Università degli Studi di Catania - Anno Accademico 2019/20 Corso di Laurea in Fisica Prova scritta di Analisi Matematica 1 8 ottobre 2020

1. Studiare la funzione definita dalla legge

$$f(x) = \arctan \frac{x}{|x| - 1}$$

e tracciarne il grafico.

 ${\bf 2.}$ Studiare, al variare del parametro reale x, il carattere della serie numerica

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n+2}{n^x+4} \sin \frac{1}{n^2}$$

3. Stabilire se la funzione definita dalla legge

$$f(x) = \frac{1}{x^4} \cos^2 \frac{1}{x^3}$$

é integrabile in senso improprio in $[1, +\infty[$. In caso affermativo, calcolare

$$\int_{1}^{+\infty} f(x) \mathrm{d}x.$$