```
In [6]: import numpy as np
       import pandas as pd
        from sklearn.model_selection import train_test_split
        from sklearn.preprocessing import StandardScaler
        from sklearn.metrics import mean_squared_error, mean_absolute_error
        import tensorflow as tf
        from tensorflow import keras
        from tensorflow.keras import layers, callbacks
        import matplotlib.pyplot as plt
        np.random.seed(42)
        tf.random.set_seed(42)
        N = 5000
        X = np.random.rand(N, 3) * np.array([50, 24, 10_000_000.0])
        # Generowanie zależnych danych - y jako funkcja X + szum
       y = np.zeros((N, 2))
       y[:,0] = X[:,0]*5 + X[:,1]*2 + np.random.randn(N)*5
                                                               # liczba wymaganych pracowników
       y[:,1] = X[:,2]*0.001 + X[:,1]*50 + np.random.randn(N)*100 # średnie wynagrodzenie
        # Uporządkowanie do DataFrame (dla czytelności)
        df = pd.DataFrame(np.hstack([X, y]), columns=[
            'n_projects', 'avg_duration_months', 'budget',
            'req_employees', 'avg_salary'
        df.head()
        # Podział na zbiór treningowy i testowy oraz skalowanie cech
        X = df[['n_projects', 'avg_duration_months', 'budget']].values
        y = df[['req_employees', 'avg_salary']].values
        X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size=0.2, random_state=42)
        scaler_X = StandardScaler()
        X_train_scaled = scaler_X.fit_transform(X_train)
        X_test_scaled = scaler_X.transform(X_test)
        # Standaryzacja targetów ułatwi trenowanie; zapiszemy skalery, aby odwrócić transformację
        scaler_y = StandardScaler()
        y_train_scaled = scaler_y.fit_transform(y_train)
        y_test_scaled = scaler_y.transform(y_test)
        # Funkcja pomocnicza do budowania modeli o różnych architekturach
        def build_model(architecture='1ukryta', input_shape=(3,)):
            model = keras.Sequential()
            if architecture == '1ukryta':
                model.add(layers.Input(shape=input_shape))
               model.add(layers.Dense(64, activation='relu'))
            elif architecture == '2ukryte':
                model.add(layers.Input(shape=input_shape))
               model.add(layers.Dense(64, activation='relu'))
               model.add(layers.Dense(32, activation='relu'))
            elif architecture == '3ukryte':
                model.add(layers.Input(shape=input_shape))
               model.add(layers.Dense(128, activation='relu'))
               model.add(layers.Dense(64, activation='relu'))
               model.add(layers.Dense(32, activation='relu'))
            else:
                raise ValueError('Unknown architecture')
            model.add(layers.Dense(2)) # 2 wartości wyjściowe (regresja wielowymiarowa)
            model.compile(optimizer='adam', loss='mse', metrics=['mae'])
            return model
        # Parametry treningu
        EPOCHS = 200
        BATCH_SIZE = 64
        es = callbacks.EarlyStopping(monitor='val_loss', patience=15, restore_best_weights=True)
        architectures = ['1ukryta', '2ukryte', '3ukryte']
        histories = {}
        models = {}
        results = {}
        for arch in architectures:
            print('\n--- Trening modelu:', arch, '---')
            model = build_model(arch, input_shape=(X_train_scaled.shape[1],))
           history = model.fit(
               X_train_scaled, y_train_scaled,
               validation_split=0.15,
               epochs=EPOCHS,
               batch_size=BATCH_SIZE,
               callbacks=[es],
               verbose=0
            models[arch] = model
           histories[arch] = history
           y_pred_scaled = model.predict(X_test_scaled)
           y_pred = scaler_y.inverse_transform(y_pred_scaled)
            mse = mean_squared_error(y_test, y_pred)
            mae = mean_absolute_error(y_test, y_pred)
            results[arch] = {'mse': mse, 'mae': mae}
            print(f'Arch: {arch} -> MSE: {mse:.4f}, MAE: {mae:.4f}')
        # Wykresy: historia MSE (loss) dla każdej architektury
        for arch in architectures:
            h = histories[arch]
            plt.figure()
            plt.plot(h.history['loss'], label='train_loss')
            plt.plot(h.history['val_loss'], label='val_loss')
            plt.title(f'Loss (MSE) - {arch}')
            plt.xlabel('Epoka')
            plt.ylabel('MSE')
            plt.legend()
            plt.grid(True)
            plt.show()
        # Wykres: rzeczywiste vs przewidywane (dla najlepszego modelu wg MSE)
        best_arch = min(results, key=lambda k: results[k]['mse'])
        print('\nNajlepsza architektura wg MSE:', best_arch, results[best_arch])
        best_model = models[best_arch]
        y_pred_best = scaler_y.inverse_transform(best_model.predict(X_test_scaled))
        # Wykres dla obu wyjść w osobnych wykresach
        plt.figure()
        plt.scatter(y_test[:,0], y_pred_best[:,0], alpha=0.4)
        plt.title('Rzeczywista vs Przewidywana - liczba wymaganych pracowników')
        plt.xlabel('Rzeczywista liczba pracowników')
        plt.ylabel('Przewidywana liczba pracowników')
        plt.grid(True)
        plt.show()
        plt.figure()
        plt.scatter(y_test[:,1], y_pred_best[:,1], alpha=0.4)
        plt.title('Rzeczywiste vs Przewidywane - średnie wynagrodzenie')
        plt.xlabel('Rzeczywiste średnie wynagrodzenie')
        plt.ylabel('Przewidywane średnie wynagrodzenie')
        plt.grid(True)
        plt.show()
        # Tabela wyników metryk dla modeli
        results_df = pd.DataFrame(results).T
        results_df
       --- Trening modelu: 1ukryta ---
       Arch: 1ukryta -> MSE: 5928.8434, MAE: 45.8481
       --- Trening modelu: 2ukryte ---
       32/32 [============= ] - 0s 542us/step
       Arch: 2ukryte -> MSE: 5884.9454, MAE: 45.3581
       --- Trening modelu: 3ukryte ---
       32/32 [============= ] - 0s 672us/step
       Arch: 3ukryte -> MSE: 5902.0042, MAE: 45.5717
                                    Loss (MSE) - 1ukryta
                                                                 --- train_loss
          0.7
                                                                    val_loss
          0.6
          0.5
          0.3
          0.2
          0.1
          0.0
                                                            50
                                  20
                                           30
                                                                     60
                                             Epoka
                                    Loss (MSE) - 2ukryte
                                                                  --- train_loss
                                                                      · val_loss
          0.4
          0.3
       MSE
          0.2
          0.1
          0.0
                                     20
                                                           40
                                                                     50
                           10
                                                30
                                             Epoka
                                     Loss (MSE) - 3ukryte
                                                                  --- train_loss
          0.30
                                                                        val_loss
          0.25 -
          0.20
       ₩
0.15
          0.10
          0.05
          0.00
                                                                            25
                                                                20
                                              Epoka
       Najlepsza architektura wg MSE: 2ukryte {'mse': 5884.945396345052, 'mae': 45.35813066204935}
       32/32 [============ ] - 0s 599us/step
           Rzeczywista vs Przewidywana - liczba wymaganych pracowników
       Przewidywana liczba pracowników
7 01 02 05 05
```

 Out[6]:
 mse
 mae

 1ukryta
 5928.843382
 45.848133

 2ukryte
 5884.945396
 45.358131

 3ukryte
 5902.004159
 45.571734

2000

4000

6000

Rzeczywiste średnie wynagrodzenie

8000

10000

wynagrodzenie

Przewidywane

6000

4000

250

200

100

150

Rzeczywista liczba pracowników

Rzeczywiste vs Przewidywane - średnie wynagrodzenie