Università degli Studi di Catania - Anno Accademico 2018/19 Corso di Laurea in Fisica Prova scritta di Analisi Matematica 2 18 febbraio 2019

1. Determinare gli eventuali estremi relativi e assoluti della funzione definita dalla legge

$$f(x,y) = \frac{xy}{1 + x^4 + y^4}$$

2. Calcolare

$$\int_T \frac{x - \sqrt{3}y}{(x^2 + y^2)^2} dx \, dy$$

essendo

$$T = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 - 2y \le 0, \sqrt{3}x + y \ge 2\}$$

3. Data la forma differenziale

$$\omega(x,y) = (x^2 - y^2 + f(y))dx + xf(y)dy$$

Determinare l'unica funzione $f \in C^1(\mathbb{R})$ tale che ω sia esatta in \mathbb{R}^2 e f(0)=0. In corrispondenza di tale f, determinare il potenziale che si annulla nell'origine.

4. Studiare la convergenza puntuale ed uniforme della serie

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{\log n}{n\sqrt{2^n}} (x-1)^{2n}.$$

5. Determinare il flusso del campo vettoriale

$$\mathbf{F}(x,y,z)=(x^2,y^2,z^2)$$

uscente dal tetraedro di vertici (0,0,0), (1,0,0), (0,1,0) e (0,0,1).