

华中科技大学计算机与科学技术学院

" 离散数学(一)"考试试卷 (A卷)

考试方式		闭卷	考试	日期 _		考	肯试时长	150 分钟
专业班级	ŧ		学	号		姓	生 名	
			_	_				
题号		11	111	四	五	六	总分	核对人
分值	18	15	18	19	30		100	
得分								
								•
分 数		一. 填空题(每小题 3 分,共 18 分)						
评卷人								
(4) 整数集 (5) 一个平	达式3x:上的关:的有限-面图有	∃y∀k(y+ 系{(x, y) 子集构成 2 个分图	3k=kx+2 x-y=1} 就的集合 日,10 个	2) (个体的传递的	域为实数 引包是 _可数集 20 条边。	效集)的享 [。(填是 ,那么它	真值是 上或不是) 它的面数是	 是 使得到的图有欧拉
分数 评卷人			逻辑解答	题 (共	: 15 分)			

(7) 求命题公式(p \lor (q \land r))→(p \land q \land r)的主析取范式。(5 分)

(8) 用谓词表达式将下列命题符号化: (5分) 不是每个学生都喜欢自己选的每一门课。

(9) 判断下式是否成立,并说明理由。(5分) $\forall x (P(x) \rightarrow Q(x)) \equiv \forall x P(x) \rightarrow \forall x Q(x)$



三. 集合函数关系求解题 (共 18 分)

(10) f: $Z^2 \rightarrow Z^2$, f(x, y)=(2x+3y, 4x+5y)是内射吗?是满射吗?为什么? (6分)

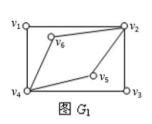
(11) T 是集合 A 上的关系满足 $T^3 \subseteq T^2$,试判断 $T \cup T^2$ 是否为传递关系,并说明理由。 (6分)

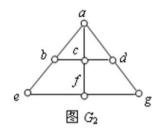
(12)偏序集({2,3,4,5,6,8,9,10,12,15,18,20},|), 画出该偏序集的哈塞图。判断哪些元素是极大元,哪些元素是极小元。(6分)

分 数	
评卷人	

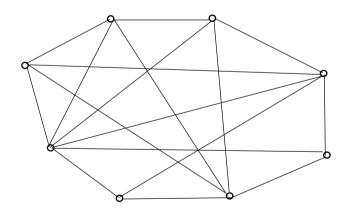
四. 图论解答题 (共19分)

(13)下列两图是否是欧拉图、哈密顿图,并说明理由。(8分)

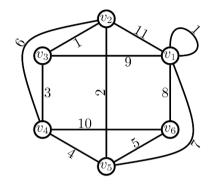




(14)判断下图是否为平面图,并说明理由。(5分)



(15)设有 6 个村庄 v_i, i=1, 2, ... 6, 欲修建道路使村村可通. 现已有修建方案如下带权无向图所示,其中边表示道路,边上的数字表示修建该道路所需费用,问应选择修建哪些道路可使得任意两个村庄之间是可达的且总的修建费用最低? 要求写出求解过程, 画出符合要求的费用最低的道路网络图,并计算其费用。(6 分)



分 数	
评卷人	

五. 证明(每题 10 分, 共 30 分)

(16)形式证明: $p \rightarrow (q \rightarrow r)$, $\neg s \lor p$, $q \Rightarrow s \rightarrow r$.

(17) $A=\{f \mid f: R \to R - \{0\}, f 可导\}, T 是 A 上的关系: f T g 当且仅当 f g' = f'g,$
(1)证明 T 是等价关系;
(2) 写出函数 $f(x)=x^2+1$ 所在的等价类。

(18) 设 G 是一棵树,其所有结点中最大度数大于等于 k, 证明: G 中至少有 k 片树 叶。