

Preenchimento de Polígonos

Uéliton Freitas

Universidade Católica Dom Bosco - UCDB

freitas.ueliton@gmail.com

27 de outubro de 2014

Sumário

- 1 Introdução
- 2 Teste de Interior e Exterior
- 3 Preenchimento de Áreas
 - Algoritmo Scanline

Introdução

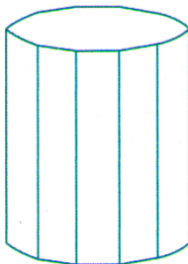
Preenchimento de Polígonos

- Além do desenho de linhas, uma outra construção útil é o **preenchimento de áreas**.
 - Usado para descrever superfícies ou objetos sólidos.
- Embora qualquer forma possa ser preenchida, normalmente as **APIs gráficas suportam polígonos**.
 - Maior eficiência por serem descritos por equações lineares.
 - Maioria das superfícies curvas podem ser aproximadas por polígonos.

Introdução

Preenchimento de Polígonos

- Aproximação de curva é normalmente chamada de **tesselação** de uma superfície ou **malha de polígonos**.
- Estas aproximações podem ser rapidamente geradas como visões wire-frame.



Introdução

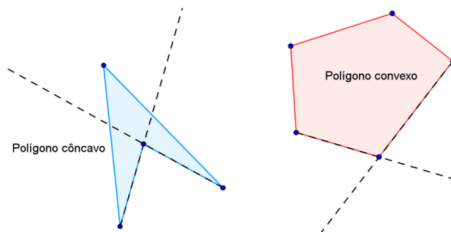
Preenchimento de Polígonos

- Um polígono é uma **figura plana** especificada por um conjunto de 3 ou mais **vértices**, **ligados** sequencialmente por **arestas**(linhas).
- Arestas possuem pontos em comum somente em seu ponto inicial e final.
- Todos os vértices estão no mesmo plano.
- Devido a erros de arredondamento, as arestas de um polígono podem não ser coplanares.
 - Utiliza-se triângulos para resolver este problema.

Introdução

Classificação de Polígonos

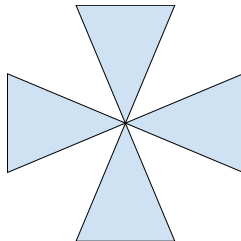
- Se todos os ângulos interiores de um polígono forem menores que 180° , o polígono é **convexo** caso contrário é **côncavo**.
- Em um polígono convexo, dois pontos interiores definem um segmento de reta também no interior.



Introdução

Classificação de Polígonos

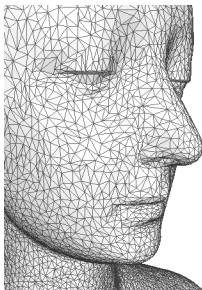
- O termo polígono **degenerado** descreve um polígono com vértices colineares, ou que apresentam vértices repetidos.
- Uma **API** gráfica para ser **robusta** deve **regeitar** polígonos **não planares ou degenerados**.
 - Na verdade isso é deixado a cargo do programador.



Introdução

Classificação de Polígonos

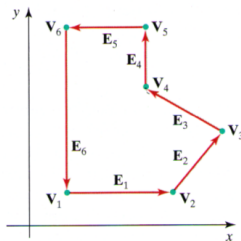
- **APIs** gráficas trabalham apenas com com **polígonos convexos**.
 - Melhor dividir um polígono côncavo em um conjunto de polígonos convexos.
 - **OpenGL** requer que todos os polígonos sejam convexos.



Introdução

Identificando Polígonos Côncavos

- Cria-se vetores com as arestas e faz-se o produto vetorial sobre arestas adjacentes.
 - A **coordenada-z** de todos os produtos **devem ter o mesmo sinal** em um polígono **convexo**.



$$(\mathbf{E}_1 \times \mathbf{E}_2)_z > 0$$

$$(\mathbf{E}_2 \times \mathbf{E}_3)_z > 0$$

$$(\mathbf{E}_3 \times \mathbf{E}_4)_z < 0$$

$$(\mathbf{E}_4 \times \mathbf{E}_5)_z > 0$$

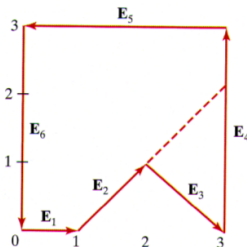
$$(\mathbf{E}_5 \times \mathbf{E}_6)_z > 0$$

$$(\mathbf{E}_6 \times \mathbf{E}_1)_z > 0$$

Introdução

Dividindo Polígonos Côncavos

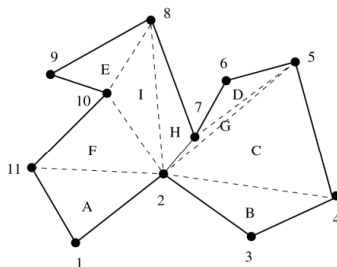
- Cria-se vetores para dois vértices consecutivos.
 - $E_k = V_{k+1} - V_k$
- Calcular o produto vetorial destes no sentido anti-horário.
- Se algum produto for negativo, o polígono é côncavo
 - Dividindo o polígono ao longo da linha do primeiro vértice.



Introdução

Dividindo Polígonos em Triângulos

- Um **polígono convexo** pode ser dividido em **triângulos**.
 - Pegue quaisquer três vértices consecutivos no sentido anti-horário e forme um triângulo.
 - Caso as arestas do triângulo não cruze nenhuma outra aresta do polígono, retire o vértice da lista de vértices.
 - Repita o procedimento até que sobrem apenas três vértices;



Teste de Interior e Exterior

Teste de Interior e Exterior

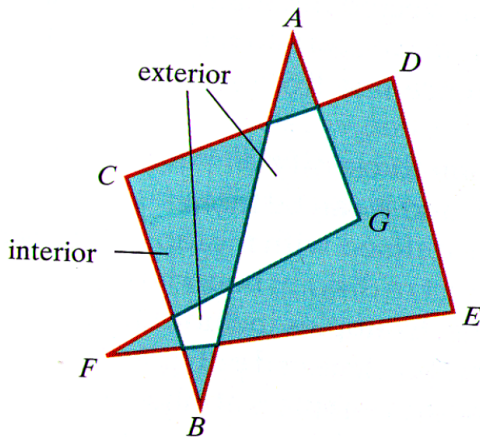
- Vários processos gráficos precisam **identificar regiões interiores** de objetos mais **complexos** que quadrados e círculos.
- Serão apresentados dois algoritmos:
 - Regra **par-ímpar**(ou regra da paridade ímpar).
 - Regra do **winding-number** não zero.

Teste de Interior e Exterior

Regra Par-Ímpar

- Desenhar um segmento de reta de um ponto P a um ponto distante e fora dos limites das coordenadas do polígono.
- Contar os cruzamentos de arestas com esse segmento.
 - Se o número for **ímpar**, P está dentro.
 - Caso contrário P está **fora**.
- Deve-se assegurar que o segmento de reta não intercepte nenhum vértice do polígono.

Teste de Interior e Exterior



Teste de Interior e Exterior

Regra do Winding-Number não-zero

- Conta o número de **vezes** que a **fronteira** de um objeto **gira** em volta de um ponto particular na **direção anti-horária**
 - Um ponto é dito **interior** se sua contagem for **diferente de zero**.

Teste de Interior e Exterior

Algoritmo - Regra do Winding-Number não-zero

- Inicia-se a contagem com zero.

Teste de Interior e Exterior

Algoritmo - Regra do Winding-Number não-zero

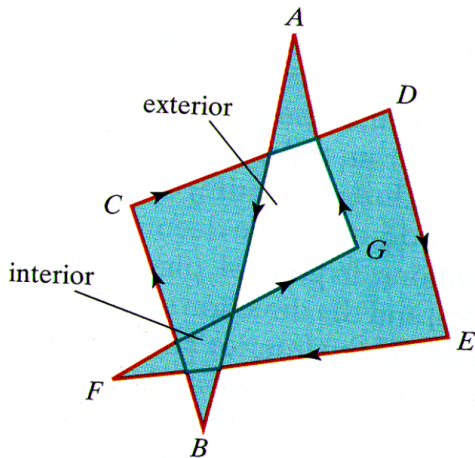
- Inicia-se a contagem com zero.
- Defini-se um segmento de reta de uma posição P até um ponto distante.
 - Não pode passar pelo vértice.

Teste de Interior e Exterior

Algoritmo - Regra do Winding-Number não-zero

- Inicia-se a contagem com zero.
- Defini-se um segmento de reta de uma posição P até um ponto distante.
 - Não pode passar pelo vértice.
- Conta a quantidade de cruzamentos com as arestas (direcionais)
 - +1 toda vez que cruzar uma aresta da **direita para esquerda**.
 - -1 toda vez que cruzar uma aresta da **esquerda para direita**.

Teste de Interior e Exterior



Teste de Interior e Exterior

Regra do Winding-Number não-zero

Processo Baseado em Produto Vetorial

- Calcular o produto vetorial entre o vetor definido pela aresta e pelo vetor que define a reta.
 - +1 se o componente-z do produto for positivo.
 - -1 caso contrário.

Regra do Winding-Number não-zero

Processo Baseado em Produto Escalar

- Encontrar um vetor perpendicular ao vetor do segmento de reta $(v_x, v_y) \rightarrow (-v_y, v_x)$ e fazer produto escalar com o vetor da aresta.
 - +1 se o produto for positivo.
 - -1 caso contrário.

Preenchimento de Áreas

Preenchimento de Áreas

- A maioria das API's limita o preenchimento de áreas.
 - **Polígonos** porque são descritos por equações lineares.
 - **Polígonos Convexos** porque assim somente duas arestas são cruzadas.
 - Contudo é possível preencher o interior de qualquer tipo de forma utilizando ferramentas de desenho.

Preenchimento de Áreas

Preenchimento de Áreas

- Existem basicamente duas formas:
 - 1 Determinar os intervalos de preenchimento usando **scanlines** e preencher o interior.
 - Indicado para **polígonos**.
 - 2 A partir de um ponto, colorir a vizinhança até encontrar as **bordas**.
 - Indicado para formas mais complexas.

Preenchimento de Áreas

Algoritmo Scanline

- Primeiro determina-se as **intersecções** das *scanlines* com o **polígonos**.
- Então, as **secções** da *scanline* que residirem **dentro** do polígono são **coloridas**.
 - Usa a **regra par-ímpar**.

Para polígonos, 2 equações lineares são utilizadas para encontrar as intersecções.

- Calcula-se as intersecções de um polígono da esquerda para a direita.