

LIMITES ET CONTINUITÉ DES FONCTIONS

Quentin RIGGI

03-09-2022

L'objectif est d'étudier le comportement des valeurs $f(x)$ prises par une fonction f aux bornes ouvertes de son domaine de définition.

On introduit une nouvelle notion, celle de la continuité d'une fonction, plus forte qu'être définie mais plus faible que dérivable.

I) Limite en l'infini et droite asymptote

Par la suite on considère une fonction f , dont le domaine de définition D_f contient une borne $+\infty$

1°) Limite infinie en l'infini

Definition: On dit qu'une fonction f tend vers $+\infty$ lorsque x tend vers $+\infty$, si tout intervalle ouvert de la forme $]A; +\infty[$ où $A \in \mathbb{R}$ contient toutes les valeurs $f(x)$ prises par la fonction f dès que x est choisi suffisamment grand, on note:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = +\infty$$

Avec les quantificateurs:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = +\infty \Leftrightarrow \forall A \in \mathbb{R}_+, \exists \beta \in \mathbb{R}_+, \forall x \in D_f : (x \geq \beta \Rightarrow f(x) \geq A)$$