

Chapter 15

周期性非正弦稳态电路

15.1 周期性函数的傅里叶级数

Trigonometric Fourier Series

15.2 平均功率和有效值

Average Power and rms Values

15.4 周期性非正弦电源激励下的稳态响应

Steady-state Response under Nonsinusoidal Input

目标：

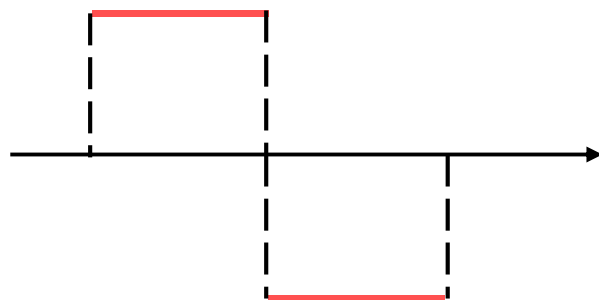
利用傅里叶级数和叠加原理计算周期电源下的稳态响应

15.1 概述

周期性非正弦稳态响应：周期性非正弦电源激励下的稳态响应。

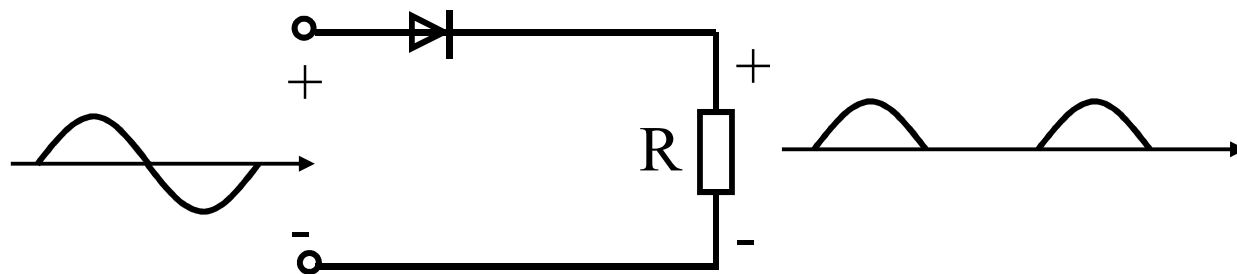
1 电路中产生周期性非正弦变化电压、电流的原因

- 电源提供的电压或电流是非正弦周期变化的



- 一个电路中有两个或两个以上不同频率的电源作用

- 电路中含有非线性元件



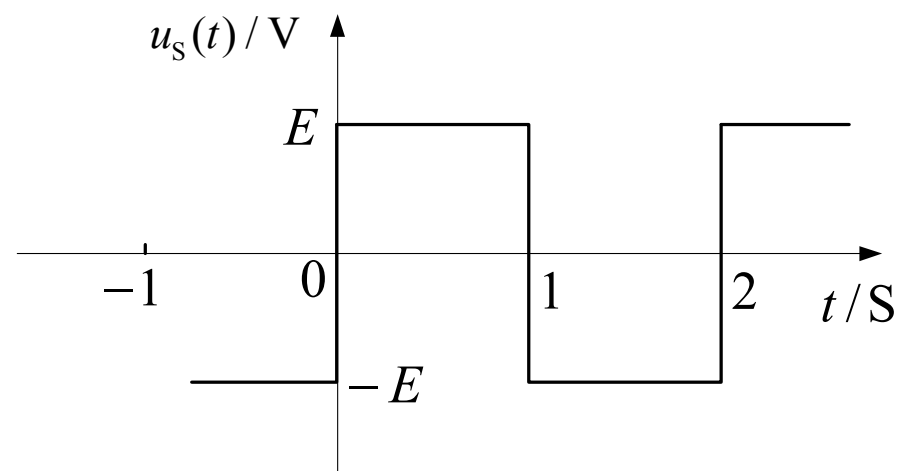
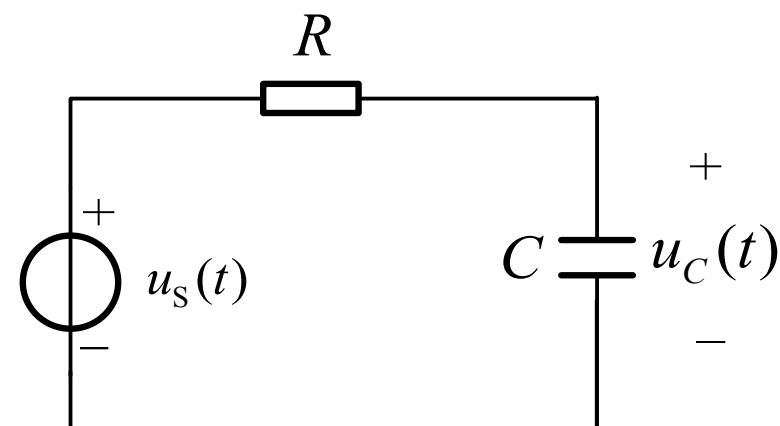
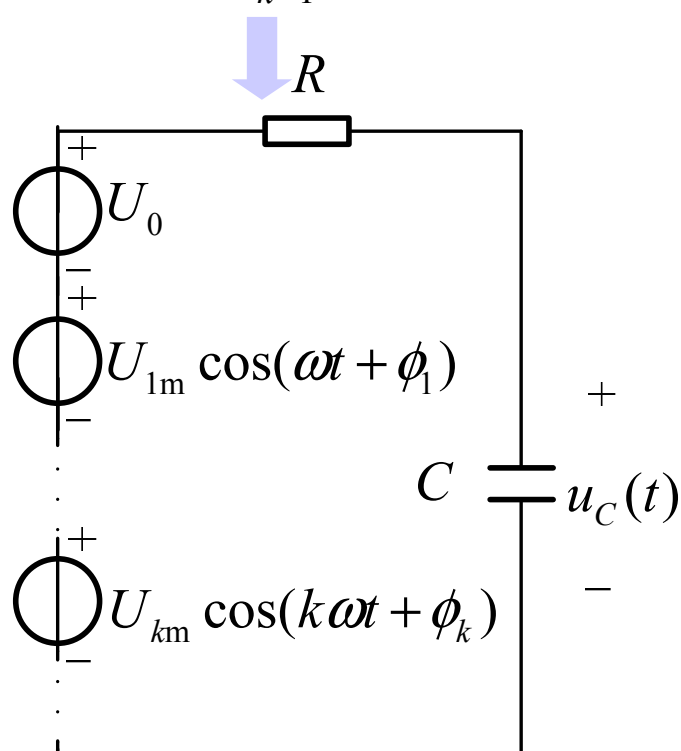
15.1 概述

周期性非正弦稳态响应：周期性非正弦电源激励下的稳态响应。

2 本章的讨论对象及处理问题的思路

➤ 线性时不变电路 — 适用叠加定理

$$u_S(t) = U_0 + \sum_{k=1}^{\infty} U_{km} \cos(k\omega t + \phi_k)$$



周期性非正弦输入

15.2 周期性函数的傅里叶级数 Fourier Series

1. 周期函数 Periodic function

$$f(t) = f(t \pm T) \quad \omega T = 2\pi$$

$$f(t) = a_0 + \sum_{k=1}^{\infty} (a_k \cos k\omega t + b_k \sin k\omega t) = \underbrace{A_0}_{\text{dc}} + \sum_{k=1}^{\infty} \underbrace{A_{km} \cos(k\omega t + \phi_k)}_{\text{ac—harmonics}}$$

ω —基频 fundamental frequency

$k\omega$ — k 次谐波频率 harmonic frequency

$$\left\{ \begin{array}{l} a_0 = \frac{1}{T} \int_0^T f(t) dt \\ a_k = \frac{2}{T} \int_0^T f(t) \cos k\omega t dt \\ b_k = \frac{2}{T} \int_0^T f(t) \sin k\omega t dt \end{array} \right. \quad \boxed{A_{km} \angle \phi_k = a_k - j b_k} \quad \longleftrightarrow \quad \left\{ \begin{array}{l} A_0 = a_0 \\ A_{km} = \sqrt{a_k^2 + b_k^2} \\ \phi_k = -\arctan \frac{b_k}{a_k} \end{array} \right.$$

15.4 周期性非正弦稳态电路分析

15.4.1 有效值 u 为周期性非正弦电压时，可展开为傅立叶级数：

$$u(t) = U_0 + \sum_{k=1}^{\infty} \sqrt{2}U_k \cos(k\omega t + \phi_k)$$

$$U = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T u^2 dt}$$

$$U = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T [U_0 + \sum_{k=1}^{\infty} \sqrt{2}U_k \cos(k\omega t + \phi_k)]^2 dt}$$

$$\frac{1}{T} \int_0^T U_0^2 dt = U_0^2$$

$$U = \sqrt{U_0^2 + \sum_{k=1}^{\infty} U_k^2}$$

$$\frac{1}{T} \int_0^T [U_0 \cdot \sqrt{2}U_k \cos(k\omega t + \phi_k)] dt = 0$$

$$\frac{1}{T} \int_0^T [\sqrt{2}U_k \cos(k\omega t + \phi_k)]^2 dt = \frac{1}{T} \int_0^T 2U_k^2 \frac{1 - \cos 2(k\omega t + \phi_k)}{2} dt = U_k^2$$

$$\frac{1}{T} \int_0^T [\sqrt{2}U_k \cos(k\omega t + \phi_k) \cdot \sqrt{2}U_q \cos(q\omega t + \phi_q)] dt = 0 \quad k \neq q$$

15.4 周期性非正弦稳态电路分析

15.4.1 有效值

$$U = \sqrt{U_0^2 + \sum_{k=1}^{\infty} U_k^2}$$

周期性非正弦量的有效值

等于它的直流分量与各谐波分量有效值的平方之和的平方根。

例：周期性矩形脉冲电流*i(t)*的傅立叶级数为下式，求其有效值。

$$i(t) = \left(\frac{\pi}{4} + \cos \omega_1 t - \frac{1}{3} \cos 3\omega_1 t + \frac{1}{5} \cos 5\omega_1 t - \frac{1}{7} \cos 7\omega_1 t \right) mA$$

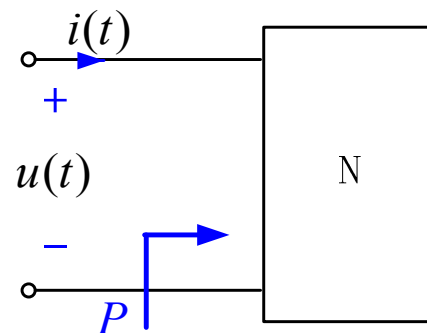
$$\begin{aligned} \text{解： } I &= \sqrt{I_0^2 + \sum_{n=1}^{\infty} I_n^2} \\ &= \sqrt{\left(\frac{\pi}{4} \right)^2 + \frac{1^2}{2} + \frac{(1/3)^2}{2} + \frac{(1/5)^2}{2} + \frac{(1/7)^2}{2}} = 1.097 mA \end{aligned}$$

15.4 周期性非正弦稳态电路分析

15.4.2. 平均功率

$$u(t) = U_0 + \sum_{k=1}^{\infty} \sqrt{2} U_k \cos(k\omega t + \phi_{uk})$$

$$i(t) = I_0 + \sum_{k=1}^{\infty} \sqrt{2} I_k \cos(k\omega t + \phi_{ik})$$



$$P = \frac{1}{T} \int_0^T u(t) i(t) dt$$

$$= \frac{1}{T} \int_0^T \left[U_0 + \sum_{k=1}^{\infty} \sqrt{2} U_k \cos(k\omega t + \phi_{uk}) \right] \left[I_0 + \sum_{k=1}^{\infty} \sqrt{2} I_k \cos(k\omega t + \phi_{ik}) \right] dt$$

$$\frac{1}{T} \int_0^T U_0 I_0 dt = U_0 I_0 = P_0 \quad \frac{1}{T} \int_0^T U_0 \sqrt{2} I_k \cos(k\omega t + \phi_{ik}) dt = 0$$

$$\frac{1}{T} \int_0^T [\sqrt{2} U_k \cos(k\omega t + \phi_{uk})] [\sqrt{2} I_k \cos(k\omega t + \phi_{ik})] dt = U_k I_k \cos(\phi_{uk} - \phi_{ik}) = P_k$$

$$\frac{1}{T} \int_0^T [\sqrt{2} U_k \cos(k\omega t + \phi_{uk})] [\sqrt{2} I_q \cos(q\omega t + \phi_{iq})] dt = 0 \quad (k \neq q)$$

$$P = U_0 I_0 + \sum_{k=1}^{\infty} U_k I_k \cos(\phi_{uk} - \phi_{ik})$$

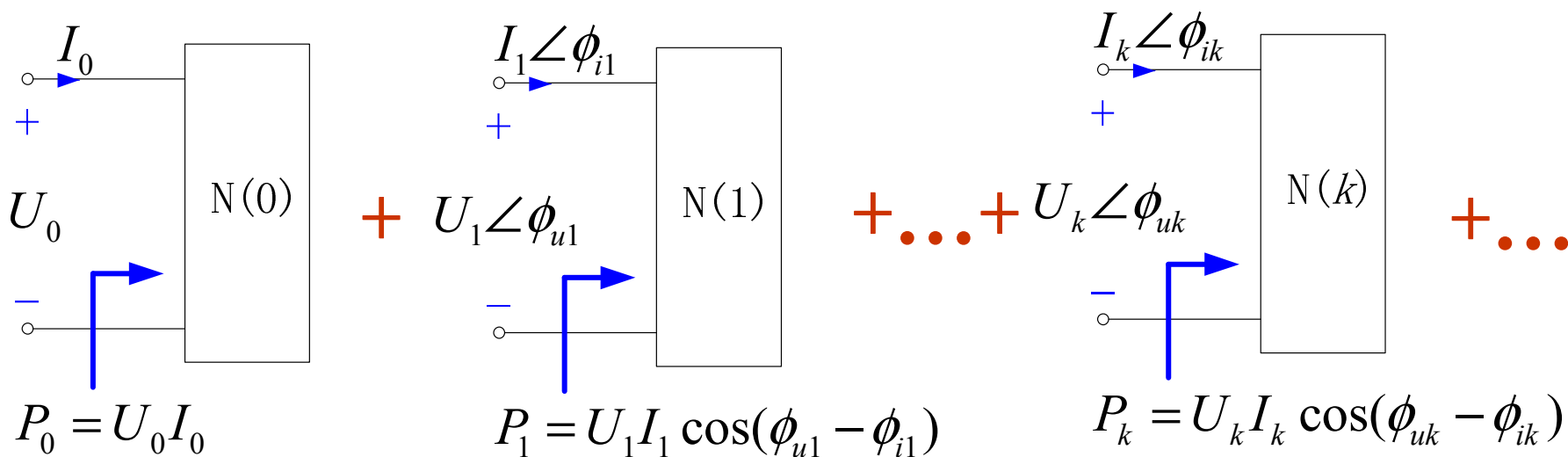
$$= P_0 + P_1 + P_2 + P_3 + \dots$$

功率符合叠加原理

15.4 周期性非正弦稳态电路分析

15.4.2. 平均功率

$$P = \frac{1}{T} \int_0^T u(t)i(t)dt = U_0 I_0 + \sum_{k=1}^{\infty} U_k I_k \cos(\phi_{uk} - \phi_{ik}) = P_0 + \sum_{k=1}^{\infty} P_k$$



式中 P_0 为电压电流的直流分量产生的平均功率， P_k 为电压电流的 n 次谐波产生的平均功率。

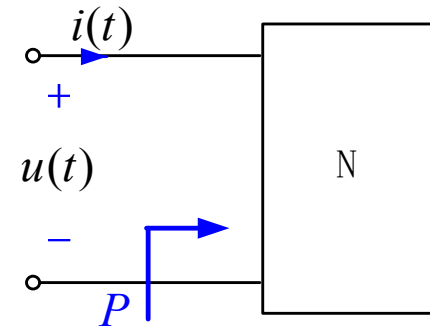
注意：只有相同频率的电压谐波和电流谐波才能构成平均功率，频率不同的电压谐波和电流谐波虽能构成瞬时功率，但在一周期内的平均值为0。

【例1】 如图所示电路的周期电流和电压为：

$$u(t) = [50 + 85 \sin(\omega_1 t - 60^\circ) + 56.6 \sin(2\omega_1 t - 80^\circ)] \text{V}$$

$$i(t) = [1 - 0.707 \sin(\omega_1 t + 70^\circ) + 0.424 \sin(2\omega_1 t - 40^\circ)] \text{A}$$

解： 此电路吸收的平均功率：



直流功率： $P_0 = 50 \times 1 = 50 \text{W}$

基频功率： $P_1 = \frac{85}{\sqrt{2}} \frac{0.707}{\sqrt{2}} \cos[-60^\circ - (70^\circ - 180^\circ)] = 19.3 \text{W}$

2次谐波功率： $P_2 = \frac{56.6}{\sqrt{2}} \frac{0.404}{\sqrt{2}} \cos[-80^\circ - (-40^\circ)] = 9.2 \text{W}$

总功率： $P = 50 + 19.3 + 9.2 = 78.5 \text{W}$

【例2】 已知电路中某支路电压和电流分别为

$$u(t) = 20 + 100 \sin 314t - 50 \cos(628t + 30^\circ)$$

$$+ 10 \sin(1256t - 20^\circ) \text{ V}$$

$$i(t) = 0.1 + \cos(314t - 60^\circ) + 0.2 \cos(942t + 45^\circ)$$

$$+ 0.1 \cos(1256t + 10^\circ) \text{ A}$$

计算该支路的平均功率。

解： 直流功率： $P_0 = 20 \times 0.1 = 2 \text{ W}$

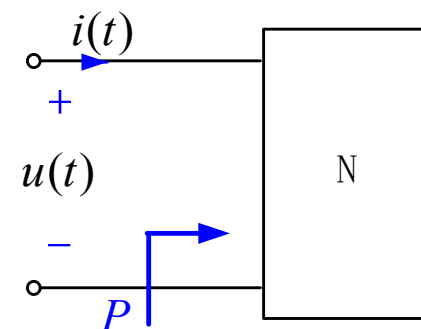
$$\text{基波功率： } P_1 = \frac{100}{\sqrt{2}} \times \frac{1}{\sqrt{2}} \times \cos(-90^\circ + 60^\circ) = 43.3 \text{ W}$$

$$\text{2次谐波功率： } P_2 = \frac{1}{\sqrt{2}} 50 \times 0 = 0 \text{ W}$$

$$\text{3次谐波功率： } P_3 = \frac{1}{\sqrt{2}} 0 \times 0.2 = 0 \text{ W}$$

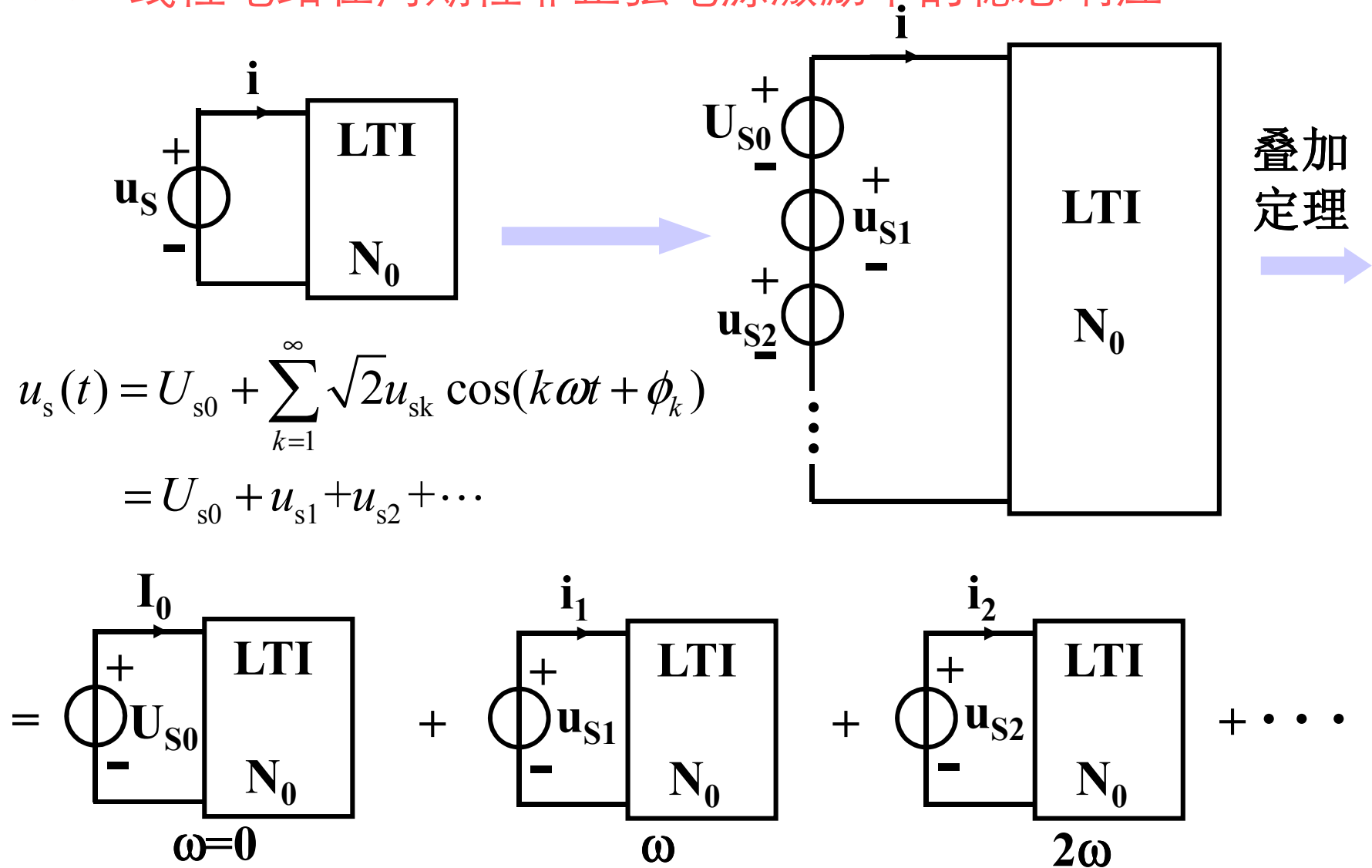
$$\text{4次谐波功率： } P_4 = \frac{10}{\sqrt{2}} \times \frac{0.1}{\sqrt{2}} \times \cos(-20^\circ - 90^\circ - 10^\circ) = -0.25 \text{ W}$$

$$\text{总功率： } P = P_0 + P_1 + P_2 + P_3 + P_4 = 2 + 43.3 - 0.25 = 45.05 \text{ W}$$

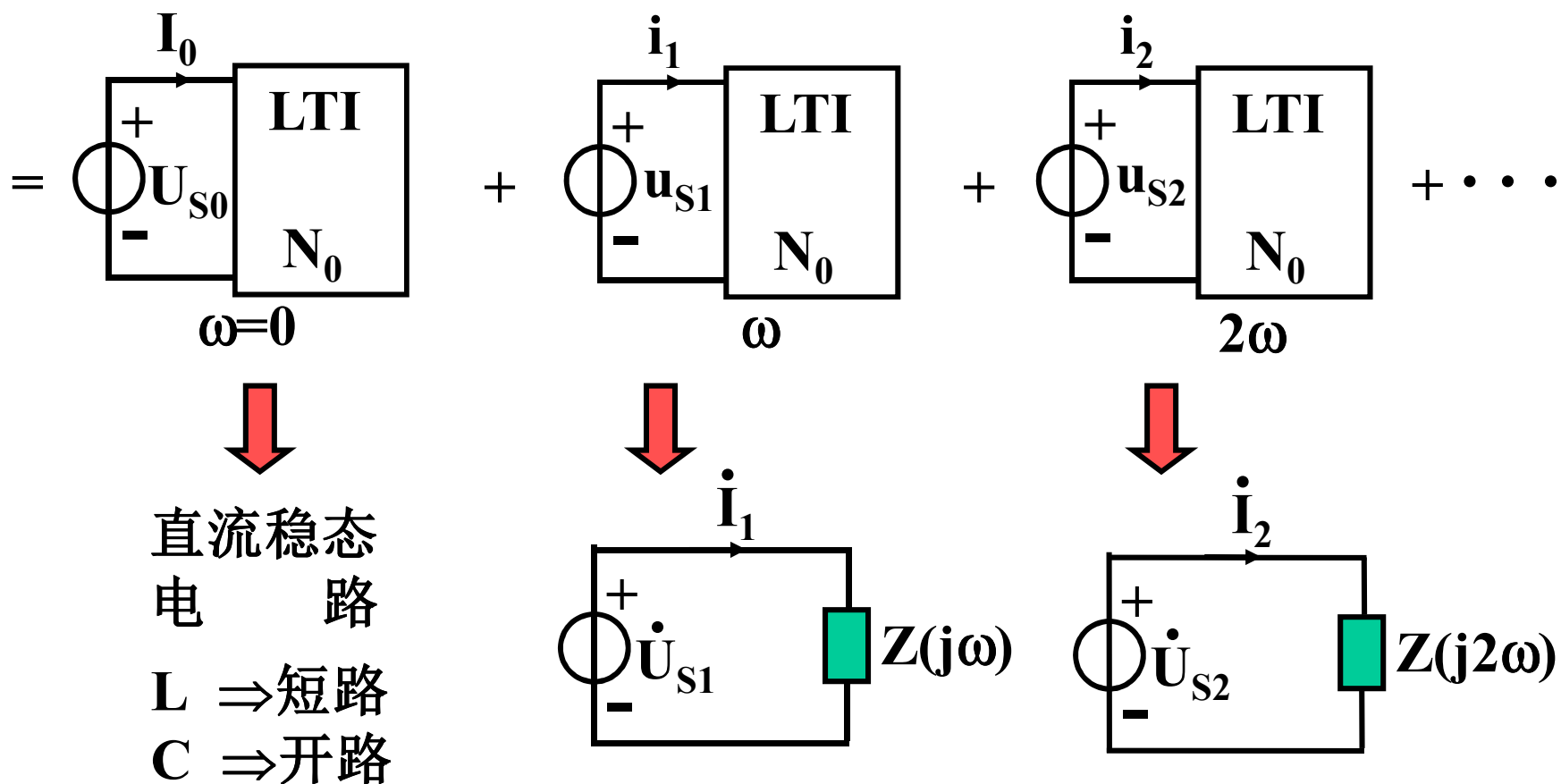


15.4 周期性非正弦稳态电路分析

15.4.3 线性电路在周期性非正弦电源激励下的稳态响应



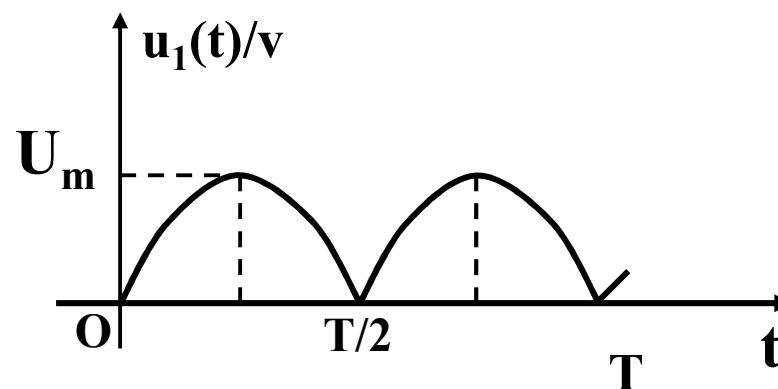
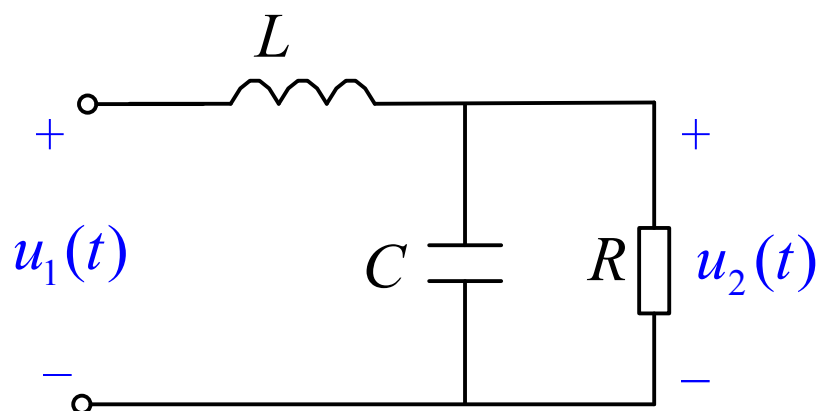
15.4.3 线性电路在周期性非正弦电源激励下的稳态响应



$$i(t) = I_0 + i_1(t) + i_2(t) + \dots \quad I = \sqrt{I_0^2 + I_1^2 + I_2^2 + \dots}$$

$$P = P_0 + P_1 + P_2 + \dots$$

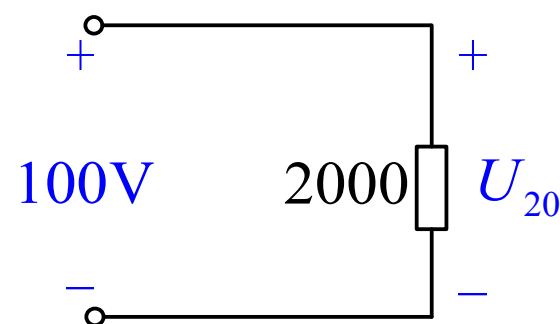
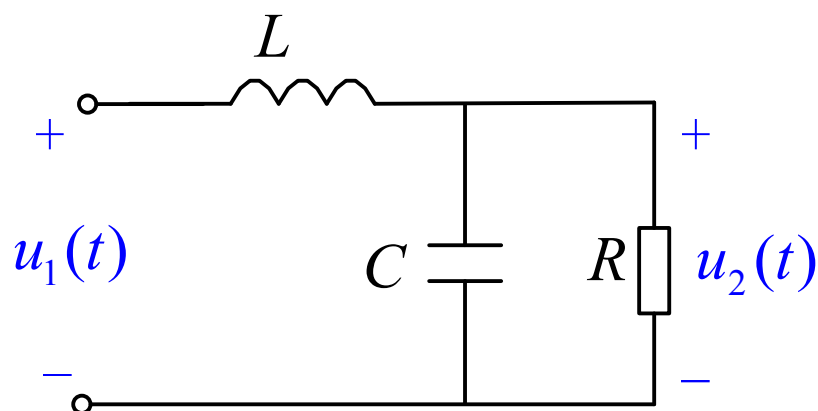
【例1】 图示全波整流器的输出电压 $u_1(t)$ ， $U_m=157V$ ， $T=0.02s$ ，通过LC滤波电路作用于负载 R ， $L=5H$ ， $C=10\mu F$ ， $R=2k\Omega$ 。求负载两端电压 $u_2(t)$ 及其有效值。谐波电压考虑到4次谐波。



由表15-3-1，正弦全波整流波形傅里叶级数：

$$\begin{aligned}
 u_1(t) &= \frac{2A}{\pi} - \frac{4A}{\pi} \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{4k^2 - 1} \cos 2k\omega t \\
 &= \frac{2 \times 157}{\pi} - \frac{4 \times 157}{\pi} \times \frac{1}{3} \cos 2\omega t - \frac{4 \times 157}{\pi} \times \frac{1}{15} \cos 4\omega t \\
 &= 100 - 66.7 \cos 2\omega t - 13.3 \cos 4\omega t
 \end{aligned}$$

【例1】 图示全波整流器的输出电压 $u_1(t)$ ， $U_m=157V$ ， $T=0.02s$ ，通过LC滤波电路作用于负载 R ， $L=5H$ ， $C=10\mu F$ ， $R=2k\Omega$ 。求负载两端电压 $u_2(t)$ 及其有效值。谐波电压考虑到4次谐波。

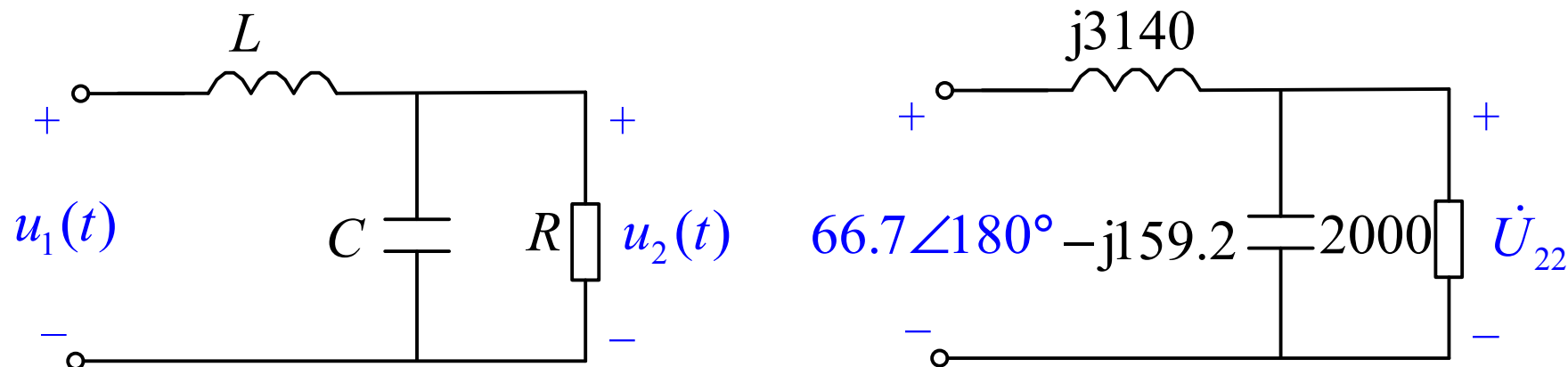


$$u_1(t) = 100 - 66.7 \cos 2\omega t - 13.3 \cos 4\omega t$$

➤ 直流分量单独作用：

$$U_{20} = 100V$$

【例1】 图示全波整流器的输出电压 $u_1(t)$ ， $U_m=157\text{V}$ ， $T=0.02\text{s}$ ，通过LC滤波电路作用于负载 R ， $L=5\text{H}$ ， $C=10\mu\text{F}$ ， $R=2\text{k}\Omega$ 。求负载两端电压 $u_2(t)$ 及其有效值。谐波电压考虑到4次谐波。

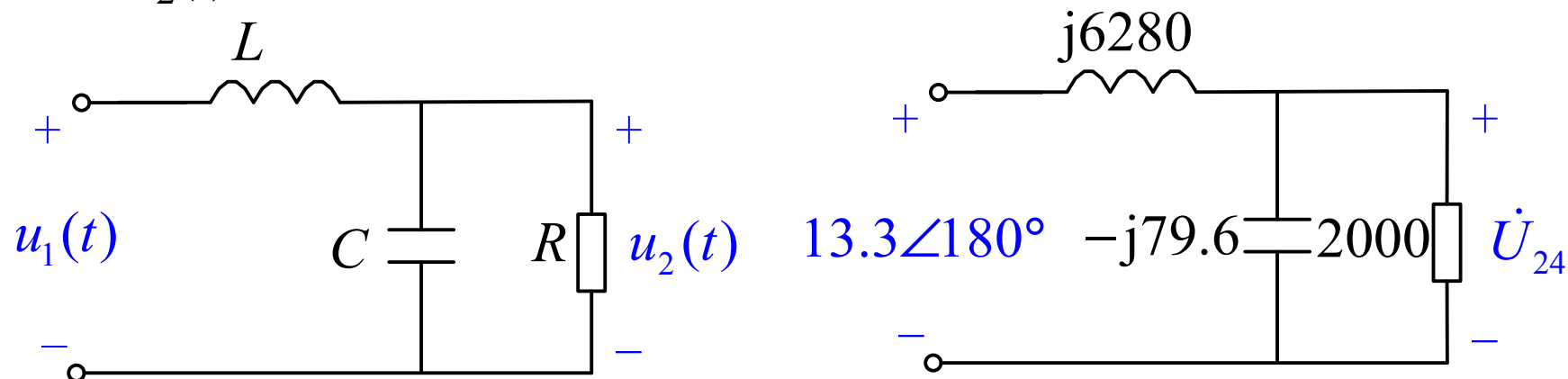


$$u_1(t) = 100 - 66.7 \cos 2\omega t - 13.3 \cos 4\omega t$$

➤二次谐波单独作用：

$$\begin{aligned} \dot{U}_{22} &= \frac{66.7 \angle 180^\circ}{j3140 + (-j159.2) // 2000} \times (-j159.2) // 2000 \\ &= 3.55 \angle 4.8^\circ \end{aligned}$$

【例1】 图示全波整流器的输出电压 $u_1(t)$ ， $U_m=157V$ ， $T=0.02s$ ，通过LC滤波电路作用于负载 R ， $L=5H$ ， $C=10\mu F$ ， $R=2k\Omega$ 。求负载两端电压 $u_2(t)$ 及其有效值。谐波电压考虑到4次谐波。

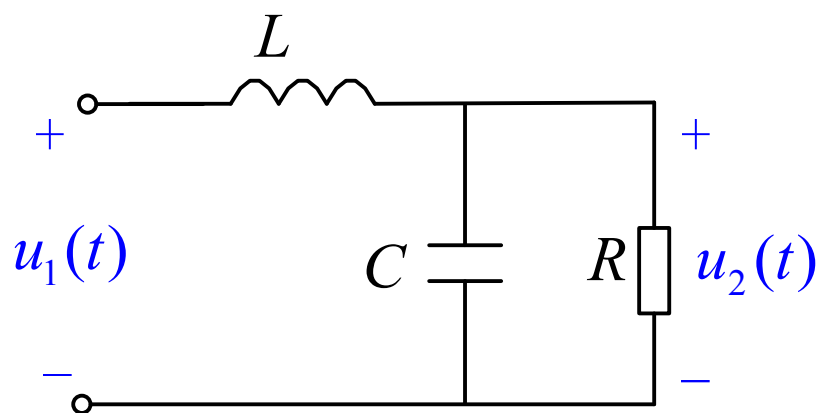


$$u_1(t) = 100 - 66.7 \cos 2\omega t - 13.3 \cos 4\omega t$$

➤四次谐波单独作用：

$$\dot{U}_{24} = \frac{13.3 \angle 180^\circ}{j6280 + (-j79.6) // 2000} \times (-j79.6) // 2000 \quad \dot{U}_{24} = 0.17 \angle 2.3^\circ$$

【例1】 图示全波整流器的输出电压 $u_1(t)$ ， $U_m=157V$ ， $T=0.02s$ ，通过LC滤波电路作用于负载 R ， $L=5H$ ， $C=10\mu F$ ， $R=2k\Omega$ 。求负载两端电压 $u_2(t)$ 及其有效值。谐波电压考虑到4次谐波。



$$U_{20}=100V$$

$$\dot{U}_{22} = 3.55 \angle 4.8^\circ$$

$$\dot{U}_{24} = 0.17 \angle 2.3^\circ$$

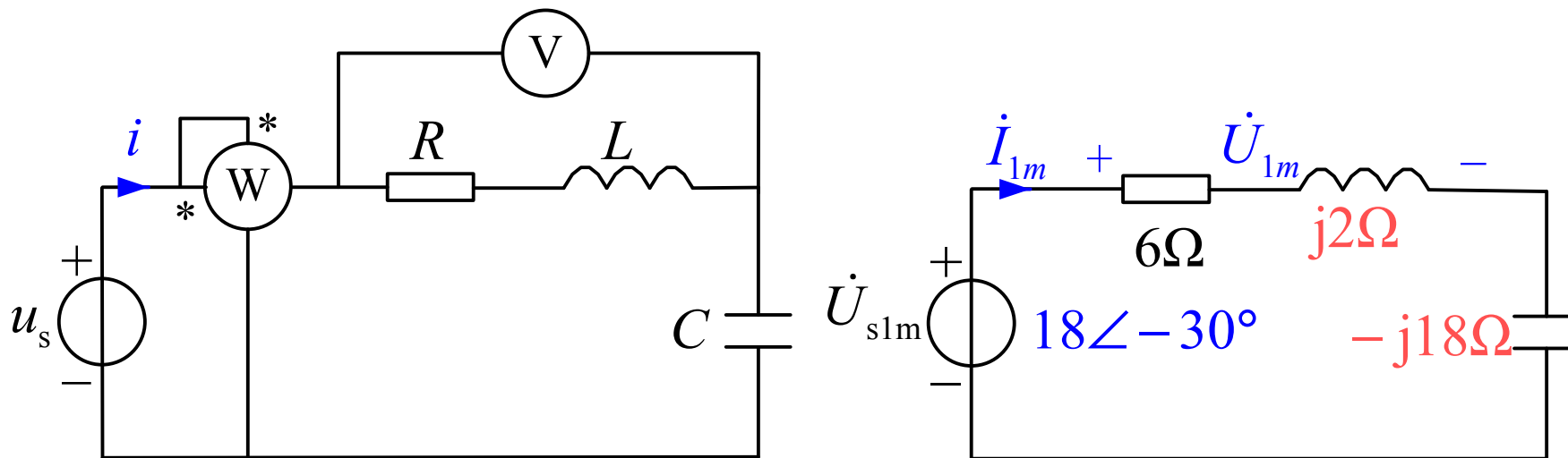
$$u_1(t) = 100 - 66.7 \cos 2\omega t - 13.3 \cos 4\omega t$$

$$u_2(t) = 100 + 3.55 \cos(2\omega t + 4.8^\circ) + 0.17 \cos(4\omega t + 2.3^\circ)$$

$$U = \sqrt{U_0^2 + \sum_{k=1}^{\infty} U_k^2} = \sqrt{(100)^2 + \left(\frac{3.55}{\sqrt{2}}\right)^2 + \left(\frac{0.17}{\sqrt{2}}\right)^2} = 100V$$

小结： 谐波阻抗 瞬时值叠加

【例2】 已知 $u_s = 18\cos(\omega t - 30^\circ) + 18\cos 3\omega t + 9\cos(5\omega t + 90^\circ)$ V
 $R=6\Omega$, $\omega L=2\Omega$, $1/\omega C=18\Omega$, 求电压表和功率表的读数。



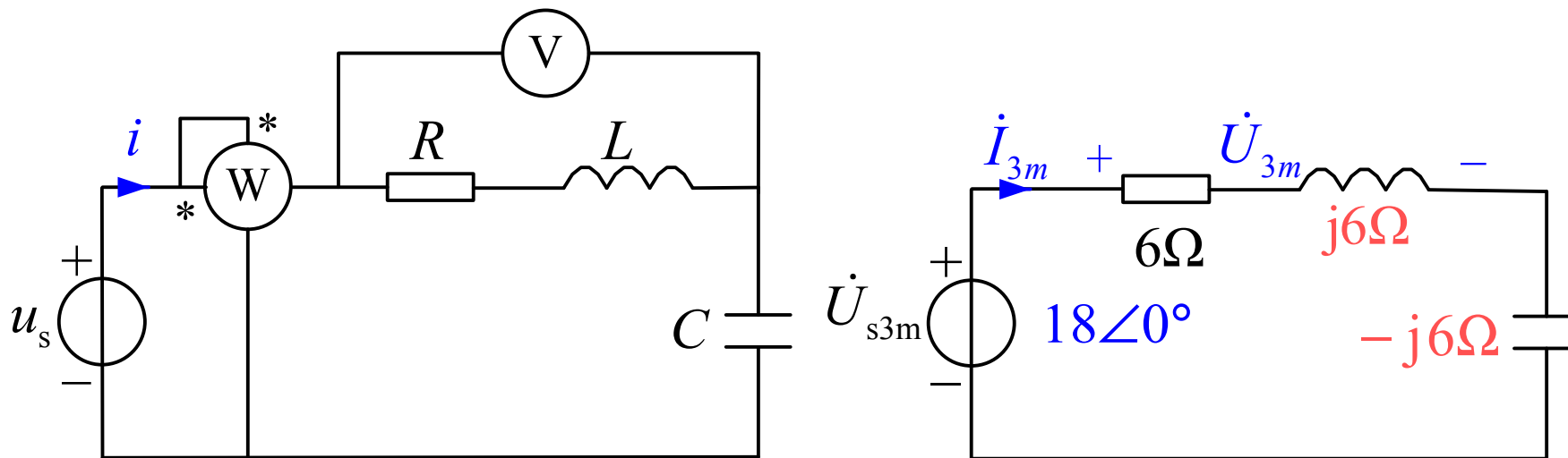
►基波电源单独作用：

$$\dot{I}_{1m} = \frac{18\angle -30^\circ}{6 + j2 - j18} = 1.05\angle 39.4^\circ$$

$$\dot{U}_{1m} = (6 + j2) \times 1.05\angle 39.4^\circ = 6.64\angle 57.8^\circ$$

$$P_1 = \frac{18}{\sqrt{2}} \times \frac{1.05}{\sqrt{2}} \cos(-30^\circ - 39.4^\circ) = 3.32\text{W} \quad P_1 = I_1^2 R = 3.32\text{W}$$

【例2】 已知 $u_s = 18 \cos(\omega t - 30^\circ) + 18 \cos 3\omega t + 9 \cos(5\omega t + 90^\circ)$ V
 $R=6\Omega$, $\omega L=2\Omega$, $1/\omega C=18\Omega$, 求电压表和功率表的读数。



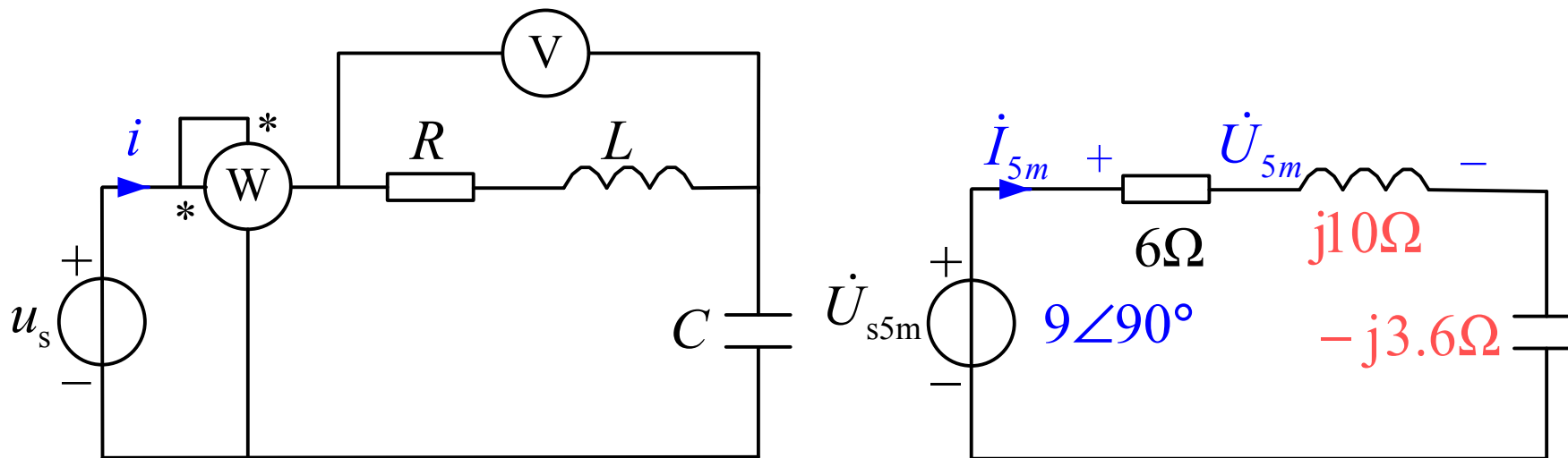
➤三次谐波电源单独作用：

$$\dot{I}_{3m} = \frac{18\angle 0^\circ}{6} = 3\angle 0^\circ$$

$$\dot{U}_{3m} = (6 + j6) \times 3\angle 0^\circ = 25.5\angle 45^\circ$$

$$P_3 = \frac{18}{\sqrt{2}} \times \frac{3}{\sqrt{2}} = 27\text{W}$$

【例2】 已知 $u_s = 18 \cos(\omega t - 30^\circ) + 18 \cos 3\omega t + 9 \cos(5\omega t + 90^\circ)$ V
 $R=6\Omega$, $\omega L=2\Omega$, $1/\omega C=18\Omega$, 求电压表和功率表的读数。



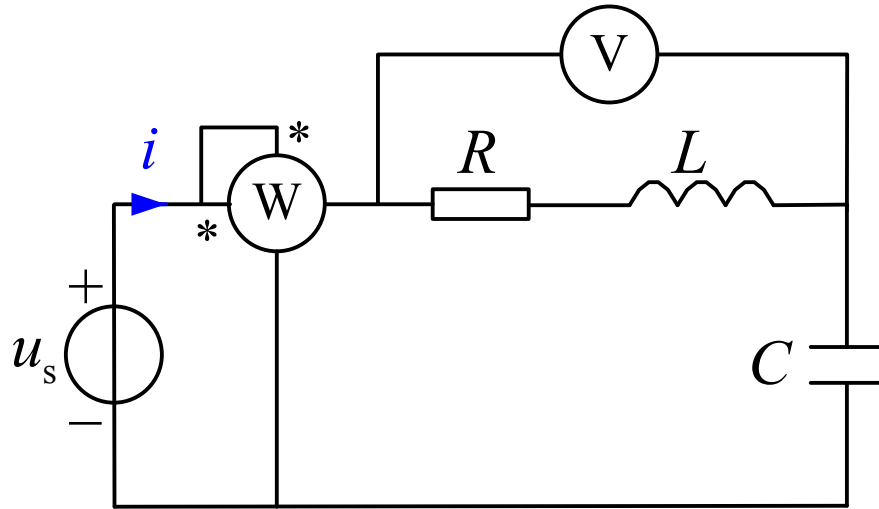
►五次谐波电源单独作用：

$$\dot{I}_{5m} = \frac{9\angle 90^\circ}{6 + j10 - j3.6} = 1.03\angle 43.2^\circ$$

$$\dot{U}_{5m} = (6 + j10) \times 1.03\angle 43.2^\circ = 12.1\angle 102.2^\circ$$

$$P_5 = \frac{9}{\sqrt{2}} \times \frac{1.03}{\sqrt{2}} \cos(90^\circ - 43.2^\circ) = 3.17\text{W}$$

【例2】 已知 $u_s = 18 \cos(\omega t - 30^\circ) + 18 \cos 3\omega t + 9 \cos(5\omega t + 90^\circ)$ V
 $R=6\Omega$, $\omega L=2\Omega$, $1/\omega C=18\Omega$, 求电压表和功率表的读数。



$$\dot{U}_{1m} = 6.64 \angle 57.8^\circ \quad P_1 = 3.32 \text{ W}$$

$$\dot{U}_{3m} = 25.5 \angle 45^\circ \quad P_3 = 27 \text{ W}$$

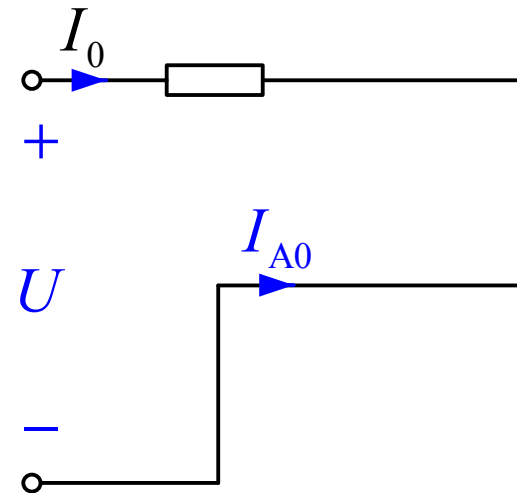
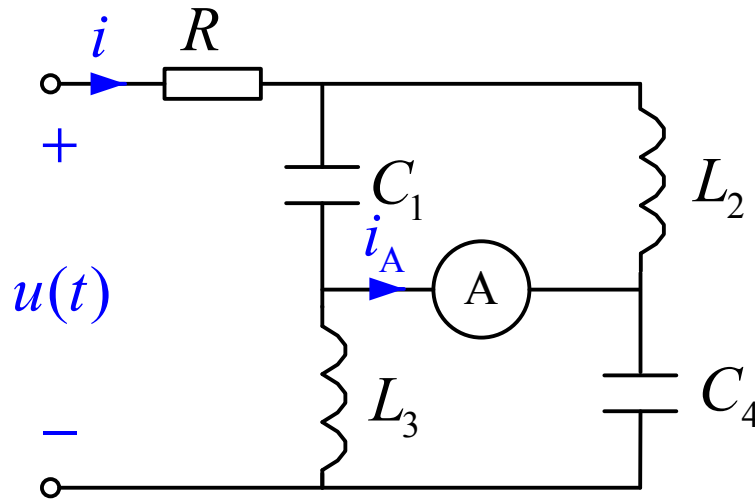
$$\dot{U}_{5m} = 12.1 \angle 102.2^\circ \quad P_5 = 3.17 \text{ W}$$

$$u(t) = 6.64 \cos(\omega t + 57.8^\circ) + 25.5 \cos(3\omega t + 45^\circ) + 12.1 \cos(5\omega t + 102.2^\circ)$$

$$U = \sqrt{U_0^2 + \sum_{k=1}^{\infty} U_k^2} = \sqrt{\left(\frac{6.64}{\sqrt{2}}\right)^2 + \left(\frac{25.5}{\sqrt{2}}\right)^2 + \left(\frac{12.1}{\sqrt{2}}\right)^2} = 20.5 \text{ V}$$

$$P = P_0 + \sum_{k=1}^{\infty} P_k = P_1 + P_2 + P_3 = 3.32 + 27 + 3.17 = 33.49 \text{ W}$$

【例3】 已知 $u(t) = 60 + 282 \sin \omega t + 169 \sin(2\omega t - 22.5^\circ) \text{ V}$ $R=10\Omega$, $1/\omega C_1=40\Omega$, $\omega L_2=\omega L_3=20\Omega$, $1/\omega C_4=20\Omega$, 求电流表和电源提供的功率。

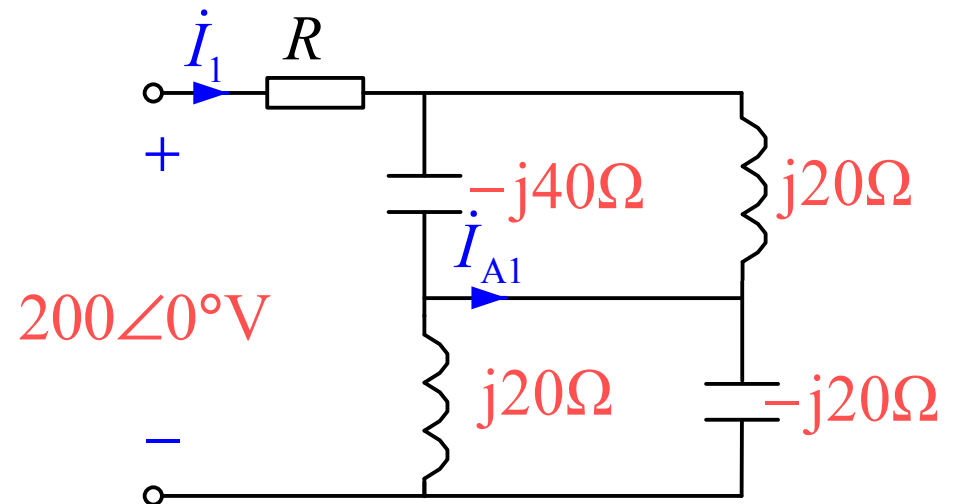
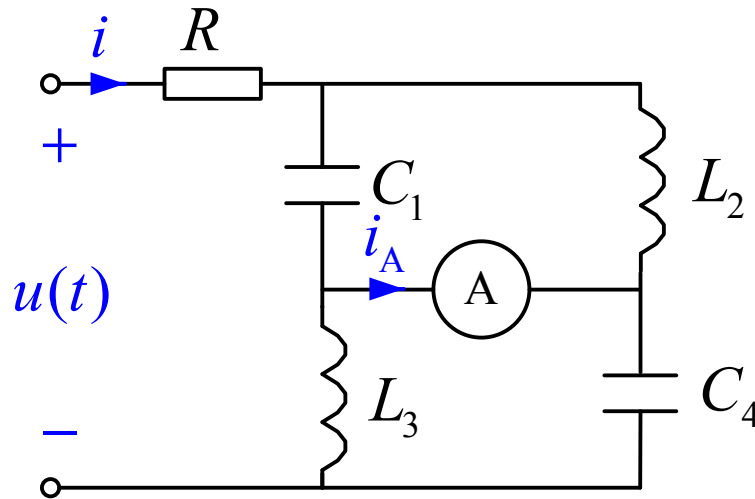


➤ 直流分量单独作用：

$$I_0 = -I_{A0} = \frac{60}{10} = 6\text{A}$$

$$P_0 = U_0 I_0 = 60 \times 6 = 360\text{W}$$

【例3】 已知 $u(t) = 60 + 282 \sin \omega t + 169 \sin(2\omega t - 22.5^\circ) \text{ V}$ $R=10\Omega$, $1/\omega C_1=40\Omega$, $\omega L_2=\omega L_3=20\Omega$, $1/\omega C_4=20\Omega$, 求电流表和电源提供的功率。

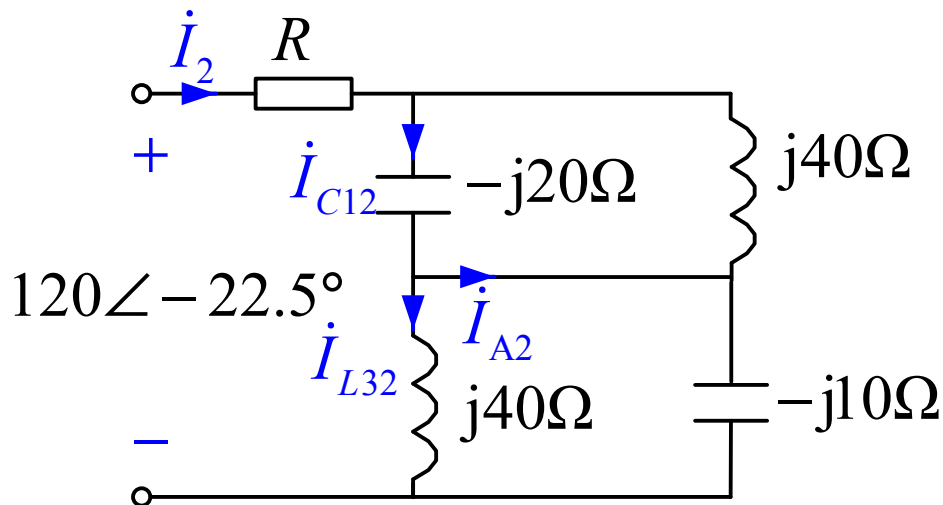
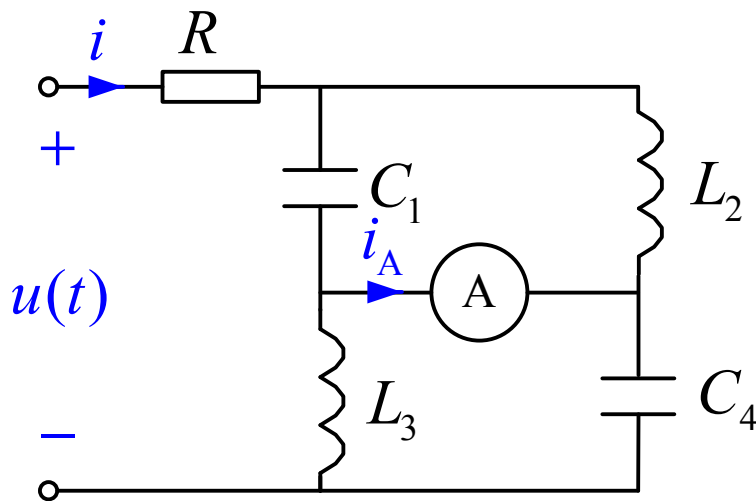


➤基波单独作用：

$$\dot{I}_1 = 0 \text{ A} \quad \dot{I}_{A1} = \frac{200 \angle 0^\circ}{-j20} = 10 \angle 90^\circ \text{ A}$$

$$P_1 = 0 \text{ W}$$

【例3】 已知 $u(t) = 60 + 282 \sin \omega t + 169 \sin(2\omega t - 22.5^\circ) \text{ V}$ $R=10\Omega$, $1/\omega C_1=40\Omega$, $\omega L_2=\omega L_3=20\Omega$, $1/\omega C_4=20\Omega$, 求电流表和电源提供的功率。



➤二次谐波单独作用:

$$Z = 10 + \frac{-j20 \times j40}{j20} + \frac{-j10 \times j40}{j30}$$

$$= 54 \angle -79.4^\circ$$

$$\dot{I}_2 = \frac{120 \angle -22.5^\circ}{54 \angle -79.4^\circ} = 2.22 \angle 56.9^\circ \text{ A}$$

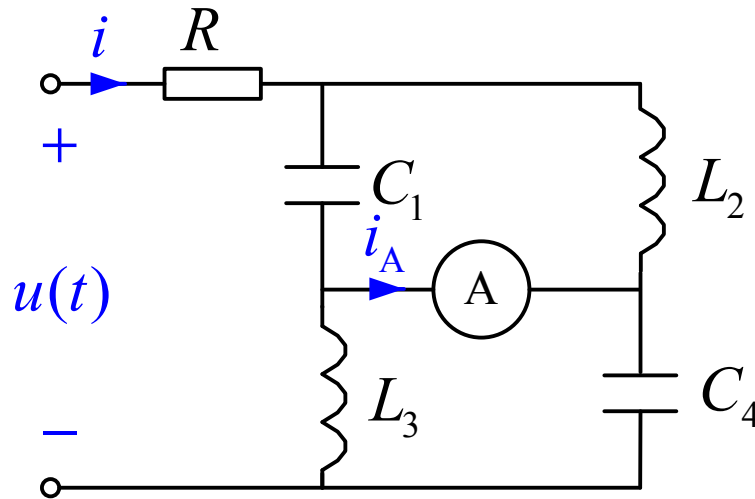
$$P_2 = I_2^2 R = 49 \text{ W}$$

$$\dot{I}_{C12} = \frac{j40}{j20} \times \dot{I}_2 = 2.42 + j3.71 \text{ A}$$

$$\dot{I}_{L32} = \frac{-j10}{j30} \times \dot{I}_2 = -0.403 - j0.618 \text{ A}$$

$$\dot{I}_{A2} = \dot{I}_{C12} - \dot{I}_{L32} = 5.17 \angle 56.9^\circ \text{ A}$$

【例3】 已知 $u(t) = 60 + 282 \sin \omega t + 169 \sin(2\omega t - 22.5^\circ) \text{ V}$ $R=10\Omega$, $1/\omega C_1=40\Omega$, $\omega L_2=\omega L_3=20\Omega$, $1/\omega C_4=20\Omega$, 求电流表和电源提供的功率。



$$I_0 = -I_{A0} = \frac{60}{10} = 6\text{A} \quad P_0 = 360\text{W}$$

$$\dot{I}_{A1} = 10 \angle 90^\circ \text{A} \quad P_1 = 0\text{W}$$

$$\dot{I}_{A2} = 5.17 \angle 56.9^\circ \text{A} \quad P_2 = 49\text{W}$$

$$\dot{I}_2 = 2.22 \angle 56.9^\circ \text{A}$$

$$I_A = \sqrt{6^2 + 10^2 + 5.17^2} = 12.8\text{A}$$

$$P = P_0 + \sum_{k=1}^{\infty} P_k = 360 + 49 = 409\text{W}$$

$$I = \sqrt{6^2 + 2.22^2} = 6.4\text{A}$$

$$P = I^2 R = 6.4^2 \times 10 = 409\text{W}$$

【练习】 $i_s = [5 + 10\cos(10t - 20^\circ) - 5\sin(30t + 60^\circ)]\text{A}$,
 $L_1 = L_2 = 2\text{H}$, $M = 0.5\text{H}$ 。 计算表的读数。

➤ 直流分量单独作用：

$$i_{s(0)} = 5\text{A}, \quad u_{2(0)} = 0$$

➤ 基波单独作用：

$$\dot{I}_{s(1)} = 10\angle -20^\circ\text{A}$$

$$\dot{U}_{2(1)} = -j\omega M \dot{I}_{s(1)} = -j10 \times 0.5 \times 10\angle -20^\circ = 50\angle -110^\circ\text{V}$$

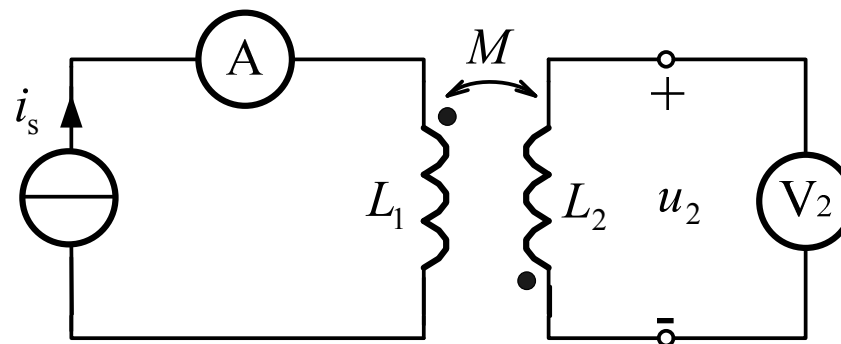
➤ 三次谐波单独作用：

$$\dot{I}_{s(3)} = 5\angle 60^\circ\text{A}$$

$$\dot{U}_{2(3)} = -j3\omega M \dot{I}_{s(3)} = -j30 \times 0.5 \times 5\angle 60^\circ = 75\angle -30^\circ\text{V}$$

$$u_2 = [50\cos(10t - 110^\circ) - 75\sin(30t - 30^\circ)]\text{V}$$

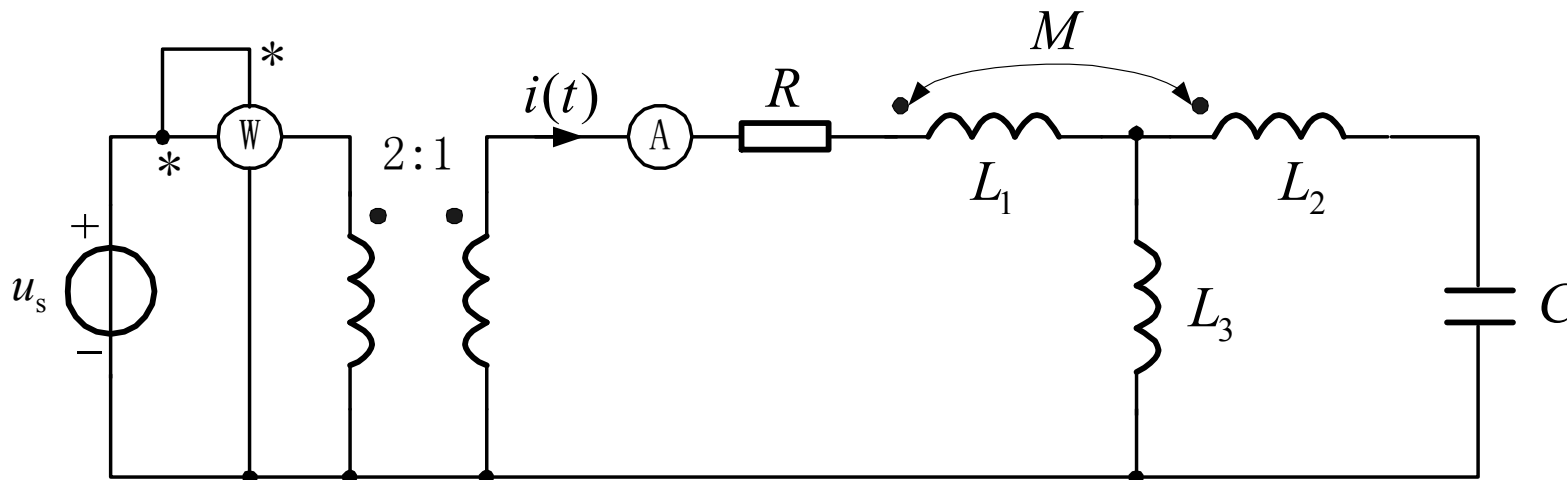
$$I_s = \sqrt{5^2 + 10^2 / 2 + 5^2 / 2} = 9.4\text{A}, \quad U_2 = \sqrt{50^2 / 2 + 75^2 / 2} = 63.7\text{V}$$



【课下练习】 $u_s(t) = (300\sqrt{2}\sin\omega t + 200\sqrt{2}\sin 3\omega t)$ $R = 50\Omega$

$$\omega L_1 = 60\Omega \quad \omega L_2 = 50\Omega \quad \omega M = 40\Omega \quad \omega L_3 = 20\Omega$$

L_3 电流中没有基波分量。计算表的读数。例15-4-6



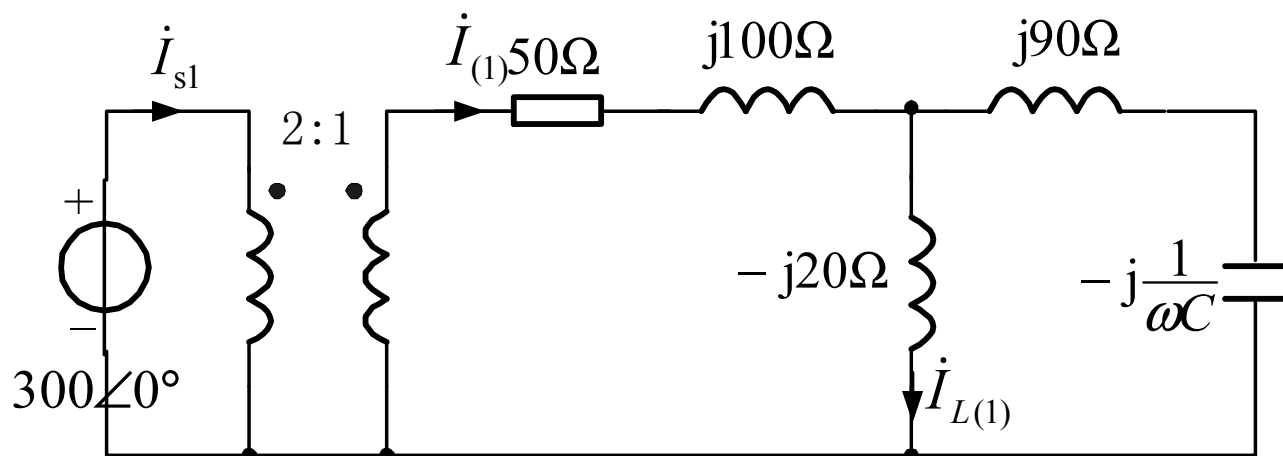
► 基波单独作用：

$$\therefore \dot{I}_{L(1)} = 0$$

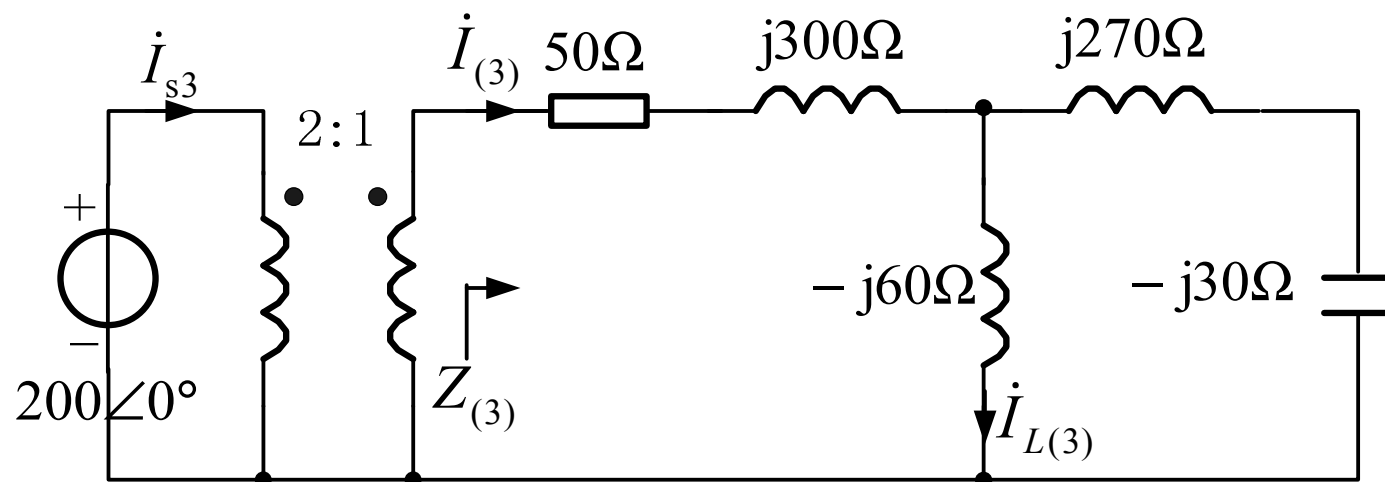
$$\therefore \frac{1}{\omega C} = 90$$

$$\dot{I}_{(1)} = \frac{150}{50 + j100}$$

$$= 1.34 \angle -63.4^\circ$$



【课下练习】 $u_s(t) = (300\sqrt{2}\sin\omega t + 200\sqrt{2}\sin 3\omega t)$ $R = 50\Omega$
 $\omega L_1 = 60\Omega$ $\omega L_2 = 50\Omega$ $\omega M = 40\Omega$ $\omega L_3 = 20\Omega$



►三次谐波单独作用：

$$\dot{I}_{(1)} = 1.34\angle -63.4^\circ$$

$$Z_{(3)} = 50 + j300 + \frac{-j240 \times j60}{j240 - j60} = 50 + j220$$

$$\dot{I}_{(3)} = \frac{100}{Z_{(3)}} = 0.44\angle -77.2^\circ$$

$$I = \sqrt{I_{(1)}^2 + I_{(3)}^2} = 1.41\text{A} \quad P = 50I^2 = 99.5\text{W}$$

$$i(t) = 1.34\sqrt{2}\sin(\omega t - 63.4^\circ) + 0.44\sqrt{2}\sin(3\omega t - 77.7^\circ)\text{A}$$

计划学时：2学时；课后学习4学时

作业：

15-8， 15-12 /周期非正弦电路分析

15-21/综合应用