

数值分析实验报告

1170503101 罗猛

一. 实验要求

使用 **python3** 用不动点迭代法求出方程根

二. 实验目的

对给定不同的 $g(x)$ 所求根的精度判断

三. 实验过程截图，代码及结果

1. $g_1(x) = x - x^3 - 4 * (x^2) + 10$

代码:

```
#!/usr/bin/env python3
```

```
# -*- coding:utf-8 -*-
```

```
from sympy import *
```

```
import random
```

```
def f(x):
```

```
    return x**3 + 4*(x**2) -10
```

```
x = symbols("x")
```

```
g1 = x - x**3 - 4 * (x**2) + 10
```

```

begin = 1  #区间

end = 2

MAXSTEP = 100 #最大迭代次数

step_count = 0 #实际迭代次数

x0 = random.uniform(begin, end) #在区间中随机取 x0

temp = g1.subs(x, x0)


while step_count < MAXSTEP and abs(temp - x0) > 1e-10:

    x0 = temp

    temp = g1.subs(x, x0)

    step_count += 1

if step_count == N:

    print("不收敛")

print("求得的根为: ",x0)

print("迭代次数: ",step_count)

print("将所求的根带回原方程: ",f(x0))

print("\n")                                #end

```

结 果:

```

求得的根为:  1.10477925345398e+84592215243453412313207101496688661517185604216
迭代次数:  100
将所求的根带回原方程:  1.34842417537194e+2537766457303602369396213044900659845

```

2. $g_2(x) = (10/x - 4x)^{**0.5}$

代码：将 1 中 $g_1(x)$ 替换为 $g_2(x)$ ，后面 3，4，5 同理

结果：

```
求得根为: 1.10477925345398e+84592215243453412313207101496688661517185604216
迭代次数: 100
将所求的根带回原方程: 1.34842417537194e+2537766457303602369396213044900659845
```

3. $g_3(x) = 0.5 * (10 - x^{**3})^{**0.5}$

结果：

```
求得根为: 1.36522967031038
迭代次数: 19
将所求的根带回原方程: -5.66580760974489e-6
```

4. $g_4(x) = (10/(4 + x))^{**0.5}$

结果：

```
求得根为: 1.36522972897371
迭代次数: 7
将所求的根带回原方程: -4.69707695849308e-6
```

5. $g_5(x) = x - (x^{**3} + 4 * x^{**2} - 10)/(3 * x^{**2} + 8 * x)$

结果：

```
求得根为: 1.36523002724976
迭代次数: 3
将所求的根带回原方程: 2.28473849617217e-7
```

四. 实验结论

由实验结果给出的各个公式的迭代次数得出， $g_5(x)$ 收敛速度最快

