

Phân tích & Thiết kế thuật toán (Algorithms Design & Analysis)

L/O/G/O

GV: HUỲNH THỊ THANH THƯƠNG

Email: thuongtt@uit.edu.vn

CHƯƠNG 2

PHÂN TÍCH THUẬT TOÁN

Algorithm Analysis

GV: ThS. HUỲNH THỊ THANH THƯƠNG

Email:

thuongtt@uit.edu.vn

Phân tích thuật toán đệ quy

Bài tập 1: Thành lập phương trình đệ quy

- ❖ a). Gửi ngân hàng 1000 USD, lãi suất 12%/năm. Số tiền có được sau 30 năm là bao nhiêu?

- ❖ b).

```
long Fibo(int n)
{
    if (n == 0 || n == 1)
        return 1;
    return Fibo(n-
1)+Fibo(n-2);
}
```

Phân tích thuật toán đệ quy

c)

```
public int g(int n) {  
    if (n == 1)  
        return 2;  
    else  
        return 3 * g(n / 2) + g( n / 2) + 5;  
}
```

d)

```
long xn(int n)  
{  
    if (n == 0) return 1;  
    long s = 0;  
    for (int i=1; i<=n; i++)  
        s = s + i*i*xn(n-i);  
    return s;  
}
```

Phân tích thuật toán đệ quy

e)

```
waste (n)
{
    if (n==0) return 0;
    for (i = 1 to n )
        for (j = 1 to i )
            print i,j,n;
    for (i = 1 to 3)
        waste (n/2);
}
```

Phân tích thuật toán đệ quy

f)

```
Draw (n)
{
    if (n < 1) return 0;
    for (i = 1 ; i <= n; i++)
        for (j = 1 ; j <=n ; j++)
            print ("*");
    Draw (n-3);
}
```

Phân tích thuật toán đệ quy

g)

Gọi $T(n)$ là số phép cộng cần thực hiện khi gọi Zeta (k). Hãy thiết lập công thức truy hồi cho $T(n)$

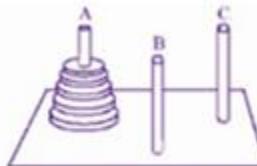
Cho hàm:
Zeta (n)
{ if (n == 0) Zeta = 6;
else
{ k = 0;
Ret = 0;
while (k<=n-1)
{ Ret = Ret +Zeta(k) ;
k = k+1;
}
Zeta = Ret;
}

Phân tích thuật toán đệ quy

h) Bài toán Tháp Hà Nội - Towers of Hanoi

Cho bài toán Tháp Hà Nội như sau:

Mô tả bài toán: Có 3 cột được đặt tên là A,B,C. Cột A hiện đang gắn n đĩa có kích thước khác nhau, đĩa nhỏ ở trên đĩa lớn hơn ở dưới. Hãy chuyển chồng đĩa từ cột A sang cột C (xem cột B là cột trung gian) với điều kiện mỗi lần chỉ dời 1 đĩa, đĩa đặt trên bao giờ cũng nhỏ hơn đĩa đặt dưới.



- Goal: transfer all N disks from peg A to peg C
- Rules:
 - move one disk at a time
 - never place larger disk above smaller one
- Recursive solution:
 - transfer $N - 1$ disks from A to B
 - move largest disk from A to C
 - transfer $N - 1$ disks from B to C

Giả sử ta chỉ quan tâm đến thao tác chuyển đĩa (transfer) vì đây là tác vụ căn bản của thuật toán. Khi đó, thời gian thực hiện của thuật toán **T(n)** được xác định bởi số lần chuyển n đĩa từ cột này sang cột kia và hiển nhiên $T(0) = 0$.

Yêu cầu:

- Viết mã giả thuật toán giải bài toán Tháp Hà Nội
- Thành lập phương trình đệ quy về số lần tác vụ căn bản được thực thi trong thuật toán.

Yêu cầu: *đến chính xác số thao tác chuyển đĩa (ko dùng tham số C1, C2)*

Phân tích thuật toán đệ quy

Bài tập 2: Giải các phương trình đệ quy sau bằng PP truy hồi

1. $T(n) = T(n-1) + 5$ $T(1) = 0$
2. $T(n) = T(n-1) + n$ $T(1) = 1$
3. $T(n) = 3T(n-1) + 1$ $T(1) = 4$
4. $T(n) = 2T(n/2) + 1$ $T(1) = 1$
5. $T(n) = 2T(n/2) + n$ $T(1) = 1$
6. $T(n) = 2T(n/2) + n^2$ $T(1) = 1$
7. $T(n) = 2T(n/2) + \log n$ $T(1) = 1$
8. $T(n) = T(n-1) + T(n-2)$ $T(0) = 1, T(1) = 1$

Phân tích thuật toán đệ quy

❖ Bài tập 3: Giải phương trình đệ quy sau bằng PP
truy hồi: với $T(1) = 1$

1. $T(n) = 3T(n/2) + n^2$
2. $T(n) = 8T(n/2) + n^3$
3. $T(n) = 4T(n/3)+n$
4. $T(n) = 9T(n/3) + n^2$
5. $T(2) = 0 \quad T(n)=2T(\sqrt{n})+1$

Phân tích thuật toán đệ quy

❖ Bài tập 4: Giải phương trình đệ quy sau dùng phương trình đặc trưng (đổi câu b)

a. $T(n) = 4T(n-1) - 3T(n-2)$
 $T(0) = 1$
 $T(1) = 2$

b. $T(n) = 10T(n-1) - 33T(n-2) + 36T(n-3)$ và
 $T(0) = 0, T(1) = 1, T(2) = 7$

c. $T(n) = T(n-1) + T(n-2)$
 $T(0) = 1$
 $T(1) = 1$