

## Instituto Superior de Ciências de Saúde

Biofísica para Cursos de Licenciatura em Anatomia Patológica e Tecnologia Biomédica Laboratoial

Docentes: Bartolomeu Joaquim Ubisse & Eduardo Machiana

2021-AP # 01-Mecânica

1. Dê as propriedades dos vectores  $\vec{a}$  e  $\vec{b}$ , tal que sejam válidas as seguintes condições:

(a) 
$$\left| \vec{a} + \vec{b} \right| = |\vec{c}| e |\vec{a}| + \left| \vec{b} \right| = |\vec{c}|$$

(b) 
$$\left| \vec{a} + \vec{b} \right| = \left| \vec{a} - \vec{b} \right|$$

- 2. No sistema dextrogiro de coordenadas cartesianas ortogonais, encontrar os seguintes produtos vectoriais:  $\vec{i} \times \vec{i}$ ;  $\vec{i} \times \vec{j}$ ;  $\vec{i} \times \vec{k}$ ;  $\vec{k} \times \vec{j}$  e  $\vec{k} \times \vec{i}$ .
- 3. Demonstrar que quando dois vectores  $\vec{a}$  e  $\vec{b}$  tem o mesmo módulo e entre eles formam um ângulo  $\theta$  , o módulo da soma expressa-se por  $S=2|\vec{a}|cos(\theta/2)$  e o módulo da diferença por  $D=2|\vec{a}|sin(\theta/2)$
- 4. Na Fig.1 estão representados três vectores. Sendo  $|\vec{a}|=30, |\vec{c}|=60,$   $\theta=70^o$  e  $\gamma=20^o$ , determine o ângulo  $\beta$  e o módulo do vector  $\vec{b}$  de modo que o vector resultante seja nulo.

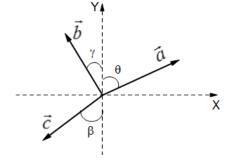
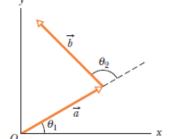


Figura 1:

5. Dois vectores  $\vec{a}$  e  $\vec{b}$  tendo módulos iguais a 10 unidades cada e ângulos  $\theta_1 = 30^o$  e  $\theta_2 = 105^o$  são orientados conforme se ilustra na Fig.2. Sendo a sua soma representada por  $\vec{r}$ , determine:



- (a) As componentes de  $\vec{r}$  nos eixos OX e OY;
- (b) O módulo de  $\vec{r}$ ;
- (c) O ângulo que  $\vec{r}$  forma com o eixo OY.

Figura 2:

6. A tíbia é um osso mais vulnerável da perna do ser humano e sofre fractura para esforços de compressão da ordem de  $5 \times 10^4$  N. Suponha que um homem de 75 kg salte de uma altura H e, ao cair no chão,

- não dobre os seus joelhos. Qual é a altura máxima a partir do qual o homem deve saltar de modo que não fracture a sua tíbia, sabendo que a sua deformação máxima é de 1 cm ( $\Delta \ell = 1.0$  cm) ?
- 7. O músculo quadríceps se encontra na coxa e seu tendão chega até a perna. Considere a perna ligeiramente dobrada de modo que atensão *T* no tendão seja 1400N. Determine a direção e amagnitude da força F, exercida pelo fêmur sobre a patela.
- 8. Considere um paciente de 70 kg de massa submetido a um tratamento de tracção conforme se ilustra na Fig. Qual é o valor máximo da massa M de modo que o paciente não deslize ao longo da cama sabendo que o coeficiente de atrito entre a cama e o paciente é de 0.2 ( $\mu$  = 0.20)

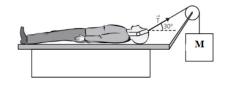


Figura 3:

- 9. Considere que, em um braço esticado, o músculo deltoide exerce uma força de tração T, que forma um ângulo de 20° com o úmero. Entre esse osso e o ombro existe uma força de contato F. Se o peso P do membro superior completo é 35N e T=300N. Determine P, para que o úmero se mantenha em equilíbrio.
- 10. A perna de uma pessoa mantém-se em equilibrio graças à acção de ligamento patelar. Determine a tensão de ligamento, a direcção e o módulo da força R sabendo que  $\alpha = 40^{\circ}$ , as massas da pessoa e da perna são respectivamente 90 e 9.0 kg.

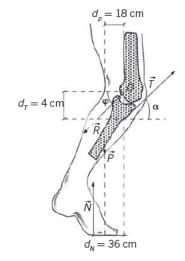


Figura 4:

11. A Fig.5 representa a cabeça de um estudante inclinado sobre o seu livro. A cabeça tem 5.0 kg de massa e é sustentada pela força muscular do pescoço  $(F_m)$  e pela força de contacto  $(F_v)$  exercida na articulação atlantooccipital. Sabendo que a força muscular faz um ângulo de  $33^o$  com a horizontal e a sua magnitude é de 50N, determine a magnitude e a direcção da força de contacto  $(F_v)$ 

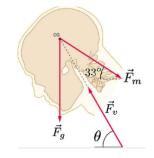


Figura 5:

12. O maior tendão do corpo, o tendão de Aquiles, conecta o músculo da panturilha ao osso do calcanhar do pé. Esse tendão tem tipicamente 25.0 cm do comprimento, 5.0 mm de diâmetro e um módulo de Young de  $1.47 \times 10^9 N/m^2$ . Se um atleta alongou o tendão até um comprimento de 26.1 cm, qual é a traacção no tendão?

- 13. O fêmur em uma perna humana tem uma secção transversal mínima efectiva de  $3.0cm^2$ . Que força compressiva ele pode suportar antes de quebrar? Suponha que a tensão máxima admissível do osso seja de  $1.7 \times 10^8 N/m^2$
- 14. O ligamento cruzado anterior no joelho de uma mulher tem 2.5cm de comprimento e uma área de secção transversal de  $0.54cm^2$ . Se uma força de 300 N é aplicada longitudinalmente, de quanto o ligamento irá se alongar? (O módulo de Young é de  $10^8 N/m^2$ )
- 15. Uma bola de 0.65 kg é arremessada com velocidade inicial de 20*m/s* a um ângulo de 35° a partir de uma altura de 1.5 m. Determine: a) A velocidade da bola a uma altura de 1.5 m. b) O trabalho mecânico necessário para se apanhar a bola nessa altura de 1.5 m; c) A energia mecânica da bola nessa altura.
- 16. Os extensores do joelho se inserem na tíbia a um ângulo de  $30^{\circ}$  a uma distância de 3 cm do eixo de rotação do joelho. Que força os extensores do joelho precisam exercer para produzir uma aceleração angular no joelho de  $1 \ rad/s^2$ , considerando a massa de perna e de pé de  $4.5 \ kg$  e k =  $23 \ cm$ ?