Algoritmos & Estructuras de Datos Guía Práctica Universidad de San Andrés

Gianmarco Cafferata

Magalí Marijuán

I. Javier Mermet

Matías Sandacz

24 de marzo de 2023

Índice general

Ι	Introducción	2
1	Lenguaje C 1.1 Ejercicios para entrar en calor	3 3 5 5
2	Recursividad	7
3	Lectura de Archivos	10
4	Magia con Punteros	11
II	Estructuras de Datos	12
5	Listas	13
6	Pilas	15
7	Colas	17
8	Heaps 8.0.1 Heap	18 18
9		20 20 20
10	Grafos	22
11	Hashing	23
12	Respuestas	24

Parte I Introducción

Lenguaje C

1.1 Ejercicios para entrar en calor

Ejercicio 1.1 Escribir la función que dado $n \in N$ devuelve si es primo. Recuerden que un número es primo si los únicos divisores que tiene son 1 y el mismo.

Ejercicio 1.2 Escribir la función que dado $n \in N$ devuelve la suma de todos los números impares menores que n.

1.2 Punteros y Arreglos

Ejercicio 1.3 ¿Cuál es el valor de a y b luego de ejecutar el programa?

```
void myFunc(int* a, int b)
{
    {
        (*a)++;
        b++;
    }

    void main()
    {
        int a = 10;
        int b = 10;
        myFunc(&a, b);
}
```

Ejercicio 1.4 ¿Que valor se imprime por consola luego de cada llamado a printf?

```
void main()

{
```

```
int x = 10;
int* px = &x;

printf("%d \n", px);
printf("%d \n", (*px));

(*px)++;

printf("%d \n", px);
printf("%d \n", px);
printf("%d \n", (*px));
}
```

Ejercicio 1.5 Implementar las siguientes funciones en C

1. void crearArreglo(int v)

Crea un arreglo estático de enteros de tamaño 8, inicializando todos sus elementos con $v,\,y$ lo imprime en pantalla.

2. int* crearArregloDin(int n, int v)

Dado un natural n, crea un arreglo de enteros de ese tamaño, inicializando todos sus elementos con v, y devuelve un puntero al mismo.

3. Invocar la siguiente función con cualquiera de los arreglos inicializados anteriormente y convencerse de que sus elementos están ubicados de manera **contigua** en memoria. Recordar que cada elemento de tipo int ocupa 4 bytes.

```
void mostrarMemoria(int* arr, int size)

for(int i=0; i<size; i++)

printf("Elemento: %d, Direccion: %d\n", i, &arr[i]);
}

}</pre>
```

Ejercicio 1.6 Cuál es la diferencia entre malloc y calloc? Cuando utilizamos la función free?

Ejercicio 1.7 Dado el siguiente struct que representa una Persona

```
typedef struct Persona{
int edad;
char* nombre;
Persona;

Persona* inicializarPersonas(int n)
```

Completar la función inicializar Personas, que dado un enter
on, crea un arreglo de n personas, y devuelve un puntero al mismo.

- 1. Utilizando malloc.
- 2. Utilizando calloc.

1.2.1 Más arreglos!

Ejercicio 1.8 Programar las siguientes funciones en C:

1. int maximo(int* arr, int size)

Dado un arreglo de enteros arr de tamaño size, devuelve el máximo elemento.

2. void sumador(int* arr, int size, int c)

Dado un arreglo de enteros arr de tamaño size, y un entero c, suma c a todos los elementos de arr.

3. char* copiar(char* arr)

Crea una copia de arr, y devuelve un puntero a la copia.

4. int* reverso(int* arr, int size)

Dado un arreglo de enteros arr de tamaño size, devuelve su reverso.

Ejemplo: Dado [1, -2, 85, 65] se debe devolver [65, 85, -2, 1].

- 1. Se puede modificar arr.
- 2. Sin modificar arr.
- 5. bool estaOrdenado(int* arr, int size)

Dado un arreglo arr de enteros de tamaño size, retorna true si es monótonamente creciente o monótonamente decreciente.

6. bool esPalindromo(char* s)

Dado un string s, retorna true si es un palíndromo. Recuerden que un palíndromo es una palabra que se lee igual en un sentido que en otro (por ejemplo; Ana, Anna, Otto).

1.3 Ordenamiento

Ejercicio 1.9

```
void ordenar(int* arr, int size)
```

Dado un arreglo de enteros arr de tamaño size, escribir una función que lo ordene de menor a mayor.

- 1. Utilizando selection sort.
- 2. Utilizando insertion sort.
- 3. Dar la complejidad temporal en el peor caso de ambos algoritmos.
- 4. Cual es la complejidad temporal en el peor caso de ambos algoritmos, suponiendo que el arreglo de entrada ya está ordenado?
- 5. Suponiendo que queremos obtener únicamente los k < size menores elementos del arreglo, ¿Cuál de los dos algoritmos utilizaría? ¿Por qué?

Ejercicio 1.10 Decimos que un algoritmo de ordenamiento es estable si preserva el orden relativo de los elementos con la misma clave.

Supongamos que queremos ordenar el arreglo de tuplas A = [(3,6), (1,5), (3,2)], utilizando como clave el primer componente de cada tupla. En este caso, dos resultados diferentes son posibles, uno de los cuales mantiene un orden relativo de elementos con claves iguales, y una en la que no:

```
[(1,5), (3,6), (3,2)] Preserva el orden relativo entre (3,6) y (3,2) [(1,5), (3,2), (3,6)] No preserva el orden relativo entre (3,6) y (3,2)
```

 Decidir si los algoritmos de ordenamiento presentados en el ejercicio anterior son estables. Justificar.

Ejercicio 1.11 Consideremos el siguiente algoritmo de ordenamiento, llamado bubble sort (suponemos que n es el tamaño del arreglo):

```
int i = 0;
while( i < n-1 )

function in the image of the image o
```

- 1. Describir con palabras qué hace este algoritmo.
- 2. ¿Cuántas veces se ejecuta el swap del ciclo interior como máximo (i.e. en el peor caso)?

Ejercicio 1.12

```
bool twoSum(int* arr, int size, int target)
```

Dado un arreglo de enteros sin repetidos arr de tamaño size, se debe devolver true si existen dos elementos a1 y a2 tal que a1 + a2 = target. En caso contrario, devolver false.

- 1. Dar una solución con complejidad temporal $O(n^2)$.
- 2. Dar una solución con complejidad temporal O(nlogn).

Recursividad

Ejercicio 2.1

```
int fibo(int n)
```

Los números de Fibonacci son una sucesión de números naturales definida por las ecuaciones:

$$F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$$

con $F_1=F_2=1.$ Escribir una función recursiva para computar el n-ésimo número de Fibonacci.

Ejercicio 2.2

```
int suma(int n)
```

Escribir una función recursiva para calcular la suma de los primeros n números.

Ejercicio 2.3

```
int factorial(int n)
```

Escribir una función recursiva para calcular el factorial de n.

Ejercicio 2.4

```
int potencia(int a, int n)
```

Escribir una función recursiva para calcular a^n .

Ejercicio 2.5

```
void imprimir(int* arr, int n)
```

Escribir una función recursiva para imprimir todos los elementos de un arreglo con n elementos.

Ejercicio 2.6

```
void imprimirReverso(int* arr, int n)
```

Escribir una función recursiva para imprimir todos los elementos de un arreglo con n elementos en orden reverso.

Ejercicio 2.7

```
int max(int* arr, int n)
```

Escribir una función recursiva para calcular el máximo elemento de un arreglo de n elementos.

Ejercicio 2.8

```
int ocurrencias(int* arr, int n, int elem)
```

Escribir una función recursiva para contar la cantidad de veces que aparece el elemento elem en un arreglo arr de n elementos.

Ejercicio 2.9

```
void reverso(char* str)
```

Escribir una función recursiva para convertir str en su reverso. Por ejemplo, dado el String "abc", se debe modificarlo para obtener "cba".

Ejercicio 2.10 Como vieron en la teórica, merge sort es el algoritmo recursivo más conocido para ordenar un arreglo. Utiliza una técnica algorítmica conocida como Divide and Conquer, y consta en dividir el arreglo en dos partes iguales, ordenar cada una recursivamente, y finalmente combinar los resultados.

- 1. Implementar merge sort utilizando pseudocódigo. Dar su complejidad temporal.
- 2. ¿Que desventaja tiene merge sort al ser un algoritmo recursivo? Sugerencia: Pensar en la complejidad espacial y el stack del proceso.

Ejercicio 2.11 La búsqueda binaria es un algoritmo eficiente para encontrar un elemento en un arreglo ordenado. El código es el siguiente: (Suponiendo que n es el tamaño del arreglo).

```
bool binarySearch(int* a, int n, int target)

int low = 0, high = n - 1;

// Iteramos hasta agotar los elementos
while (low <= high)

{
    // Calculamos el punto medio del arreglo
    int mid = (low + high)/2;

// Encontramos el target
    if (target == nums[mid]) {
        return true;
}</pre>
```

```
}
14
15
            // Si el target es menor que el elemento del medio,
            // descartamos todos los elementos a la derecha.
17
            else if (target < nums[mid]) {</pre>
                 high = mid - 1;
19
            }
21
            // Si el target es mayor que el elemento del medio,
            // descartamos todos los elementos a la izquierda.
23
            else {
24
                 low = mid + 1;
25
            }
26
        }
27
28
   // Taget no está en el arreglo.
29
   return false;
30
31
   }
32
```

- 1. Describir con palabras qué hace este algoritmo.
- 2. Mostrar con un ejemplo que el algoritmo **no** es correcto si el arreglo de entrada no esta ordenado.
- 3. Implementar la búsqueda binaria utilizando recursión. Dar su complejidad temporal.

Ejercicio 2.12

```
int* buscarRango(int* arr, int size, int target)
```

Dado un arreglo de enteros arr de tamaño size, ordenado de menor a mayor, encontrar los índices de comienzo y de final de target. Devolverlos en un arreglo. Además, se puede suponer que target es un elemento de arr.

Por ejemplo, si arr = [5,7,7,8,8,8,10], target = 8, se debe devolver [3,5].

- 1. El algoritmo dado debe tener complejidad O(n).
- \triangle 2. El algoritmo dado debe tener complejidad $O(\log n)$.

Lectura de Archivos

Magia con Punteros

Ejercicio 4.1

```
typedef struct Persona {
char* nombre;
char* apellido;
char* domicilio;
int edad;
} Persona;

char* masGrande(Persona** personas, int n)
{
// COMPLETAR
```

Completar la función masGrande, que dado un arreglo de n personas, devuelve el nombre de la persona de mayor edad.

Ejercicio 4.2

```
void imprimirMatriz(int** matrix, int n, int m)
```

Dada una matriz de n filas y m columnas, imprimir todos sus elementos en pantalla. Se deben imprimir todos los elementos de la primer fila, luego todos los de la segunda fila, y así sucesivamente. Por ejemplo, dada la matriz de 2x3 [[1,2,3], [4,5,6]], se debe imprimir 1, 2, 3, 4, 5, 6.

Ejercicio 4.3

```
void traspuesta(int** matrix, int n)
```

Dada una matriz cuadrada de nxn, modificarla para obtener su traspuesta. Por ejemplo, dada la matriz cuadrada [[1,2], [3,4]], se debe modificar para obtener [[1, 3], [2, 4]]. Recuerden que la matriz traspuesta es aquella que surge como resultado de realizar un cambio de columnas por filas y filas por columnas en la matriz original.

Parte II Estructuras de Datos

Listas

Ejercicio 5.1

- 1. ¿Qué cambios se le tendrían que hacer a una lista simplemente enlazada para permitir que la operación eliminar último tenga complejidad O(1)?
- **A** 2. ¿Se le ocurre cómo hacer para que la solución al punto anterior tenga una menor complejidad de memoria?

Ejercicio 5.2 (Implementar una función que permita verificar si una lista es un palíndromo (es decir, los elementos son los mismos cuando se lee de principio a fin o al revés). No se pueden usar estructuras de datos adicionales para resolver este problema.

1. ¿Qué complejidad temporal tiene la solución al problema anterior?

Ejercicio 5.3 Implementar funciones para unir dos listas l1 y l2.

- 1. Anexando todos los elementos de l2 al final de l1
- 2. Intercalando elementos de l1 y l2

Ejercicio 5.4 En diversos sistemas distribuidos es común ver arquitecturas que utilizan anillos para balancear carga o sincronizarse. Un ejemplo es como Cassandra maneja las particiones de datos. En este ejercicio se propone:

- 1. Pensar que modificaciones hay que hacer a una lista simplemente enlazada para convertirla en una lista circular.
- 2. Queremos que nuestro anillo tenga 256 posiciones. Pensar como limitar la cantidad de nodos acorde a esta limitación.
- 3. Implementar una función insertarDato que permita insertar datos en nuestro anillo.

```
int insertarDato(lista_circular_t* listac, int dato) {
    // garantizado que devuelve un valor entre 0 y 255 inclusive
    int particion = hash(dato);
    // completar
}
```

En esta función, la *partición* donde se guardará el dato es un número entero entre 0 y 255 (de modo de quedar dentro del rango de 256 posiciones de nuestro anillo). Luego,

- donde hay que completar, se debe buscar cuál es el nodo que maneja esa partición. Un nodo j conoce su posición inicial i_j y tiene una lista enlazada de datos. Una vez encontrado el nodo, se debe colocar en su lista de datos el dato pasado.
- 4. Pensar como se deben rebalancear los datos del anillo cuando se agrega un nuevo nodo en una posición aleatoria.
- $5.\,$ Análogamente, pensar como se deben rebalancear los datos del anillo cuando se remueve un nodo.

Pilas

Ejercicio 6.1 Implementar un programa que lea una secuencia de letras hasta llegar a un punto e imprima los caracteres ingresados en orden inverso.

Ejercicio 6.2 Escribir un programa que lee una secuencia de caracteres y verifica que todos los parentesis, corchetes y llaves están balanceados.

Ejercicio 6.3 Implementar las siguientes funciones

- 1. int stack_sorted_descending(pila_t* pila); que verifica si los elementos de la
 pila están ordenados en orden decreciente
- 2. int stack_sorted_ascending(pila_t* pila); que verifica si los elementos de la
 pila están ordenados en orden creciente

Ejercicio 6.4 Dados dos numeros n y m, y la siguiente lista de operaciones permitidas:

```
1. n \to n + 1
2. n \to n + 2
3. n \to n * 2
```

Escribir una función que encuentre la secuencia más corta de operaciones permitidas para llegar de n a m.

Ejercicio 6.5 Implementar una calculadora de notación polaca. A continuación, se provee un ejemplo:

```
int calcular(pila_t* pila) {
    // completar
}
int main(void) {
    pila_t* pila = pila_crear();
}
```

CAPÍTULO 6. PILAS 16

```
// 25 * 2 + 10 - 2 * 3 - 4
9
       // Pasa a ser:
10
       // - - + * 25 2 10 * 2 3 4
11
12
       pila_apilar(&pila, "4");
       pila_apilar(&pila, "3");
14
       pila_apilar(&pila, "2");
       pila_apilar(&pila, "*");
16
       pila_apilar(&pila, "10");
       pila_apilar(&pila, "2");
18
       pila_apilar(&pila, "25");
19
       pila_apilar(&pila, "*");
20
       pila_apilar(&pila, "+");
21
       pila_apilar(&pila, "-");
22
       pila_apilar(&pila, "-");
23
       int resultado = calcular(&pila);
25
       // debería imprimir 50
26
       printf("El resultado es %d", resultado);
27
       return 0;
29
30 }
```

Colas

Ejercicio 7.1 Utilizando una cola, invertir una pila.

 ${\bf Ejercicio~7.2~Implementar~una~cola~utilizando~un~arreglo}$

Ejercicio 7.3 Implementar una cola utilizando una lista simplemente enlazada.

Ejercicio 7.4 Implementar una cola utilizando una lista doblemente enlazada.

 ${f Ejercicio}$ 7.5 Implementar una pila utilizando dos colas

Heaps

8.0.1 Heap

Ejercicio 8.1 Implementar el algoritmo heapify y dar su complejidad temporal.

- 1. Utilizando heapify up
- 2. Utilizando heapify down

Ejercicio 8.2 Queremos una función top k que recibe un arreglo de números y un valor k y devuelve los k mayores del arreglo.

- 1. La primer implementación ordena el arreglo y busca los k mayores en las primeras k posiciones. Indique el orden.
- 2. La segunda implementación usa un arreglo auxiliar de k elementos. Se recorre el arreglo de números y cada número se compara con los k en el arreglo auxiliar: si es mayor a alguno se saca el menor de ellos reemplazándolo por el nuevo. Indique el orden de esta implementación.
- 3. Realice una implementación cuyo orden sea O(nlog(k)).

Ejercicio 8.3 Mergear M arreglos ordenados en un solo arreglo ordenado en O(nlog(m)), donde n es la cantidad total de elementos de todos los arreglos.

Ejercicio 8.4 Implementar un algoritmo que verifique si un arreglo de números representa a un heap.

Ejercicio 8.5 Recibimos dos arreglos ordenados A y B y un número k. Nos piden encontrar los k pares de ambos arreglos que menos suman (cumpliendo que sean k). Ejemplos:

- A = [0, 1, 3, 6], B = [1, 2, 5]
 - 1. Con k = 1 la solución es [(0,1)] ya que es el único par que suma 1.
 - 2. Con k = 2 la solución es [(1,1), (0,2)].
 - 3. Con k = 3 no hay solución.
- A = [0, 2, 5, 7], B = [0, 1, 3, 6]

- 1. Con k = 1 la solución es [(0,1)].
- 2. Con k = 2 la solución es [(2,1), (3,0)].
- 3. Con k = 3 la solución es [(2,6), (5,3), (7,1)].

Implemente una función que lo resuelva en O(nlog(n))

Ejercicio 8.6 Recibimos números constantemente (que no llegan ordenados de ninguna forma) y queremos saber en cualquier momento la mediana de todos ellos. La mediana es el número que deja al 50% de los números a su izquierda (menores a el) y al otro 50% a su derecha (los mayores). Ejemplos:

19

- Para [1, 2, 4, 6] la mediana es 3.
- Para [1, 2, 6] la mediana es 2.
- Para [1, 2, 4, 4, 6] la mediana es 4.

Podemos querer la mediana varios momentos a medida nos llegan los números. Debemos implementar dos funciones:

- 1. add agrega un número nuevo
- 2. get median obtiene la mediana actual. Se pide que sea O(1).

Árboles

9.0.1 Árboles Binarios

Ejercicio 9.1 Recorrer un árbol binario utilizando los siguientes recorridos

- 1. Preorder
- 2. Postorder
- 3. Inorder

Ejercicio 9.2 Dado un árbol binario, se define una hoja como un nodo sin hijos. Implementar una función que imprima por pantalla el valor de todas sus hojas de izquierda a derecha.

Ejercicio 9.3 La altura de un árbol binario se define como la cantidad de ejes entre la raíz y la hoja más lejana. Implementar la función int altura(Node* raiz) que dada la raíz de un árbol binario, devuelve su altura. Dar su complejidad temporal.

Ejercicio 9.4 Implemente la función bool sumTree (Node* raiz) que retorna verdadero si un árbol binario es un sumTree. Un sumTree es un árbol en donde el valor de todos sus nodos es igual a la suma de todos los nodos de su subárbol izquierdo más los del subárbol derecho. Dar su complejidad temporal.

9.0.2 Árboles Binarios de Búsqueda

Ejercicio 9.5 Implemente la función bool esBST(Node* raíz) que retorna verdadero si el árbol binario es un árbol de búsqueda. Dar su complejidad temporal.

Ejercicio 9.6 Implemente la función bool pertenece (Node* raíz, target int) que retorna verdadero si el target pertenece al árbol binario de búsqueda.

- 1. Dar su complejidad temporal.
- 2. Dar su complejidad temporal en el caso en que el árbol esté balanceado.

Ejercicio 9.7 Dado un árbol de búsqueda binario y un elemento, agregarlo al árbol. Se debe asegurar que el árbol resultante siga siendo un árbol de búsqueda binario válido después de agregar el elemento.

Ejercicio 9.8 Dado un árbol de búsqueda binario y un elemento perteneciente al árbol, eliminar ese elemento del árbol. Se debe asegurar que el árbol resultante siga siendo un árbol de búsqueda binario válido después de eliminar el elemento.

Ejercicio 9.9 Dado un arreglo entero nums donde los elementos están ordenados en orden ascendente, implementar una función que lo convierta en un árbol de búsqueda binario balanceado. Dar su complejidad temporal.

Grafos

Hashing

Respuestas

Solución del ejercicio 5.1

Este ejercicio apunta a ayudar a descubrir las listas doblemente enlazadas y las XOR lists.