

## Universidade Eduardo Mondlane

## Faculdade de Ciências

## Departamento de Física

## FÍSICA PARA CURSO DE LICENCIATURA EM ENGENHARIA INFORMÁTICA

Regente: Félix Tomo

Assistentes: Bartolomeu Ubisse; Belarmino Matsinhe; Esménio Macassa; Fernando Mucomole;

Graça Massimbe & Valdemiro Sultane

2022-AP # 03- Trabalho e Energia

- 1. Uma partícula desloca-se de um ponto A(20,15,0) m ao ponto B(0,0,0) m, sob acção das forças que lhe são aplicadas simultaneamente:  $\vec{F}_1 = \vec{i} + 2\vec{j} + 3\vec{k}$  (N) e  $\vec{F}_2 = 4\vec{i} + 5\vec{j} 2\vec{k}$  (N).
  - (a) Qual foi o trabalho realizado sobre a partícula?
  - (b) Qual foi a variação da energia cinética?
  - (c) Determine o ângulo entre  $\vec{F}_1$  e  $\vec{r}$ .
- 2. Uma pequena esfera de massa m, inicialmente em A, desliza sobre uma superfície circular ADB, sem atrito conforme se ilustra na Fig.1.
  - (a) Determine a velocidade com que a esfera atinge *C*;
  - (b) Demostre que, quando a esfera está no ponto C, a velocidade angular é:  $\omega = \sqrt{\frac{2gsen\alpha}{r}}$
  - (c) Determine a energia mecânica em *C*.
- 3. Uma massa é liberada a partir do repouso de uma altura h acima do nível do solo e desliza sem atrito em uma pista que termina em um "loop" de raio r, conforme indicado na Fig.2. Determine o ângulo  $\theta$  relativo à vertical e ao ponto em que a massa perde o contacto com a pista. Expresse sua resposta como função da altura h, do raio r e de aceleração de gravidade g.

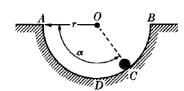


Figura 1:

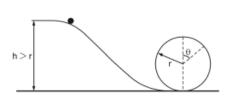


Figura 2:

- 4. Uma partícula está submetida a uma força  $\vec{F} = (y^2 x^2)\vec{i} + 3xy\vec{j}$  (em Newton). Determine o trabalho realizado por esta força quando a partícula se desloca de  $(x_o; y_o) = (0;0)$  para (x;y) = (2;4), ao longo dos seguintes caminhos:
  - (a) Ao longo do eixo x (0;0) à (2;0) e paralelamente ao eixo-y (2,4);
  - (b) Ao longo do eixo y (0;0) à (0;4) e paralelamente ao eixo-x (2,4);
- 5. Um bloco de massa 3,0 kg desce uma rampa em A (Veja a Fig.3). De A até B o atrito é desprezível. De B até C o coeficiente de atrito cinético é 0,25. O bloco colide com a mola, comprime-se e vai parar instantaneamente na posição C, invertendo, a seguir, o sentido do seu movimento. A constante elástica da mola é  $k=1,5\times 10^{10}~{\rm N/m}$ .

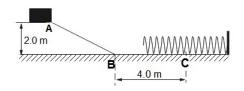


Figura 3:

- (a) Indicar as transformações de energia nos percursos AB e BC;
- (b) São conservativas todas as forças que actuam no bloco?
- (c) Calcular os trabalhos realizados pelas forças gravíticas, de atrito e elástica da mola;
- (d) Determinar a compressão máxima da mola;
- (e) Onde irá parar o bloco após a inversão de sentido do seu movimento?
- 6. Um elevador transporta, para cima, 10 passageiros a uma altura de 800 m em 3,0 minutos. Cada passageiro tem 80 kg de massa e o elevador tem uma massa igual a 1000 kg. Calcule a potência do motor do elevador.
- 7. Um automóvel sobe uma rampa com inclinação de 10%, com velocidade constante de 50 km/h. A massa do automóvel é de 1200 kg. Desprezando o atrito, determinar:
  - (a) A potência desenvolvido pelo motor;
  - (b) O trabalho realizado em 5,0 s;
  - (c) A potência desenvolvida pelo motor se, nas mesmas condições, os atritos e a resistência do ar dessipam 20% dessa potência.
- 8. Quais das forças a seguir são conservativas? No caso de serem conservativas, determine a energia potencial U(r). (a)  $F_x = ayz + bx + c$ , (b)  $F_y = axz + bz$ , (c)  $F_z = axy + by$ ; (d)  $F_x = -ze^{-x}$ , (e)  $F_y = \ln z$ , (f)  $F_z = e^x + y/z$ ; (g)  $\vec{F} = \frac{a}{r}\vec{e}_r$  (a, b e c são constantes)
- 9. Uma partícula de massa m está sob acção de uma força cuja energia potencial é  $U(x) = ax^2 bx^3$ , onde a e b são constantes positivas. Determine a força que actua sobre a partícula e esboce o gráfico de F(x) e de U(x).
- 10. Uma partícula de massa m move-se sob acção de uma força  $F = -k/r^2$  (k=constante). A trajectória é um círculo de raio r. Mostre que a energia total é E = -k/2r e a velocidade é  $v = \sqrt{k/mr}$ .

- 11. A lei da gravitação universal estabelece que qualquer corpo celeste de massa M produz uma força atractiva sobre qualquer outro corpo de massa m, dada pela expressão,  $\vec{F}_g = -G\frac{Mm}{r^2}\vec{e}_r$ , onde G é a constante de gravitação universal, r é a distância entre os dois corpos,  $\vec{e}_r$  é o versor radial, que aponta desde o corpo de massa M até o corpo de massa m. Determine:
  - (a) A energia potencial gravítica U(r) devida ao corpo de massa M;
  - (b) Considerando o resultado da alínea anterior e, com recurso à formula de Taylor (expanção em série de Taylor), demonstre que a energia potencial gravítica de uma partícula e/ou objecto na terra pode se determinar pela expressão U = mgz, onde z é a distância (vertical) da localização da partícula até à superfície da terra.
- 12. Um regulador centrífugo consiste em duas esferas de 200g presas mediante hastes leves e rígidas de 10cm a um eixo de rotação vertical. As hastes são articuladas de modo que as esferas se afastem para longe do eixo enquanto giram com ele. Entretanto, quando o ângulo  $\theta$  é  $45^o$ , as esferas encontram a parede do cilindro dentro do qual o regulador está girando (Fig.4). (a) Qual é a velocidade mínima de rotação, em revoluções por minuto (rpm), necessárias para as esferas tocarem na parede? (b) Se o coeficiente de atrito cinético entre as esferas e a parede é 0.35, que potência é dissipada como resultado do atrito das esferas contra a parede quando o mecanismo gira a 300rpm?

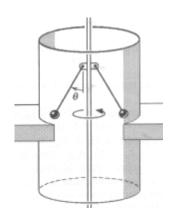


Figura 4: