

Programozási tételek segédlet

Feladatbank • Megoldások • Hibavadászat • 45 perces ZH • C# kódsablonok

Készült: 2026-01-21

Tartalomjegyzék

Tartalomjegyzék	2
Bevezetés	6
Elemi programozási tételek	7
1. Sorozatszámítás (általános)	7
Pszudokód (sablon)	7
C# kódsablon	7
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal	7
Házi feladat ötletek	8
2. Sorozatszámítás (Összegzés)	9
Pszudokód (sablon)	9
C# kódsablon	9
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal	9
Házi feladat ötletek	10
3. Megszámlálás	11
Pszudokód (sablon)	11
C# kódsablon	11
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal	11
Házi feladat ötletek	12
4. Eldöntés	13
Pszudokód (sablon)	13
C# kódsablon	13
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal	13
Házi feladat ötletek	14
5. Kiválasztás	15
Pszudokód (sablon)	15
C# kódsablon	15
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal	15
Házi feladat ötletek	16
6. Keresés (lineáris)	17
Pszudokód (sablon)	17
C# kódsablon	17
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal	17

Házi feladat ötletek	18
6. Maximum kiválasztás.....	19
Pszudokód (sablon).....	19
C# kódsablon.....	19
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal	19
Házi feladat ötletek	20
. Minimum kiválasztás	21
Pszudokód (sablon).....	21
C# kódsablon.....	21
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal	21
Házi feladat ötletek	22
Összetett programozási tételek.....	23
7. Másolás.....	23
Pszudokód (sablon).....	23
C# kódsablon.....	23
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal	23
Házi feladat ötletek	24
8. Kiválogatás	25
Pszudokód (sablon).....	25
C# kódsablon.....	25
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal	25
Házi feladat ötletek	26
9. Szétválogatás	27
Pszudokód (sablon).....	27
C# kódsablon.....	27
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal	27
Házi feladat ötletek	28
10. Metszet	29
Pszudokód (sablon).....	29
C# kódsablon.....	29
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal	29
Házi feladat ötletek	30
11. Unió.....	31

Pszudokód (sablon).....	31
C# kódsablon.....	31
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal	31
Házi feladat ötletek	32
Keresések.....	33
12. Keresés rendezett tömbben (bináris).....	33
Pszeudokód (sablon).....	33
C# kódsablon.....	33
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal	34
Házi feladat ötletek	34
Programozási tételek egymásra építése	35
13. Összefuttatás (merge)	35
Pszeudokód (sablon).....	35
C# kódsablon.....	35
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal	35
Házi feladat ötletek	36
Rendezések	37
14. Rendezések.....	37
Pszeudokód (sablon).....	37
C# kódsablon.....	37
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal	37
Házi feladat ötletek	38
Mellékeletek / 1.....	39
16. Hibavadászat (C#)	39
1) Off-by-one összegzés	39
2) While sorrend	39
3) db inicializálás hiányzik.....	39
4) Bináris határfrissítés	39
5) Csere tmp nélkül.....	39
6) Kiválogatásnál k++ hiányzik.....	39
7) Minimum kezdőérték 0.....	40
8) Eldöntés felülír	40
17. 45 perces dolgozat minta.....	41

Feladatok.....	41
Megoldókulcs (vázlat).....	41
18. Melléklet: Tétel → C# kódsablonok (kivonat).....	42
Összegzés	42
Megszámlálás	42
Eldöntés	42
Kiválasztás	42
Keresés (lineáris).....	43
Másolás.....	43
Kiválogatás	43
Szétválogatás	43
Metszet	44
Unió	44
Maximum kiválasztás.....	44
Minimum kiválasztás	45
Sorozatszámítás (általános).....	45
Keresés rendezett tömbben (bináris)	45
Összefuttatás (merge).....	46
Rendezések.....	46
19. Források.....	47

Bevezetés

A programozási tételek tipikus tömbös/sorozatos feladatokra adnak sablon megoldásokat. Minden tételhez pszeudokód, C# sablon, 5 feladat megoldásvázlattal, házi ötletek és gyakori hibák tartoznak.

Konvenció: Indexelés 0-tól. A tömb elemszáma n . feltétel(x) logikai predikátum.

Elemi programozási tételek

1. Sorozatszámítás (általános)

Általános redukció: S_0 -ról $S=f(S,elem)$ iteráció.

Pszeudokód (sablon)

```
S = S0

ciklus i = 0 .. n-1
    S = f(S, t[i])
ciklus vége

ki S
```

C# kódsablon

```
static T Sorozatszamitas<T>(IEnumerable<T> sor, T s0, Func<T,T,T> f)
{
    T s = s0;
    foreach (var x in sor) s = f(s, x);
    return s;
}
```

Gyakori hibák: Kezdőérték rossz • Típuskeverés • Nem asszociatív f esetén óvatosan

Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Szorzat.

Megoldás vázlat: $S_0=1$, $f=$ szorzás.

C# tipp: `Sorozatszamitas(t,1,(s,x)=>s*x)`

2. Van-e páros?

Megoldás vázlat: $S_0=false$, $f=||$.

C# tipp: `Sorozatszamitas(t,false,(s,x)=>s || x%2==0)`

3. Maximum.

Megoldás vázlat: $S_0=t[0]$, $f=Math.Max$.

C# tipp: `Sorozatszamitas(t,t[0],Math.Max)`

4. Negatívak száma.

Megoldás vázlat: `S0=0, f=s+(x<0?1:0).`

C# tipp: `Sorozatszamitas(t,0,(s,x)=>s+(x<0?1:0))`

5. Szavak összefűzése.

Megoldás vázlat: `S0=""`, `f` konkatenáció.

C# tipp: `Sorozatszamitas(words,"",(s,x)=>s==" "?x:s+" "+x)`

Házi feladat ötletek

- Mutasd meg: összegzés sorozatszámítás esete.
- Aggregate LINQ nélkül.
- Rekordok mezőinek összegzése.

. Sorozatszámítás (Összegzés)

Egy sorozat elemeiből aggregált értéket számolunk (összeg).

Pszudokód (sablon)

```
osszeg = 0

ciklus i = 0 .. n-1
    osszeg = osszeg + t[i]

ciklus vége

ki osszeg
```

C# kódsablon

```
static int Osszegzes(int[] t)
{
    int osszeg = 0;

    for (int i = 0; i < t.Length; i++) osszeg += t[i];

    return osszeg;
}
```

Gyakori hibák: Kezdőérték rossz • Off-by-one ($i \leq \text{Length}$) • Overflow nagy összegeknél

Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Tömb elemeinek összege.

Megoldás vázlat: Sablon közvetlenül.

C# tipp: `Osszegzes(t)`

2. Páros elemek összege.

Megoldás vázlat: `if (x%2==0) add.`

C# tipp: `if(t[i]%2==0) osszeg += t[i];`

3. Pozitív elemek összege.

Megoldás vázlat: `if (x>0) add.`

C# tipp: `if(t[i]>0) osszeg += t[i];`

4. Abszolútértékek összege.

Megoldás vázlat: add Abs(x).

C# tipp: `osszeg += Math.Abs(t[i]);`

5. 0-k kihagyásával összegezni.

Megoldás vázlat: if (x!=0) add.

C# tipp: `if(t[i]!=0) osszeg += t[i];`

Házi feladat ötletek

- Átlag: $\text{összeg}/n$ (double).
- $\sum |t[i] - t[i-1]|$.
- EOF-ig beolvasás és összeg.

2. Megszámlálás

Megszámoljuk, hány elem felel meg a feltételnek.

Pszeudokód (sablon)

```
db = 0

ciklus i = 0 .. n-1
    ha feltétel(t[i]) akkor db = db + 1
ciklus vége

ki db
```

C# kódsablon

```
static int Megszamlalas(int[] t, Func<int,bool> feltetel)
{
    int db = 0;
    for (int i = 0; i < t.Length; i++) if (feltetel(t[i])) db++;
    return db;
}
```

Gyakori hibák: db nincs 0-ra inicializálva • Rossz feltétel • Rossz bejárési határ

Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Negatív számok száma.

Megoldás vázlat: db++ ha x<0.

C# tipp: Megszamlalas(t,x=>x<0)

2. Páros számok száma.

Megoldás vázlat: db++ ha x%2==0.

C# tipp: Megszamlalas(t,x=>x%2==0)

3. [5,10] intervallumban lévők száma.

Megoldás vázlat: 5<=x && x<=10.

C# tipp: Megszamlalas(t,x=>5<=x && x<=10)

4. Maximum előfordulásainak száma.

Megoldás vázlat: max után count $x == \text{max}$.

C# tipp: `var m=Maximum(t); Megszamlalas(t,x=>x==m)`

5. 3-mal vagy 5-tel oszthatók száma.

Megoldás vázlat: $x \% 3 == 0 \ || \ x \% 5 == 0$.

C# tipp: `Megszamlalas(t,x=>x%3==0||x%5==0)`

Házi feladat ötletek

- Különböző elemek száma (HashSet).
- Lokális maximumok száma.
- Feltételes megszámolás fájlból olvasott adatokon.

3. Eldöntés

Eldöntjük, létezik-e feltételt kielégítő elem.

Pszeudokód (sablon)

i = 0

ciklus amíg i < n és nem feltétel(t[i])

i = i + 1

ciklus vége

van = (i < n)

ki van

C# kódsablon

```
static bool Eldontes(int[] t, Func<int,bool> feltetel)
{
    int i = 0;

    while (i < t.Length && !feltetel(t[i])) i++;

    return i < t.Length;
}
```

Gyakori hibák: while feltétel sorrend hibás (OutOfRangeException) • Nincs korai kilépés • van értékét felülírja

Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Van-e 0 a tömbben?

Megoldás vázlat: x==0.

C# tipp: Eldontes(t,x=>x==0)

2. Van-e 100-nál nagyobb?

Megoldás vázlat: x>100.

C# tipp: Eldontes(t,x=>x>100)

3. Van-e negatív páros?

Megoldás vázlat: x<0 && x%2==0.

C# tipp: Eldontes(t,x=>x<0 && x%2==0)

4. Van-e két azonos szomszéd?

Megoldás vázlat: keress i : $t[i] == t[i-1]$.

C# tipp: `for i=1.. if(t[i]==t[i-1]) return true`

5. Minden elem pozitív?

Megoldás vázlat: negált: van-e $x \leq 0$?

C# tipp: `!Eldontes(t, x => x <= 0)`

Házi feladat ötletek

- Palindrom vizsgálat.
- Prím létezés.
- Rendezettség vizsgálat átvezetése.

4. Kiválasztás

Megadjuk a feltételt kielégítő elem indexét, ha garantáltan létezik ilyen elem.

Pszeudokód (sablon)

```
i = 0  
  
ciklus amíg nem feltétel(t[i])  
    i = i + 1  
  
ciklus vége  
  
ki i
```

C# kódsablon

```
static int Kivalasztas(int[] t, Func<int,bool> feltetel)  
{  
    int i = 0;  
    while (!feltetel(t[i])) i++;  
    return i; // előfeltétel: létezik  
}
```

Gyakori hibák: Garancia nélkül kifut • Index/sorszám keverés • Végtelen ciklus rossz feltétellel

Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Első negatív indexe (van).

Megoldás vázlat: $x < 0$.

C# tipp: `Kivalasztas(t, x => x < 0)`

2. Első páros indexe (van).

Megoldás vázlat: $x \% 2 == 0$.

C# tipp: `Kivalasztas(t, x => x \% 2 == 0)`

3. Első > 10 indexe (van).

Megoldás vázlat: $x > 10$.

C# tipp: `Kivalasztas(t, x => x > 10)`

4. Maximum indexe.

Megoldás vázlat: MaxIndex.

C# tipp: MaxIndex(t)

5. Első i, ahol $t[i] \neq i$ (van).

Megoldás vázlat: `while(t[i]==i) i++;`

C# tipp: `int i=0; while(t[i]==i) i++;`

Házi feladat ötletek

- Első 7-tel osztható (garancia).
- Első nem üres string (garancia).
- Első pozitív (garancia).

5. Keresés (lineáris)

Megkeressük a feltételt kielégítő első elemet; ha nincs, -1.

Pszeudokód (sablon)

i = 0

ciklus amíg i < n és nem feltétel(t[i])

i = i + 1

ciklus vége

ha i < n akkor ki i különben ki -1

C# kódsablon

```
static int Kereses(int[] t, Func<int,bool> feltetel)
{
    for (int i = 0; i < t.Length; i++) if (feltetel(t[i])) return i;
    return -1;
}
```

Gyakori hibák: Nem return-öl azonnal • -1 jelzés hiánya • Üres tömb kezelése hiányzik

Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Kulcs első indexe.

Megoldás vázlat: x==kulcs.

C# tipp: Kereses(t,x=>x==kulcs)

2. Első páros indexe.

Megoldás vázlat: x%2==0.

C# tipp: Kereses(t,x=>x%2==0)

3. Első |x|>50 indexe.

Megoldás vázlat: Abs(x)>50.

C# tipp: Kereses(t,x=>Math.Abs(x)>50)

4. Első lokális minimum.

Megoldás vázlat: t[i-1]>t[i]<t[i+1].

C# tipp: `for (int i=1;i<Len-1;i++) ...`

5. Első string, ami tartalmaz "a".

Megoldás vázlat: `s.Contains("a")`.

C# tipp: `Array.FindIndex(arr,s=>s.Contains("a"))`

Házi feladat ötletek

- Utolsó előfordulás keresése.
- Első prím keresése.
- Első átlag feletti elem.

6. Maximum kiválasztás

A legnagyobb elem (és/vagy index) meghatározása.

Pszeudokód (sablon)

```
mi = 0

ciklus i = 1 .. n-1
    ha t[i] > t[mi] akkor mi = i
ciklus vége

ki mi
```

C# kódsablon

```
static int MaxIndex(int[] t)
{
    int mi = 0;
    for (int i = 1; i < t.Length; i++) if (t[i] > t[mi]) mi = i;
    return mi;
}
```

Gyakori hibák: Üres tömb (előfeltétel) • max kezdőérték 0-ra hibás • Index/érték keverése

Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Maximum érték.

Megoldás vázlat: max változó frissítése.

C# tipp: var m = t[MaxIndex(t)];

2. Maximum index.

Megoldás vázlat: MaxIndex sablon.

C# tipp: MaxIndex(t)

3. Max abszolútérték szerint.

Megoldás vázlat: Abs összehasonlítás.

C# tipp: if (Abs(t[i]) > Abs(t[mi])) mi=i;

4. Max páros indexeken.

Megoldás vázlat: $i+=2$.

C# tipp: `for(i=0;i<Len;i+=2)`

5. Második maximum.

Megoldás vázlat: `max1/max2`.

C# tipp: tarts két változót

Házi feladat ötletek

- Max+min egy menetben.
- Max gyakoriság.
- Rekord max mező alapján.

. Minimum kiválasztás

A legkisebb elem (és/vagy index) meghatározása.

Pszeudokód (sablon)

```
mi = 0

ciklus i = 1 .. n-1
    ha t[i] < t[mi] akkor mi = i
ciklus vége

ki mi
```

C# kódsablon

```
static int MinIndex(int[] t)
{
    int mi = 0;

    for (int i = 1; i < t.Length; i++) if (t[i] < t[mi]) mi = i;

    return mi;
}
```

Gyakori hibák: Üres tömb • min kezdőérték 0-ra hibás • Index frissítés hiánya

Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Minimum érték.

Megoldás vázlat: min frissítése.

C# tipp: var m = t[MinIndex(t)];

2. Minimum index.

Megoldás vázlat: MinIndex sablon.

C# tipp: MinIndex(t)

3. Legkisebb pozitív (ha van).

Megoldás vázlat: best=MaxValue; if(x>0&& x<best).

C# tipp: int best=int.MaxValue;

4. Targethez legközelebbi.

Megoldás vázlat: $\text{Min } |x - \text{target}|$.

C# tipp: `if (Abs(x-target) < best)`

5. Minimum >5 között (van).

Megoldás vázlat: először válassz ki egy >5-öt.

C# tipp: `find first >5`

Házi feladat ötletek

- Min és max egy menetben.
- Min gyakoriság.
- Rekord min mező alapján.

Összetett programozási tételek

7. Másolás

Elemek átmásolása egy új tömbbe transzformációval.

Pszeudokód (sablon)

ciklus $i = 0 \dots n-1$

$b[i] = \text{művelet}(a[i])$

ciklus vége

C# kódsablon

```
static int[] Masolas(int[] a, Func<int,int> muvelet)
{
    int[] b = new int[a.Length];
    for (int i = 0; i < a.Length; i++) b[i] = muvelet(a[i]);
    return b;
}
```

Gyakori hibák: Cél tömb nincs lefoglalva • Rossz határ • Overflow műveletben

Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Másolat készítése.

Megoldás vázlat: $\text{muvelet}(x)=x$.

C# tipp: `Masolas(a,x=>x)`

2. Duplázás.

Megoldás vázlat: $\text{muvelet}(x)=2*x$.

C# tipp: `Masolas(a,x=>2*x)`

3. Abszolútérték.

Megoldás vázlat: $\text{muvelet}(x)=\text{Abs}(x)$.

C# tipp: `Masolas(a,Math.Abs)`

4. Negatívok nullázása.

Megoldás vázlat: $\text{muvelet}(x) = \max(0, x)$.

C# tipp: `Masolas(a, x => Math.Max(0, x))`

5. Index hozzáadása: $b[i] = a[i] + i$.

Megoldás vázlat: muvelet indexfüggő.

C# tipp: `for i: b[i] = a[i] + i`

Házi feladat ötletek

- Celsius \rightarrow Fahrenheit (double).
- Whitespace \rightarrow _ (string).
- Négyzet (long).

8. Kiválogatás

A feltételt teljesítő elemeket új sorozatba gyűjtjük.

Pszeudokód (sablon)

k = 0

ciklus i = 0 .. n-1

 ha feltétel(a[i]) akkor

 b[k] = a[i]

 k = k + 1

ciklus vége

C# kódsablon

```
static int[] Kivalogatas(int[] a, Func<int,bool> feltetel)
{
    var lista = new List<int>();
    foreach (var x in a) if (feltetel(x)) lista.Add(x);
    return lista.ToArray();
}
```

Gyakori hibák: k++ kimarad • Fix b mérete kicsi • Határérték téves

Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. <5 elemek kiválogatása.

Megoldás vázlat: x<5.

C# tipp: Kivalogatas(a,x=>x<5)

2. Páros elemek.

Megoldás vázlat: x%2==0.

C# tipp: Kivalogatas(a,x=>x%2==0)

3. Nem nullák.

Megoldás vázlat: x!=0.

C# tipp: Kivalogatas(a,x=>x!=0)

4. $[A,B]$ intervallumbeliek.

Megoldás vázlat: $A \leq x \ \&\& \ x \leq B$.

C# tipp: `Kivalogatas(a,x=>A<=x && x<=B)`

5. Prímek kiválogatása.

Megoldás vázlat: `IsPrime(x)`.

C# tipp: `Kivalogatas(a,IsPrime)`

Házi feladat ötletek

- Kiválogatás + összegzés.
- Kiválogatás + rendezés.
- Duplikátumok kiszűrése.

9. Szétválogatás

A sorozat elemeit két csoportra bontjuk feltétel szerint.

Pszeudokód (sablon)

ig = üres

ha = üres

ciklus x az a elemein

 ha feltétel(x) akkor ig-be, különben ha-ba

C# kódsablon

```
static (int[] igazak, int[] hamisak) Szetvalogatas(int[] a, Func<int,bool> feltetel)
```

```
{  
    var ig = new List<int>();  
    var ha = new List<int>();  
    foreach (var x in a) if (feltetel(x)) ig.Add(x); else ha.Add(x);  
    return (ig.ToArray(), ha.ToArray());  
}
```

Gyakori hibák: p/q keverése • else ág hiánya • stabilitás félreértése

Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Páros/páratlan szétválasztása.

Megoldás vázlat: feltétel: páros.

C# tipp: Szetvalogatas(a,x=>x%2==0)

2. Pozitív/nem pozitív.

Megoldás vázlat: x>0.

C# tipp: Szetvalogatas(a,x=>x>0)

3. <10 és >=10.

Megoldás vázlat: x<10.

C# tipp: Szetvalogatas(a,x=>x<10)

4. Üres/nem üres stringek.

Megoldás vázlat: IsNullOrEmpty.

C# tipp: SzetvalogatasS(a,string.IsNullOrEmpty)

5. Prím/nem prím.

Megoldás vázlat: IsPrime.

C# tipp: Szetvalogatas(a,IsPrime)

Házi feladat ötletek

- 3 csoportba bontás (<0,=0,>0).
- Csoportonkénti statisztika.
- Szétválogatás után rendezés.

10. Metszet

Két sorozat közös elemei (halmazként).

Pszeudokód (sablon)

setB = B halmaz

C = üres

A elemein: ha benne van setB-ben, add

C# kódsablon

```
static int[] Metszet(int[] a, int[] b)
{
    var setB = new HashSet<int>(b);
    var c = new List<int>();
    foreach (var x in a) if (setB.Contains(x)) c.Add(x);
    return c.Distinct().ToArray();
}
```

Gyakori hibák: Duplikátum-kezelés tisztázatlan • $O(n*m)$ kerülendő • Sorrend kérdés

Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Metszet int tömbökre.

Megoldás vázlat: HashSet+Distinct.

C# tipp: Metszet(a,b)

2. Van-e közös elem?

Megoldás vázlat: Any + Contains.

C# tipp: a.Any(x=>setB.Contains(x))

3. Páros közös elemek.

Megoldás vázlat: Contains && x%2==0.

C# tipp: if(setB.Contains(x)&& x%2==0)

4. Metszet stringekre case-insensitive.

Megoldás vázlat: OrdinalIgnoreCase.

C# tipp: `HashSet<string>(..., OrdinalIgnoreCase)`

5. Rendezett metszet $O(n+m)$.

Megoldás vázlat: Kétmutatós.

C# tipp: `while(i<n&& j<m)`

Házi feladat ötletek

- Multihalmaz metszet.
- Eredmény rendezése.
- Bináris kereséssel rendezett B esetén.

11. Unió

Két sorozat egyesítése (stabil unió).

Pszudokód (sablon)

seen = üres

C = üres

A elemein: ha új, add

B elemein: ha új, add

C# kódsablon

```
static int[] UnioStabil(int[] a, int[] b)
{
    var seen = new HashSet<int>();
    var c = new List<int>();
    foreach (var x in a) if (seen.Add(x)) c.Add(x);
    foreach (var x in b) if (seen.Add(x)) c.Add(x);
    return c.ToArray();
}
```

Gyakori hibák: HashSet sorrendje nem garantált (stabilhoz lista kell) • Duplikátum-kezelés tisztázatlan • $O(n*m)$ kerülendő

Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Unió halmazként.

Megoldás vázlat: HashSet Add.

C# tipp: `new HashSet<int>(a); set.UnionWith(b)`

2. Stabil unió (A sorrendje megmarad).

Megoldás vázlat: seen.Add + lista.

C# tipp: `UnioStabil(a,b)`

3. Unió elemszám.

Megoldás vázlat: `set.Count`.

C# tipp: `set.Count`

4. String unió case-insensitive.

Megoldás vázlat: StringComparer.

C# tipp: HashSet<string>(..., OrdinalIgnoreCase)

5. Rendezett unió rendezetten.

Megoldás vázlat: Merge.

C# tipp: OsszefuttatasUnio(a,b)

Házi feladat ötletek

- Unió HashSet nélkül.
- Unió + metszet harmadik tömbbel.
- Multihalmaz unió (összefűzés).

Keresések

12. Keresés rendezett tömbben (bináris)

Rendezett tömbben logaritmikus keresés.

Pszeudokód (sablon)

```
első = 0
```

```
utolso = n-1
```

```
ciklus amíg első <= utolsó
```

```
    közep = első + (utolsó-elő) div 2
```

```
    ha t[közep] = kulcs akkor ki közep és kilép
```

```
    különben ha kulcs < t[közep] akkor utolsó = közep - 1
```

```
    különben első = közep + 1
```

```
ciklus vége
```

```
ki -1
```

C# kódsablon

```
static int BinarisKereses(int[] t, int kulcs)
```

```
{
```

```
    int első = 0, utolsó = t.Length - 1;
```

```
    while (első <= utolsó)
```

```
    {
```

```
        int közep = első + (utolsó - első) / 2;
```

```
        if (t[közep] == kulcs) return közep;
```

```
        if (kulcs < t[közep]) utolsó = közep - 1;
```

```
        else első = közep + 1;
```

```
    }
```

```
    return -1;
```

```
}
```

Gyakori hibák: Bemenet nincs rendezve • Határfrissítés hibás • Közép számítás hibás

Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Kulcs indexe.

Megoldás vázlat: Bináris keresés.

C# tipp: `BinarisKereses(t,k)`

2. Van-e benne?

Megoldás vázlat: `index!=-1`.

C# tipp: `BinarisKereses(t,k)!=-1`

3. Első előfordulás (`lower_bound`).

Megoldás vázlat: Találatkor menj balra.

C# tipp: `lower_bound` minta

4. Előfordulások száma.

Megoldás vázlat: `upper-lower`.

C# tipp: `ub-lb`

5. Beszúrási hely.

Megoldás vázlat: `lower_bound`.

C# tipp: `return elso`

Házi feladat ötletek

- Generikus bináris keresés.
- Legközelebbi elem.
- Több kulcs keresése.

Programozási tételek egymásra építése

13. Összefuttatás (merge)

Két rendezett sorozat összeolvasztása rendezetten (unió/összefésülés).

Pszeudokód (sablon)

$i = 0$; $j = 0$

C = üres

amíg $i < n$ és $j < m$

 a[i] és b[j] közül a kisebbet C-be, mutató lép

maradék elemeket C-be

C# kódsablon

```
static int[] OsszefuttatasUnio(int[] a, int[] b)
{
    int i = 0, j = 0;
    var c = new List<int>();
    while (i < a.Length && j < b.Length)
    {
        if (a[i] < b[j]) c.Add(a[i++]);
        else if (a[i] == b[j]) { c.Add(a[i]); i++; j++; }
        else c.Add(b[j++]);
    }
    while (i < a.Length) c.Add(a[i++]);
    while (j < b.Length) c.Add(b[j++]);
    return c.ToArray();
}
```

Gyakori hibák: Egyenlő eset kezelése hiányzik • Maradék kimarad • Bemenet nem rendezett

Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Rendezett unió duplikátum nélkül.

Megoldás vázlat: Merge unió.

C# tipp: `OsszefuttatasUnio(a,b)`

2. Rendezett összefűzés duplikátumokkal.

Megoldás vázlat: Egyenlőnél mindkettő.

C# tipp: `if(a[i]==b[j]) add both`

3. Rendezett metszet $O(n+m)$.

Megoldás vázlat: Egyenlőnél add, különben kisebbik lép.

C# tipp: `MergeIntersect`

4. Különböző elemek száma merge közben.

Megoldás vázlat: last követése.

C# tipp: `track last`

5. Három rendezett tömb merge.

Megoldás vázlat: Kétszer merge.

C# tipp: `Merge(Merge(a,b),c)`

Házi feladat ötletek

- Mergesort alapfeladat.
- Időmérés.
- String merge `IComparer`-rel.

Rendezések

14. Rendezések

Rendezési algoritmusok (buborék, kiválasztásos, beszúrásos; kitekintés: quick/merge).

Pszeudokód (sablon)

```
// Buborékrendezés

ciklus i = n-1 .. 1

    ciklus j = 0 .. i-1

        ha t[j] > t[j+1] akkor csere

    ciklus vége

ciklus vége
```

C# kódsablon

```
static void BuborekRendezes(int[] t)
{
    for (int i = t.Length - 1; i >= 1; i--)
        for (int j = 0; j < i; j++)
            if (t[j] > t[j + 1])
            {
                int tmp = t[j];
                t[j] = t[j + 1];
                t[j + 1] = tmp;
            }
}
```

Gyakori hibák: Csere tmp nélkül • Rossz ciklushatárok • Rendezés iránya téves

Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Buborékrendezés implementálása.

Megoldás vázlat: Sablon.

C# tipp: BuborekRendezes(t)

2. Kiválasztásos rendezés.

Megoldás vázlat: MinIndex + csere.

C# tipp: SelectionSort

3. Beszúrásos rendezés.

Megoldás vázlat: Kulcs + tolás.

C# tipp: InsertionSort

4. Csökkenő sorrend.

Megoldás vázlat: Fordítsd meg a relációt.

C# tipp: if(t[j]<t[j+1]) swap

5. Rekord rendezés kulcs szerint.

Megoldás vázlat: IComparer/Array.Sort.

C# tipp: Array.Sort(arr, comparer)

Házi feladat ötletek

- Mérj időt: buborék vs Array.Sort.
- Mergesort implementálása.
- Stabilitás vizsgálata.

Mellékeletek / 1

16. Hibavadászat (C#)

Javítsd a kódrészletek hibáit és röviden indokold a javítást!

1) Off-by-one összegzés

```
int sum=0;

for(int i=0;i<=t.Length;i++) sum+=t[i];
```

Javítás: `i < t.Length`

2) While sorrend

```
int i=0;

while(!pred(t[i]) && i<t.Length) i++;
```

Javítás: `i<t.Length && !pred(t[i])`

3) db inicializálás hiányzik

```
int db;

for(int i=0;i<t.Length;i++) if(t[i]<0) db++;
```

Javítás: `int db=0;`

4) Bináris határfrissítés

```
if(k<ul) else=kozep-1; else utolso=kozep+1;
```

Javítás: `utolso=kozep-1; else=kozep+1`

5) Csere tmp nélkül

```
t[i]=t[j]; t[j]=t[i];
```

Javítás: `tmp=t[i]; t[i]=t[j]; t[j]=tmp;`

6) Kiválogatásnál k++ hiányzik

```
if(a[i]<5) b[k]=a[i];
```

Javítás: `b[k++]=a[i];`

7) Minimum kezdőérték 0

```
int min=0; for(i=0;i<n;i++) if(t[i]<min) min=t[i];
```

Javítás: `min=t[0]; i=1-től`

8) Eldöntés felülír

```
bool van=false; for(i=0;i<n;i++) van=(t[i]==0);
```

Javítás: `van |= (t[i]==0); vagy break`

17. 45 perces dolgozat minta

Időtartam: 45 perc. Összesen 50 pont. Segédeszköz: papír/ceruza.

Feladatok

1. feladat (10p) Számold ki a pozitív elemek összegét és darabszámát egy menetben!
2. feladat (12p) Keresd meg egy kulcs első indexét; ha nincs, -1.
3. feladat (14p) Két rendezett tömb rendezett uniója összefuttatással (duplikátum nélkül).
4. feladat (14p) Írj C# metódust: legnagyobb abszolútértékű elem indexe.

Megoldókulcs (vázlat)

1. feladat (10p): `osszeg=0; db=0; ha t[i]>0: osszeg+=t[i]; db++;`
2. feladat (12p): Lineáris keresés sablon.
3. feladat (14p): Merge unió sablon, utóciklusok.
4. feladat (14p): `mi=0; for i=1...: if Abs(t[i])>Abs(t[mi]) mi=i; return mi;`

18. Melléklet: Tétel → C# kódsablonok (kivonat)

Összegzés

```
static int Osszegzes(int[] t)
{
    int osszeg = 0;
    for (int i = 0; i < t.Length; i++) osszeg += t[i];
    return osszeg;
}
```

Megszámlálás

```
static int Megszamlalas(int[] t, Func<int,bool> feltetel)
{
    int db = 0;
    for (int i = 0; i < t.Length; i++) if (feltetel(t[i])) db++;
    return db;
}
```

Eldöntés

```
static bool Eldontes(int[] t, Func<int,bool> feltetel)
{
    int i = 0;
    while (i < t.Length && !feltetel(t[i])) i++;
    return i < t.Length;
}
```

Kiválasztás

```
static int Kivalasztas(int[] t, Func<int,bool> feltetel)
{
    int i = 0;
    while (!feltetel(t[i])) i++;
    return i; // előfeltétel: létezik
}
```

Keresés (lineáris)

```
static int Kereses(int[] t, Func<int,bool> feltetel)
{
    for (int i = 0; i < t.Length; i++) if (feltetel(t[i])) return i;
    return -1;
}
```

Másolás

```
static int[] Masolas(int[] a, Func<int,int> muvelet)
{
    int[] b = new int[a.Length];
    for (int i = 0; i < a.Length; i++) b[i] = muvelet(a[i]);
    return b;
}
```

Kiválogatás

```
static int[] Kivalogatas(int[] a, Func<int,bool> feltetel)
{
    var lista = new List<int>();
    foreach (var x in a) if (feltetel(x)) lista.Add(x);
    return lista.ToArray();
}
```

Szétválogatás

```
static (int[] igazak, int[] hamisak) Szetvalogatas(int[] a, Func<int,bool> feltetel)
{
    var ig = new List<int>();
    var ha = new List<int>();
    foreach (var x in a) if (feltetel(x)) ig.Add(x); else ha.Add(x);
    return (ig.ToArray(), ha.ToArray());
}
```

Metszet

```
static int[] Metszet(int[] a, int[] b)
{
    var setB = new HashSet<int>(b);
    var c = new List<int>();
    foreach (var x in a) if (setB.Contains(x)) c.Add(x);
    return c.Distinct().ToArray();
}
```

Unió

```
static int[] UnioStabil(int[] a, int[] b)
{
    var seen = new HashSet<int>();
    var c = new List<int>();
    foreach (var x in a) if (seen.Add(x)) c.Add(x);
    foreach (var x in b) if (seen.Add(x)) c.Add(x);
    return c.ToArray();
}
```

Maximum kiválasztás

```
static int MaxIndex(int[] t)
{
    int mi = 0;
    for (int i = 1; i < t.Length; i++) if (t[i] > t[mi]) mi = i;
    return mi;
}
```

Minimum kiválasztás

```
static int MinIndex(int[] t)

{
    int mi = 0;

    for (int i = 1; i < t.Length; i++) if (t[i] < t[mi]) mi = i;

    return mi;
}
```

Sorozatszámítás (általános)

```
static T Sorozatszamitas<T>(IEnumerable<T> sor, T s0, Func<T,T,T> f)

{
    T s = s0;

    foreach (var x in sor) s = f(s, x);

    return s;
}
```

Keresés rendezett tömbben (bináris)

```
static int BinarisKereses(int[] t, int kulcs)

{
    int elso = 0, utolso = t.Length - 1;

    while (elso <= utolso)
    {
        int kozep = elso + (utolso - elso) / 2;

        if (t[kozep] == kulcs) return kozep;

        if (kulcs < t[kozep]) utolso = kozep - 1;

        else elso = kozep + 1;
    }

    return -1;
}
```

Összefuttatás (merge)

```
static int[] OsszefuttatasUnio(int[] a, int[] b)
{
    int i = 0, j = 0;
    var c = new List<int>();
    while (i < a.Length && j < b.Length)
    {
        if (a[i] < b[j]) c.Add(a[i++]);
        else if (a[i] == b[j]) { c.Add(a[i]); i++; j++; }
        else c.Add(b[j++]);
    }
    while (i < a.Length) c.Add(a[i++]);
    while (j < b.Length) c.Add(b[j++]);
}
```

Rendezések

```
static void BuborekRendezes(int[] t)
{
    for (int i = t.Length - 1; i >= 1; i--)
        for (int j = 0; j < i; j++)
            if (t[j] > t[j + 1])
            {
                int tmp = t[j];
                t[j] = t[j + 1];
                t[j + 1] = tmp;
            }
}
```

19. Források

- szit.hu – Programozási tételek (mondatszerű leírás):
https://szit.hu/doku.php?id=oktatas:programozas:programozasi_tetelek:mondatszeru_leiras
- ELTE IK – Számítógépes problémamegoldás I. tematika: <http://szprob1.elte.hu/>