Anno Accademico 2020/21

Corso di Laurea in Fisica (L-30)

Prova scritta di Analisi Matematica 2

12 luglio 2021

1 Data la successione di funzioni

$$\left\{e^{-n^2}\log(n^2x)\right\}$$

- i) studiarne la convergenza uniforme negli intervalli $]0, +\infty[$ e]0, 1];
- ii) determinare, se esistono, tutti gli intervalli $I \subseteq]0, +\infty[$ in cui la convergenza è uniforme.
- 2 Determinare gli eventuali estremi relativi ed assoluti della funzione definita dalla legge

$$f(x,y) = \sqrt{\frac{1+y^2+|x|}{x+1}}.$$

3 Calcolare l'integrale curvilineo della forma differenziale

$$\omega(x,y) = \left(e^y - \frac{1}{x}\right) \frac{1}{x^2} e^{-\frac{1}{x}} dx + e^{y - \frac{1}{x}} dy.$$

lungo la curva $\varphi(t) = \left(1 + \cos t, \sin t\right), \quad t \in \left[-\frac{\pi}{2}, 0\right]$ percorsa nel verso delle t crescenti.

4 Calcolare il flusso del campo vettoriale

$$\mathbf{F} = \left(x^2y, yx^2, xyz\right)$$

uscente dal dominio

$$T = \left\{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \, : \, x^2 + y^2 + z^2 \le 1, \quad x^2 + y^2 - x \le 0, \quad y \ge 0 \right\}.$$

5 Calcolare il seguente integrale doppio

$$\iint_X \frac{x^2 + y^2}{x^2 \left(1 + e^{-\frac{y}{x}}\right)} \mathrm{d}x \mathrm{d}y$$

essendo

$$X = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \le 1, \quad 0 \le y \le -x\}$$

Gli studenti che hanno superato la prova intermedia sono tenuti a svolgere solo gli esercizi 3,4 e 5.

Durata: 3 ore