

# Programozási tételek segédlet

Feladatbank • Megoldások • Hibavadászat • 45 perces ZH • C# kódsablonok

Készült: 2026-01-21

## **Tartalomjegyzék**

Tartalomjegyzék .....	2
Bevezetés .....	6
Elemi programozási tételek .....	7
1. Sorozatszámítás (általános) .....	7
Pszeudokód (sablon).....	7
C# kódsablon.....	7
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal .....	7
Házi feladat ötletek .....	8
. Sorozatszámítás (Összegzés).....	9
Pszeudokód (sablon).....	9
C# kódsablon.....	9
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal .....	9
Házi feladat ötletek .....	10
2. Megszámlálás.....	11
Pszeudokód (sablon).....	11
C# kódsablon.....	11
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal .....	11
Házi feladat ötletek .....	12
3. Eldöntés .....	13
Pszeudokód (sablon).....	13
C# kódsablon.....	13
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal .....	13
Házi feladat ötletek .....	14
4. Kiválasztás .....	15
Pszeudokód (sablon).....	15
C# kódsablon.....	15
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal .....	15
Házi feladat ötletek .....	16
5. Keresés (lineáris) .....	17
Pszeudokód (sablon).....	17
C# kódsablon.....	17
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal .....	17

Házi feladat ötletek .....	18
6. Maximum kiválasztás.....	19
Pszeudokód (sablon).....	19
C# kódsablon.....	19
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal .....	19
Házi feladat ötletek .....	20
. Minimum kiválasztás .....	21
Pszeudokód (sablon).....	21
C# kódsablon.....	21
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal .....	21
Házi feladat ötletek .....	22
Összetett programozási tételek .....	23
7. Másolás.....	23
Pszeudokód (sablon).....	23
C# kódsablon.....	23
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal .....	23
Házi feladat ötletek .....	24
8. Kiválogatás .....	25
Pszeudokód (sablon).....	25
C# kódsablon.....	25
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal .....	25
Házi feladat ötletek .....	26
9. Szétválogatás .....	27
Pszeudokód (sablon).....	27
C# kódsablon.....	27
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal .....	27
Házi feladat ötletek .....	28
10. Metszet .....	29
Pszeudokód (sablon).....	29
C# kódsablon.....	29
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal .....	29
Házi feladat ötletek .....	30
11. Unió.....	31

Pszeudokód (sablon).....	31
C# kódsablon.....	31
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal .....	31
Házi feladat ötletek .....	32
Keresések.....	33
12. Keresés rendezett tömbben (bináris).....	33
Pszeudokód (sablon).....	33
C# kódsablon.....	33
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal .....	34
Házi feladat ötletek .....	34
Programozási tételek egymásra építése .....	35
13. Összefuttatás (merge) .....	35
Pszeudokód (sablon).....	35
C# kódsablon.....	35
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal .....	35
Házi feladat ötletek .....	36
Rendezések .....	37
14. Rendezések.....	37
Pszeudokód (sablon).....	37
C# kódsablon.....	37
Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal .....	37
Házi feladat ötletek .....	38
Mellékeletek / 1.....	39
16. Hibavadászat (C#) .....	39
1) Off-by-one összegzés .....	39
2) While sorrend .....	39
3) db inicializálás hiányzik.....	39
4) Bináris határfrissítés .....	39
5) Csere tmp nélkül.....	39
6) Kiválogatásnál k++ hiányzik.....	39
7) Minimum kezdőérték 0.....	40
8) Eldöntés felülír .....	40
17. 45 perces dolgozat minta.....	41

Feladatok.....	41
Megoldókulcs (vázlat).....	41
18. Melléklet: Tétel → C# kódsablonok (kivonat).....	42
Összegzés .....	42
Megszámlálás .....	42
Eldöntés .....	42
Kiválasztás .....	42
Keresés (lineáris).....	43
Másolás.....	43
Kiválogatás .....	43
Szétválogatás.....	43
Metszet.....	44
Unió .....	44
Maximum kiválasztás.....	44
Minimum kiválasztás .....	45
Sorozatszámítás (általános) .....	45
Keresés rendezett tömbben (bináris) .....	45
Összefuttatás (merge).....	46
Rendezések.....	46
19. Források.....	47

## **Bevezetés**

A programozási tételek tipikus tömbös/sorozatos feladatokra adnak sablon megoldásokat. minden téTELhez pszeudokód, C# sablon, 5 feladat megoldásvázlattal, házi ötletek és gyakori hibák tartoznak.

**Konvenció:** Indexelés 0-tól. A tömb elemszáma n. feltétel(x) logikai predikátum.

## Elemi programozási tételek

### 1. Sorozatszámítás (általános)

Általános redukció:  $S_0$ -ról  $S=f(S, \text{elem})$  iteráció.

#### Pszeudokód (sablon)

```
S = S0  
  
ciklus i = 0 .. n-1  
  
    S = f(S, t[i])  
  
ciklus vége  
  
ki S
```

#### C# kódsablon

```
static T Sorozatszamitas<T>(IEnumerable<T> sor, T s0, Func<T,T> f)  
{  
    T s = s0;  
  
    foreach (var x in sor) s = f(s, x);  
  
    return s;  
}
```

**Gyakori hibák:** Kezdőérték rossz • Típuskeverés • Nem asszociatív esetén óvatosan

### Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Szorzat.

Megoldás vázlat:  $S_0=1$ ,  $f=szorzás$ .

C# tipp: Sorozatszamitas(t,1,(s,x)=>s\*x)

2. Van-e páros?

Megoldás vázlat:  $S_0=false$ ,  $f=||$ .

C# tipp: Sorozatszamitas(t,false,(s,x)=>s || x%2==0)

3. Maximum.

Megoldás vázlat:  $S_0=t[0]$ ,  $f=Math.Max$ .

C# tipp: Sorozatszamitas(t,t[0],Math.Max)

4. Negatívak száma.

Megoldás vázlat:  $S0=0, f=s+(x<0?1:0)$ .

C# tipp: Sorozatszamitas(t,0,(s,x)=>s+(x<0?1:0))

5. Szavak összefűzése.

Megoldás vázlat:  $S0="", f$  konkatenáció.

C# tipp: Sorozatszamitas(words,"",(s,x)=>s=="?x:s+" "+x)

### Házi feladat ötletek

- Mutasd meg: összegzés sorozatszámítás esete.
- Aggregate LINQ nélkül.
- Rekordok mezőinek összegzése.

## . Sorozatszámítás (Összegzés)

Egy sorozat elemeiből aggregált értéket számolunk (összeg).

### Pszeudokód (sablon)

```
osszeg = 0  
  
ciklus i = 0 .. n-1  
  
    osszeg = osszeg + t[i]  
  
ciklus vége  
  
ki osszeg
```

### C# kódsablon

```
static int Osszegzes(int[] t)  
  
{  
  
    int osszeg = 0;  
  
    for (int i = 0; i < t.Length; i++) osszeg += t[i];  
  
    return osszeg;  
}
```

**Gyakori hibák:** Kezdőérték rossz • Off-by-one ( $i \leq Length$ ) • Overflow nagy összegeknél

## Feladatok (5 db) – megoldás vázattal

1. Tömb elemeinek összege.

Megoldás vázlat: Sablon közvetlenül.

C# tipp: Osszegzes(t)

2. Páros elemek összege.

Megoldás vázlat: if ( $x \% 2 == 0$ ) add.

C# tipp: if( $t[i] \% 2 == 0$ ) osszeg += t[i];

3. Pozitív elemek összege.

Megoldás vázlat: if ( $x > 0$ ) add.

C# tipp: if( $t[i] > 0$ ) osszeg += t[i];

4. Abszolútértékek összege.

Megoldás vázlat: add Abs(x).

C# tipp: osszeg += Math.Abs(t[i]);

5. 0-k kihagyásával összegezni.

Megoldás vázlat: if (x!=0) add.

C# tipp: if(t[i]!=0) osszeg += t[i];

### Házi feladat ötletek

- Átlag: összeg/n (double).
- $\sum |t[i] - t[i-1]|$ .
- EOF-ig beolvasás és összeg.

## 2. Megszámlálás

Megszámoljuk, hány elem felel meg a feltételnek.

### Pszeudokód (sablon)

```
db = 0

ciklus i = 0 .. n-1
    ha feltétel(t[i]) akkor db = db + 1
ciklus vége

ki db
```

### C# kódsablon

```
static int Megszamlalas(int[] t, Func<int,bool> feltetel)
{
    int db = 0;

    for (int i = 0; i < t.Length; i++) if (feltetel(t[i])) db++;

    return db;
}
```

**Gyakori hibák:** db nincs 0-ra inicializálva • Rossz feltétel • Rossz bejárási határ

### Feladatok (5 db) – megoldás vázattal

1. Negatív számok száma.

Megoldás vázlat: db++ ha  $x < 0$ .

C# tipp: Megszamlalas(t,x=>x<0)

2. Páros számok száma.

Megoldás vázlat: db++ ha  $x \% 2 == 0$ .

C# tipp: Megszamlalas(t,x=>x%2==0)

3.  $[5,10]$  intervallumban lévők száma.

Megoldás vázlat:  $5 \leq x \text{ && } x \leq 10$ .

C# tipp: Megszamlalas(t,x=>5<=x && x<=10)

4. Maximum előfordulásainak száma.

Megoldás vázlat: max után count x==max.

C# tipp: var m=Maximum(t); Megszamlalas(t,x=>x==m)

5. 3-mal vagy 5-tel oszthatók száma.

Megoldás vázlat: x%3==0 || x%5==0.

C# tipp: Megszamlalas(t,x=>x%3==0||x%5==0)

### Házi feladat ötletek

- Különböző elemek száma (HashSet).
- Lokális maximumok száma.
- Feltételes megszámlálás fájlból olvasott adatokon.

### 3. Eldöntés

Eldöntjük, létezik-e feltételt kielégítő elem.

#### Pszeudokód (sablon)

```
i = 0  
  
ciklus amíg i < n és nem feltétel(t[i])  
  
    i = i + 1  
  
ciklus vége  
  
van = (i < n)  
  
ki van
```

#### C# kódsablon

```
static bool Eldontes(int[] t, Func<int,bool> feltetel)  
  
{  
  
    int i = 0;  
  
    while (i < t.Length && !feltetel(t[i])) i++;  
  
    return i < t.Length;  
  
}
```

**Gyakori hibák:** while feltétel sorrend hibás (OutOfRange) • Nincs korai kilépés • van értékét felülírja

### Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Van-e 0 a tömbben?

Megoldás vázlat:  $x==0$ .

C# tipp: Eldontes(t,x=>x==0)

2. Van-e 100-nál nagyobb?

Megoldás vázlat:  $x>100$ .

C# tipp: Eldontes(t,x=>x>100)

3. Van-e negatív páros?

Megoldás vázlat:  $x<0 \ \&\& \ x \% 2 == 0$ .

C# tipp: Eldontes(t,x=>x<0 \ \&\& \ x \% 2 == 0)

4. Van-e két azonos szomszéd?

Megoldás vázlat: keress i:  $t[i]==t[i-1]$ .

C# tipp: for i=1.. if( $t[i]==t[i-1]$ ) return true

5. minden elem pozitív?

Megoldás vázlat: negált: van-e  $x<=0$ ?

C# tipp: !Eldontes( $t,x=>x<=0$ )

### Házi feladat ötletek

- Palindrom vizsgálat.
- Prím létezés.
- Rendezettség vizsgálat átvezetése.

## 4. Kiválasztás

Megadjuk a feltételezett kielégítő elem indexét, ha garantáltan létezik ilyen elem.

### Pszeudokód (sablon)

```
i = 0  
  
ciklus amíg nem feltétel(t[i])  
  
    i = i + 1  
  
ciklus vége  
  
ki i
```

### C# kódsablon

```
static int Kivalasztas(int[] t, Func<int,bool> feltetel)  
  
{  
  
    int i = 0;  
  
    while (!feltetel(t[i])) i++;  
  
    return i; // előfeltétel: létezik  
  
}
```

**Gyakori hibák:** Garancia nélkül kifut • Index/sorszám keverés • Végtelen ciklus rossz feltétellel

### Feladatok (5 db) – megoldás vázattal

1. Első negatív indexe (van).

Megoldás vázlat:  $x < 0$ .

C# tipp: Kivalasztas(t,x=>x<0)

2. Első páros indexe (van).

Megoldás vázlat:  $x \% 2 == 0$ .

C# tipp: Kivalasztas(t,x=>x%2==0)

3. Első  $> 10$  indexe (van).

Megoldás vázlat:  $x > 10$ .

C# tipp: Kivalasztas(t,x=>x>10)

4. Maximum indexe.

Megoldás vázlat: MaxIndex.

C# tipp: MaxIndex(t)

5. Első i, ahol  $t[i] \neq i$  (van).

Megoldás vázlat: while( $t[i] == i$ )  $i++$ ;

C# tipp: int  $i = 0$ ; while( $t[i] == i$ )  $i++$ ;

### Házi feladat ötletek

- Első 7-tel osztható (garancia).
- Első nem üres string (garancia).
- Első pozitív (garancia).

## 5. Keresés (lineáris)

Megkeressük a feltételt kielégítő első elemet; ha nincs, -1.

### Pszeudokód (sablon)

```
i = 0  
  
ciklus amíg i < n és nem feltétel(t[i])  
  
    i = i + 1  
  
ciklus vége  
  
ha i < n akkor ki i különben ki -1
```

### C# kódsablon

```
static int Kereses(int[] t, Func<int,bool> feltetel)  
  
{  
  
    for (int i = 0; i < t.Length; i++) if (feltetel(t[i])) return i;  
  
    return -1;  
  
}
```

**Gyakori hibák:** Nem return-öl azonnal • -1 jelzés hiánya • Üres tömb kezelése hiányzik

## Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Kulcs első indexe.

Megoldás vázlat:  $x == \text{kulcs}$ .

C# tipp: `Kereses(t,x=>x==kulcs)`

2. Első páros indexe.

Megoldás vázlat:  $x \% 2 == 0$ .

C# tipp: `Kereses(t,x=>x \% 2 == 0)`

3. Első  $|x| > 50$  indexe.

Megoldás vázlat:  $\text{Abs}(x) > 50$ .

C# tipp: `Kereses(t,x=>Math.Abs(x) > 50)`

4. Első lokális minimum.

Megoldás vázlat:  $t[i-1] > t[i] < t[i+1]$ .

C# tipp: for (int i=1;i<Len-1;i++) ...

5. Első string, ami tartalmaz "a".

Megoldás vázlat: s.Contains("a").

C# tipp: Array.FindIndex(arr,s=>s.Contains("a"))

### Házi feladat ötletek

- Utolsó előfordulás keresése.
- Első prím keresése.
- Első átlag feletti elem.

## 6. Maximum kiválasztás

A legnagyobb elem (és/vagy index) meghatározása.

### Pszeudokód (sablon)

```
mi = 0

ciklus i = 1 .. n-1
    ha t[i] > t[mi] akkor mi = i
ciklus vége

ki mi
```

### C# kódsablon

```
static int MaxIndex(int[] t)
{
    int mi = 0;

    for (int i = 1; i < t.Length; i++) if (t[i] > t[mi]) mi = i;

    return mi;
}
```

**Gyakori hibák:** Üres tömb (előfeltétel) • max kezdőérték 0-ra hibás • Index/érték keverése

### Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Maximum érték.

Megoldás vázlat: max változó frissítése.

C# tipp: var m = t[MaxIndex(t)];

2. Maximum index.

Megoldás vázlat: MaxIndex sablon.

C# tipp: MaxIndex(t)

3. Max abszolútérték szerint.

Megoldás vázlat: Abs összehasonlítás.

C# tipp: if (Abs(t[i]) > Abs(t[mi])) mi=i;

4. Max páros indexeken.

Megoldás vázlat:  $i+=2$ .

C# tipp: `for(i=0;i<Len;i+=2)`

5. Második maximum.

Megoldás vázlat:  $\text{max1}/\text{max2}$ .

C# tipp: tarts két változót

### Házi feladat ötletek

- Max+min egy menetben.
- Max gyakoriság.
- Rekord max mező alapján.

## . Minimum kiválasztás

A legkisebb elem (és/vagy index) meghatározása.

### Pszeudokód (sablon)

```
mi = 0

ciklus i = 1 .. n-1
    ha t[i] < t[mi] akkor mi = i
ciklus vége

ki mi
```

### C# kódsablon

```
static int MinIndex(int[] t)
{
    int mi = 0;

    for (int i = 1; i < t.Length; i++) if (t[i] < t[mi]) mi = i;
    return mi;
}
```

**Gyakori hibák:** Üres tömb • min kezdetérték 0-ra hibás • Index frissítés hiánya

## Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Minimum érték.

Megoldás vázlat: min frissítése.

C# tipp: var m = t[MinIndex(t)];

2. Minimum index.

Megoldás vázlat: MinIndex sablon.

C# tipp: MinIndex(t)

3. Legkisebb pozitív (ha van).

Megoldás vázlat: best=MaxValue; if(x>0&&x<best).

C# tipp: int best=int.MaxValue;

4. Targethez legközelebbi.

Megoldás vázlat: Min  $|x\text{-target}|$ .

C# tipp: if ( $\text{Abs}(x\text{-target}) < \text{best}$ )

5. Minimum  $>5$  között (van).

Megoldás vázlat: először válassz ki egy  $>5$ -öt.

C# tipp: find first  $>5$

### Házi feladat ötletek

- Min és max egy menetben.
- Min gyakoriság.
- Rekord min mező alapján.

## Összetett programozási tételek

### 7. Másolás

Elemek átmásolása egy új tömbbe transzformációval.

#### Pszeudokód (sablon)

```
ciklus i = 0 .. n-1  
    b[i] = muvelet(a[i])  
ciklus vége
```

#### C# kódsablon

```
static int[] Masolas(int[] a, Func<int,int> muvelet)  
{  
    int[] b = new int[a.Length];  
    for (int i = 0; i < a.Length; i++) b[i] = muvelet(a[i]);  
    return b;  
}
```

**Gyakori hibák:** Cél tömb nincs lefoglalva • Rossz határ • Overflow műveletben

#### Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Másolat készítése.

Megoldás vázlat: muvelet(x)=x.

C# tipp: Masolas(a,x=>x)

2. Duplázás.

Megoldás vázlat: muvelet(x)=2\*x.

C# tipp: Masolas(a,x=>2\*x)

3. Abszolútérték.

Megoldás vázlat: muvelet(x)=Abs(x).

C# tipp: Masolas(a,Math.Abs)

4. Negatívak nullázása.

Megoldás vázlat: muvelet(x)=max(0,x).

C# tipp: Masolas(a,x=>Math.Max(0,x))

5. Index hozzáadása: b[i]=a[i]+i.

Megoldás vázlat: muvelet indexfüggő.

C# tipp: for i: b[i]=a[i]+i

### Házi feladat ötletek

- Celsius→Fahrenheit (double).
- Whitespace→\_ (string).
- Négyzet (long).

## 8. Kiválogatás

A feltételt teljesítő elemeket új sorozatba gyűjtjük.

### Pszeudokód (sablon)

```
k = 0  
  
ciklus i = 0 .. n-1  
  
    ha feltétel(a[i]) akkor  
  
        b[k] = a[i]  
  
        k = k + 1  
  
ciklus vége
```

### C# kódsablon

```
static int[] Kivalogatas(int[] a, Func<int,bool> feltetel)  
  
{  
  
    var lista = new List<int>();  
  
    foreach (var x in a) if (feltetel(x)) lista.Add(x);  
  
    return lista.ToArray();  
}
```

**Gyakori hibák:** k++ kimarad • Fix b mérete kicsi • Határérték téves

### Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. <5 elemek kiválogatása.

Megoldás vázlat:  $x < 5$ .

C# tipp: `Kivalogatas(a,x=>x<5)`

2. Páros elemek.

Megoldás vázlat:  $x \% 2 == 0$ .

C# tipp: `Kivalogatas(a,x=>x \% 2 == 0)`

3. Nem nullák.

Megoldás vázlat:  $x != 0$ .

C# tipp: `Kivalogatas(a,x=>x != 0)`

4. [A,B] intervallumbeliek.

Megoldás vázlat:  $A \leq x \text{ && } x \leq B$ .

C# tipp: Kivalogatas(a,x=>A<=x && x<=B)

5. Prímek kiválogatása.

Megoldás vázlat: IsPrime(x).

C# tipp: Kivalogatas(a,IsPrime)

### Házi feladat ötletek

- Kiválogatás + összegzés.
- Kiválogatás + rendezés.
- Duplikátumok kiszűrése.

## 9. Szétválogatás

A sorozat elemeit két csoportra bontjuk feltétel szerint.

### Pszeudokód (sablon)

ig = üres

ha = üres

ciklus x az a elemein

    ha feltétel(x) akkor ig-be, különben ha-ba

### C# kód sablon

```
static (int[] igazak, int[] hamisak) Szetvalogatas(int[] a, Func<int,bool>
feltetel)
{
    var ig = new List<int>();
    var ha = new List<int>();
    foreach (var x in a) if (feltetel(x)) ig.Add(x); else ha.Add(x);
    return (ig.ToArray(), ha.ToArray());
}
```

**Gyakori hibák:** p/q keverése • else ág hiánya • stabilitás félreértése

### Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Páros/páratlan szétválasztása.

Megoldás vázlat: feltétel: páros.

C# tipp: Szetvalogatas(a,x=>x%2==0)

2. Pozitív/nem pozitív.

Megoldás vázlat:  $x > 0$ .

C# tipp: Szetvalogatas(a,x=>x>0)

3.  $<10$  és  $\geq 10$ .

Megoldás vázlat:  $x < 10$ .

C# tipp: Szetvalogatas(a,x=>x<10)

4. Üres/nem üres stringek.

Megoldás vázlat: IsNullOrEmpty.

C# tipp: SzetvalogatasS(a,string.IsNullOrEmpty)

5. Prím/nem prím.

Megoldás vázlat: IsPrime.

C# tipp: Szetvalogatas(a,IsPrime)

### **Házi feladat ötletek**

- 3 csoportba bontás ( $<0,=0,>0$ ).
- Csoportonkénti statisztika.
- Szétválogatás után rendezés.

## 10. Metszet

Két sorozat közös elemei (halmazként).

### Pszeudokód (sablon)

```
setB = B halmaz  
  
C = üres  
  
A elemein: ha benne van setB-ben, add
```

### C# kód sablon

```
static int[] Metszet(int[] a, int[] b)  
  
{  
  
    var setB = new HashSet<int>(b);  
  
    var c = new List<int>();  
  
    foreach (var x in a) if (setB.Contains(x)) c.Add(x);  
  
    return c.Distinct().ToArray();  
  
}
```

**Gyakori hibák:** Duplikátum-kezelés tisztázatlan • O(n\*m) kerülendő • Sorrend kérdés

### Feladatok (5 db) – megoldás vázattal

1. Metszet int tömbökre.

Megoldás vázlat: HashSet+Distinct.

C# tipp: Metszet(a,b)

2. Van-e közös elem?

Megoldás vázlat: Any + Contains.

C# tipp: a.Any(x=>setB.Contains(x))

3. Páros közös elemek.

Megoldás vázlat: Contains && x%2==0.

C# tipp: if(setB.Contains(x)&&x%2==0)

4. Metszet stringekre case-insensitive.

Megoldás vázlat: OrdinalIgnoreCase.

C# tipp: HashSet<string>(..., OrdinalIgnoreCase)

5. Rendezett metszet  $O(n+m)$ .

Megoldás vázlat: Kétszintű.

C# tipp: while(i<n&&j<m)

### Házi feladat ötletek

- Multihalmaz metszet.
- Eredmény rendezése.
- Bináris kereséssel rendezett B esetén.

## 11. Unió

Két sorozat egyesítése (stabil unió).

### Pszeudokód (sablon)

seen = üres

C = üres

A elemein: ha új, add

B elemein: ha új, add

### C# kódsablon

```
static int[] UnioStabil(int[] a, int[] b)

{
    var seen = new HashSet<int>();
    var c = new List<int>();

    foreach (var x in a) if (seen.Add(x)) c.Add(x);
    foreach (var x in b) if (seen.Add(x)) c.Add(x);

    return c.ToArray();
}
```

**Gyakori hibák:** HashSet sorrendje nem garantált (stabilhoz lista kell) • Duplikátum-kezelés tisztázatlan • O(n\*m) kerülendő

### Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Unió halmazként.

Megoldás vázlat: HashSet Add.

C# tipp: new HashSet<int>(a); set.UnionWith(b)

2. Stabil unió (A sorrendje megmarad).

Megoldás vázlat: seen.Add + lista.

C# tipp: UnioStabil(a,b)

3. Unió elemszám.

Megoldás vázlat: set.Count.

C# tipp: set.Count

4. String unió case-insensitive.

Megoldás vázlat: StringComparer.

C# tipp: HashSet<string>(..., OrdinalIgnoreCase)

5. Rendezett unió rendezetten.

Megoldás vázlat: Merge.

C# tipp: OsszefuttatasUnio(a,b)

### Házi feladat ötletek

- Unió HashSet nélkül.
- Unió + metszet harmadik tömbbel.
- Multihalmaz unió (összefűzés).

## Keresések

### 12. Keresés rendezett tömbben (bináris)

Rendezett tömbben logaritmikus keresés.

#### Pszeudokód (sablon)

```
elso = 0  
  
utolso = n-1  
  
ciklus amíg elso <= utolso  
  
    kozep = elso + (utolso-elso) div 2  
  
    ha t[kozep] = kulcs akkor ki kozep és kilép  
  
    különben ha kulcs < t[kozep] akkor utolso = kozep - 1  
  
    különben elso = kozep + 1  
  
ciklus vége  
  
ki -1
```

#### C# kódsablon

```
static int BinarisKereses(int[] t, int kulcs)  
  
{  
  
    int elso = 0, utolso = t.Length - 1;  
  
    while (elso <= utolso)  
  
    {  
  
        int kozep = elso + (utolso - elso) / 2;  
  
        if (t[kozep] == kulcs) return kozep;  
  
        if (kulcs < t[kozep]) utolso = kozep - 1;  
  
        else elso = kozep + 1;  
  
    }  
  
    return -1;  
}
```

**Gyakori hibák:** Bemenet nincs rendezve • Határfrissítés hibás • Közép számítás hibás

## Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Kulcs indexe.

Megoldás vázlat: Bináris keresés.

C# tipp: BinarisKereses(t,k)

2. Van-e benne?

Megoldás vázlat: index!= -1.

C# tipp: BinarisKereses(t,k)!= -1

3. Első előfordulás (lower\_bound).

Megoldás vázlat: Találatkor menj balra.

C# tipp: lower\_bound minta

4. Előfordulások száma.

Megoldás vázlat: upper-lower.

C# tipp: ub-lb

5. Beszúrási hely.

Megoldás vázlat: lower\_bound.

C# tipp: return elso

## Házi feladat ötletek

- Generikus bináris keresés.
- Legközelebbi elem.
- Több kulcs keresése.

## Programozási tételek egymásra építése

### 13. Összefuttatás (merge)

Két rendezett sorozat összeolvásztása rendezetten (unió/összefésülés).

#### Pszeudokód (sablon)

```
i = 0; j = 0  
C = üres  
amíg i < n és j < m  
    a[i] és b[j] közül a kisebbet C-be, mutató lép  
    maradék elemeket C-be
```

#### C# kódsablon

```
static int[] OsszefuttatasUnio(int[] a, int[] b)  
{  
    int i = 0, j = 0;  
    var c = new List<int>();  
    while (i < a.Length && j < b.Length)  
    {  
        if (a[i] < b[j]) c.Add(a[i++]);  
        else if (a[i] == b[j]) { c.Add(a[i]); i++; j++; }  
        else c.Add(b[j++]);  
    }  
    while (i < a.Length) c.Add(a[i++]);  
    while (j < b.Length) c.Add(b[j++]);  
    return c.ToArray();  
}
```

**Gyakori hibák:** Egyenlő eset kezelése hiányzik • Maradék kimarad • Bemenet nem rendezett

#### Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Rendezett unió duplikátum nélkül.

Megoldás vázlat: Merge unió.

C# tipp: OsszefuttatasUnio(a,b)

2. Rendezett összefűzés duplikátumokkal.

Megoldás vázlat: Egyenlőnél minden kettő.

C# tipp: if(a[i]==b[j]) add both

3. Rendezett metszet  $O(n+m)$ .

Megoldás vázlat: Egyenlőnél add, különben kisebbik lép.

C# tipp: MergeIntersect

4. Különböző elemek száma merge közben.

Megoldás vázlat: last követése.

C# tipp: track last

5. Hárrom rendezett tömb merge.

Megoldás vázlat: Kétszer merge.

C# tipp: Merge(Merge(a,b),c)

### Házi feladat ötletek

- Mergesort alapfeladat.
- Időmérés.
- String merge IComparer-rel.

## Rendezések

### 14. Rendezések

Rendezési algoritmusok (buborék, kiválasztásos, beszúrásos; kitekintés: quick/merge).

#### Pszeudokód (sablon)

```
// Buborékrendezés

ciklus i = n-1 .. 1
    ciklus j = 0 .. i-1
        ha t[j] > t[j+1] akkor csere
    ciklus vége
ciklus vége
```

#### C# kódsablon

```
static void BuborekRendezes(int[] t)
{
    for (int i = t.Length - 1; i >= 1; i--)
        for (int j = 0; j < i; j++)
            if (t[j] > t[j + 1])
            {
                int tmp = t[j];
                t[j] = t[j + 1];
                t[j + 1] = tmp;
            }
}
```

**Gyakori hibák:** Csere tmp nélkül • Rossz ciklushatárok • Rendezés iránya téves

#### Feladatok (5 db) – megoldás vázlattal

1. Buborékrendezés implementálása.

Megoldás vázlat: Sablon.

C# tipp: BuborekRendezes(t)

2. Kiválasztásos rendezés.

Megoldás vázlat: MinIndex + csere.

C# tipp: SelectionSort

3. Beszúrásos rendezés.

Megoldás vázlat: Kulcs + tolás.

C# tipp: InsertionSort

4. Csökkenő sorrend.

Megoldás vázlat: Fordítsd meg a relációt.

C# tipp: if( $t[j] < t[j+1]$ ) swap

5. Rekord rendezés kulcs szerint.

Megoldás vázlat: IComparer/Array.Sort.

C# tipp: Array.Sort(arr, comparer)

### Házi feladat ötletek

- Mérj időt: buborék vs Array.Sort.
- Mergesort implementálása.
- Stabilitás vizsgálata.

## Mellékeletek / 1

### 16. Hibavadászat (C#)

Javítsd a kódrészletek hibáit és röviden indokold a javítást!

#### 1) Off-by-one összegzés

```
int sum=0;  
  
for(int i=0;i<=t.Length;i++) sum+=t[i];
```

**Javítás:** i < t.Length

#### 2) While sorrend

```
int i=0;  
  
while(!pred(t[i]) && i<t.Length) i++;
```

**Javítás:** i<t.Length && !pred(t[i])

#### 3) db inicializálás hiányzik

```
int db;  
  
for(int i=0;i<t.Length;i++) if(t[i]<0) db++;
```

**Javítás:** int db=0;

#### 4) Bináris határfrissítés

```
if(k<ul) elso=kozep-1; else utolso=kozep+1;
```

**Javítás:** utolso=kozep-1; elso=kozep+1

#### 5) Csere tmp nélkül

```
t[i]=t[j]; t[j]=t[i];
```

**Javítás:** tmp=t[i]; t[i]=t[j]; t[j]=tmp;

#### 6) Kiválogatásnál k++ hiányzik

```
if(a[i]<5) b[k]=a[i];
```

**Javítás:** b[k++]=a[i];

## 7) Minimum kezdőérték 0

```
int min=0; for(i=0;i<n;i++) if(t[i]<min) min=t[i];
```

**Javítás:** min=t[0]; i=1-től

## 8) Eldöntés felülír

```
bool van=false; for(i=0;i<n;i++) van=(t[i]==0);
```

**Javítás:** van |= (t[i]==0); vagy break

## **17. 45 perces dolgozat minta**

Időtartam: 45 perc. Összesen 50 pont. Segédeszköz: papír/ceruza.

### **Feladatok**

1. feladat (10p) Számold ki a pozitív elemek összegét és darabszámát egy menetben!
2. feladat (12p) Keresd meg egy kulcs első indexét; ha nincs, -1.
3. feladat (14p) Két rendezett tömb rendezett uniója összefuttatással (duplikátum nélkül).
4. feladat (14p) Írj C# metódust: legnagyobb abszolútértékű elem indexe.

### **Megoldókulcs (vázlat)**

1. feladat (10p): osszeg=0; db=0; ha  $t[i] > 0$ : osszeg+=t[i]; db++;
2. feladat (12p): Lineáris keresés sablon.
3. feladat (14p): Merge unió sablon, utóciklusok.
4. feladat (14p): mi=0; for i=1..: if  $Abs(t[i]) > Abs(t[mi])$  mi=i; return mi;

## 18. Melléklet: Tétel → C# kódsablonok (kivonat)

### Összegzés

```
static int Osszegzes(int[] t)

{
    int osszeg = 0;

    for (int i = 0; i < t.Length; i++) osszeg += t[i];

    return osszeg;
}
```

### Megszámlálás

```
static int Megszamlalas(int[] t, Func<int,bool> feltetel)

{
    int db = 0;

    for (int i = 0; i < t.Length; i++) if (feltetel(t[i])) db++;

    return db;
}
```

### Eldöntés

```
static bool Eldontes(int[] t, Func<int,bool> feltetel)

{
    int i = 0;

    while (i < t.Length && !feltetel(t[i])) i++;

    return i < t.Length;
}
```

### Kiválasztás

```
static int Kivalasztas(int[] t, Func<int,bool> feltetel)

{
    int i = 0;

    while (!feltetel(t[i])) i++;

    return i; // előfeltétel: létezik
}
```

### Keresés (lineáris)

```
static int Kereses(int[] t, Func<int,bool> feltetel)
{
    for (int i = 0; i < t.Length; i++) if (feltetel(t[i])) return i;
    return -1;
}
```

### Másolás

```
static int[] Masolas(int[] a, Func<int,int> muvelet)
{
    int[] b = new int[a.Length];
    for (int i = 0; i < a.Length; i++) b[i] = muvelet(a[i]);
    return b;
}
```

### Kiválogatás

```
static int[] Kivalogatas(int[] a, Func<int,bool> feltetel)
{
    var lista = new List<int>();
    foreach (var x in a) if (feltetel(x)) lista.Add(x);
    return lista.ToArray();
}
```

### Szétválogatás

```
static (int[] igazak, int[] hamisak) Szetvalogatas(int[] a, Func<int,bool>
feltetel)
{
    var ig = new List<int>();
    var ha = new List<int>();
    foreach (var x in a) if (feltetel(x)) ig.Add(x); else ha.Add(x);
    return (ig.ToArray(), ha.ToArray());
}
```

### **Metszet**

```
static int[] Metszet(int[] a, int[] b)

{
    var setB = new HashSet<int>(b);

    var c = new List<int>();

    foreach (var x in a) if (setB.Contains(x)) c.Add(x);

    return c.Distinct().ToArray();
}
```

### **Unió**

```
static int[] UnioStabil(int[] a, int[] b)

{
    var seen = new HashSet<int>();

    var c = new List<int>();

    foreach (var x in a) if (seen.Add(x)) c.Add(x);

    foreach (var x in b) if (seen.Add(x)) c.Add(x);

    return c.ToArray();
}
```

### **Maximum kiválasztás**

```
static int MaxIndex(int[] t)

{
    int mi = 0;

    for (int i = 1; i < t.Length; i++) if (t[i] > t[mi]) mi = i;

    return mi;
}
```

## Minimum kiválasztás

```
static int MinIndex(int[] t)

{
    int mi = 0;

    for (int i = 1; i < t.Length; i++) if (t[i] < t[mi]) mi = i;

    return mi;
}
```

## Sorozatszámítás (általános)

```
static T Sorozatszamitas<T>(IEnumerable<T> sor, T s0, Func<T,T,T> f)

{
    T s = s0;

    foreach (var x in sor) s = f(s, x);

    return s;
}
```

## Keresés rendezett tömbben (bináris)

```
static int BinarisKereses(int[] t, int kulcs)

{
    int elseo = 0, utolso = t.Length - 1;

    while (elseo <= utolso)

    {
        int kozep = elseo + (utolso - elseo) / 2;

        if (t[kozep] == kulcs) return kozep;

        if (kulcs < t[kozep]) utolso = kozep - 1;

        else elseo = kozep + 1;
    }

    return -1;
}
```

## Összefuttatás (merge)

```
static int[] OsszefuttatasUnio(int[] a, int[] b)

{
    int i = 0, j = 0;

    var c = new List<int>();

    while (i < a.Length && j < b.Length)

    {
        if (a[i] < b[j]) c.Add(a[i++]);
        else if (a[i] == b[j]) { c.Add(a[i]); i++; j++; }
        else c.Add(b[j++]);
    }

    while (i < a.Length) c.Add(a[i++]);

    while (j < b.Length) c.Add(b[j++]);
}
```

## Rendezések

```
static void BuborekRendezes(int[] t)

{
    for (int i = t.Length - 1; i >= 1; i--)
        for (int j = 0; j < i; j++)
            if (t[j] > t[j + 1])
            {
                int tmp = t[j];
                t[j] = t[j + 1];
                t[j + 1] = tmp;
            }
}
```

## **19. Források**

- szit.hu – Programozási tételek (mondatszerű leírás):  
[https://szit.hu/doku.php?id=oktatas:programozas:programozasi\\_tetelek:mondatszeru\\_leiras](https://szit.hu/doku.php?id=oktatas:programozas:programozasi_tetelek:mondatszeru_leiras)
- ELTE IK – Számítógépes problémamegoldás I. tematika: <http://szprob1.elte.hu/>