## Università degli Studi di Catania

## Corso di Laurea in Fisica

## Prova scritta di Analisi Matematica 2

30 settembre 2019

(1) Calcolare il flusso del campo vettoriale

$$\mathbf{F} = (x, y, z^2)$$

uscente dalla frontiera del dominio

$$T = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : -1 \le z \le -x^2 - y^2\}.$$

(2) Calcolare l'integrale curvilineo della forma differenziale

$$\omega(x,y) = \left[1 - \frac{y}{x}\right] e^{\frac{y}{x}} dx + e^{\frac{y}{x}} dy$$

lungo la curva  $\varphi(t)=\left(2+\cos(\pi t^2),1+t^2\right),\ t\in[0,1]$  orientata nel verso delle t crescenti.

(3) Data la funzione definita dalla legge

$$f(x, y, z) = x^2 + 4y^2 + 4z^2 + yz - 2x$$

- i) determinare gli estremi relativi in  $\mathbb{R}^3$ ;
- ii) determinare gli estremi assoluti nell'insieme

$$X = \left\{ (x,y,z) \in I\!\!R^3: \quad x^2 + y^2 + z^2 \leq 4, \quad x \geq 0 \right\}.$$

(4) Calcolare

$$\iint_D \frac{x^2 y}{x^2 + y^2} \mathrm{d}x \mathrm{d}y$$

essendo

$$D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \le 9, 0 \le x \le y\}.$$

1