlon / 2) \*\* 2

c = 2 \* asin(sqrt(a))

r = 6371

این تابع heuristic با توجه به طول و عرض جغرافیایی فرودگاه مبدا و فرودگاه هدف تخمینی از فاصلهی دو فرودگاه بدست می آورد.

با توجه به این که فاصلهی مستقیم دو فرودگاه همیشه کمتر یا مساوی با فاصلهی اصلی دو فرودگاه است پس این تابع heuristic یک تابع admissible و consistent است.

return c \* r

#### Using Heuristic Function in A\*:

از آنجایی که تنها تفاوت الگوریتم  $A^*$  با الگوریتم Dijkstra استفاده ی آن از تابع heuristic است، بنابراین نحوه ی اضافه شدن heuristic به الگوریتم را بررسی می کنیم.

```
edges = graph[src_airport]
for destination in edges.keys():
    dist[destination] = edges[destination][0]
    unexplored[destination] = edges[destination][0] + edges[destination][1]
    prev[destination] = src_airport
```

در اینجا برای مشخص کردن تگ فرودگاههای متصل به فرودگاه مبدا، تگ را مساوی با وزن یال آنها قرار میدهیم اما در دیکشنری unexplored تگ هر فرودگاه را مساوی با جمع وزن یال و مقدار فاصلهی اما در دیکشنری فرودگاه بعدی را انتخاب مستقیم فرودگاه تا فرودگاه هدف) قرار میدهیم تا هربار که میخواهیم نزدیک ترین فرودگاه بعدی را انتخاب کنیم، اینکه این فرودگاه در جهت فرودگاه هدف است یا نه نیز تاثیرگذار باشد.

```
edges = graph[v]
for w in edges.keys():
   if w not in explored:
      if dist[v] + edges[w][0] < dist[w]:
            dist[w] = dist[v] + edges[w][0]
            unexplored[w] = dist[w] + edges[w][1]
            prev[w] = v</pre>
```

با بدست آوردن نودهای متصل(W) به نود انتخاب شده (V) (اگر W قبلا V نشده بود) بررسی می کنیم که جمع تگ V و فاصله V از V (وزن یال بین V و V) از تگ فعلی V کوچک تر است یا نه. اگر شرط برقرار نبود تگ V تغییری نمی کند و اگر برقرار بود، تگ V مساوی با جمع تگ V و

unexplored فاصله ی v و این نود به دیکشنری unexplored اضافه می شود (یا مقدار آن در w قرار می گیرد تگ آن به علاوه ی مقدار اینجا مقداری که در دیکشنری unexplored قرار می گیرد تگ آن به علاوه ی مقدار heuristic آن است.

## Dijkstra Algorithm vs. A\* Algorithm

الگوریتههای Dijkstra و 🗚 هر دو الگوریتم مسیریایی هستند که در علوم کامپیوتر استفاده میشوند. الگوریتم Dijkstra تضمین می کند که با بررسی تمام مسیرهای ممکن، مسیر بهینه را در یک گراف وزن دار پیدا کند. \*A یک الگوریتم جستجوی آگاهانه است که از heuristic برای راهنمایی در جستجو استفاده می کند. انتخاب بین آنها بستگی به نیازهای خاص مسئله دارد. \*A معمولاً زمانی ترجیح داده می شود که heuristic موجود و هدف بهنهسازي فرآيند حستجو است.

#### Output Sample:

A\* Algorithm Execution Time: 3.29ms Flight #1(Etihad Airways): From: Abu Dhabi International Airport - Abu Dhabi, United Arab Emirates To: John F Kennedy International Airport - New York, United States Distance: 11031.4km Time: 14.6h Price: 1118.55\$ Flight #2(American Airlines): From: John F Kennedy International Airport - New York, United States To: Charlotte Douglas International Airport - Charlotte, United States Distance: 870.53km Time: 2.0h Price: 141.97\$ Flight #3(American Airlines): From: Charlotte Douglas International Airport - Charlotte, United States To: Gainesville Regional Airport - Gainesville, United States Distance: 626.73km Time: 1.2h

Price: 161.28\$ Total Price: 1422\$ Total Distance: 12529km Total Time: 18h

Dijkstra Algorithm Execution Time: 13.47ms

Flight #1(Etihad Airways):

From: Abu Dhabi International Airport - Abu Dhabi, United Arab Emirates To: John F Kennedy International Airport - New York, United States

Distance: 11031.4km Time: 14.6h Price: 1118.55\$

Flight #2(American Airlines):

From: John F Kennedy International Airport - New York, United States To: Charlotte Douglas International Airport - Charlotte, United States

Distance: 870.53km Time: 2.0h Price: 141.97\$

Flight #3(American Airlines):
From: Charlotte Douglas International Airport - Charlotte, United States

To: Gainesville Regional Airport - Gainesville, United States Distance: 626.73km

Time: 1.2h Price: 161.28\$

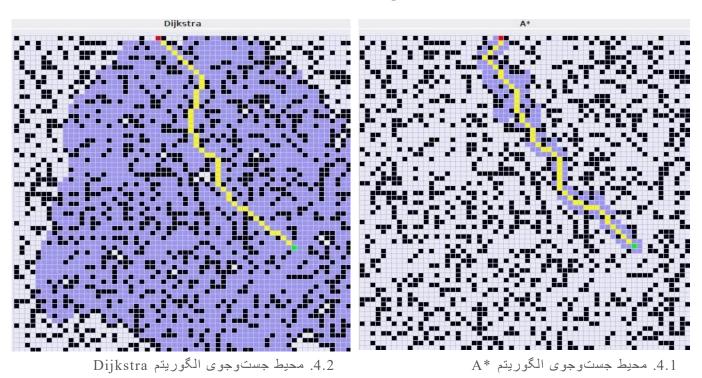
Total Price: 1422\$

Total Distance: 12529km

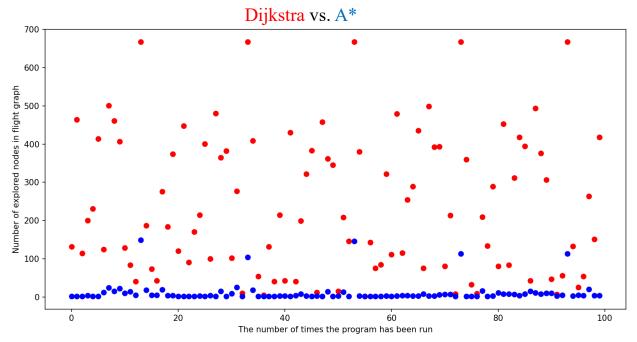
Total Time: 18h

#### Difference in the Search Environment:

همان طور که در تصاویر زیر مشاهده می کنید، محیط جست و جوی Dijkstra به مراتب بسیار بزرگتر از محیط جست و جوی  $A^*$  می باشد. به این معنی که الگوریتم  $A^*$  با داشتن گراف، نود مبدا و نود هدف یکسان با الگوریتم  $A^*$  می نودهای بسیار کمتری را explore می کند تا به هدف برسد.



ما در کد خود نیز همین کار را تکرار کردیم و با دادن 100 فرودگاه مبدا و مقصد تصادفی به الگوریتمها تعداد نودهای explore شده برای پیدا کردن هر مسیر را برای هر الگوریتم بدست آوردیم و با استفاده از کتابخانهی matplotlib یک نمودار scatter برای این دادهها رسم کردیم.



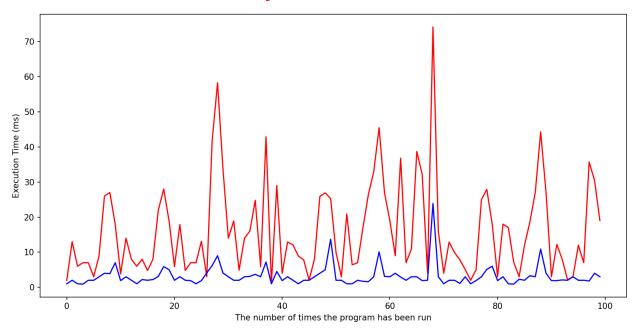
مسیر فیای کردن یک مسیر یک M' و A\* از نظر تعداد نودهای فی A\* شده برای پیدا کردن یک مسیر یک مسیر یک مسین کسان

همان طور که مشاهده می کنید تعداد نودهای explored در الگوریتم Dijkstra تا حدود 700 نود نیز می رسد در صورتی که در الگوریتم  $A^*$  این عدد به مراتب کمتر است.

#### Difference in Execution Time:

برای مقایسهی زمان اجرای دو الگوریتم، ما بار دیگر 100 فرودگاه مبدا و مقصد تصادفی به هردو الگوریتم دادیم و با استفاده از کتابخانهی matplotlib یک نمودار plot برای این دادهها رسم کردیم.

#### Dijkstra vs. A\*



4.4. مقايسه الكوريتمهاي Dijkstra و \* A از نظر زمان اجرا براي پيدا كردن يك مسير يكسان

همانطور که میبینید تضمین می کند که علاوه بر یافتن مسیر بهینه، هیچ الگوریتم دیگری نمی تواند با پیچیدگی زمانی کمتر (بررسی گره های کمتر قابل توجه) راه حل بهینه را پیدا کند.

## **Refrences**

YouTube for Dijkstra (Spanning Tree Channel)

A\* (A Star) Search Algorithm (Computerphile Channel)

Last Semester Design & Analysis of Algorithms Project (link)
tutorials Point
Geeks for Geeks
w3school
ChatGPT

## **Used Libraries**

**Pandas** 

Matplotlib

Time

Math

NumPy

Sys