

## Zápis paralelismu pomocí cobegin – coend a precedenčních grafů

- Možnost zápisu paralelně probíhajících entit.
- Např. mají-li procedury p1 a p2 běžet paralelně, lze to zapsat takto:

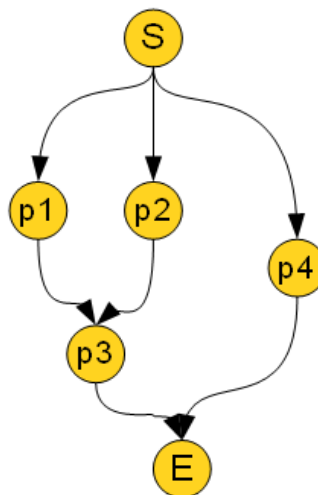
```
cobegin
  p1 || p2
coend
```

- Pokud mají entity probíhat sekvenčně (sériově, po sobě), lze použít konstrukce begin – end.
- Např. fakt, že procedura p2 se má spustit až po proceduře p1 lze znárodnit takto:

```
begin
  p1
  p2
end
```

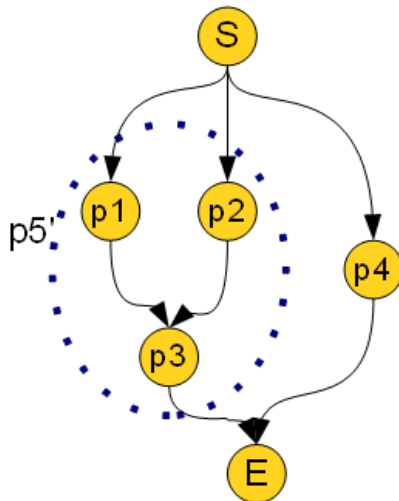
Takto lze pomocí pseudokódu zapsat, jak se budou provádět operace v programu a jejich závislost. Tuto závislost lze také znázornit pomocí tzv. precedenčního grafu.

Následující graf zobrazuje 4 procesy (p1 až p4). Proces p1 a p2 mohou běžet paralelně. Proces p3 může běžet až po ukončení p1 a p2. Proces p4 může běžet nezávisle na všech ostatních (tj. paralelně se všemi ostatními).



Pokud bychom chtěli posloupnost těchto procesů zapsat pomocí konstrukcí cobegin-coend a begin-end, postupovali bychom takto:

1. V celém grafu nalezneme největší části, které současně běží paralelně nebo sériově (v tomto případě p4 běží paralelně s pseudoprocesem p5' (p1, p2 a p3) . (viz následující obrázek)



Pro tento graf můžeme napsat pseudokód:

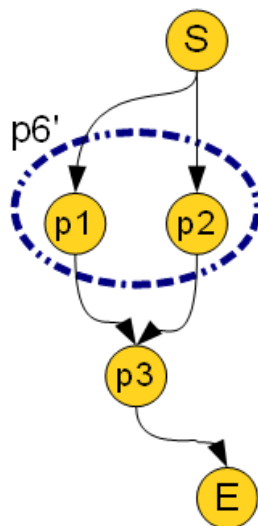
```

cobegin
    p4 || p5'
coend

```

2. Dále budeme postupovat jako v bodě jedna, akorát nebudeme hledat v celém grafu, ale jen v podgrafu označeném jako  $p5'$ . Zde nalezneme sekvenčně běžící pseudoproces  $p6'$  (procesy  $p1$  a  $p2$ ) a proces  $p3$  (viz následující graf).

d



Pro tento graf můžeme napsat pseudokód:

```

begin
    p6'
    p3
end

```

Spojíme-li kód z bodu 1 s tímto, získáme pseudokód:

```

cobegin
    p4 || begin
        p6'
        p3
    end
coend

```

3. Nyní nám zbývá již jen „zpracovat“ pseudoproces  $p6'$ . V pseudoprocesu  $p6'$  běží procesy  $p1$  a  $p2$  paralelně, můžeme tedy rovnou psát pseudokód:

```

cobegin
    p4 || begin
        cobegin
            p1 || p2
        coend
        p3
    end
coend

```

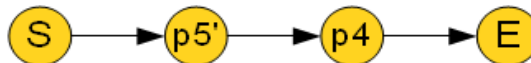
Nyní zkusíme obrácený postup. Z pseudokódu se pokusíme vygenerovat graf procesů. Mějme tedy pseudokód:

```
begin
  cobegin
    p1 || begin
      p2
      p3
    end
  coend
  p4
end
```

V pseudokódu vidíme „na nejvyšší úrovni“ sériově běžící pseudoprocес p5' (procesy p1, p2 a p3) a proces p4. Pseudokód tedy můžeme přepsat do podoby:

```
begin
  p5'
  p4
end
```

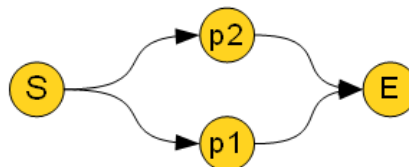
Graf procesů:



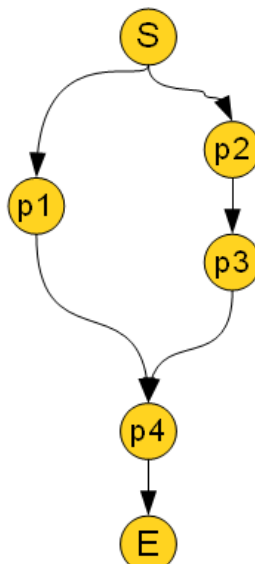
Dále budeme zkoumat pseudoprocес p5'. V tomto pseudoprocесu běží paralelně proces p1 a pseudoprocес p6' (sekvenční p2 a p3). Pseudokód pseudoprocесu p5' bude tedy vypadat takto:

```
cobegin
  p1 || p6'
coend
```

Graf procesů:



A nakonec prozkoumáme pseudoprocес p6'. V tomto pseudoprocесu fungují sekvenčně procesy p2 a p3. Pseudokód a graf p6' je zřejmý, vytvoříme tedy rovnou celý graf:



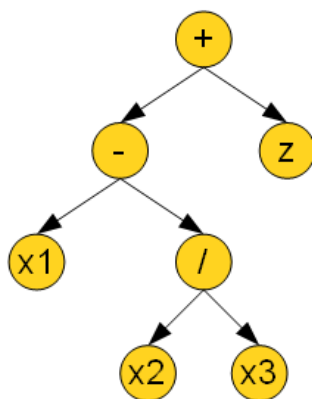
Př. Následující matematický zápis spočtete s využitím maximálního paralelismu.

$$(a + b) - (c - d) / (e + f) + z$$

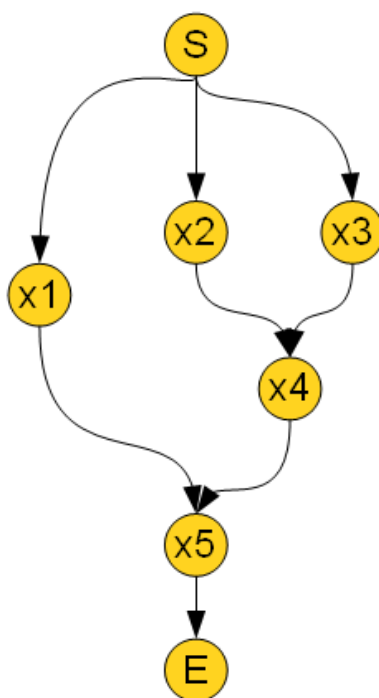
Nejprve si nahradíme obsah závorek jinými proměnnými (např. indexovaná proměnná x):

$$x1 - x2 / x3 + z$$

Nyní k tomuto výrazu sestrojíme derivační strom:



Výpočty, které probíhají na stejných „patrech“ tohoto stromu lze počítat paralelně. Můžeme tedy sestrojit precedenční graf tohoto výrazu (derivační strom ani nemusíme vždy sestrojit, občas postačí metoda „kouknu a vidím“): Pozn.  $x4 = x2/x3$ ;  $x5 = x1 - x4 + z$



Zápis v pseudokódu:

```
begin
  cobegin
    x1=a+b; ||
    begin
      cobegin
        x2=c-d; || x3=e+f;
      coend
    end
  coend
  x5=x1-x4+z;
end
```