2.5 Bestimme die reelen Lösungen der Gleichungen

(a) 
$$\sqrt{x+1} - \sqrt{9-x} = \sqrt{2x-12}$$

(b) 
$$|x-3| + |x+2| - |x-4| = 3$$

2.6 bestimme sämtliche reelen Lösungen der Ungleichungen

(a) 
$$\frac{2}{x+1} < \frac{1}{x-3}$$

(b)  $(x+2)(4-x)(x-2)^2 > 0$ 

da  $x^2$  für  $x \in \mathbb{R}$  immer  $\geq 0$ , kann der Term nur negativ werden, wenn (x+2) oder (4-x) negativ sind.

Die Bedingung erfüllen alle Elemente von  $M\{x\in\mathbb{R};x\neq 2,(x+2)(4-x)>0\}$ 

$$(x+2)(4-x) > 0$$

$$\Rightarrow -x^2 + 2x + 8 > 0 \qquad |*(-1)|$$

$$\Rightarrow x^2 - 2x - 8 < 0$$

 $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}, f(x) := x^2 - 2x - 8$  stellt eine nach oben geöffnete Parabel da. Somit müssen alle Werte zwischen den beiden Nullstellen < 0 sein.

Die Nullstellen lassen sich direkt aus der Parameterform oben ablesen.

$$\Rightarrow x_1 = (-2) \land x_2 = 4$$

Somit gilt 
$$\forall x \in \mathbb{R}$$
;  $(-2 < x < 4, x \neq 2) : ((x+2)(4-x)(x-2)^2 > 0)$