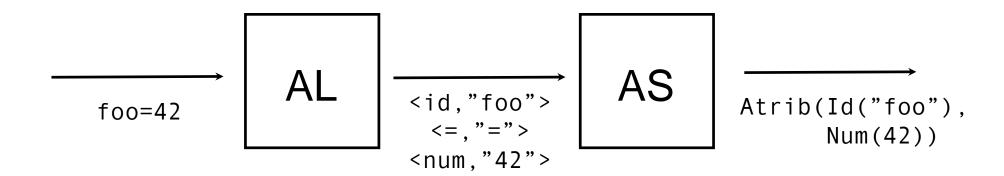
Compiladores - Gramáticas

Fabio Mascarenhas - 2013.2

http://www.dcc.ufrj.br/~fabiom/comp

Análise Sintática

- A análise sintática agrupa os tokens em uma árvore sintática de acordo com a estrutura do programa (e a gramática da linguagem)
- Entrada: sequência de tokens fornecida pelo analisador léxico
- Saída: árvore sintática do programa



Análise Sintática

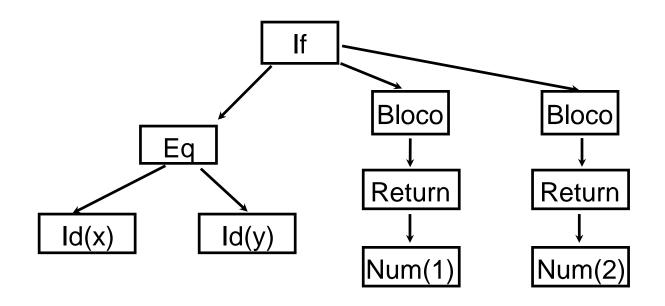
• Programa:

if x == y then return 1 else return 2 end

• Tokens:

IF ID EQ ID THEN RETURN NUM ELSE RETURN NUM END

• Árvore:



Programas válidos e inválidos

- Nem todas as sequências de tokens são programas válidos
- O analisador sintático tem que distinguir entre sequências válidas e inválidas
- Precisamos de:
 - Uma linguagem para descrever sequências válidas de tokens e a estrutura do programa
 - Um *método* para distinguir sequências válidas de inválidas e extrair essa estrutura das sequências válidas

Estrutura recursiva

- A estrutura de uma linguagem de programação é recursiva
- Uma expressão é:
 - <expressão> + <expressão>
 - <expressão> == <expressão>
 - (<expressão>)
 - ...
- Gramáticas livres de contexto são uma notação natural para esse tipo de estrutura recursiva

CFGs

- Uma gramática livre de contexto (CFG) é formada por:
 - Um conjunto de terminais (T) tipi) de tokens
 - Um conjunto de não-terminais (V) es strutum da linguagem
 Um não-terminal inicial (S)
 Um conjunto de produções (P)
 et a.

Produções

- Uma produção é um par de um *não-terminal* e uma cadeia (possivelmente vazia) de terminais e não-terminais
- Podemos considerar produções como regras; o não-terminal é o lado esquerdo da regra, e a cadeia é o lado direito
- É comum escrever gramáticas usando apenas as produções; os conjuntos de terminais e não-terminais e o não-terminal inicial podem ser deduzidos com a ajuda de algumas convenções tipográficas

lados esquedos: now-term, mons

CFGs são geradores

- Uma CFG é um *gerador* para cadeias de alguma linguagem
- Para gerar uma cadeia, começamos com o não-terminal inicial
- Substituimos então um não-terminal presente na cadeia pelo lado direito de uma de suas regras
- Fazemos essas substituições até ter uma string apenas de terminais

Deriva em um passo/n passos

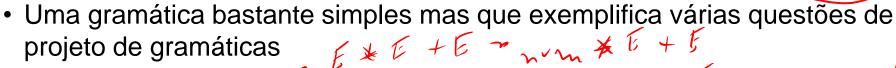
- Se obtemos a cadeia w a partir da cadeia v com uma substituição de nãoterminal dizemos que v deriva w em um passo: v→w
- O fecho reflexivo-transitivo da relação deriva em um passo é a relação deriva em n passos:

- Se $v \rightarrow w$ então $v \rightarrow^* w$
- Se $u \rightarrow^* v$ e $v \rightarrow^* w$ então $u \rightarrow^* w$
- A linguagem da gramática G são as cadeias de terminais w tal que S → *w

Quais das cadeias abaixo estão na gramática dada?

Quais das cadeias abaixo estão na gramática dada?

Exemplo - expressões aritméticas simples



Forma é importante

- Na construção de compiladores estamos tão interessados nas gramáticas quanto as linguagens que elas geram
- Muitas gramáticas podem gerar a mesma linguagem, mas a gramática vai ditar a estrutura do programa resultante
- A estrutura é a saída mais importante da fase de análise sintática

Derivações

 Uma derivação de uma cadeia w é uma sequência de substituições que leva de S a w:

- Uma derivação pode ser desenhada como uma árvore
 - A raiz é S
 - Para se uma substituição X -> Y₁ ... Y_n é usada acrescente os filhos Y₁ ... Y_n ao nó X

Árvore sintática (árvore de parse)

- Uma árvore sintática [concreta] tem
 - terminais nas folhas
 - não-terminais nos nós interiores
- Percorrer a árvore em ordem dá a cadeia sendo derivada
- A árvore sintática dá a estrutura e associatividade das operações que a cadeia original não mostra

Mais à esquerda e mais à direita

- Qualquer sequência de substituições que nos leve de S a w é uma derivação de w, mas em geral estamos interessados em derivações sistemáticas
- Uma derivação mais à esquerda de w é uma sequência de substituições em que sempre substituimos o não-terminal mais à esquerda
- Uma derivação mais à direita de w é uma sequência de substituições em que sempre substituimos o não-terminal mais à direita
- Veremos que estratégias de análise sintática diferentes levam a derivações mais à esquerda ou mais à direita

Unicidade da árvore sintática

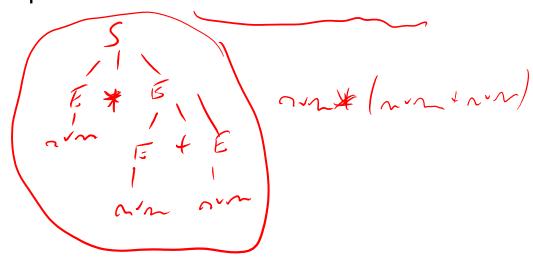
- Podemos ter várias derivações para uma mesma cadeia w, mas só pode haver uma árvore sintática
- A árvore sintática dá a estrutura do programa, e a estrutura se traduz no significado do programa
- Logo, um programa com mais de uma árvore sintática tem mais de uma possível interpretação!
- Já a diferença entre uma derivação mais à esquerda e mais à direita se traduz em uma diferença na implementação do analisador sintático, e não na estrutura do programa

Uma cadeia, duas árvores

Vamos voltar para a gramática de expressões:

Podemos obter duas árvores diferentes para a cadeia num * num + num





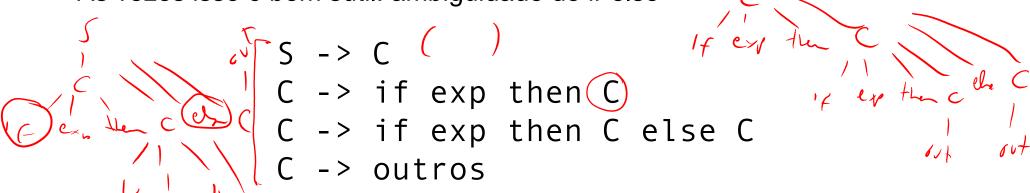
Ambiguidade



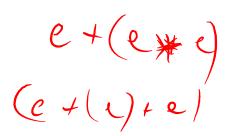
- Uma gramática é ambígua se existe alguma cadeia para qual ela tem mais de uma árvore sintática
 - De maneira equivalente, se existe mais de uma derivação mais à esquerda para uma cadeia
 - Ou se existe mais de uma derivação mais à direita para uma cadeia
 - As três definições são equivalentes
- Ambiguidade é ruim para uma linguagem de programação, pois leva a interpretações inconsistentes entre diferentes compiladores

Detectando ambiguidade

- Infelizmente, não existe um algoritmo para detectar se uma gramática qualquer é ambígua ou não
- Mas existem heurísticas, a principal delas é verificar se existe uma regra misturando recursão à esquerda e recursão à direita
 - É o caso da gramática de expressões
 - Às vezes isso é bem sutil: ambiguidade do if-else



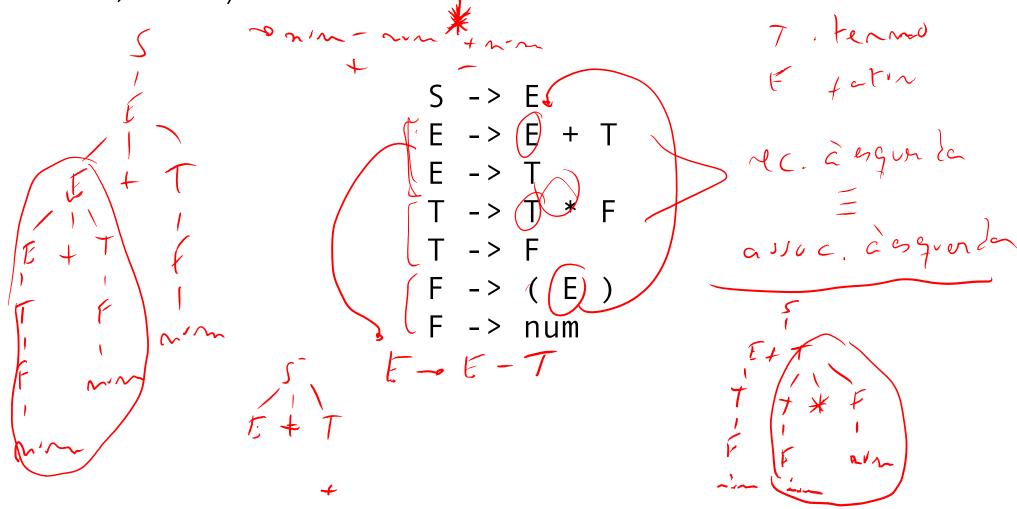
Removendo ambiguidade



- Do mesmo modo, não há um algoritmo para remover ambiguidade
- Se a ambiguidade está na gramática, e não na própria linguagem, o jeito é encontrar a *fonte* da ambiguidade e reescrever a gramática para eliminá-la
- No caso de ambiguidade em gramáticas de expressões e operadores, a ambiguidade vem da gramática não estar levando em conta as regras de associatividade e precedência dos operadores
- Em uma gramática de expressões, cada nível de precedência tem que ganhar seu próprio não-terminal
- Operadores que devem ser associativos à esquerda precisam usar recursão à esquerda, e associativos à direita precisam de recursão à direita

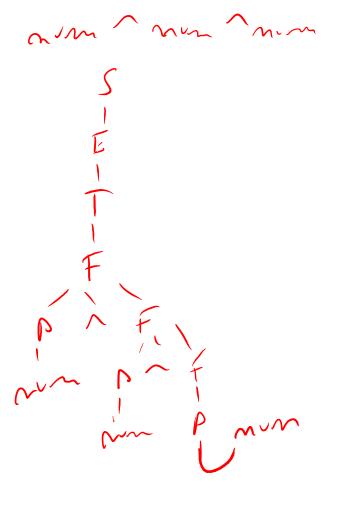
Expressões simples, sem ambiguidade

Assumindo que * tem precedência sobre +, e ambos são associativos à esquerda (ou seja, num + num + num deve ser interpretado como (num + num) + num)



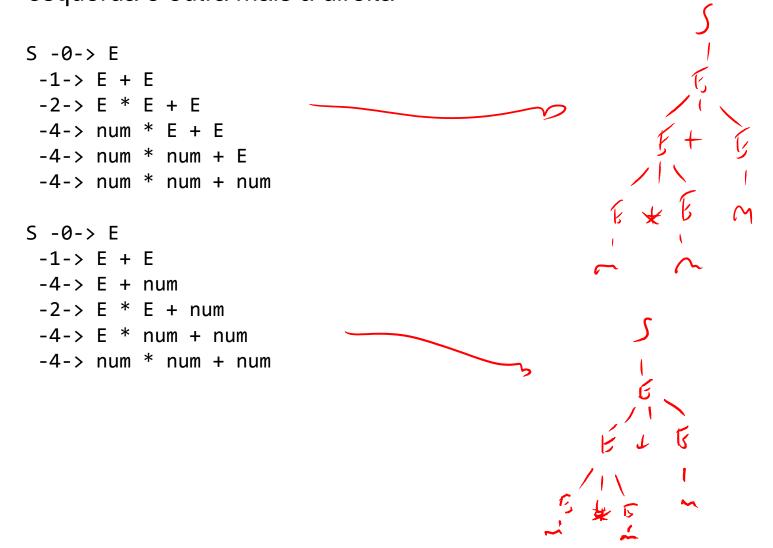
Expressões simples, sem ambiguidade

Assumindo que ^ tem precedência sobre * que tem precedência sobre +, ^ é
associativo à direita, * e + são associativos à esquerda (ou seja, num + num +
num deve ser interpretado como (num + num) + num)



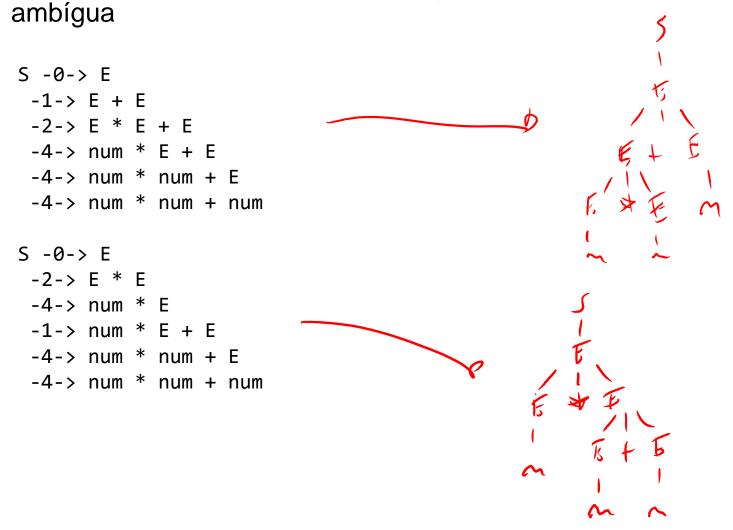
Duas derivações, uma árvore

 Duas derivações de uma frase podem dar a mesma árvore de uma for mais à esquerda e outra mais à direita

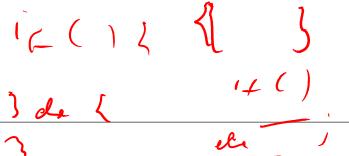


Duas derivações, duas árvores

• Duas derivações mais à esquerda dão duas árvores diferentes: gramática



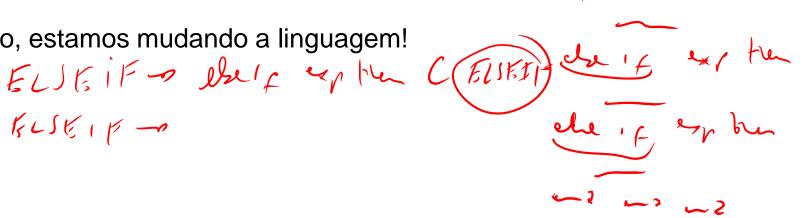
If-else sem ambiguidade



 Uma solução adotada por diversas linguagens é acrescentar uma delimitador que fecha o if:

- Uma desvantagem é que agora é necessário ter uma construção "else-if" para ter ifs em cascata sem uma multiplicação de ends
- E claro, estamos mudando a linguagem!

KLSKIK-



If-else sem ambiguidade, com a "cara de C"



 Uma solução adotada por diversas linguagens é acrescentar uma delimitador que fecha o if:

```
S -> C
C -> if(exp { C }
C -> if(exp){ C } else { C }
C -> outros
```

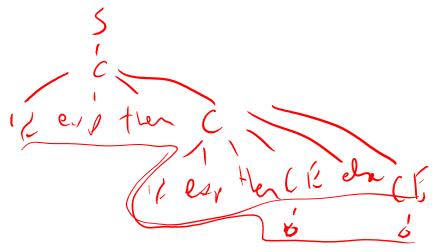
- Uma desvantagem é que agora é necessário ter uma construção "else-if" para ter ifs em cascata sem uma multiplicação de ends
- E claro, estamos mudando a linguagem!

If-else sem mudar a linguagem

• Outra solução é separar os ifs em dois tipos, com não-terminais diferentes:

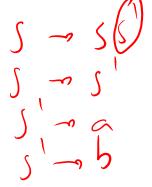
```
S -> C
C -> if exp then C
C -> if exp then CE else C
C -> outros
CE -> if exp then CE else CE
CE -> outros
```

Notem a semelhança com a gramática não ambígua de expressões

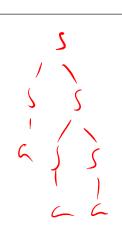




• Qual a versão não ambígua da gramática:

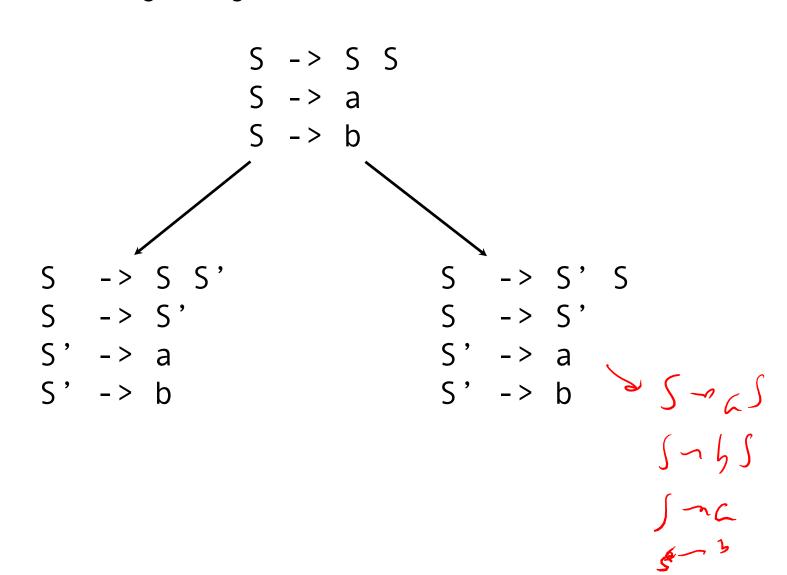






• Qual a versão não ambígua da gramática:

• Qual a versão não ambígua da gramática:



Contornando ambiguidade

- Na prática, um uso judicioso de ambiguidade pode simplificar a gramática, e deixar ela mais natural
- Tanto a versão ambígua da gramática de expressões simples quanto a gramática do if-else são mais simples que suas versões não ambíguas!
- Podemos eliminar a ambiguidade não na gramática, mas na implementação do analisador sintático
- As ferramentas de geração de analisadores possuem regras de eliminação de ambiguidade, e diretivas de precedência e associatividade que permitem controlar como essa eliminação é feita