



ALF

Analyseur (Parser)

Keith Cooper, Linda Torczon, *Engineering a Compiler*

- Chapitre 3
 - 3.3

Alfred V. Aho, Monica S. Lam, Ravi Sethi, Jeffrey D. Ullman, *Compilers: Principles, Techniques, and Tools (2nd Edition)*

- Chapitre 4
 - 4.4

- Les analyseurs (parsers)
- LL



Alexander Aiken



- Américain
- Stanford
- LL(*)
- MOSS
- ANTLR

Partie de slides sont écrites par
Bogdan Nitulescu

Notation BNF

RFC 2616

HTTP/1.1

June 1999

HTTP-date = rfc1123-date | rfc850-date | asctime-date

rfc1123-date = wkday "," SP date1 SP time SP "GMT"

rfc850-date = weekday "," SP date2 SP time SP "GMT"

asctime-date = wkday SP date3 SP time SP 4DIGIT

date1 = 2DIGIT SP month SP 4DIGIT
; day month year (e.g., 02 Jun 1982)

date2 = 2DIGIT "-" month "-" 2DIGIT
; day-month-year (e.g., 02-Jun-82)

date3 = month SP (2DIGIT | (SP 1DIGIT))
; month day (e.g., Jun 2)

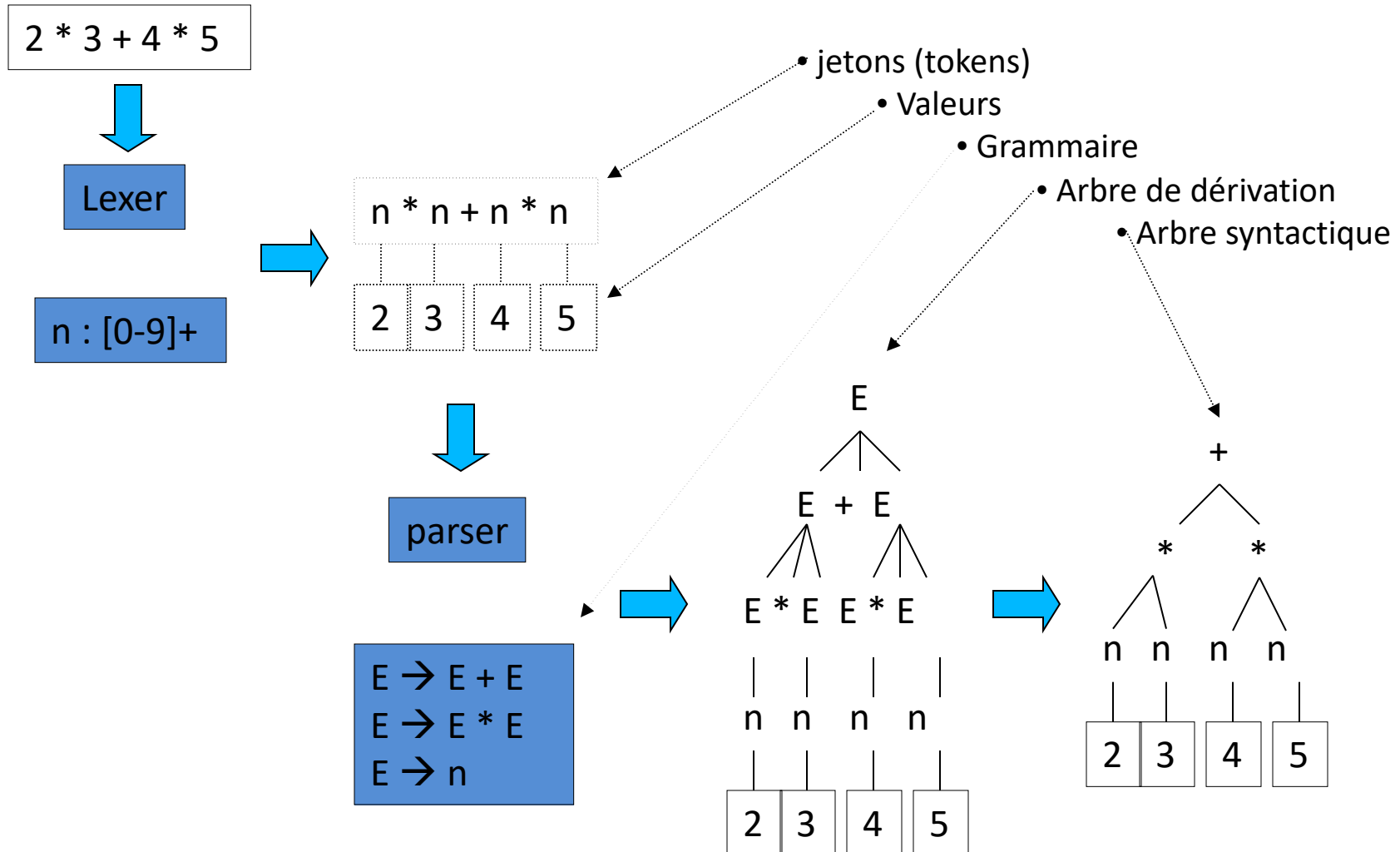
time = 2DIGIT ":" 2DIGIT ":" 2DIGIT
; 00:00:00 - 23:59:59

wkday = "Mon" | "Tue" | "Wed"
| "Thu" | "Fri" | "Sat" | "Sun"

weekday = "Monday" | "Tuesday" | "Wednesday"
| "Thursday" | "Friday" | "Saturday" | "Sunday"

month = "Jan" | "Feb" | "Mar" | "Apr"
| "May" | "Jun" | "Jul" | "Aug"
| "Sep" | "Oct" | "Nov" | "Dec"

Arbre de dérivation / syntactique



- Descendent (top-down)
 - Avec backtracking
 - Prédictive
 - Descendent réursive, LL avec un tableau
- Ascendant (bottom-up)
 - Avec backtracking
 - Shift-reduce
 - LR(0),SLR,LALR, LR canonique

Dérivation gauche, top down

–**Instr**

–id = **Expr** ;

–id = (**Expr**) ;

–id = (**Expr** + Expr) ;

–id = (id + **Expr**) ;

–id = (id + id) ;

id = (id + id) ;

id = (id + id) ;

id = (id + id) ;

id = (id + id) ;

id = (id + id) ;

id = (id + id) ;

- LL: La chaîne de jetons est itérée à partir du côté gauche (L)
- Le non-terminal le plus à gauche est dérivé (L)

Dérivation gauche, top down

–**Instr**

–id = **Expr** ;

–id = **Expr** + Expr ;

–id = (**Expr**) + Expr ;

–id = (id) + **Expr** ;

–id = (id) + (**Expr**) ;

–id = (id + id) ;

id = (id) + (id) ;

id = (id) + (id) ;

id = (id) + (id) ;

id = (id) + (id) ;

id = (id) + (id) ;

id = (id) + (id) ;

id = (id) + (id) ;

- Comment choisir la production utilisée pour la dérivation?
- Backtracking?

- Nous devrions éviter backtracking
- Une grammaire qui permet le parser déterministe
 - LL(k) lit left-to-right, dérivation left
 - LR(k) lit left-to-right, dérivation right
 - K – lookahead (combien de tokens sont lus)
- $LL(k) < LR(k)$
- L'algorithme est indépendant du langage, la grammaire dépend du langage

- Non-terminal -> fonction
- Si le symbole apparaît dans la partie droite de production -> appel la fonction
- Si le symbole apparaît dans la partie gauche de production – la production est choisi en fonction des jetons (tokens) suivants (lookahead)

Analyse descendant récursive

```
rfc850-date = weekday "," SP date2 SP time SP "GMT"
```

Fonction pour parser le non-terminal rfc850-date

```
ParseRFC850Date() {  
    ParseWeekDay();  
    MatchToken(",");  
    MatchToken(SP);  
    ParseDate2();  
    MatchToken(SP);  
    ParseTime();  
    MatchToken(SP);  
    MatchToken("GMT");  
}
```

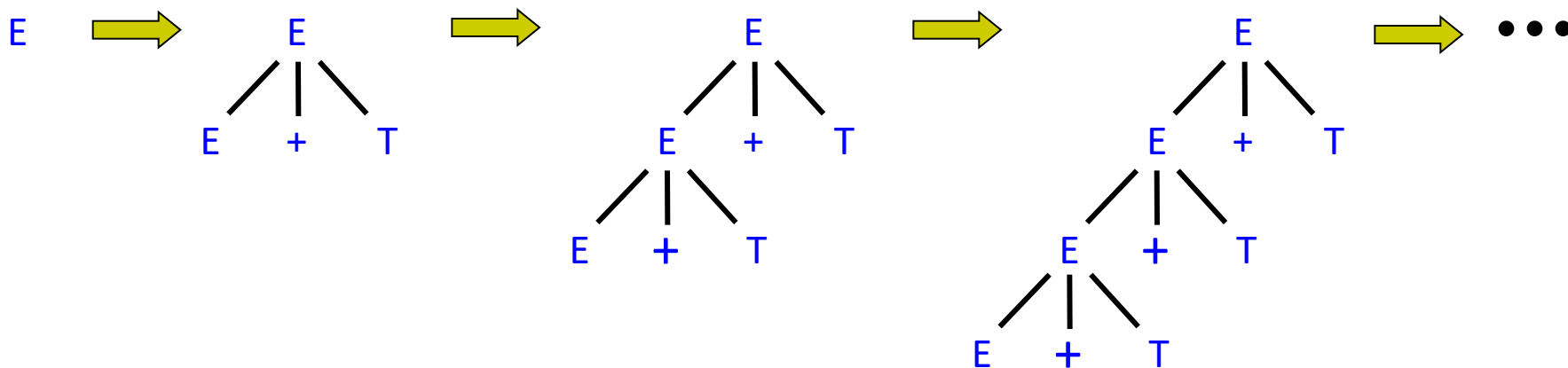
```
MatchToken (token) {  
    if (lookahead != token) throw error();  
    lookahead = lexer.getNextToken();  
}
```

Réversivité gauche

Avec la grammaire

$$\begin{aligned} E &\rightarrow E + T \mid T \\ T &\rightarrow T * F \mid F \\ F &\rightarrow (E) \mid \text{id} \end{aligned}$$

Un analyseur descendant entre dans une boucle infinie lorsque vous essayez d'analyser cette grammaire



Réversivité gauche

Grammaire des
expression

$$\begin{aligned} E &\rightarrow E + T \mid T \\ T &\rightarrow T * F \mid F \\ F &\rightarrow (E) \mid \text{id} \end{aligned}$$

Peut être écrite sans la réversivité gauche

$$\begin{aligned} E &\rightarrow TE' \\ E' &\rightarrow +TE' \mid \varepsilon \\ T &\rightarrow FT' \\ T' &\rightarrow *FT' \mid \varepsilon \\ F &\rightarrow (E) \mid \text{id} \end{aligned}$$

ε – string vide

Exemple de analyseur récursive

```
ParseE() {  
  ParseT(); ParseE1();  
}
```

```
ParseE1() {  
  if (lookahead=="+")  
  {  
    MatchToken("+");  
    ParseT();  
    ParseE1();  
  }  
}
```

```
ParseT() {  
  ParseF(); ParseT1();  
}
```

```
ParseT1() {  
  if (lookahead=="*")  
  {  
    MatchToken("*");  
    ParseF();  
    ParseT1();  
  }  
}
```

```
E → TE'  
E' → +TE' | ε  
T → FT'  
T' → *FT' | ε  
F → ( E ) | id
```

```
ParseF() {  
  if (lookahead == "(") {  
    MatchToken("("); ParseE(); MatchToken(")");  
  }  
  else  
    MatchToken(T_ID);  
}
```


Analyse descendant récursive

Comment choisir entre deux productions?

Comment pouvons-nous savoir quelles conditions de poser a if?

Lorsque nous émettons des erreurs?

```
F → ( E )  
F → id  
T' → *FT'  
T' → ε
```

```
ParseT1() {  
    if (lookahead=="*") {  
        MatchToken("*");  
        ParseF();  
        ParseT1();  
    }  
    else if (lookahead == "+") { }  
    else if (lookahead == ")") { }  
    else if (lookahead == T_EOF) { }  
    else throw error();  
}
```

```
ParseF() {  
    if (lookahead == "(") {  
        MatchToken("(");  
        ParseE();  
        MatchToken(")");  
    }  
    else if (lookahead == T_ID)  
    {  
        MatchToken(T_ID);  
    }  
    else throw error();  
}
```

Les conditions pour if

- **FIRST**
 - Ensemble de terminaux-préfixées pour le non-terminal
- **FOLLOW**
 - Ensemble de terminaux suivantes pour le non-terminal
- **NULLABLE**
 - Ensemble de non-terminaux qui peut être dérivé en ϵ

FIRST

GRAMMAIRE:

```
E → TE'
E' → +TE' | ε
T → FT'
T' → *FT' | ε
F → ( E ) | id
```

ENSEMBLES:

```
FIRST(id) = {id}
FIRST(*) = {*}
FIRST(+) = {+}
FIRST(( ) = {(}
FIRST()) = {)}
FIRST(E') = {ε} {+, ε}
FIRST(T') = {ε} {*, ε}
FIRST(F) = {(, id}
FIRST(T) = FIRST(F) = {(, id}
FIRST(E) = FIRST(T) = {(, id}
```

FIRST (pseudocode):

1. If X is a terminal, $\text{FIRST}(X) = \{X\}$
2. If $X \rightarrow \varepsilon$, then $\varepsilon \in \text{FIRST}(X)$
3. If $X \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_k$
and $Y_1 \dots Y_{i-1} \xRightarrow{*} \varepsilon$
and $a \in \text{FIRST}(Y_i)$
then $a \in \text{FIRST}(X)$
4. If $X \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_k$
and $a \in \text{FIRST}(Y_1)$
then $a \in \text{FIRST}(X)$

FOLLOW

$\text{FIRST}(E') = \{+, \varepsilon\}$
 $\text{FIRST}(T') = \{*, \varepsilon\}$
 $\text{FIRST}(F) = \{(. \text{ id}\}$
 $\text{FIRST}(T) = \{(. \text{ id}\}$
 $\text{FIRST}(E) = \{(. \text{ id}\}$

GRAMMAIRE:

$E \rightarrow TE'$
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 $T \rightarrow FT'$
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$
 $F \rightarrow (E) \mid \text{id}$

FOLLOW – pseudocode:

1. If S is the start symbol, then $\$ \in \text{FOLLOW}(S)$
2. If $A \rightarrow \alpha B \beta$,
and $a \in \text{FIRST}(\beta)$
and $a \neq \varepsilon$
then $a \in \text{FOLLOW}(B)$
3. If $A \rightarrow \alpha B$
and $a \in \text{FOLLOW}(A)$
then $a \in \text{FOLLOW}(B)$
- 3a. If $A \rightarrow \alpha B \beta$
and $\beta \xRightarrow{*} \varepsilon$
and $a \in \text{FOLLOW}(A)$
then $a \in \text{FOLLOW}(B)$

ENSEMBLES:

$\text{FOLLOW}(E) = \{\cancel{\$}\{), \$\}$
 $\text{FOLLOW}(E') = \{), \$\}$
 $\text{FOLLOW}(T) = \{), \$\}$

α et β - string de terminaux et non-terminaux

A et B – non-terminaux,

$\$$ - fin du text

(Aho, Sethi, Ullman,
pp. 189)

FOLLOW

$\text{FIRST}(E') = \{+, \varepsilon\}$

$\text{FIRST}(T') = \{*, \varepsilon\}$

$\text{FIRST}(F) = \{ (, \text{id} \}$

$\text{FIRST}(T) = \{ (, \text{id} \}$

$\text{FIRST}(E) = \{ (, \text{id} \}$

GRAMMAIRE:

$E \rightarrow TE'$

$E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$

$T \rightarrow FT'$

$T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$

$F \rightarrow (E) \mid \text{id}$

ENSEMBLES:

$\text{FOLLOW}(E) = \{), \$ \}$

$\text{FOLLOW}(E') = \{), \$ \}$

$\text{FOLLOW}(T) = \{), \$ \} \setminus \{ +,) \}$

FOLLOW – règles:

1. If S is the start symbol, then $\$ \in \text{FOLLOW}(S)$
2. If $A \rightarrow \alpha B \beta$,
and $a \in \text{FIRST}(\beta)$
and $a \neq \varepsilon$
then $a \in \text{FOLLOW}(B)$
3. If $A \rightarrow \alpha B$
and $a \in \text{FOLLOW}(A)$
then $a \in \text{FOLLOW}(B)$
- 3a. If $A \rightarrow \alpha B \beta$
and $\beta \xRightarrow{*} \varepsilon$
and $a \in \text{FOLLOW}(A)$
then $a \in \text{FOLLOW}(B)$

FOLLOW

$\text{FIRST}(E') = \{+, \varepsilon\}$
 $\text{FIRST}(T') = \{*, \varepsilon\}$
 $\text{FIRST}(F) = \{ (, \text{id} \}$
 $\text{FIRST}(T) = \{ (, \text{id} \}$
 $\text{FIRST}(E) = \{ (, \text{id} \}$

GRAMMAIRE:

$E \rightarrow TE'$
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 $T \rightarrow FT'$
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$
 $F \rightarrow (E) \mid \text{id}$

ENSEMBLES:

$\text{FOLLOW}(E) = \{), \$ \}$
 $\text{FOLLOW}(E') = \{), \$ \}$
 $\text{FOLLOW}(T) = \{ +,), \$ \}$
 $\text{FOLLOW}(T') = \{ +,), \$ \}$

FOLLOW – règles:

1. If S is the start symbol, then $\$ \in \text{FOLLOW}(S)$
2. If $A \rightarrow \alpha B \beta$,
and $a \in \text{FIRST}(\beta)$
and $a \neq \varepsilon$
then $a \in \text{FOLLOW}(B)$
3. If $A \rightarrow \alpha B$
and $a \in \text{FOLLOW}(A)$
then $a \in \text{FOLLOW}(B)$
- 3a. If $A \rightarrow \alpha B \beta$
and $\beta \xRightarrow{*} \varepsilon$
and $a \in \text{FOLLOW}(A)$
then $a \in \text{FOLLOW}(B)$

FOLLOW

FIRST(E') = {+, ϵ }
FIRST(T') = {*, ϵ }
FIRST(F) = {(, id}
FIRST(T) = {(, id}
FIRST(E) = {(, id}

GRAMMAIRE:

$E \rightarrow TE'$
 $E' \rightarrow +TE' \mid \epsilon$
 $T \rightarrow FT'$
 $T' \rightarrow *FT' \mid \epsilon$
 $F \rightarrow (E) \mid id$

ENSEMBLES:

FOLLOW(E) = {), \$}
FOLLOW(E') = {), \$}
FOLLOW(T) = {+,), \$}
FOLLOW(T') = {+,), \$}
FOLLOW(F) = {+,), \$}

FOLLOW – règles:

1. If S is the start symbol, then $\$ \in FOLLOW(S)$
 2. If $A \rightarrow \alpha B \beta$,
and $a \in FIRST(\beta)$
and $a \neq \epsilon$
then $a \in FOLLOW(B)$
 3. If $A \rightarrow \alpha B$
and $a \in FOLLOW(A)$
then $a \in FOLLOW(B)$
- 3a. If $A \rightarrow \alpha B \beta$
and $\beta \xRightarrow{*} \epsilon$
and $a \in FOLLOW(A)$
then $a \in FOLLOW(B)$

FOLLOW

$\text{FIRST}(E') = \{+, \varepsilon\}$
 $\text{FIRST}(T') = \{*, \varepsilon\}$
 $\text{FIRST}(F) = \{ (, \text{id} \}$
 $\text{FIRST}(T) = \{ (, \text{id} \}$
 $\text{FIRST}(E) = \{ (, \text{id} \}$

GRAMMAIRE:

$E \rightarrow TE'$
 $F' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 $T \rightarrow FT'$
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$
 $F \rightarrow (E) \mid \text{id}$

ENSEMBLES:

$\text{FOLLOW}(E) = \{), \$ \}$
 $\text{FOLLOW}(E') = \{), \$ \}$
 $\text{FOLLOW}(T) = \{ +,), \$ \}$
 $\text{FOLLOW}(T') = \{ +,), \$ \}$
 $\text{FOLLOW}(F) = \{ +,), \$ \} \setminus \{ + \}$

FOLLOW – règles:

1. If S is the start symbol, then $\$ \in \text{FOLLOW}(S)$
2. If $A \rightarrow \alpha B \beta$,
and $a \in \text{FIRST}(\beta)$
and $a \neq \varepsilon$
then $a \in \text{FOLLOW}(B)$
3. If $A \rightarrow \alpha B$
and $a \in \text{FOLLOW}(A)$
then $a \in \text{FOLLOW}(B)$
- 3a. If $A \rightarrow \alpha B \beta$
and $\beta \xRightarrow{*} \varepsilon$
and $a \in \text{FOLLOW}(A)$
then $a \in \text{FOLLOW}(B)$

L'algo générique récursive LL(1)

- Pour chaque non-terminal crée une fonction d'analyseur.
- Pour chaque règle $A \rightarrow a$ ajouter un test
if (lookahead in FIRST(a FOLLOW(A)))
- Pour chaque non-terminal dans a appeler la fonction de parser.
- Pour chaque terminal dans a , vérifier le lookahead(match)

```
ParseA() {  
    if (lookahead in FIRST(a B ... x FOLLOW(A)) {  
        MatchToken(a); ParseB(); ... MatchToken(x);  
    }  
    else if (lookahead in FIRST(C D ... y FOLLOW(A))  
    {  
        ParseC(); ParseD(); ... MatchToken(y);  
    }  
    ...  
    else throw error();  
}
```

```
A → a B ... x  
A → C D ... y  
...
```

Quand une grammaire a au moins une forme de production
$$A \rightarrow Aa$$

nous disons qu'il est une grammaire **réversive gauche**.

Les analyseurs descendant ne fonctionnent pas
(sans backtracking) sur les grammaires réversives
gauche.

Réversivité peut ne pas être immédiat

$$\begin{aligned} A &\rightarrow Ba \\ B &\rightarrow A\beta \end{aligned}$$

Elimination récursivité gauche

- Cela se fait par la réécriture de la grammaire

$\text{List} \rightarrow \text{List Item} \mid \text{Item}$



$\text{List} \rightarrow \text{Item List}'$
 $\text{List}' \rightarrow \text{Item List}' \mid \varepsilon$

$E \rightarrow E + T \mid T$
 $T \rightarrow T * F \mid F$
 $F \rightarrow (E) \mid \text{id}$



$E \rightarrow TE'$
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 $T \rightarrow FT'$
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$
 $F \rightarrow (E) \mid \text{id}$

Elimination récursivité gauche

$$\begin{aligned} E &\rightarrow E + T \mid T \\ T &\rightarrow T * F \mid F \\ F &\rightarrow (E) \mid \text{id} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} E &\rightarrow TE' \\ E' &\rightarrow +TE' \mid \varepsilon \\ T &\rightarrow FT' \\ T' &\rightarrow *FT' \mid \varepsilon \\ F &\rightarrow (E) \mid \text{id} \end{aligned}$$

Cas général (récursivité immédiat):

$$A \rightarrow A\beta_1 \mid A\beta_2 \mid \dots \mid A\beta_m \mid a_1 \mid a_2 \mid \dots \mid a_n$$
$$A \rightarrow a_1A' \mid a_2A' \mid \dots \mid a_nA'$$
$$A' \rightarrow \beta_1A' \mid \beta_2A' \mid \dots \mid \beta_mA' \mid \varepsilon$$

Factorisation gauche

- Pour une instruction if:

if_statement → IF expression THEN statement ENDIF |
IF expression THEN statement ELSE statement ENDIF

- Pour parser avec LL, elle doit être factorisée:

if_statement → IF expression THEN statement close_if
close_if → ENDIF | ELSE statement ENDIF

```
void ParseIfStatement()  
{  
    MatchToken(T_IF);  
    ParseExpression();  
    MatchToken(T_THEN);  
    ParseStatement();  
    ParseCloseIf();  
}
```

```
void ParseCloseIf()  
{  
    if (lookahead == T_ENDIF)  
        lookahead = yylex();  
    else {  
        MatchToken(T_ELSE);  
        ParseStatement();  
        MatchToken(T_ENDIF);  
    }  
}
```

Factorisation gauche

- Cas général:

$$A \rightarrow a\beta_1 \mid a\beta_2 \mid \dots \mid a\beta_n \mid \delta$$

- Factorise:

$$A \rightarrow aA' \mid \delta$$

$$A' \rightarrow \beta_1 \mid \beta_2 \mid \dots \mid \beta_n$$

Elimination des ambiguïtés

- Ambigu: $E \rightarrow E + E \mid E * E \mid a \mid (E)$

1.
$$\begin{aligned} E &\rightarrow E + T \mid T \\ T &\rightarrow T * F \mid F \\ F &\rightarrow a \mid (E) \end{aligned}$$

2.
$$\begin{aligned} E &\rightarrow T + E \mid T \\ T &\rightarrow F * T \mid F \\ F &\rightarrow a \mid (E) \end{aligned}$$

- La précedence des operateurs
- La associativité gauche ou droite

Elimination des ambiguïtés

- Productions qui peuvent produire l'ambiguïté:
 $X \rightarrow aAbAc$
- Cas général:
 $A \rightarrow A B A \mid a_1 \mid a_2 \mid \dots \mid a_n$
- Désambiguïsât:
 $A \rightarrow A' B A \mid A'$
 $A' \rightarrow a_1 \mid a_2 \mid \dots \mid a_n$

- Automate push-down
- Le analyseur est fait avec un automate est un tableau
- Langage LL(1) si il n'a pas de conflits dans le tableau

Exemple d'analyseur LL

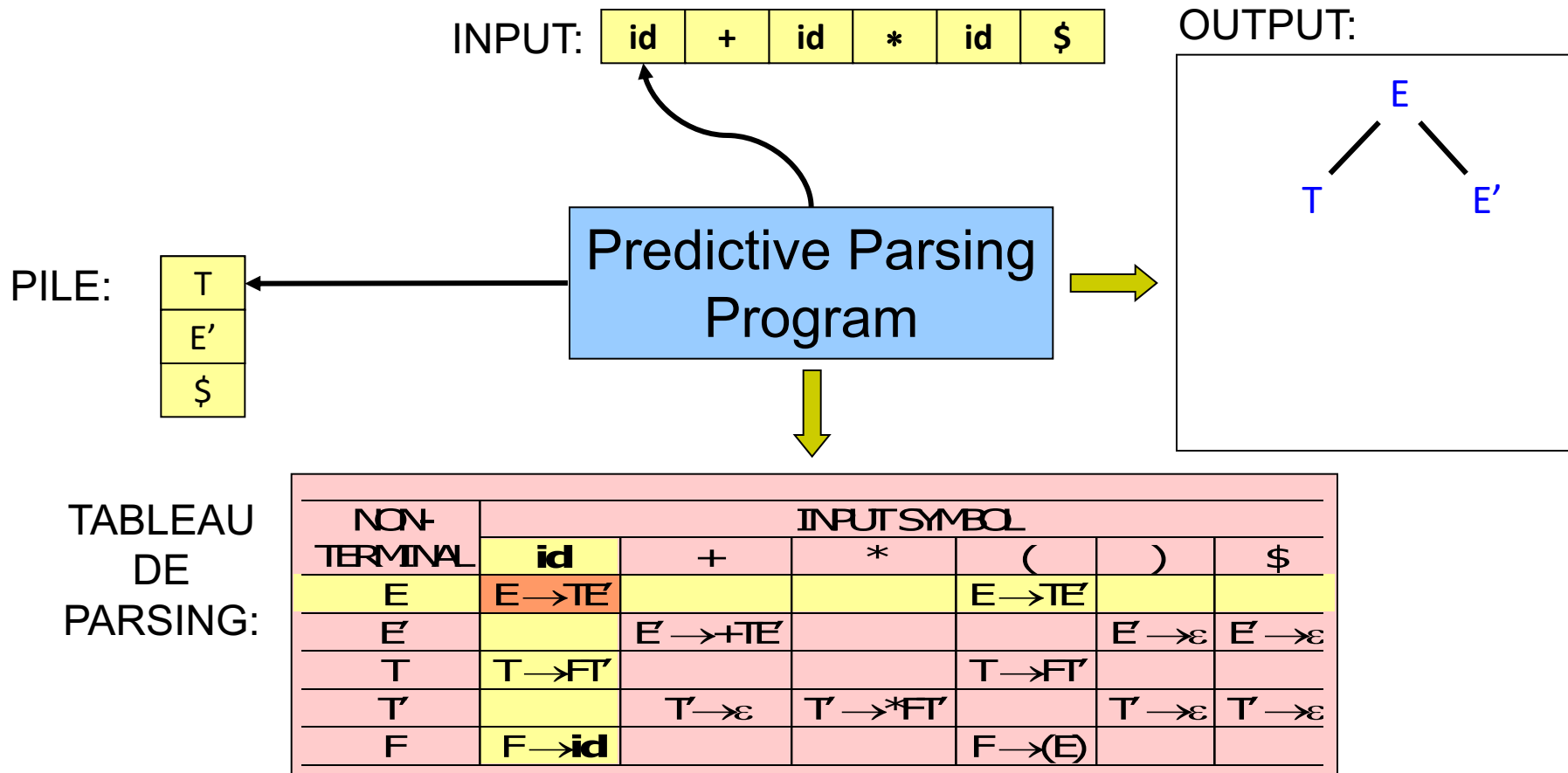
Grammaire:

$$\begin{aligned} E &\rightarrow TE' \\ E' &\rightarrow +TE' \mid \varepsilon \\ T &\rightarrow FT' \\ T' &\rightarrow *FT' \mid \varepsilon \\ F &\rightarrow (E) \mid \text{id} \end{aligned}$$

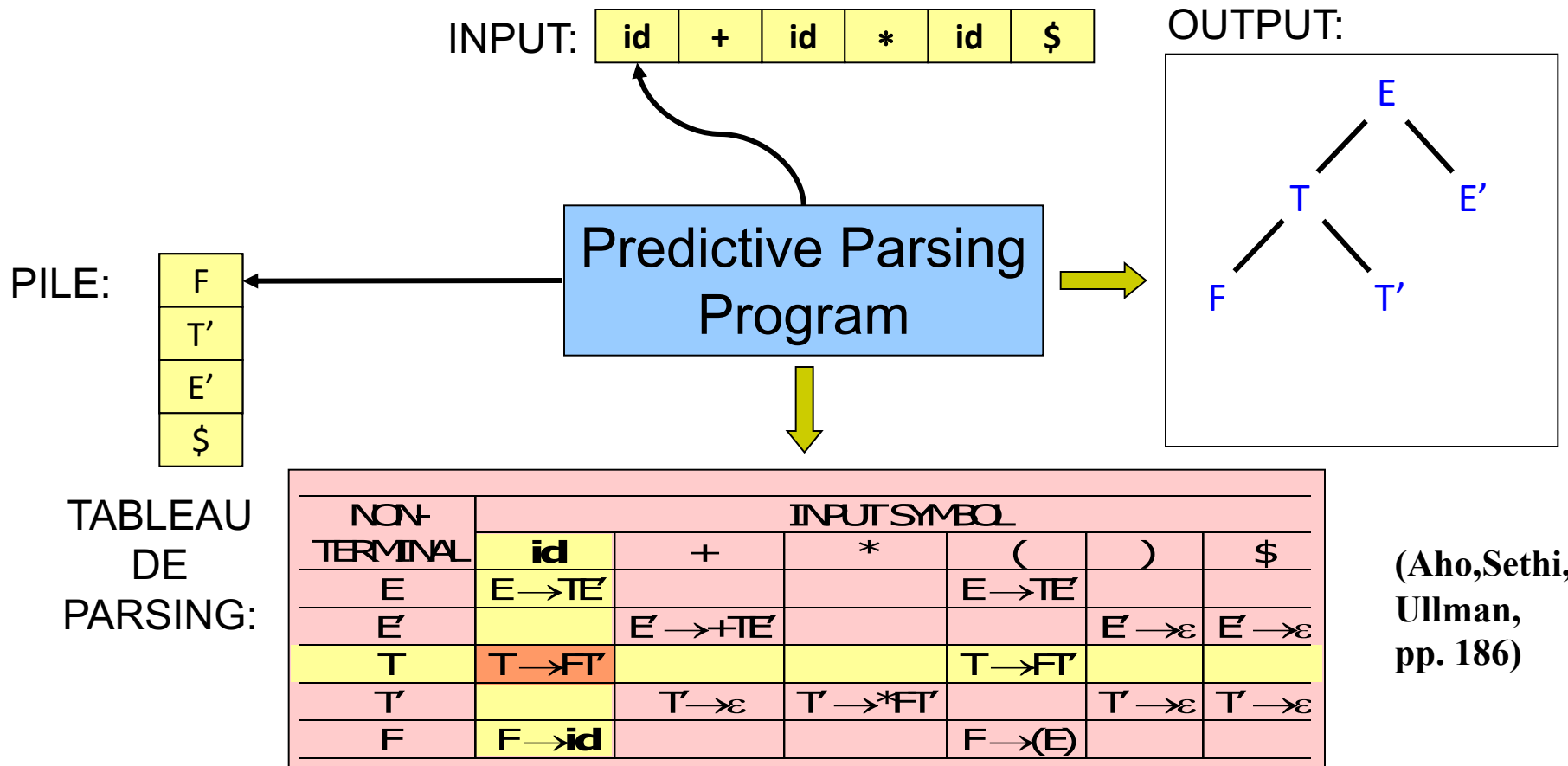

Tableau
de
Parsing:

NON- TERMINAL	INPUT SYMBOL					
	id	+	*	()	\$
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$		
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \varepsilon$	$E' \rightarrow \varepsilon$
T	$T \rightarrow FT'$			$T \rightarrow FT'$		
T'		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow \varepsilon$
F	$F \rightarrow \text{id}$			$F \rightarrow (E)$		

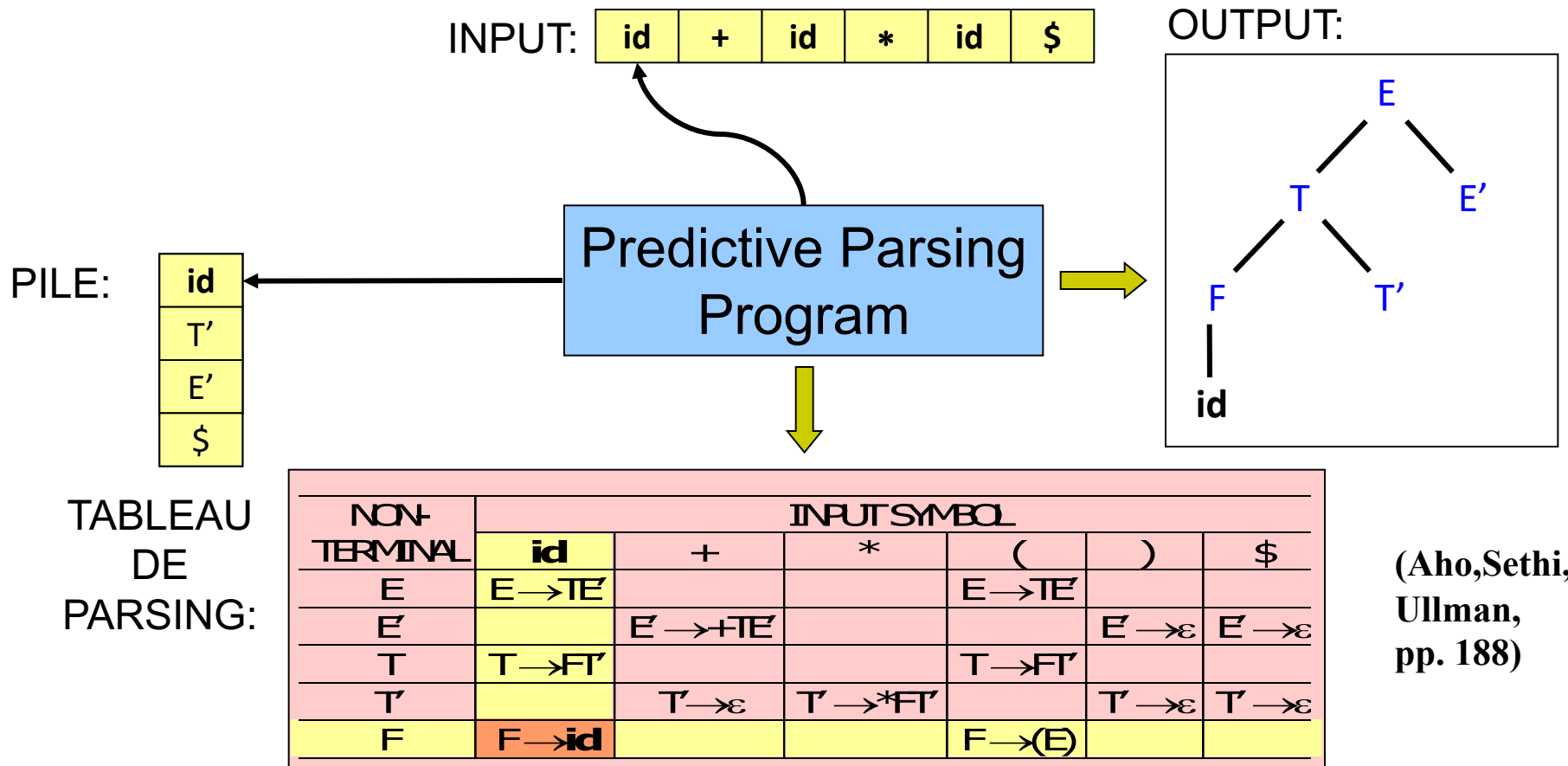
Exemple d'analyseur LL



Exemple d'analyseur LL



Exemple d'analyseur LL



Exemple d'analyseur LL

Quand l'action c'est $\text{Top(Pile)} = \text{input} \neq \$$: 'Pop' de la pile, avance la bande de input.

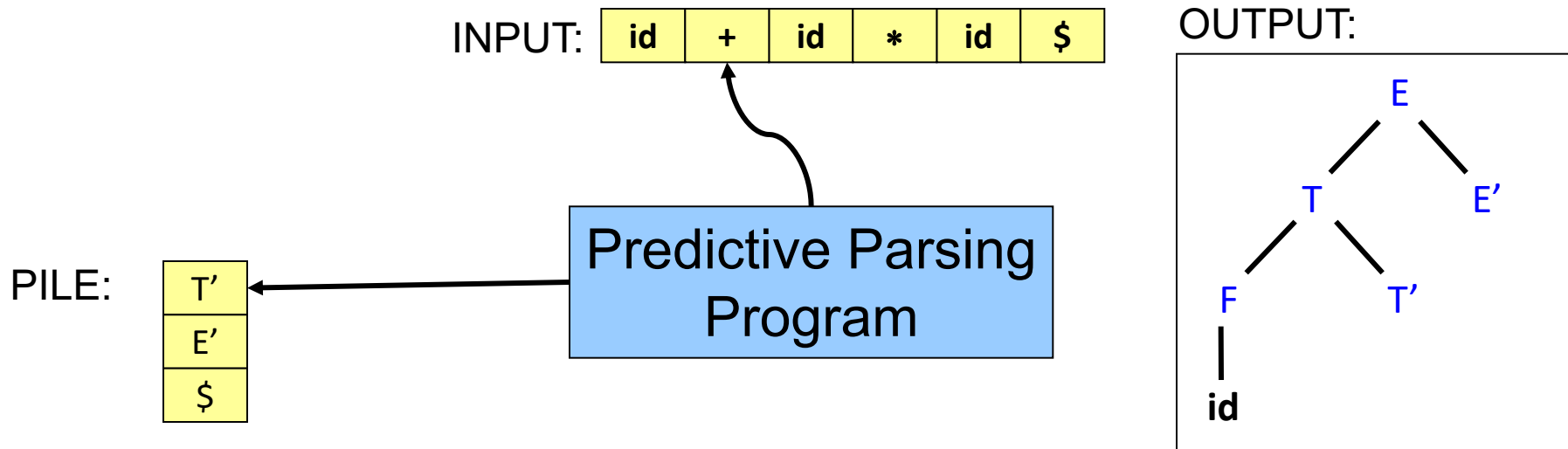


TABLEAU
DE
PARSING:

NON- TERMINAL	INPUT SYMBOL					
	id	+	*	()	\$
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$		
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \epsilon$	$E' \rightarrow \epsilon$
T	$T \rightarrow FT'$			$T \rightarrow FT'$		
T'		$T' \rightarrow \epsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \epsilon$	$T' \rightarrow \epsilon$
F	$F \rightarrow \text{id}$			$F \rightarrow (E)$		

(Aho, Sethi,
Ullman,
pp. 188)

Exemple d'analyseur LL

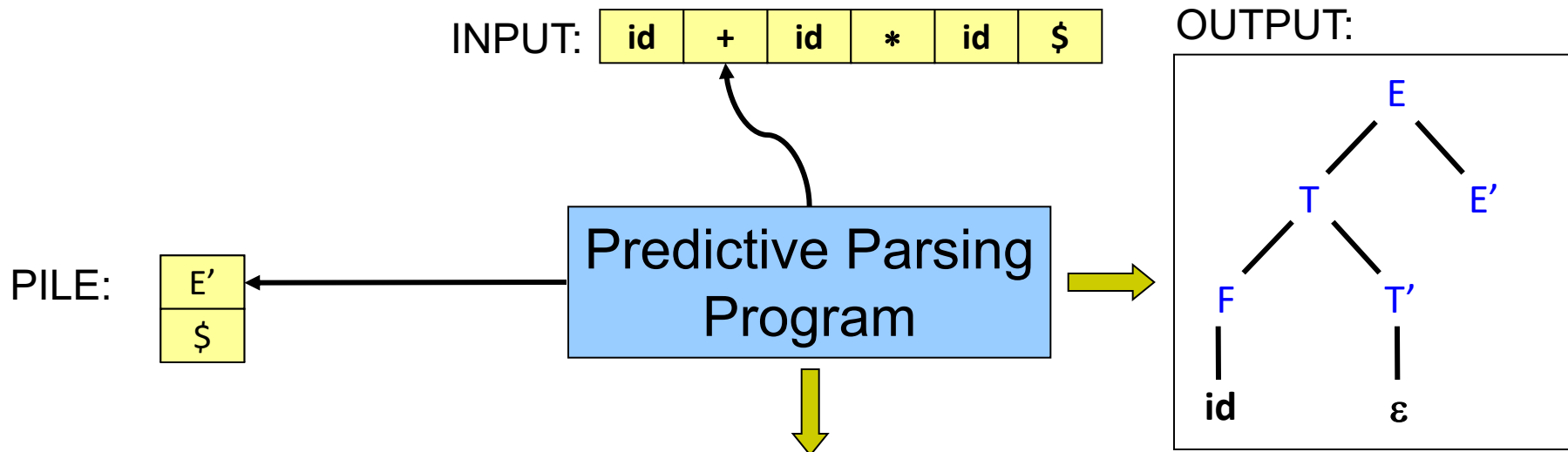


TABLEAU
DE
PARSING:

NON- TERMINAL	INPUT SYMBOL					
	id	+	*	()	\$
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$		
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \epsilon$	$E' \rightarrow \epsilon$
T	$T \rightarrow FT'$			$T \rightarrow FT'$		
T'		$T' \rightarrow \epsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \epsilon$	$T' \rightarrow \epsilon$
F	$F \rightarrow id$			$F \rightarrow (E)$		

(Aho, Sethi,
Ullman,
pp. 188)

Exemple d'analyseur LL

Et ainsi, il construit
l'arbre de dérivation:

$$E' \rightarrow +TE'$$

$$T \rightarrow FT'$$

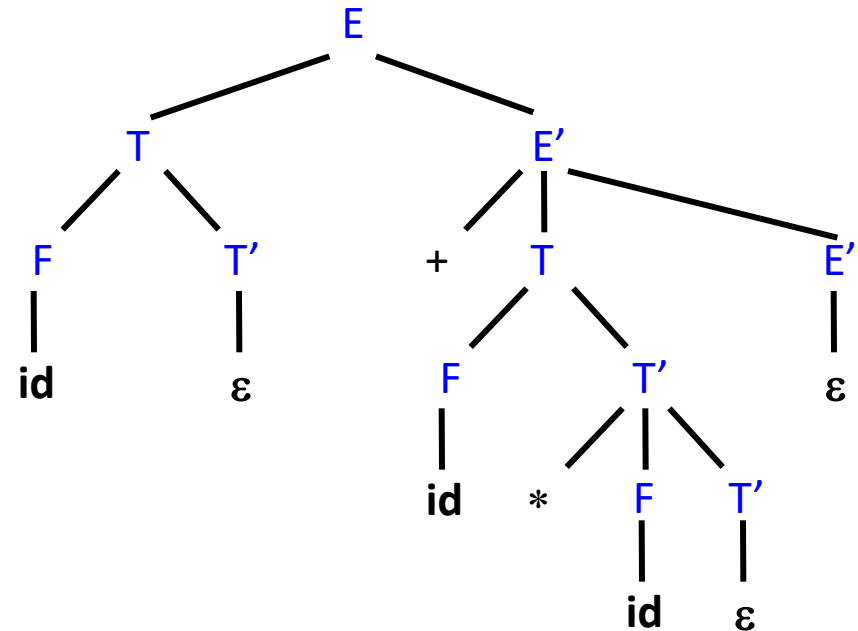
$$F \rightarrow \text{id}$$

$$T' \rightarrow * FT'$$

$$F \rightarrow \text{id}$$

$$T' \rightarrow \varepsilon$$

$$E' \rightarrow \varepsilon$$



Quand $\text{Top(Pile)} = \text{input} = \$$
Le parser arrête et accepte l'input

(Aho, Sethi,
Ullman,
pp. 188)

- **FIRST**
 - Ensemble de terminaux-préfixées pour le non-terminal
- **FOLLOW**
 - Ensemble de terminaux suivantes pour le non-terminal
- **NULLABLE**
 - Ensemble de non-terminaux qui peut être dérivé en ϵ

GRAMMAIRE:

$E \rightarrow TE'$
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 $T \rightarrow FT'$
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$
 $F \rightarrow (E) \mid id$

FIRST SETS:

$FIRST(E') = \{+, \varepsilon\}$
 $FIRST(T') = \{*, \varepsilon\}$
 $FIRST(F) = \{(. id\}$
 $FIRST(T) = \{(. id\}$
 $FIRST(E) = \{(. id\}$

FOLLOW SETS:

$FOLLOW(E) = \{), \$\}$
 $FOLLOW(E') = \{), \$\}$
 $FOLLOW(T) = \{+,), \$\}$
 $FOLLOW(T') = \{+,), \$\}$
 $FOLLOW(F) = \{+, *,), \$\}$

1. If $A \rightarrow \alpha$:

if $a \in FIRST(\alpha)$, add $A \rightarrow \alpha$ to $M[A, a]$

TABLEAU
DE
PARSING:

NON- TERMINAL	INPUT SYMBOL					
	id	+	*	()	\$
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$		
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \varepsilon$	$E' \rightarrow \varepsilon$
T	$T \rightarrow FT'$			$T \rightarrow FT'$		
T'		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow \varepsilon$
F	$F \rightarrow id$			$F \rightarrow (E)$		

GRAMMAIRE:

$E \rightarrow TE'$
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 $T \rightarrow FT'$
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$
 $F \rightarrow (E) \mid id$

FIRST SETS:

$FIRST(E') = \{+, \varepsilon\}$
 $FIRST(T') = \{*, \varepsilon\}$
 $FIRST(F) = \{(. id\}$
 $FIRST(T) = \{(. id\}$
 $FIRST(E) = \{(. id\}$

FOLLOW SETS:

$FOLLOW(E) = \{), \$\}$
 $FOLLOW(E') = \{), \$\}$
 $FOLLOW(T) = \{+,), \$\}$
 $FOLLOW(T') = \{+,), \$\}$
 $FOLLOW(F) = \{+, *,), \$\}$

- If $A \rightarrow \alpha$:
if $a \in FIRST(\alpha)$, add $A \rightarrow \alpha$ to $M[A, a]$

TABLEAU
DE
PARSING:

NON- TERMINAL	INPUT SYMBOL					
	id	+	*	()	\$
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$		
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \varepsilon$	$E' \rightarrow \varepsilon$
T	$T \rightarrow FT'$			$T \rightarrow FT'$		
T'		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow \varepsilon$
F	$F \rightarrow id$			$F \rightarrow (E)$		

Règles de construction de la table d'analyse

(Aho, Sethi, Ullman, pp. 190)

GRAMMAIRE:

$E \rightarrow TE'$
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 $T \rightarrow FT'$
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$
 $F \rightarrow (E) \mid id$

FIRST SETS:

$FIRST(E') = \{+, \varepsilon\}$
 $FIRST(T') = \{*, \varepsilon\}$
 $FIRST(F) = \{(. id\}$
 $FIRST(T) = \{(. id\}$
 $FIRST(E) = \{(. id\}$

FOLLOW SETS:

$FOLLOW(E) = \{), \$\}$
 $FOLLOW(E') = \{), \$\}$
 $FOLLOW(T) = \{+,), \$\}$
 $FOLLOW(T') = \{+,), \$\}$
 $FOLLOW(F) = \{+, *,), \$\}$

1. If $A \rightarrow \alpha$:

if $a \in FIRST(\alpha)$, add $A \rightarrow \alpha$ to $M[A, a]$

TABLEAU
DE
PARSING:

NON- TERMINAL	INPUT SYMBOL					
	id	+	*	()	\$
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$		
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \varepsilon$	$E' \rightarrow \varepsilon$
T	$T \rightarrow FT'$			$T \rightarrow FT'$		
T'		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow \varepsilon$
F	$F \rightarrow id$			$F \rightarrow (E)$		

Règles de construction de la table d'analyse

(Aho, Sethi, Ullman, pp. 190)

GRAMMAIRE:

$E \rightarrow TE'$
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 $T \rightarrow FT'$
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$
 $F \rightarrow (E) \mid id$

FIRST SETS:

$FIRST(E') = \{+, \varepsilon\}$
 $FIRST(T') = \{*, \varepsilon\}$
 $FIRST(F) = \{(. id\}$
 $FIRST(T) = \{(. id\}$
 $FIRST(E) = \{(. id\}$

FOLLOW SETS:

$FOLLOW(E) = \{), \$\}$
 $FOLLOW(E') = \{), \$\}$
 $FOLLOW(T) = \{+,), \$\}$
 $FOLLOW(T') = \{+,), \$\}$
 $FOLLOW(F) = \{+, *,), \$\}$

1. If $A \rightarrow \alpha$:

if $a \in FIRST(\alpha)$, add $A \rightarrow \alpha$ to $M[A, a]$

TABLEAU
DE
PARSING:

NON- TERMINAL	INPUT SYMBOL					
	id	+	*	()	\$
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$		
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \varepsilon$	$E' \rightarrow \varepsilon$
T	$T \rightarrow FT'$			$T \rightarrow FT'$		
T'		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow \varepsilon$
F	$F \rightarrow id$			$F \rightarrow (E)$		

Règles de construction de la table d'analyse

(Aho, Sethi, Ullman, pp. 190)

GRAMMAIRE:

$E \rightarrow TE'$
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 $T \rightarrow FT'$
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$
 $F \rightarrow (E) \mid id$

FIRST SETS:

$FIRST(E') = \{+, \varepsilon\}$
 $FIRST(T') = \{*, \varepsilon\}$
 $FIRST(F) = \{(. id\}$
 $FIRST(T) = \{(. id\}$
 $FIRST(E) = \{(. id\}$

FOLLOW SETS:

$FOLLOW(E) = \{), \$\}$
 $FOLLOW(E') = \{), \$\}$
 $FOLLOW(T) = \{+,), \$\}$
 $FOLLOW(T') = \{+,), \$\}$
 $FOLLOW(F) = \{+, *,), \$\}$

1. If $A \rightarrow \alpha$:

if $a \in FIRST(\alpha)$, add $A \rightarrow \alpha$ to $M[A, a]$

TABLEAU
DE
PARSING:

NON- TERMINAL	INPUT SYMBOL					
	id	+	*	()	\$
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$		
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \varepsilon$	$E' \rightarrow \varepsilon$
T	$T \rightarrow FT'$			$T \rightarrow FT'$		
T'		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow \varepsilon$
F	$F \rightarrow id$			$F \rightarrow (E)$		

Règles de construction de la table d'analyse

(Aho, Sethi, Ullman, pp. 190)

GRAMMAIRE:

$E \rightarrow TE'$
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 $T \rightarrow FT'$
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$
 $F \rightarrow (E) \mid id$

FIRST SETS:

$FIRST(E') = \{+, \varepsilon\}$
 $FIRST(T') = \{*, \varepsilon\}$
 $FIRST(F) = \{(. id\}$
 $FIRST(T) = \{(. id\}$
 $FIRST(E) = \{(. id\}$

FOLLOW SETS:

$FOLLOW(E) = \{), \$\}$
 $FOLLOW(E') = \{), \$\}$
 $FOLLOW(T) = \{+,), \$\}$
 $FOLLOW(T') = \{+,), \$\}$
 $FOLLOW(F) = \{+, *,), \$\}$

1. If $A \rightarrow \alpha$:
if $a \in FIRST(\alpha)$, add $A \rightarrow \alpha$ to $M[A, a]$
2. If $A \rightarrow \alpha$:
if $\varepsilon \in FIRST(\alpha)$, add $A \rightarrow \alpha$ to $M[A, b]$
for each terminal $b \in FOLLOW(A)$,

TABLEAU
DE
PARSING:

NON- TERMINAL	INPUT SYMBOL					
	id	+	*	()	\$
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$		
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \varepsilon$	$E' \rightarrow \varepsilon$
T	$T \rightarrow FT'$			$T \rightarrow FT'$		
T'		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow \varepsilon$
F	$F \rightarrow id$			$F \rightarrow (E)$		

Règles de construction de la table d'analyse

(Aho, Sethi, Ullman, pp. 190)

GRAMMAIRE:

$E \rightarrow TE'$
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 $T \rightarrow FT'$
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$
 $F \rightarrow (E) \mid id$

FIRST SETS:

$FIRST(E') = \{+, \varepsilon\}$
 $FIRST(T') = \{*, \varepsilon\}$
 $FIRST(F) = \{ (, id \}$
 $FIRST(T) = \{ (, id \}$
 $FIRST(E) = \{ (, id \}$

FOLLOW SETS:

$FOLLOW(E) = \{), \$ \}$
 $FOLLOW(E') = \{), \$ \}$
 $FOLLOW(T) = \{ +,), \$ \}$
 $FOLLOW(T') = \{ +,), \$ \}$
 $FOLLOW(F) = \{ +, *,), \$ \}$

1. If $A \rightarrow \alpha$:
if $a \in FIRST(\alpha)$, add $A \rightarrow \alpha$ to $M[A, a]$
2. If $A \rightarrow \alpha$:
if $\varepsilon \in FIRST(\alpha)$, add $A \rightarrow \alpha$ to $M[A, b]$
for each terminal $b \in FOLLOW(A)$,

TABLEAU
DE
PARSING:

NON- TERMINAL	INPUT SYMBOL					
	id	+	*	()	\$
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$		
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \varepsilon$	$E' \rightarrow \varepsilon$
T	$T \rightarrow FT'$			$T \rightarrow FT'$		
T'		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow \varepsilon$
F	$F \rightarrow id$			$F \rightarrow (E)$		

Règles de construction de la table d'analyse

(Aho, Sethi, Ullman, pp. 190)

GRAMMAIRE:

$E \rightarrow TE'$
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$
 $T \rightarrow FT'$
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$
 $F \rightarrow (E) \mid id$

FIRST SETS:

$FIRST(E') = \{+, \varepsilon\}$
 $FIRST(T') = \{*, \varepsilon\}$
 $FIRST(F) = \{ (, id \}$
 $FIRST(T) = \{ (, id \}$
 $FIRST(E) = \{ (, id \}$

FOLLOW SETS:

$FOLLOW(E) = \{), \$ \}$
 $FOLLOW(E') = \{), \$ \}$
 $FOLLOW(T) = \{ +,), \$ \}$
 $FOLLOW(T') = \{ +,), \$ \}$
 $FOLLOW(F) = \{ +, *,), \$ \}$

- If $A \rightarrow \alpha$:
if $a \in FIRST(\alpha)$, add $A \rightarrow \alpha$ to $M[A, a]$
- If $A \rightarrow \alpha$:
if $\varepsilon \in FIRST(\alpha)$, add $A \rightarrow \alpha$ to $M[A, b]$
for each terminal $b \in FOLLOW(A)$,
- If $A \rightarrow \alpha$:
if $\varepsilon \in FIRST(\alpha)$, and $\$ \in FOLLOW(A)$,
add $A \rightarrow \alpha$ to $M[A, \$]$

TABLEAU
DE
PARSING:

NON- TERMINAL	INPUT SYMBOL					
	id	+	*	()	\$
E	$E \rightarrow TE'$			$E \rightarrow TE'$		
E'		$E' \rightarrow +TE'$			$E' \rightarrow \varepsilon$	$E' \rightarrow \varepsilon$
T	$T \rightarrow FT'$			$T \rightarrow FT'$		
T'		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow *FT'$		$T' \rightarrow \varepsilon$	$T' \rightarrow \varepsilon$
F	$F \rightarrow id$			$F \rightarrow (E)$		

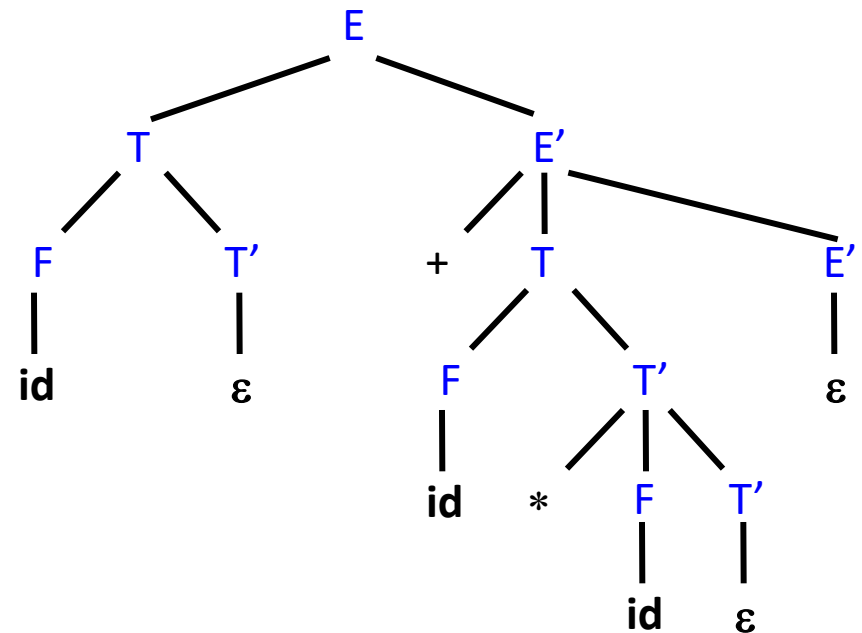
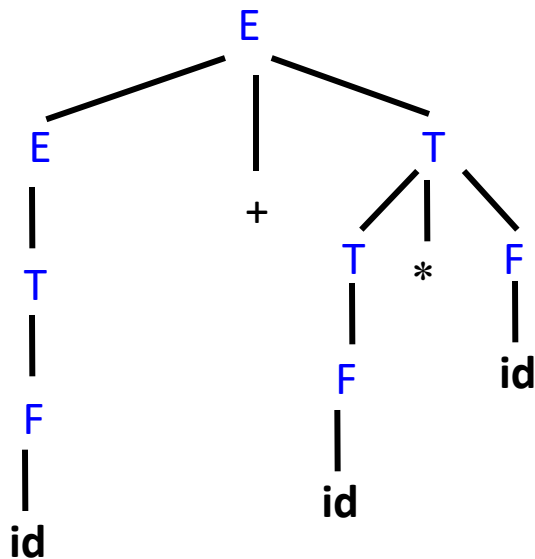
Règles de construction de la table d'analyse

(Aho, Sethi, Ullman, pp. 190)

- Grammaires
 - Non ambigu
 - Factorise
 - Non récursive a gauche
- On peut montrer que la grammaire G est LL (1) si et seulement si pour deux productions de la forme $A \rightarrow \alpha, A \rightarrow \beta$, avec $\alpha \neq \beta$ les conditions suivantes sont satisfaites:
 - $\text{FIRST}(\alpha) \cap \text{FIRST}(\beta) = \emptyset$
 - Si $\beta \Rightarrow^* \varepsilon$ alors $\text{FIRST}(\alpha) \cap \text{FOLLOW}(A) = \emptyset$ et si $\alpha \Rightarrow^* \varepsilon$ alors $\text{FIRST}(\beta) \cap \text{FOLLOW}(A) = \emptyset$.

Avantage/désavantage LL(1)

- Facile de écrire 'aux main'
- Vite, facile de comprendre
- La grammaire doit être transforme
- L'arbre de dérivation et différent de l'arbre sémantique



- ANTLR
 - Java
 - LL (*)
 - Factorisation

Règles EBNF

Something?	SomethingQ -> ϵ Something
------------	---

Something*	SomethingStar -> ϵ Something SomethingStar
------------	--

Something+	SomethingPlus -> Something SomethingStar
------------	---

- Les analyseurs (parsing)
- LL
 - Eviter l'ambiguïté
 - Factorisation
 - Eviter la récursivité gauche
- Algorithme général récursif LL

Questions

