Colle

Véhicule à trois roues Clever *

Banque PT - SIA 2013

Savoirs et compétences :

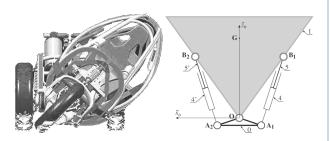
- Res1.C4.SF1: Proposer la démarche de réglage d'un correcteur proportionnel
- ☐ Con.C2: Correction d'un système asservi
- ☐ Con.C2.SF1 : Choisir un type de correcteur adapté

Présentation

Le Clever est un démonstrateur technologique développé par un tissu d'industriels européens. Clever est la contraction de Compact Low Emission VEhiclefor uRban tRansportation (véhicule compacte à faibles émissions pour le transport urbain) car, avec une consommation de seulement 2,5 L/100 km, il s'annonce très écologique.

L'habitacle peut s'incliner grâce à un système constitué

- d'un calculateur qui détermine le mouvement et la position à donner à l'habitacle en fonction des conditions d'utilisation;
- d'un système hydro-mécanique de transmission de puissance et d'adaptation de mouvement;
- d'un système de contrôle de l'inclinaison de l'habitacle.



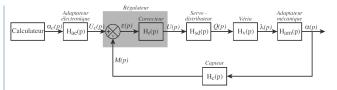
Objectif L'objectif est que le mouvement de l'habitacle soit contrôlé :

- écart statique : 0°;
- écart de traînage pour une entrée en rampe unitaire : 0°;
- temps de réponse à 5% : inférieur à 0,1 s.

Modélisation du servo-distributeur et du vérin

L'orientation de l'habitacle est contrôlée par un asservissement de la position angulaire. L'architecture de cet asservissement est représentée par le schéma-blocs de le figure suivante.

On modélise le comportement du servo-distributeur par un gain pur noté K_s et le capteur par $H_c(p) = C$ avec $C = 1 \,\mathrm{V}\,\mathrm{rad}^{-1}$. L'adaptateur mécanique a un comportement linéaire sur l'intervalle d'utilisation. On a donc $H_{\mathrm{am}}(p) = R \ (R = 7\,\mathrm{rad}\,\mathrm{m}^{-1})$. Enfin, on considère que $H_r(p) = 1$.



 $\label{eq:Figure 1-Architecture générale du contrôle de l'orientation de l'habitacle} Figure 1-Architecture générale du contrôle de l'orientation de l'habitacle$

À ce stade de l'étude, le modèle de comportement du fluide correspond à un comportement incompressible. L'équation caractérisant le comportement du vérin est alors : $q(t) = S\dot{\lambda}(t)$ où :

- *S* représente la section utile du vérin en sortie de tige (diamètre 32 mm);
- *q* est le débit en entrée de vérin;
- $v(t) = \dot{\lambda}(t) = \frac{d\lambda(t)}{dt}$ est la vitesse de translation de la tige du vérin par rapport au corps.

Question 1 Donner l'expression de la fonction de transfert du vérin $H_{V1}(p)$ (telle que $\lambda(p) = H_{V1}(p)Q(p)$) et compléter le schéma-bloc associé à la modélisation actuelle du système.

Question 2 Déterminer la fonction de transfert en boucle fermée FTBF₁ (telle que $\alpha(p) = FTBF_1(p)\alpha_c(p)$) du système bouclé. Mettre FTBF₁(p) sous la forme $\frac{K_1}{1+\tau_1 p}$ en précisant les expressions de K_1 et de τ_1 .

Question 3 À partir du critère de temps de réponse à 5% $(t_{r5\%})$ du système, déterminer l'expression puis la valeur numérique minimale du gain du servo-distributeur.

Analyse des caractéristiques prévues par le modèle

On cherche ici à déterminer les caractéristiques de la régulation de la position angulaire de l'habitacle prévu par le modèle construit précédemment.

Question 4 Déterminer l'écart de traînage ε_{tr} prévu par le modèle actuel. Le cahier des charges est-il satisfait?

On place un intégrateur dans le régulateur. On a alors :

$$H_r(p) = \frac{1}{p}.$$

1

Question 5 Le critère d'écart de traînage est-il satisfait?



Question 6 Donner la valeur de la marge de phase. Conclure.

Modélisation du comportement du vérin avec fluide compressible et du comportement dynamique du mécanisme

La compressibilité du fluide étant prise en compte dans le modèle, l'évolution du débit est une fonction du déplacement mais aussi de la pression sous la forme de la relation (1). L'effort exercé par le vérin en sortie de tige est décrit par la relation (2).

$$q(t) = S\dot{\lambda}(t) + \frac{V_0}{B}\dot{p}_r(t)$$
 (1) $F_V(t) = Sp_r(t)$ (2)

où:

- $p_r(t)$: pression utile dans le vérin;
- V_0 : volume caractéristique moyen de fluide contenu dans le vérin et les durites, $V_0 = 2.5 \times 10^5 \,\mathrm{m}^3$;
- B: coefficient de compressibilité du fluide, B = 109 Pa;
- $F_{\nu}(t)$: effort développé par le vérin en sortie de tige;
- *S* : section utile du vérin en sortie de tige.

Par ailleurs, $F_{\nu}(t)+k_{g}\lambda(t)=m_{\rm eq}\ddot{\lambda}(t)$ avec $m_{\rm eq}$ la masse équivalente du système, k_{g} une constante, $\lambda(t)$ le déploiement des vérins.

Question 7 Appliquer la transformation de Laplace aux équations précédentes et compléter le schéma-blocs.

Analyse du comportement global

Question 8 Donner l'expression de la fonction de transfert en boucle fermée du vérin H_{V2} (telle que $\lambda(p) = H_{V2}Q(p)$) et préciser les expressions des coefficients K_V et ω_V de sa forme canonique : $H_{V2}(p) = \frac{K_V}{(p-1)^2}$.

ae sa forme canonique: $H_{V2}(p) = \frac{1}{p\left(1 + \frac{p^2}{\omega_V^2}\right)}$

 k_g peut maintenant être négligé

Modélisation du comportement dynamique avec prise en compte d'un débit de fuite

Pour pallier le problème de stabilité du modèle précédemment établi, une solution possible consiste à introduire un débit de fuite au niveau du vérin. Celui-ci a pour effet de réduire artificiellement le débit réel entrant dans le vérin en fonction de la pression utile. L'expression du débit est alors : $q(t) = S\dot{\lambda}(t) + \frac{V_0}{B}\dot{p}_r(t) - \delta\,p_r(t)$ où δ représente le coefficient de débit de fuite.

Question 9 Proposer une modification du schéma-bloc donné afin de prendre en compte le débit de fuite.

Question 10 Déterminer l'expression de la fonction de transfert H_{V3} (telle que $\lambda(p) = H_{V3}Q(p)$) associée au comportement dynamique du vérin ainsi modélisé. On donnera le résultat sous la forme suivante : $H_{V3}(p) =$

donnera le résultat sous la forme suivante :
$$H_{V3}(p) = \frac{K_V}{p\left(1+a_1p+\frac{p^2}{\omega_V^2}\right)}$$
. Donner l'expression de a_1 en fonction

de M_{eq} , δ et S et déterminer l'expression du coefficient d'amortissement ξ_V du second ordre en fonction de M_{eq} , δ , S, B et V_0 .

Analyse du comportement global et détermination de la valeur limite du coefficient de débit de fuite

L'objectif de cette partie est d'analyser le comportement dynamique prévu par le modèle développé précédemment. Pour cela, on considère le système modélisé par le schéma bloc de la Figure 1.

Question 11 Déterminer la valeur numérique de ω_V .

Quels que soient les résultats obtenus précédemment, on prendra les valeurs numériques suivantes : $C=1\,\mathrm{V/rad},~K_S=65\times10^{-4}\,\mathrm{m^3\,s^{-1}\,V^{-1}},~K_V=1,25\times10^3\,\mathrm{m^{-2}\,s},~R=7,5\,\mathrm{rad/m}.$

Question 12 Tracer le diagramme asymptotique de Bode de la fonction de transfert en boucle ouverte $FTBO_1$ du système asservi, avec : $M(p) = FTBO_1(p).\varepsilon(p)$

Question 13 Déterminer la valeur limite de ξ_V assurant la stabilité du modèle. À partir de l'expression de ξ_V déterminer la valeur numérique limite du coefficient de débit de fuite δ .

Validation des critères principaux de la fonction technique « Contrôler le mouvement de l'habitacle »

Objectif L'objectif de cette partie est de définir le correcteur et de déterminer les valeurs numériques de ses paramètres caractéristiques, afin d'obtenir un asservissement en poursuite du mouvement de l'habitacle validant les critères de la fonction technique FT13 « Contrôler le mouvement de l'habitacle » qui a été proposée pour assurer la fonction technique FT1 «Modifier l'inclinaison de l'habitacle ».

On considère le schéma-blocs de la Figure 2 avec :

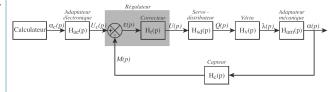


FIGURE 2 – Architecture générale du contrôle de l'orientation de l'habitacle

On prendra les valeurs numériques suivantes : C = 1 V/rad, $K_S = 3 \times 10^{-3} \, \text{m}^3 \, \text{s}^{-1} \, \text{V}^{-1}$, $K_V = 1,25 \times 10^{-3} \, \text{m}^{-2} \, \text{s}$, $\omega_V = 50 \, \text{rad} \, \text{s}^{-1}$, $\xi_V = 0,5$, $R = 7,5 \, \text{rad/m}$.

Le tableau suivant rappelle les critères et niveaux associés à la fonction technique FT13.



Fonction	Critères d'apprécia-	Niveau
		Niveau
technique	tion	
FT13	Écart de traînage	0°
	(entrée en rampe	
	unitaire)	
Contrôler le	Écart dynamique	<1°
mouvement		
de l'habitacle	Temps de réponse à	\leq 0,1 s
	5%	
	Marge de phase	comprise
		entre 45° et
		50°
	Bande passante à	comprise
	−3 dB	entre 50 et
		70 rad/s

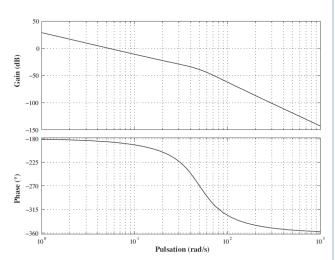
Le temps de réponse de l'adaptateur électronique est suffisamment faible comparativement aux temps caractéristiques des autres systèmes pour que l'on puisse modéliser son comportement temporel par un gain pur K_{ae} .

Question 14 Donner l'expression de K_{ae} pour que l'écart $\varepsilon(t)$ ait un sens.

Première correction

Afin de répondre au critère du cahier des charges concernant la précision statique du système, on choisit de placer un intégrateur comme premier correcteur : $H_r(p) = \frac{K_i}{n}$.

Question 15 On donne le diagramme de Bode de la fonction de transfert en boucle ouverte FTBO₂ du système asservi pour $K_i = 1$ et telle que $M(p) = FTBO_2(p)\varepsilon(p)$. Déterminer, en expliquant clairement la méthode employée, la valeur de K_i qui permet d'obtenir la dynamique souhaitée.



Question 16 Combien de correcteurs à avance de phase réglés pour apporter chacun 50° au maximum faudrait-il incorporer dans le régulateur pour satisfaire le critère de marge de phase du cahier des charges?

On souhaite réaliser une simulation du comportement temporel du système ainsi corrigé pour un passage de 0 à 45° de l'habitacle en 0,75 s. Le signal de consigne est donné sur la Figure 3. Le logiciel de simulation ne possède pas de bloc de signal d'entrée correspondant à ce type de

fonction, mais il est possible d'utiliser des blocs de type « rampe » possédant les critères :

- pente de la rampe;
- instant de départ de la rampe.

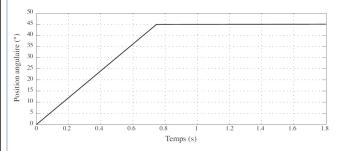


FIGURE 3 – Signal de consigne pour une simulation d'une rotation de 0 à 45° en 0,75 s

Question 17 Donner les paramètres à entrer dans les 2 blocs de type « rampes » et préciser l'opération mathématique à effectuer entre les deux blocs afin d'obtenir le signal présenté sur la Figure 3

La réponse obtenue par la simulation est présentée sur la Figure 4.

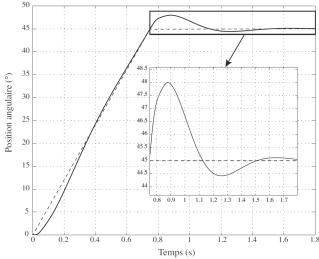


FIGURE 4 – Résultat de la simulation du passage de 0 à 45°en 0.75 s

Question 18 Quels sont les critères non satisfaits?

Deuxième correction

Plusieurs réglages du correcteur précédent ont été réalisés mais aucun n'a pu apporter satisfaction quant aux différents critères du cahier des charges. Le problème de fond ici est lié au fait que la pulsation de coupure ω_{ν} du mode de second ordre de la fonction de transfert du vérin est inférieure à la pulsation à 0 dB souhaitée pour garantir une dynamique suffisante du système bouclé. On souhaite donc augmenter la valeur de la pulsation de coupure ω_{ν} afin de garantir au moins deux décades d'écart avec la pulsation à 0 dB de la fonction de transfert en boucle ouverte du système.

Question 19 Quelle valeur de diamètre du vérin permet de vérifier la condition précédente. Cette valeur est-elle réaliste?



On décide alors de remédier à ce problème par un filtre électronique du second ordre de type Notch de fonc-

tion de transfert :
$$H_N(p) = \frac{1 + \frac{2\xi_n p}{\omega_n} + \frac{p^2}{\omega_n^2}}{1 + \frac{2\xi_d p}{\omega_d} + \frac{p^2}{\omega_d^2}}$$

Le réglage optimum du correcteur doit compenser parfaitement le mode de second ordre de la fonction de transfert du vérin. Pour cela, on effectue un essai afin d'identifier les caractéristiques de ce mode. Aucun réglage spécifique du débit de fuite n'a été réalisé, la compensation du mode rendant inutile cette étape.

Une tension de consigne $u_e(t) = 0.02u(t)$ (avec u(t) l'échelon unitaire) est envoyée en entrée du servodistributeur. Une génératrice tachymétrique, dont le comportement est modélisé par un gain pur $K_{gt} = 2 \text{V rad}^{-1} \text{ s}$, mesure la vitesse de rotation de l'habitacle. Cette tension est notée $m_{\omega}(t)$. Le résultat de cet essai est donné sur la Figure de la question 34 du Cahier Réponses.

Question 20 Compléter sur le Cahier Réponses le schéma-blocs représentant cet essai et déterminer la fonction de transfert H_{essai} telle que : $M_{\Omega}(p) = H_{essai}(p).U_{e}(p)$.

Question 21 En vous aidant du graphe de la Figure 5, déterminer les valeurs numériques expérimentales de ω_{ν} et ξ_v à partir de la courbe obtenue expérimentalement tracée sur le Cahier Réponses.

Question 22 Quels inconvénients sur le comportement réel du système peuvent découler de cette méthode consistant à vouloir compenser le mode de second ordre de la fonction de transfert du vérin par ce type de filtre électronique?

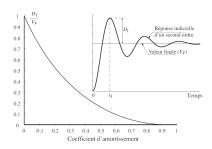


FIGURE 5 - Évolution du premier dépassement relatif à la valeur finale en fonction du coefficient d'amortissement (pour une fonction de transfert du second ordre)

On suppose par la suite que le numérateur du filtre Notch compense parfaitement le mode de second ordre de la fonction de transfert du vérin. On adopte les caractéristiques suivantes pour le dénominateur :

- $\omega_d = 1000 \, \mathrm{rad} \, \mathrm{s}^{-1}$; $\xi_d = 1$.

Afin de satisfaire le critère de précision statique du cahier des charges on place un premier correcteur de type intégrateur non unitaire de fonction de transfert :

La valeur de K_{Ω} est déterminée afin d'obtenir une pulsation à 0 dB de la fonction de transfert en boucle ouverte de 65 rad s⁻¹. Le diagramme de Bode de cette fonction de transfert est donné sur la Figure 6.

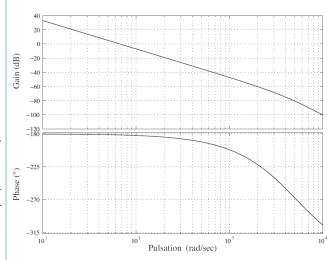


FIGURE 6 - Diagramme de Bode de la Fonction de Transfert en Boucle Ouverte après correction Intégrale

On complète le régulateur par un correcteur à avance de phase de fonction de transfert : $H_{av}(p) =$ $K_{\text{av}} \frac{1 + a_{\text{av}} \tau_{\text{av}}^2 p}{1 + \tau_{\text{av}} p}$ avec $a_{\text{av}} > 1$.

Question 23 Déterminer les valeurs approximatives des paramètres a_{av} , τ_{av} et K_{av} qui permettent de satisfaire le critère de marge de phase du cahier des charges tout en conservant une pulsation à 0 dB de 65 rad s⁻¹.

Le régulateur étant a priori optimisé, on réalise un essai de validation du comportement temporel de l'inclinaison de l'habitacle, le véhicule étant à l'arrêt. Le calculateur envoie un signal de consigne représentant l'évolution de la position angulaire souhaitée (de 0 à 45°en 0,75 s). La tension délivrée par le capteur angulaire est récupérée par un convertisseur analogique-numérique afin de tracer sur un ordinateur l'évolution temporelle de l'inclinaison de l'habitacle mesurée en degrés. Les deux courbes sont données sur la Figure 7.

Question 24 Quels sont les critères du cahier des charges validés?

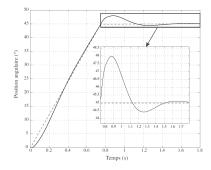


FIGURE 7 – Essai de validation : passage de 0 à 45°en 0,75 s

$$H_{av}(p) = K_{av} \frac{1 + a_{av} \tau_{av} p}{1 + a_{av} \tau_{av} p}$$
 avec $a_{av} > 1$.

La phase maximum ϕ_m est reliée au paramètre a_{av} par la relation suivante

$$\varphi_m = \arcsin \left(\frac{a_{av} - 1}{a_{vv} + 1} \right)$$



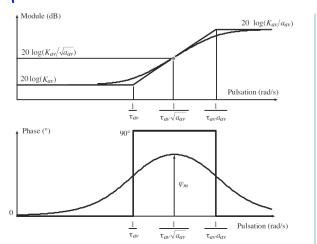


Figure A.1 - Diagrammes de Bode d'un correcteur à avance de phase