```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import pandas as pd
parameters = {"axes.labelsize": 20, "axes.titlesize": 30, 'xtick.labelsize': 12, "ytick.labelsize":
12, "legend.fontsize": 12}
plt.rcParams.update(parameters)
d_M = pd.read_csv('C: WWUsers WWkim07 WWDownloads WWNN_data.csv')
# 데이터파일 불러오기
d_M = d_M.to_numpy(dtype=float)
"'training, validation, test set data 나누는 함수 "
def data_division(n_data, Tr_rate, V_rate, Te_rate):
                                                                            #데이터
    np.random.shuffle(n_data)
섞기
                                                                        #Tr_set 비율
    tr_index = int(len(n_data) * Tr_rate / 10)
만큼 데이터 index 양 확인
    v_{index} = int(len(n_{data}) * V_{rate} / 10)
                                                                         #V_set ∐
율만큼 데이터 index 양 확인
    te_index = int(len(n_data) * Te_rate / 10)
                                                                         #Te_set □
율만큼 데이터 index 양 확인
    #비율대로 data 나누기
    tr\_set = n\_data[0:tr\_index]
```

```
v_set = n_data[tr_index : tr_index + v_index]
   te_set = n_data[tr_index + v_index : tr_index + v_index + te_index]
   return tr_set, v_set, te_set
"'받아온 파일의 데이터 x와 y로 자동 분류 해주는 함수"
def make_input_output(M):
   for i in range(M.shape[1]):
                                                                       #M의
column 수만큼 반복
       if i == 0:
           x_matrix = M[:, 0]
                                                                          #M
의 첫번째 column 성분 값들 x_matrix에 저장
       elif i < (M.shape[1] - 1):
           x_matrix = np.column_stack([x_matrix, M[:, i]])
                                                                      #M의
마지막 column 성분 제외한 값들 x matrix에 저장
       else:
           y = M[:, i]
                                                                          #M
의 마지막 column 성분 y에 저장
   y = y.reshape(y.shape[0], 1)
#y size 다듬기
                                                                         #하
   x_matrix_t = np.transpose(x_matrix)
데이터에 대한 특징들 한 column에 나타나기 위해 transpose
                                                                          #위
   y_t = np.transpose(y)
와 동일
   return x_matrix_t, y_t
```

```
"'데이터의 class수 세는 함수"'
def y_class(y):
```

y_class = np.unique(y) #class 수 계산

Q = len(y_class) #numpy array로 받아지기 때문에 길이를 셈

return Q

"'데이터의 특징 수 세는 함수"' def ch_count(y):

Q = len(y) 받아온 데이터의 열 개수를 셈

return Q

"'One-Hot Encoding 구현 함수"' def One_Hot_Encoding(y):

 $Q = y_{class}(y)$ #class 수를 셈 print("class 수:", Q)

y_vector = np.zeros([Q, y.shape[1]]) 플 수의 zero 벡터 생성 #Q × 샘

#

```
# i번 index의 y데이터가 1~6 각각에 해당될 때 그 자리에 1 저장
for i in range(y.shape[1]):
    if y[0, i] == 1:
        y_vector[0, i] = 1
```

elif
$$y[0, i] == 2$$
:

$$y_vector[1, i] = 1$$

elif
$$y[0, i] == 3$$
:

$$y_vector[2, i] = 1$$

elif
$$y[0, i] == 4$$
:

$$y_vector[3, i] = 1$$

elif
$$y[0, i] == 5$$
:

$$y_vector[4, i] = 1$$

else:

$$y_vector[5, i] = 1$$

return y_vector

"'row기반 dummy추가해주는 함수"' def add_dummy(x):

x_dummy = np.ones(x.shape[1]) 입력데이터 x의 길이만큼 dummy 생성

x = np.row_stack([x, x_dummy]) #row방향으로 쌓음 #

```
return x
```

"'sigmoid 구현 함수" def sigmoid_function(z):

return(1/(1 + np.exp(-z)))

"'대표값 찾아서 1로 만들어주는 함수"

def classification_data_max(y):

p = np.zeros_like(y) 아온 y데이터의 row와 column 크기만큼 요소가 0인 matrix 생성

#y

#받

y_max = np.argmax(y, axis = 0) 의 최댓값 index 저장

#y 데이터 길이만큼 p (i번째 최댓값 index, i)에 1 저장 for i in range(y.shape[1]):

 $p[y_max[i], i] = 1$

return p

"'데이터 정확도 함수"

def data_accuracy(y_h, y):

#한

count = 0

#count 기능 이용할 변수 0으로 초기화

for i in range(y_h.shape[1]):

#예측 데

이터 column 성분만큼 반복

if $(y_h[:, i] == y[:, i]).all():$

#받아온 데

이터와 예측 데이터의 같은 column의 row성분 값이 모두 같은지 확인

count += 1

#

위 조건에 해당할 때 count

accuracy = count / y_h.shape[1] #count 된 수를 예측데이터 column 개수만큼 나눠줌

return accuracy

"batch size 1 forward_propagation 구현 함수"

def forward_propagation_1(x_input_added_dummy, v_matrix, w_matrix, L): #Hidden Layer의 node 수 지정

alpha = np.dot(v_matrix, x_input_added_dummy) 와 xinput을 곱해 alpha를 구함 #v

#

b_matrix = sigmoid_function(alpha).reshape(-1, 1)
batch size 1일 때 sigmoid에 넣으면 형태 깨져서 reshape이용

b_matrix = add_dummy(b_matrix)

#b에 dummy 추가

```
beta = np.dot(w_matrix, b_matrix)
                                                                             #w
와 b 곱해서 beta 구함
    y_hat = sigmoid_function(beta)
#beta를 sigmoid function에 넣어 y_hat 구함
    return y_hat, b_matrix
'''batch size N forward_propagation 구현 함수'''
def forward_propagation_N(x_input_added_dummy, v_matrix, w_matrix, L):
    alpha = np.dot(v_matrix, x_input_added_dummy)
#alpha 구함
    b_matrix = sigmoid_function(alpha)
#b_matrix 구함
    b_matrix = add_dummy(b_matrix)
#dummy 추가
    beta = np.dot(w_matrix, b_matrix)
#beta 구함
    y_hat = sigmoid_function(beta)
#y_hat 구함
    return y_hat, b_matrix
```

```
"batch size 1 back propagation 구현 함수"
```

def Back_Propagation_1(y_hat, y_data, x_matrix_added_dummy, b_matrix, w_prev, L): # w 먼저 weight update시키므로 update 전 w 입력 받음

w 기울기 구하는 코드

delta = 2 * (y_hat - y_data.reshape(-1, 1)) * y_hat * (1 - y_hat) #delta 구 함, y_data는 (:, 1)로 슬라이스 된 크기

w_dif = np.dot(delta, b_matrix.T) #delta와 b를 이용해 w의 기울기 구함

v 기울기 구하는 코드

proc = np.dot(delta.T, w_prev)

#dummy data 삭제

b_matrix_h = np.delete(b_matrix, L, axis = 0)

proc = np.delete(proc, L, axis = 1)

v_dif = np.dot((proc.T * b_matrix_h * (1 - b_matrix_h)),
x_matrix_added_dummy.reshape(1, -1)) # v의 기울기 구하기

return w_dif, v_dif 수의 반환값으로 w와 v의 기울기를 반환함 # 함

^{&#}x27;''batch size N back propagation 구현 함수'''

```
def Back_Propagation_N(y_hat, y_data, x_input, b_matrix, w, L):
    # w 기울기 구하는 코드
    delta = 2 * (y_hat - y_data) * y_hat * (1 - y_hat)
                                                                          # delta
구함, y_data 그대로 들어감
    w_dif = np.dot(delta, b_matrix.T) / delta.shape[1]
                                                                           # w 기
울기 구함, batch size가 N이라 평균을 나눠주면 안정적임
    proc = np.dot(delta.T, w)
    b_matrix_h = np.delete(b_matrix, L, axis = 0)
    proc = np.delete(proc, L, axis = 1)
    v_dif = np.dot((proc.T * b_matrix_h * (1 - b_matrix_h)), x_input.T) / delta.shape[1]
#v 기울기 구함
    return w_dif, v_dif
"batch size 1인 Two_Layer_Neural Network"
def Two_Layer_Neural_Network_1(x_input, y_data, L, epoch, LR):
    MSE_list = []
#MSE 저장할 list
    ACCURACY_list = []
#accuracy 저장할 list
    x_matrix = add_dummy(x_input)
                                                                                  #
```

M = ch_count(x_input) #input 속성 수 체크

Q = ch_count(y_data) #ouput class 수 체크

weight 초기화

v = np.random.rand(L, M + 1) * 2 - 1

w = np.random.rand(Q, L + 1) * 2 - 1

epoch수 만큼 반복

for i in range(epoch):

y_hat_all_epoch = [] epoch마다 y_hat 저장하는 list 초기화 #한

#데이터 길이만큼 반복

for j in range(y_data.shape[1]):

w_prev = w.copy()

#update전 weight값 저장

y_hat, b_matrix = forward_propagation_1(x_matrix[:, j], v, w, L) #forward propagation 진행

y_hat_all_epoch.append(y_hat) #y_hat 값 list에 저장 w_dif, v_dif = Back_Propagation_1(y_hat, y_data[:, j], x_matrix[:, j], b_matrix, w_prev, L) #back propagation 진행

#weight update

 $w = w - LR * w_dif$

 $v = v - LR * v_dif$

y_hat_all = np.hstack(y_hat_all_epoch)
#y_hat을 쌓은 list에 numpy array를 배열로 만들어줌

error = y_hat_all - y_data

#error 계산

MSE = np.mean(error ** 2)

#MSE 계산

MSE_list.append(MSE)

#MSE list에 저장

P = classification_data_max(y_hat_all)

터 당 최댓값을 1로 만들어주는 분류 함

accuracy = data_accuracy(P, y_data)

#accuracy 구하기

ACCURACY_list.append(accuracy)

#accuracy list에 저장

return MSE_list, ACCURACY_list, v, w #MSE_list, ACCURACY_list, v, w 반환함

"'batch size N인 Two_Layer_Neural Network'"

def Two_Layer_Neural_Network_N(x_input, y_data, L, epoch, LR):

#데이

```
MSE_list = []
#MSE 저장할 list

ACCURACY_list = []
#accuracy 저장할 list

x_matrix = add_dummy(x_input)
#dummy data 추가

M = ch_count(x_input)
#input 속성 수 체크
Q = ch_count(y_data)
#ouput class 수 체크

#weight 초기화
v = np.random.rand(L, M + 1) *
```

#weight 초기화
v = np.random.rand(L, M + 1) * 2 - 1
w = np.random.rand(Q, L + 1) * 2 - 1
#epoch수 만큼 반복
for i in range(epoch):

y_hat_all_epoch = [] #y_hat 저장할 list

y_hat, b_matrix = forward_propagation_N(x_matrix, v, w, L)
#forward propagation 진행

y_hat_all_epoch.append(y_hat) #y_hat list에 저장 w_dif, v_dif = Back_Propagation_N(y_hat, y_data, x_matrix, b_matrix, w, L) #back propagation에 진행

#weight update

 $w -= LR * w_dif$

v -= LR * v dif

y_hat_all = np.hstack(y_hat_all_epoch)
#y_hat을 쌓은 list에 numpy array를 배열로 만들어줌

error = y_hat_all - y_data

#error 계산

MSE = np.mean(error ** 2)

#MSE 계산

MSE_list.append(MSE)

#MSE list에 저장

P = classification_data_max(y_hat_all)

#데이

터당 최대값 을 1로 만드는 분류함

accuracy = data_accuracy(P, y_data)

#accuracy 구하기

ACCURACY_list.append(accuracy)

#accuracy list에 저장

return MSE_list, ACCURACY_list, v, w #MSE_list, ACCURACY_list, v, w 반환

```
""confusion matrix 구현 함수""
```

def confusion_matrix(y_hat, y_data):

y_pred_index = np.argmax(y_hat, axis = 0) #y_hat 데이터당 최댓값 index 가져옴

y_true_index = np.argmax(y_data, axis = 0) #y_data 데이터당 최댓값 index 가져옴

true_num = 0 정확히 예측한 횟수 초기화

#

classes_num = ch_count(y_data) #y_data class 수 체크

confusion_matrix = np.zeros((classes_num + 1, classes_num + 1)) #정확 도 나타내기 위해 class수 + 1개만큼 정방 행렬 만듦

#y 길이만큼반복

for i in range(len(y_pred_index)):

confusion_matrix[y_true_index[i], y_pred_index[i]] += 1 #실제 값, 예측값 index에 해당하는 자리에 1 더함

class 수만큼 반복

for i in range(classes_num):

row방향으로 더한 값이 0보다 클 때 전체 데이터로 정확히 예측한 값 나눠줌 if sum(confusion_matrix[i, : classes_num]) > 0:

```
confusion_matrix[i, classes_num] = confusion_matrix[i, i] /
np.sum(confusion_matrix[i, : classes_num])
       # column 방향으로 더한 값이 0보다 클 때 전체 데이터로 정확히 예측한 값 나
눠줌
       if sum(confusion_matrix[: classes_num, i]) > 0:
           confusion_matrix[classes_num, i] = confusion_matrix[i, i] /
np.sum(confusion_matrix[: classes_num, i])
                                                                           #정
       true_num += confusion_matrix[i, i]
확히 예측한 값 세기
   confusion_matrix[classes_num, classes_num] = true_num / len(y_pred_index)
                                                                          #전체
데이터에 대한 정확도 마지막 index에 저장
   return confusion_matrix
#confusion_matrix 반환
"main"
L = 10
#Hidden Layer node 수
LR_1 = 0.05
#batch size 1에 대한 learning rate
LR_N = 0.3
#batch size N에 대한 learning rate
epoch_{1} = 1000
#batch size 1에 대한 epoch
epoch_N = 3000
```

```
#batch size N에 대한 epoch
```

#training, validation, test set의 비율

 $tr_rate = 7$

 $vl_rate = 0$

 $te_rate = 3$

tr_d, vl_d, te_d = data_division(d_M, tr_rate, vl_rate, te_rate) 셔플 후 데이터 분할함 #학습 데이터

tr_x_matrix, tr_y_vector = make_input_output(tr_d) #training 데이터를 input과 output으로 나눔

tr_y_data = One_Hot_Encoding(tr_y_vector)
#training output data를 one-hot-encoding 방식으로 변환

te_x_matrix, te_y_vector = make_input_output(te_d) 데이터를 input과 output으로 나눔

#test

te_y_data = One_Hot_Encoding((te_y_vector))
#test output data를 one-hot-encoding 방식으로 변환

#batch size가 1인 학습

MSE_tr_1, ACCURACY_tr_1, v_tr_1 = Two_Layer_Neural_Network_1(tr_x_matrix, tr_y_data, L, epoch_1, LR_1)

#batch size가 N인 학습

MSE_tr_N, ACCURACY_tr_N, v_tr_N, w_tr_N = Two_Layer_Neural_Network_N(tr_x_matrix, tr_y_data, L, epoch_N, LR_N)

```
#batch size 1로 학습한 w, v에 대한 test set 검증
y_hat_te_all = []
                                                                             #test
set의 y_hat 저장할 list
te_x_matrix = add_dummy(te_x_matrix)
#dummy 추가
#batch size 1이므로 데이터 하나씩 forward propagation
for i in range(te_x_matrix.shape[1]):
    # x_added_dummy = add_dummy(te_x_matrix[:, j].reshape(-1, 1))
#dummy 추가
    y_hat_te, _ = forward_propagation_1(te_x_matrix[:, i], v_tr_1, w_tr_1, L)
                                                                          #forward
propagation 진행
    y_hat_te_all.append(y_hat_te)
#y_hat_te list에 저장
                                                                            #list에
y_hat_te_1 = np.hstack(y_hat_te_all)
저장된 numpy array 배열로 저장
#batch size N 으로 학습한 w, v에 대한 test set 검증
y_hat_te_N, _ = forward_propagation_N(te_x_matrix, v_tr_N, w_tr_N, L)
#confusion matrix
CONFUSION_MATRIX_te_1 = confusion_matrix(y_hat_te_1, te_y_data)
CONFUSION_MATRIX_te_N = confusion_matrix(y_hat_te_N, te_y_data)
```

```
#그래프
plt.figure()
plt.plot(MSE_tr_1, '-o', markevery = 50, label = 'MSE (batch size = 1)')
plt.xlabel("epoch")
plt.ylabel("MSE")
plt.title("Training Set MSE")
plt.legend()
plt.grid()
plt.figure()
plt.plot(ACCURACY_tr_1, '-o', markevery = 50, label = 'ACCURACY (batch size = 1)')
plt.xlabel("epoch")
plt.ylabel("ACCURACY")
plt.title("Training Set ACCURACY")
plt.legend()
plt.grid()
plt.figure()
plt.plot(MSE_tr_N, '-o', markevery = 100, label = 'MSE (batch size = N)')
plt.xlabel("epoch")
plt.ylabel("MSE")
plt.title("Training Set MSE")
plt.legend()
```

```
plt.grid()

plt.figure()

plt.plot(ACCURACY_tr_N, '-o', markevery = 100, label = 'ACCURACY (batch size = N)')

plt.xlabel("epoch")

plt.ylabel("ACCURACY")

plt.title("Training Set ACCURACY")

plt.legend()

plt.grid()
```