Introdução à Programação em Python -Tópicos preparados para áreas de Ciências e Engenharias-

Bartolomeu J. Ubisse email:bartolomeujoaquim.ubisse@gmail.com

Novembro, 2020

- Nota introdutória
- 2 Instalação de python, jupyter-notebook e Notepad++
- 3 Operadores Matemáticos e lógicos no python
- Tipo de dados e sua estrutura
- Módulos de python
- 6 Controle de fluxo de execução
- Funções
- Vectores (arrays) no Numpy
- Pandas
- Visualizações com Matplotlib
- SciPy





- Nota introdutória
- 2 Instalação de python, jupyter-notebook e Notepad++
- Operadores Matemáticos e lógicos no python
- Tipo de dados e sua estrutura
- Módulos de python
- 6 Controle de fluxo de execução
- Funções
- Vectores (arrays) no Numpy
- Pandas
- Visualizações com Matplotlib
- SciPy



Nota introdutória

Bem vindo(a) ao curso de introdução à programação em python. Neste curso aprenderemos a instalar o python, IPython e o Notepad ++ para escrevermos alguns scripts. Discutiremos sobre a estrutura e tipo de dados, módulos de python, arrays, funções e depois escreveremos os nossos programas(módulos) para realizar cálculos numéricos. Devido à necessidade de se ter que usar dados de diversos tipos e fontes, aprenderemos neste curso a importar dados quer num directório nos nossos computadores quer numa rede da internet, assim como também aprenderemos a exportar os nossos resultados em um spreadsheet usando pandas. É parte também deste curso fazermos data fitting usando scipy.optimize. Cada secção deste curso é acompanhada de exemplos concretos de exploração de modo a tornar claro o assunto discutido. Este curso tem uma ficha de exercícios cujo objectivo é para começarmos a desenvolver um raciocínio aplicado à formulação e resolução de um problema concreto.

Nota introdutoria - Cont.

Porque Python?

Python tem vantagens em relação a algumas linguagens (ex:Matlab, IDL e mais) em seguintes aspectos:

- É open-source;
- Tem uma sintaxe simples e os seus códigos são bastantes legíveis;
- Tem uma comunidade extremamente alta com um grupo de pessoas diversificadas e acolhedoras;
- Tem uma imensa biblioteca padrão com classes, métodos e funções para realizar essencialmente qualquer tarefa quer de natureza científica, engenharia, finanças e mais.



Nota introdutoria - Cont.

Objectivos

O objectivo fundamental deste curso é ajudar os participantes a começarem a desenvolver o raciocínio aplicado à formulação e resolução de problemas computacionais usando o python.

Expectativas

No final deste curso, expera-se que todos os participantes consigam escrever códigos básicos para cálculos numéricos e que também, caso necessário, consigam apresentar os resultados em forma de gráficos.

- Nota introdutória
- Instalação de python, jupyter-notebook e Notepad++
- Operadores Matemáticos e lógicos no pythor
- Tipo de dados e sua estrutura
- Módulos de python
- 6 Controle de fluxo de execução
- Funções
- 8 Vectores (arrays) no Numpy
- Pandas
- Visualizações com Matplotlib
- SciPy



Instalação de python, jupyter-notebook e Notepad++

 Baixe Anaconda (Faça o scroll até Anaconda Installers e escolha em função do seu sistema operativo)



Uma vez anaconda instalado, pode abrir e instalar o **jupyter notebook** assim como o **spyder**

Baixe python aqui!



Execução do python em um Terminal

Abra o terminal do seu computador e escreva **python** e prima a tecla **Enter**. No windows, é possível que escrever python resulte em um erro, neste caso, escreva simplesmente a palavra **py** e depois prima a tecla

Enter.

```
C:\Users\user>py
Python 3.7.3 (v3.7.3:ef4ec6ed12, Mar 25 2019, 22:22:05) [MSC v.1916 64 bit (AMD64)] on win32
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>>
```

Deste modo, consegue-se ver a versão do python,i.é., python 3.7.3. O sinal >>> é o prompt.

Instale o **Notepad++** no seu computador.

Exemplo

- Vamos escrever um script para imprimir "Hello World!"no terminal;
- Vamos imprimir "Hello World!"no jupyter notebook.

- Nota introdutória
- 2 Instalação de python, jupyter-notebook e Notepad++
- Operadores Matemáticos e lógicos no python
- Tipo de dados e sua estrutura
- Módulos de python
- 6 Controle de fluxo de execução
- Funções
- Vectores (arrays) no Numpy
- Pandas
- Visualizações com Matplotlib
- SciPy



Operadores Matemáticos e lógicos no python

Tabela 1: Operadores Matemáticos

Operador	Símbolo
Adição	+
Subtração	_
Multiplicação	*
Divisão	/
Exponenciação	**
Parte inteira	//
Módulo	%

Tabela 2: Operadores Lógicos

Símbol	Significado
==	igual a
! =	não igual a
<	menor que
>	maior que
<=	menor ou igual a
>=	maior ou igual a

- Nota introdutória
- 2 Instalação de python, jupyter-notebook e Notepad++
- Operadores Matemáticos e lógicos no python
- Tipo de dados e sua estrutura
- Módulos de python
- 6 Controle de fluxo de execução
- Funções
- 8 Vectores (arrays) no Numpy
- Pandas
- Visualizações com Matplotlib
- SciPy



Tipo de dados e sua estrutura

O python reconhece dois tipos de dados, i.é., string e números.

String - é uma série de caracteres imutáveis. Em python, tudo o que estiver entre aspas é uma string.

```
In [1]: print("Hello!")
Out[1]: Hello!
```

Com strings podemos fazer as seguintes operações:

- Concatenação (+);
- Retirar espaços em branco (.rstrip(), .lstrip(), .strip());
- Capitalizar (.title());
- Uppercase (.upper());
- lowercase (.lower()¹)

¹Estes são os métodos usados para strings.Antes do ponto antecede a variável atribuida a string em causa.



Quanto aos números, python reconhece quatro tipos, a saber:

- números inteiros simples (até 32 bits)
- 2 números de ponto flutuante (floating point numbers)
- números complexos (Nº com a parte imaginária)
- números inteiros longos (acima de 32 bits)

Os números podem ser combinados com strings desde que se garanta que sejam também strings, como por exemplo:

```
In [2]:    nome = "Bongane"
    idade = 6
    print(nome+" tem "+str(idade)+" anos de idade!")
```

```
Out[2]: Bongane tem 6 anos de idade!
```



Os números podem ser convertidos de um tipo para outro bastando para tal, especificar para que tipo se pretende.

```
In [3]: float(9) #converte-se o numero inteiro em decimal.
In [4]: int(2.6) #converte-se o numero decimal em inteiro.
In [5]: complex(3) #converte-se o numero real em complexo.
In [6]: a = "2.3245" # esta e' uma string b = float(a) # converte-se a string em float print(b, type(b))
```

```
Out[6]: 2.3245, (class 'float')
```

Nota: Ném todas as strings são convertíveis em números!



...Estrutura de dados.....

Os dados no python são colecionados em uma sequência que por sua vez caracteriza-se em:

- string
- lista
- tuple
- dicionário

String

```
In [7]:    a = "Aqui vai uma string"
    a.split()
```

```
['Aqui', 'vai', 'uma', 'string']
```



```
In [8]: b = "Nos somos fortes. Nos vamos sobreviver."
    c = b.split(".") # separa quando apanha ponto
    print(c,len(c)) #imprime o c e o seu tamanho
```

['Nos somos fortes', 'Nos vamos sobreviver', ''] 3

O método oposto de .split() é .join(). O join já leva o argumento e é antecedido pelo símbolo e/ou expressão de junção.

```
In [9]: ".".join(c) # junta os termos pelo ponto
" ".join(c) # junta os termos pelo espaco vazio
```





..Estrutura de dados - Lista

Lista

lista é uma coleção de itens de qualquer tipo em uma dada ordem.

A forma mais simples de criar uma lista é colocar os itens entre colchetes ([]). Porém, para listas numéricas muitas vezes usa-se a função **range()** (range(start,stop,step)).

```
In [10]: list1 = ["Bongane", "Emmanuel",6,1] # #s itens
    list2 = [1,7,3,8] #itens do mesmo tipo
    list3 = [1,"Maputo",3.14, ["Beira", 7,[5,9]], 10]
    list4 = list(range(1,10,2))
```

Manuseamento de uma lista:

- slicing (fatiamento);
- acrescentar ou remover itens de uma lista;
- ordenar os itens quer em ordem crescente quer em decrescente



..Estrutura de dados - **Lista**..

```
Métodos: .insert(); .append(); del; .pop(); sorted() ; .remove()
```

```
list1 = ["Bongane", "Emmanuel", 6, 1] # #s itens
In [11]:
         list1.insert(0,"Ubisse")
         list1.remove("Ubisse")
         list1.append("Celia")
         list1.pop()
         del list1[1]
         list_2 = [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8]
In [12]:
         sorted(list_2, reverse = True)
In [13]: list_2[:3] # obtem-se as primeiras tres entradas
         list_2[2:] #obtem -se apartir do terceiro elemento
         list_2[1:4] #obtem- se do segundo ao quarto
```

4 D > 4 B > 4 B > 4 B > 9 Q P

...Estrutura de dados - Tuplas...

As listas servem para armazenar um conjuntos de itens que podem mudar durante a vida de um programa. No entanto, às vezes, há uma necessidade de se criar uma lista de itens que não deve ser modificada,i.é.,uma lista imutável. Para tal, é necessário usar-se as **tuplas**. As tuplas são criadas colocando-se os itens entre parênteses (()).

```
In [14]: tupla1 = ("Pemba",2020,"Monas","Bogor",2011,"Muembe")
    tupla1 [3]

Out[14]: 'Bogor'

In [15]: tupla1 [3] = "Jakarta"

    TypeError: 'tuple' object does not support
```

item assignment

.. Estrutura de dados - Dicionários..

Dicionário em Python é uma colecção de pares **chave-valor**. Cada chave é conectada a um valor que pode ser número, string, lista ou até mesmo um dicionário. Um dicionário é criado colocado os seus pares, chave-valor, entre chavetas ({}), como asseguir:

Estrutura de dados - Dicionários.

Uma outra forma de criar dicionário é com recurso à função dict():

```
In [18]:
         nome_provincias = ["Maputo", "Gaza", "Inhambane",
                          "Sofala"]
                         = ["Maputo", "Xai-Xai", "Inhambane",
         nome_capitais
                          "Beira"l
         dic2 = dict(zip(nome_provincias, nome_capitais))
In [19]: dic3 = dict(um=1, dois=2, tres=3)
```

Há vários métodos que visam a fazer operações sobre os dicionários. Aqui encontram-se alguns deles!

Tanto como as listas também pode-se criar um dicionário vazio que depois vai-se preenchendo.

```
In [20]: dic4 = {}
         dic4[" Mondlane "] = " Mocambique"
                                ◆□▶ ◆□▶ ◆■▶ ◆■▶ ● のQで
```

- Operadores Matemáticos e lógicos no python
- Módulos de python
- 6 Controle de fluxo de execução
- Vectores (arrays) no Numpy



Módulos de python

Um módulo é um arquivo que contém uma coleção de funções relacionadas.

Antes de se usar um dado módulo é preciso que se importe usando a função **import**.

Alguns módulos:

- Numpy
 - Scipy
 - Math and CMath
 - Matplotlib
- Pandas
- Scikit

Caso se pretenda ver o conteúdo, pode se usar a função **help()**. Por exemplo:

```
>>>import numpy
>>>help(numpy)
```

ou simplesmente **numpy?**





- Nota introdutória
- Instalação de python, jupyter-notebook e Notepad++
- Operadores Matemáticos e lógicos no python
- 4 Tipo de dados e sua estrutura
- Módulos de python
- 6 Controle de fluxo de execução
- Funções
- 8 Vectores (arrays) no Numpy
- Pandas
- 10 Visualizações com Matplotlib
- SciPy



Controle de fluxo de execução

Os computadores são muito usados para fazer trabalhos repetitivos e retornar os resultados. Porém, é importante notar que ainda no decorrer desse trabalho, os computadores tomam decisões em função às condições impostas pelo programador.

A capacidade de tomada de decisões em programas denomina-se **fluxo de execução** e, no python, esse fluxo é regulado pelos seguintes recursos:

- 1 Condicionais (if, elif, else) e
- Laços de repetição (for e while loops);





if, elif & else

Os recursos condicionais permitem selecionar certos blocos de código que serão ou não executados dependendo de certas condições.

```
In [21]:     if cond1:
          executa bloco1 se cond1 for verdadeira
elif cond2:
          executa bloco2 se cond1 for falsa e
          cond2 verdadeira
else:
          executa bloco3 se todas anteriores forem falsas
```

for & while loops..

for loop

O laço **for** é usado com objectos iteráveis e permite percorrer todos os elementos da sequência (listas, dicionários, strings e tuplas).

```
In [22]: for numero in range(3):
          print(numero)
```

veja para um dicionário



Controle de fluxo de execução - Cont.

.....for & while loops.....

while loop

O laço **while** permite repetir uma operação enquanto a condição for verdadeira.

Todas estas instruções (if, for, while) podem ser combinadas para executar uma única tarefa.

Existem outras instruções auxiliares (eg: **break**, **continue**, **pass**) que são incorporadas nestas ja vistas com o objectivo de melhorar o fluxo e ainda acautelar situações de crash do programa em caso de encontrar inconsistências, como é o caso de o denominador for zero.

- Nota introdutória
- 2 Instalação de python, jupyter-notebook e Notepad++
- Operadores Matemáticos e lógicos no python
- 4 Tipo de dados e sua estrutura
- Módulos de python
- 6 Controle de fluxo de execução
- Funções
- 8 Vectores (arrays) no Numpy
- Pandas
- Visualizações com Matplotlib
- SciPy



Funções

Python possui uma série de funções matemáticas (Veja aqui!), porém, ném sempre essas funções resolvem cabalmente os nossos problemas, pelo que, temos que escrever as nossas próprias funções.

Pseudocódigo da sintaxe basica da definição de uma função:

```
def <nome_da_funcao >(<argumentos >):
    <corpo>
```

```
In [25]: def conversor_celc_kelvin(x):
             return 273.15+x
In [26]:
         ##Determinacao das posicoes x e y de projectil
         #vo-v.inicial, a - angulo, t - tempo
         def posicoes_x_y(v0,a,t):
             from math import cos, sin, radians
             return v0*cos(radians(a))*t,
             v0*sin(radians(a))*t-(1/2)*9.81*t**2
                                 4 D > 4 B > 4 B > 4 B > 9 9 0
```

Funções - Cont.

Número variável de argumentos numa função

É possível que não se conheça a prior o número de argumentos que uma função terá, assim no lugar de argumento coloca-se *args.

```
In [27]: ##Calcula a media aritmetica de numeros
  def media(*args):
    print(args) #para imprimir todos os args.
    sum = 0.0
    for i in args:
        sum += i
    return sum/len(args)
```

Nota: Recorde-se que python tem um método para achar médias, .mean().





```
Funções - Cont.
```

Funções anônimas (λ)

Existe casos em que dar nome a uma função é irrelevante e, nesses casos em que o nome da fução é omitido, o python faz mímica do cálculo lâmbda²

A sintaxe da função lâmbda é:

lambda <argumentos>: <expressao>

Características da função lâmbda:

- Não aceita instruções no seu corpo;
- É escrita em uma única linha de execução.

```
In [28]: g = lambda x: x**3
In [29]: a = list(map(lambda x: x**3,[1,2,3,4]))
```

²O cálculo lâmbda trata funcões como cidadãos de primeira classe, isto é, entidades que podem ser utilizadas como argumentos e retornadas como vatores de outras funções,/59

A recurção é um método de resolução de problemas cujo princípio basea-se em redução de um certo problema em subproblemas cada vez mais menores de tal forma que a sua resolução seja trivial. Deste modo, a função definida chama a si própria.

```
In [30]:    def facto(x):
        """Determina factorial de um numero inteiro e + """
        if x==0:
            return 1
        else:
            return x*facto(x-1)
```

Nota: Este código não é robusto porque não acautela situações de números negativos e também para floats. Vamos melhorar durante a nossa discussão!

...Composição de funções.....

Existem casos em que a função que se define para executar uma dada tarefa, uma das suas entradas é determinada por uma outra função. Neste caso, a função corrente chama uma outra função previamente definida. Exemplo, imaginemos a seguinte combinação:

$$C_b^a = \frac{a!}{(a-b)!b!}$$

Uma vez já escrito o codigo para determinar factorial, podemos usar

```
In [31]: def combinacao(a,b):
    """Determina combinacao de a em b """
    return facto(a)/(fact(a-b)*facto(b))
```



- input()
- raw_input()

```
In [32]: def conversor_celc_kelvin():
    x = int(input("temperatura em graus celcius:"))
    y = 273.15+x
    print(str(x)+" oC ---> "+str(y)+" k")
```

Sempre que se faz uma operação numérica, o resultado deve ser um número limitado e com um formato adequado, como por exemplo:

```
In [33]:    a = 4
    b = a/3
    c = 0.0456
    print("%.2d, %.3f, %.2e, %.2f%%" %(a,b,c,c))
```

Módulos em python são ficheiros com extensão .py que contém um ou mais códigos com certas finalidades. Para se utilizar um dado código no módulo, primeiro importa-se o tal módulo e depois o respectivo código. Por exemplo, imaginemos que temos um módulo cujo nome é matrix.py e nesse módulo tem lá uma função que calcula o determinante e o seu nome é determinante (x). Para usarmos essa função, procedemos:

```
In [34]: from matrix import determinate
```

Em caso de o módulo matrix.py tiver muitas funções que achamos que vamos usar todas, podemos importar desta forma:

```
In [35]: from matrix import *
```





Conteúdos

- Operadores Matemáticos e lógicos no python

- 6 Controle de fluxo de execução
- Vectores (arrays) no Numpy



Vectores (arrays) no Numpyarange & linspace.....

Numpy tem muitas funções que são usadas para a computação numérica (entra **numpy?** no ipython ou mesmo **help(numpy)** no terminal). Quanto à criação de vectores, Numpy tem muitas funções para tal, porém, para a nossa discussão, vamos considerar arange, linspace.

```
In [36]:    import numpy as np
    a = np.arange(1,10,2)
    b = np.linspace(1,10,100)

In [37]:    list_1 = [0, 0, 1, 4, 7, 16, 31, 64, 127]
    vec_1 = array(list_1)
```





```
.....ones & zeros.....
```

```
In [38]:     z=list(map(lambda x: x**2, np.arange(1,10)))
     zz = np.array(z)
     z1=list(map(lambda x: x**2, np.linspace(1,10,10)))
     z2 = np.array(z1)
     N_inpar = list(filter(lambda x: x%2,np.arange(10)))
     N_inp = np.array(N_inpares)
In [39]:     vec_2 = np.zeros(3,dtype = int)
     vec_3 = np.ones(4)
     vec_4 = np.ones((2,3), dtype = int)
     vec_5 = np.zeros((3,2))
```



Conteúdos

- Nota introdutória
- 2 Instalação de python, jupyter-notebook e Notepad++
- Operadores Matemáticos e lógicos no python
- 4 Tipo de dados e sua estrutura
- Módulos de python
- 6 Controle de fluxo de execução
- Funções
- 8 Vectores (arrays) no Numpy
- Pandas
- Visualizações com Matplotlib
- SciPy



Pandas é uma livraria do python que permite importar/exportar dados em spreadsheet e em seguida efectuar várias operações de interesse. Esta livraria possue dois tipos de dados que são **Series** e **DataFrame**. Na nossa análise vamos usar DataFrame.

Para usarmos Pandas primeiro temos que importar:

```
import pandas
```

Importar dados no spreedsheet com extensão CSV

```
In [40]: import pandas as pd
    df = pd.read_csv("nome do ficheiro")
```

Os dados podem também ser baixados de uma nuvem, pelo que, é preciso expecificar-se a **url**.

```
In [41]: import pandas as pd
    url='https://setscholars.net/wp-content/uploads
    /2020/07/AirPassengers.csv'
    df = pd.read_csv(url,sep=",")
```

Exportar dados para spreedsheet com extensão CSV

```
In [42]: import pandas as pd
    dados = resultados.to_csv("resultados.csv")
```

ou, em caso de se ter efecturado cálculos com varios paramétros de saída, por exemplo, p-pressao, u -viscosidade e d - densidade, podemos usar DataFrame como:

```
In [43]: dados = pd.DataFrame({"pressao": p,
    "viscosidade": u, "densidade": d})
    dados.to_csv("resultados.csv", index = False)
```

Conteúdos

- Nota introdutória
- 2 Instalação de python, jupyter-notebook e Notepad++
- Operadores Matemáticos e lógicos no python
- 4 Tipo de dados e sua estrutura
- Módulos de python
- Controle de fluxo de execução
- Funções
- 8 Vectores (arrays) no Numpy
- Pandas
- Visualizações com Matplotlib
- SciPy



Visualizações com Matplotlib

Matplotlib é uma livraria multiforme de visualização de dados.

• Tipo de linhas, markers e cores: Clique!

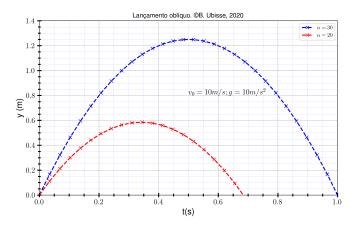


Figura 1: plot cartésiano simples



Visualizações com Matplotlib &

Crescimento populacional & Consumo de energia 320000 300000 -280000 população 260000 240000 -220000 população 200000 1971

Figura 2: Dois plots com escalas diferentes

1991

Ano

2001

1981





2011

Visualizações com Matplotlib

.. &

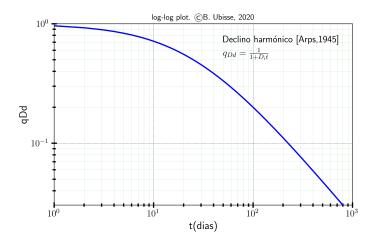


Figura 3: loglog plot





Conteúdos

- Operadores Matemáticos e lógicos no python

- Controle de fluxo de execução
- Vectores (arrays) no Numpy

- SciPy



SciPy

SciPy é uma livraria aberta (open-source) do Python destinado a resolver problemas científicos e com muitas funções especiais. Para ter mais detalhes de Scipy e seus pacotes, visite o seu documento oficial aqui!

Tabela 3: Alguns sub-módulos de Scipy

Sub-módulo	Função
scipy.cluster	Quantização de vector /k-means
scipy.constants	Constantes da Física e da Matemática
scipy.fftpack	Transformadas de Fourier
scipy.integrate	Routinas de integração
scipy.interpolate	Interpolação
scipy.linalg	Routinas da Algebra Linear
scipy.optimize	Optimização
scipy.signal	Processamento de sinais
scipy.special	funções especiais de Matemática
scipy.stats	Funções estatísticas



```
Ex: f(x) = \int_0^\pi \sin(x) dx
```

```
In [44]: from math import sin,pi
    def seno(x):
        return sin(x)
    inte_seno = quad(seno,0,pi)
    print(inte_seno)
```

$$\Gamma(\frac{1}{2}) = \int_0^\infty exp(-t)t^{-1/2}dt$$



Nota: A função *exp* foi importada do math. Porém em alguns casos pode-se ter um overflow e não se mostrar nenhum valor numérico. Por exemplo, para a integral:

$$I = \int_0^\infty \frac{x dx}{exp(x) + 1}$$
 [Hornbeck, R.W. (1975). *Numeric Methods*.p.173]

tive esse caso e ultrapassei usando *exp* do *Numpy*, porém, o aviso do tempo de execução continua.

A livraria scipy.integrate possui duas routinas poderosas para a resolução de equações diferenciais. Tais routinas são **ode** e **odeint** e para mais detalhes pode visitar a página oficial do scipy ou também ver [Pine,D.(2013).Introduction to python for science]. Para as nossas considerações vamos ver **odeint**.

Consideremos o seg. exemplo (retirado no KREYSZING, E.(2011). Advanced Engineering Mathematics. 10th edition. p.7) $\frac{dy}{dt} = -ky; \quad y(0) = 0.5; \quad k = 1.5$

```
In [46]: import numpy as np
   import matplotlib.pyplot as plt
   from scipy.integrate import odeint
   def n_derivative(y_der,t):
        return -1.5*y_der
   t_vec = np.linspace(0,3,40)
   s = odeint(n_derivative,y0 = 0.5, t = t_vec)
```

Eqs. diferenciais ordinárias da 1^a e da 2^a ordem.

Solução:

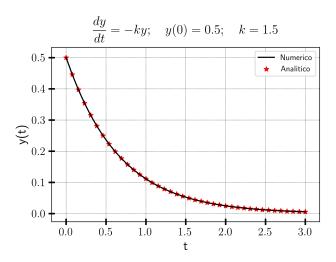




Figura 4: ODE

Quanto à ODEs da 2^a ordem de uma variável, primeiro temos que transformar a segunda derivada para um vector Y = (y, y') (Veja com maior profundidade no PINE, D.(2013).p.170).

Consideremos o seguinte exemplo de uma Oscilação amorticida

$$y'' + 2\epsilon\omega_0 y' + \omega_o^2 y = 0 \quad y(0) = 1 \quad y'(0) = 0.0$$

$$\omega_0^2 = k/m; \quad \epsilon = \frac{c}{2m\omega_0}$$

Onde: k - const.elastica da mola; c - coef. de amortecimento

Solução:

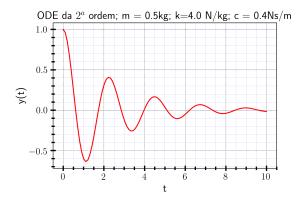


Figura 5: ODE da 2ª ordem



Consideremos a seg.equação:

$$u'' + w^2u = 0;$$
 $u(0) = I;$ $u'(0) = 0;$ $t \in [0, T]$

Usando-se as diferenças finitas temos:

$$u_{n+1} = 2u_n - u_{n-1} - \Delta t^2 w^2 u_n$$

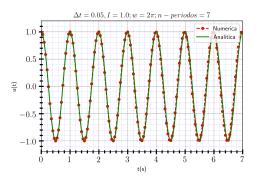


Figura 6: ODE D.finitas (Código nas sessões)



SciPy

...Optimização (curva de ajuste e determinação de raizes de funções não lineares)...

Consideremos o ficheiro (cor_tensao.csv) e encontremos o modelo que melhor caracteriza a relação entre as duas grandezas usando scipy.optimize.

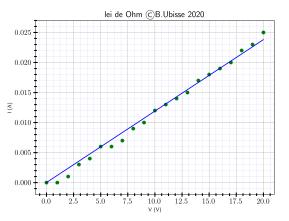


Figura 7: Curva de ajuste (Regressão linear)



SciPy

...Optimização (curva de ajuste e determinação de raizes de funções não lineares)...

Podemos usar Newton-Raphson e comparar os resultados

```
In [49]:    def n_raphson(fn,dfn,x,tol = 0.00001,maxiter=1000):
        for i in range(maxiter):
            xn = x-fn(x)/dfn(x)
            if abs(xn-x)<tol and abs(fn(xn))<tol: break
            x = xn
            return x
        y = lambda x: 2*x+log(x,10)-3
        dy = lambda x: 2+1/(x*log(10))
        n_raphson(y,dy,3)</pre>
```

Considerações finais

Achamos que por agora devemos parar por aqui, porém isso não significa que esgotamos todos os assuntos de introdução à programação em python mas sim, iniciamos mais uma caminhada longa na nossa vida. Espero que cada um de nós comece a explorar o que mais lhe interessa nesta ou noutras linguagens pois, é assim que poderá melhorar a sua performance.

Muito obrigado pela coragem de aceitar que juntos podemos aprender mais uma coisa na nossa vida.

Brevemente começará um módulo de três dias sobre como escrever um documento longo (por exemplo, dissertação e texto de apoio) usando LATEX. Caso isso também lhe interessa, faça-nos saber.





Leitura adicional

Landau, R. and Páez, M.(2018). *Computational Problems for Physics*. CRC Press

Langtangen, H.and Linge, S. (2017). Finite Difference Computing with PDEs - A Modern Software Approach. Springer.

Matthes, E. (2015). Curso Intensivo de Python - Uma Introdução Prática e Baseada em Projetos à Programação. Novatec, São Paulo, SP - Brasil.

Pine, D. (2013). Introduction to Python for Science. Release 0.9.23

Ramalho, L. (2015). Python Fluente. Novatec, São Paulo, SP - Brasil.

E todos os URLs em:

https://www.kaggle.com/python10pm/plotting-with-python-learn-80-plots-step-by-step



