

Estructura de datos II

ARBOLES M-VIAS



Por: Ing. Edwin Calle Terrazas

INTRODUCCIÓN

Un árbol se dice que es m vías, si es ordenado y posee m apuntadores (hijos).

Otra forma de llamarlos es: árboles $(m-1) - m$

Así el árbol de 3 vías puede ser llamado:

Árbol 2 – 3 (2 elementos y 3 hijos)

El árbol de 4 vías

Árbol 3 – 4 (3 elementos y 4 hijos)

El árbol de 5 vías

Árbol 4 – 5 (4 elementos y 5 hijos)

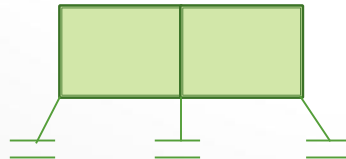
INSERCIÓN DE ELEMENTOS EN UN ÁRBOL M-VIAS

Puesto que el árbol tiene m apuntadores, entonces tendrá $(m-1)$ elementos (datos).

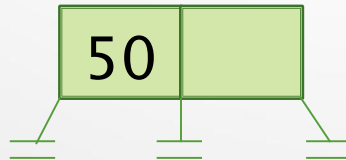
Para insertar elementos en este árbol, debemos primero llenar el nodo y luego ramificarlo.

En el siguiente ejemplo se muestra la inserción de los elementos en un árbol de 3 vías (árbol 2 - 3)

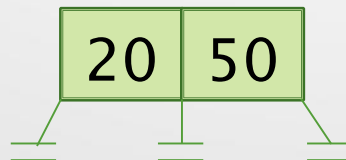
Árbol vacío



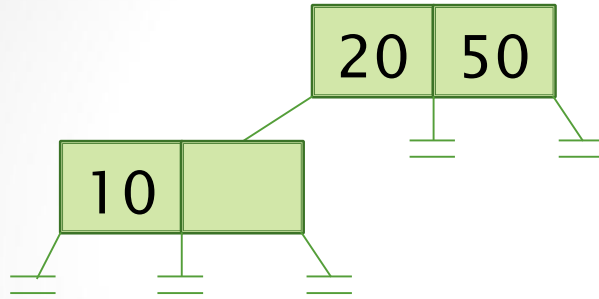
Insertar (50)



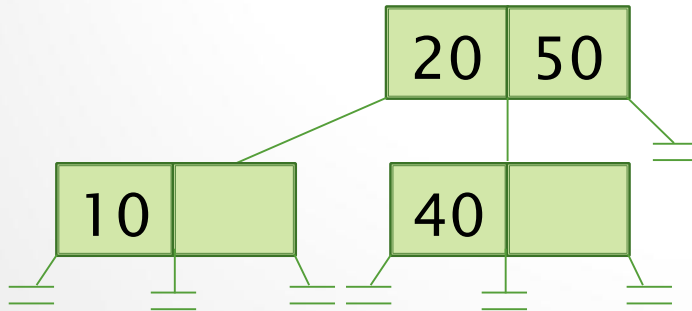
Insertar (20)



Insertar (10)

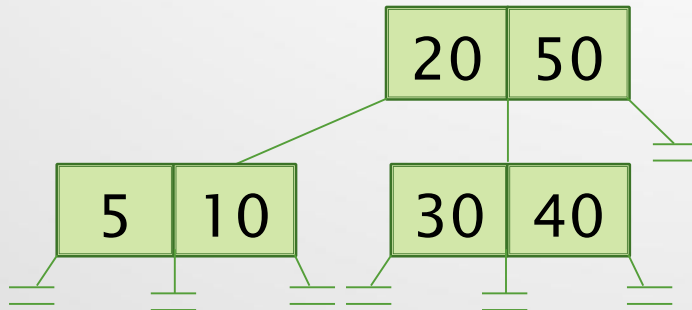


Insertar (40)



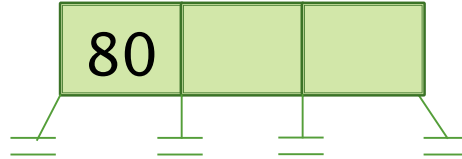
Insertar (30)

Insertar (5)

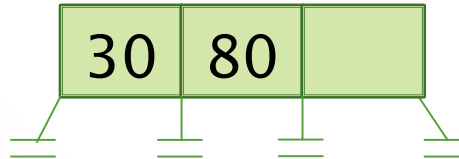


En el siguiente ejemplo se muestra la inserción de elementos en un árbol de 4 vías (árbol 3 - 4)

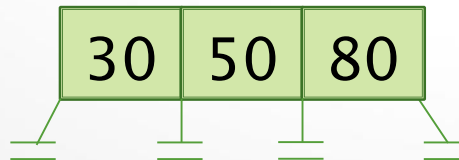
Insertar (80)



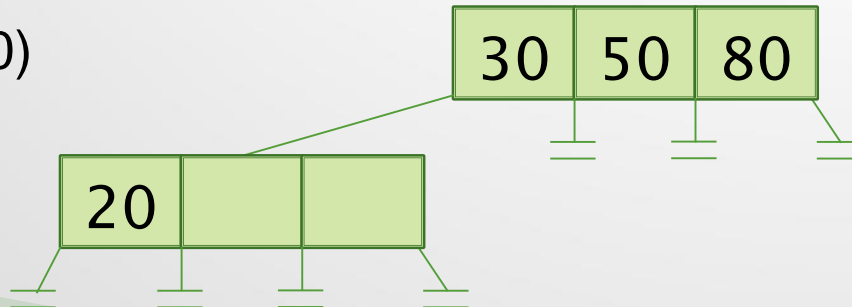
Insertar (30)



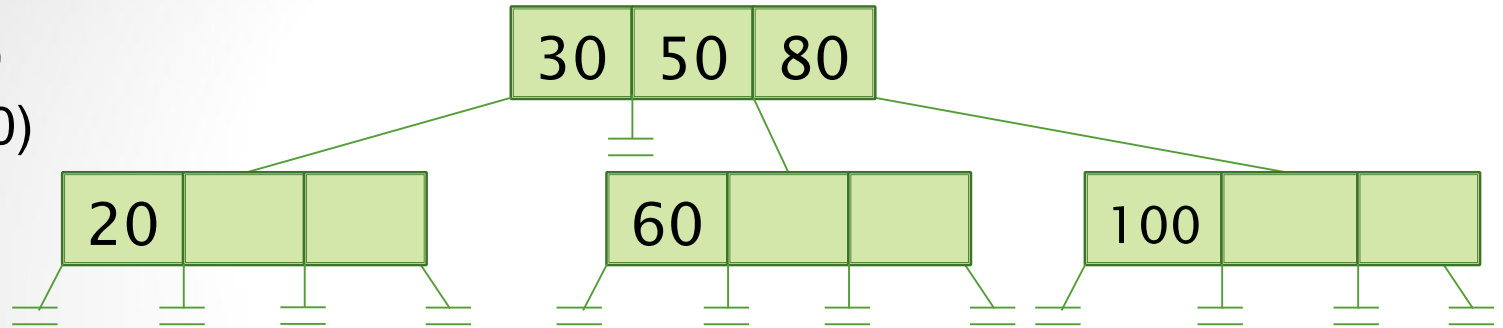
Insertar (50)



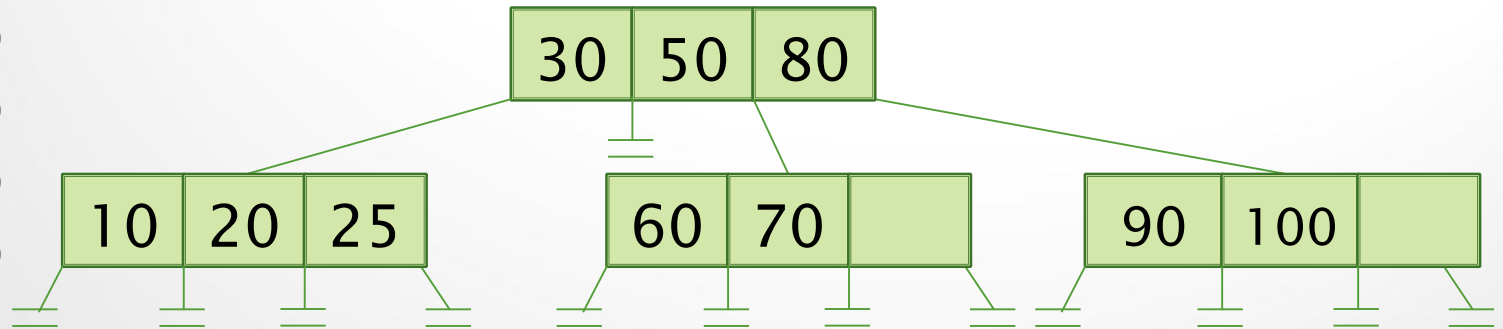
Insertar (20)



Insertar (60)
Insertar (100)



Insertar (10)
Insertar (25)
Insertar (70)
Insertar (90)



```

public class Nodo {
    public static int M = 4; //vias
    private int Elemento[];
    private Nodo Hijo[];
    private boolean Estado[];

    public Nodo(){
        Elemento = new int[M-1];
        Estado = new boolean[M-1];
        Hijo = new Nodo[M];
        for(int i = 0; i<M-1; i++){
            Estado[i] = false;
            Hijo[i] = null;
        }
        Hijo[M-1] = null;
    }
    public int getElem(int i){
        return Elemento[i-1];
    }
    public Nodo getHijo(int i){
        return Hijo[i-1];
    }
    public boolean Ocupado(int i){
        return Estado[i-1];
    }
    public boolean Vacio(int i){
        return !Estado[i-1];
    }
}

```

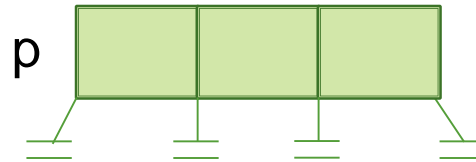
```

    public void setElem(int x, int i){
        Elemento[i-1] = x;
        Estado[i-1] = true;
    }
    public void setHijo(Nodo P, int i){
        Hijo[i-1] = P;
    }
    public void setVacio(int i){
        Estado[i-1] = false;
    }
    public int CantVacias(){
        int c = 0;
        for(int i = 0; i<Estado.length; i++){
            if(Estado[i] == false){
                c++;
            }
        }
        return c;
    }
    public int CantOcupados(){
        return (M-1) - CantVacias();
    }
    public boolean Lleno(){
        return (CantVacias() == 0);
    }
} //end class Nodo

```

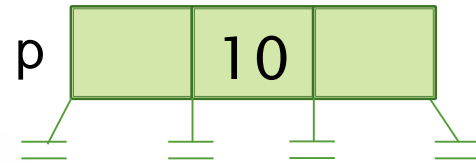
Asumamos $M=3$

Nodo p=new Nodo();



boolean b=p.esVacio(2); **true**

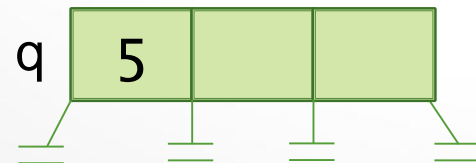
p.setElem(2,10)



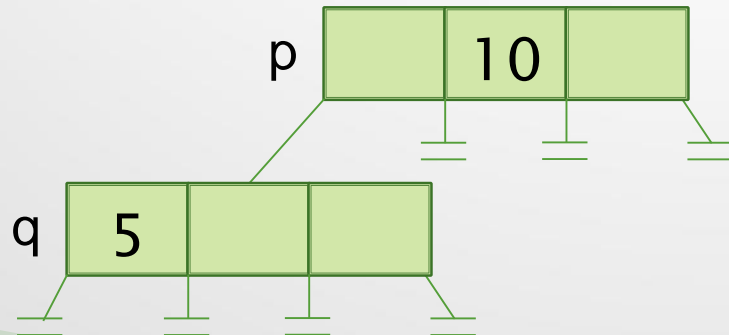
boolean b=p.esVacio(2); **false**

int a=p.getElem(2); **a=10**

Nodo q=new Nodo();
q.setElem(1,5)



p.setHijo(1,q)



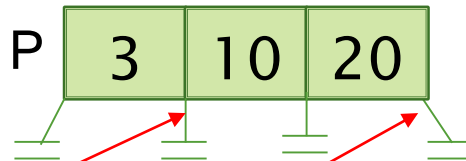
IMPLEMENTACIÓN DE LA CLASS ARBOL

```
public class ArbolM {  
    private Nodo raiz;  
  
    public ArbolM(){  
        raiz = null;  
    }  
    .....  
    .....  
  
} //end class arbol
```

```
private boolean esHoja(Nodo P){  
    for(int i=1; i<=P.M; i++){  
        if(P.getHijo(i) != null)  
            return false;  
    }  
    return true;  
}
```

Se utilizará 2 métodos privados:
private int getHijoDesc(Nodo P, int X)

Dado el nodo P y el dato a insertar x, nos devuelve el número de hijo donde debe insertarse x (Cuando P esté con todos sus elementos usados)



Si el elemento a insertar, existe, la función devuelve -1

getHijoDesc(P,7)=2

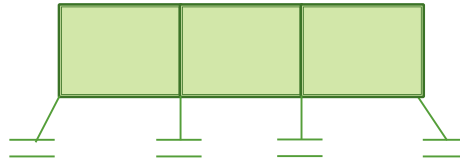
getHijoDesc(P,30)=4

```
private int getHijoDesc(Nodo P, int x){  
    int i=1;  
    while(i < P.M){  
        if(x < P.getElem(i))  
            return i;  
        if(x == P.getElem(i))  
            return -1;  
        i++;  
    }  
    return P.M;  
}
```

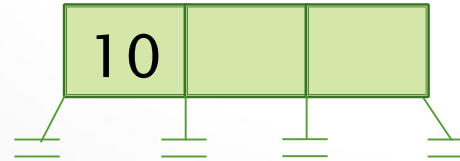
private void insertaOrd(Nodo P, int X)

Habiendo espacio en el nodo P, inserta X y los datos se ordenan (Si P no tiene espacio o X ya existe, en P no ocurre nada)

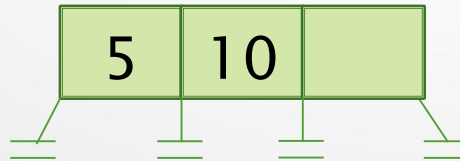
P vacío



InsertarOrd (P,10)



InsertarOrd (P,5)



```

private void InsertaOrd(Nodo P, int x)
{
    for(int i = 1; i<P.M; i++){
        if(P.Vacio(i)){
            P.setElem(x,i);
            return;
        }
        else
        {
            if(x==P.getElem(i))
                return;
            else
            {
                if(x < P.getElem(i)){
                    Recorrer(P,i);
                    P.setElem(x,i);
                    return;
                }
            }
        }
    }
}

```

```

private void Recorrer(Nodo P, int i){
    int num1 = P.getElem(i); int num2=0;
    int c = P.CantOcupados();
    while(i <= c){
        if(P.Ocupado(i+1))
            num2 = P.getElem(i+1);
        P.setElem(num1,i+1);
        num1 = num2;
        i++;
    }
}

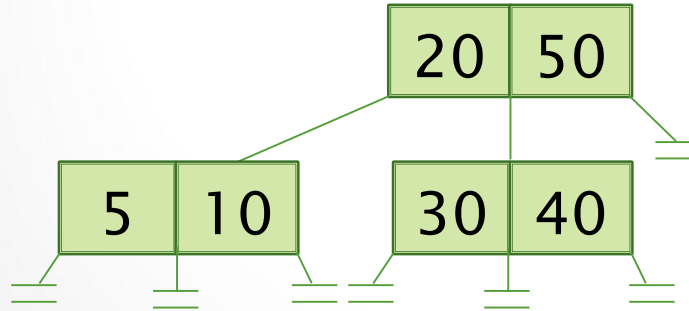
```

```
public void Insertar(int x){
    if(raiz == null){
        raiz = new Nodo();
        raiz.setElem(x,1);
    }
    else
    {
        Nodo P = raiz; Nodo AP=null; int i = 0;
        while(P != null){
            AP = P;
            if(!P.Lleno()){
                InsertaOrd(P, x);
                return;
            }
            i=getHijoDesc(P, x);
            if(i == -1){
                return; // x esta en el arbol
            }
            P = P.getHijo(i);
        }
        Nodo Q = new Nodo();
        Q.setElem(x,1);
        AP.setHijo(Q,i);
    }
}
```

RECORRIDOS

Se mantienen los mismo recorridos que se hacen sobre los arboles binarios de búsqueda.

PreOrden, InOrden, PostOrden



InOrden : 5 10 20 30 40 50

PreOrden : 20 5 10 50 30 40

```
public void InOrden(JTextArea ta) {  
    InOrden(raiz,ta);  
}
```

```
private void InOrden(Nodo P, JTextArea jta){
    if(P == null)
        return;
    else
    {
        if(esHoja(P))
        {   int i = 1; //muestra todos los elementos de nodo P
            while(i<=P.CantOcupados()) {
                jta.append(String.valueOf(P.getElem(i)+ " "));
                i++;
            }
        }
        else
        {
            for(int i=1; i<=P.M-1; i++){
                InOrden(P.getHijo(i),jta);
                jta.append(String.valueOf(P.getElem(i)+ " "));
            }
            InOrden(P.getHijo(P.M),jta);
        }
    }
}
```

