Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського" Факультет інформатики та обчислювальної техніки

Кафедра інформатики та програмної інженерії

Звіт

з лабораторної роботи № 5 з дисципліни «Проектування алгоритмів»

"Проектування і аналіз алгоритмів для вирішення NP-складних задач ч.2"

Виконав(**ла**) <u>ІП-22, Андреєва Уляна Андріївна</u> (шифр, прізвище, ім'я, по батькові)

 Перевірив
 Ахаладзе Ілля Елдарійович

 (прізвище, ім'я, по батькові)

3MICT

1 МЕТА ЛАБОРАТОРНОЇ РОБОТИ	3
2 ЗАВДАННЯ	4
3 ВИКОНАННЯ	10
3.1 Покроковий алгоритм	10
3.2 ПРОГРАМНА РЕАЛІЗАЦІЯ АЛГОРИТМУ	12
3.2.1 Вихідний код	
3.2.2 Приклади роботи	
3.3 ТЕСТУВАННЯ АЛГОРИТМУ	21
висновок	23
КРИТЕРІЇ ОПІНЮВАННЯ	2.4

1 МЕТА ЛАБОРАТОРНОЇ РОБОТИ

Мета роботи — вивчити основні підходи розробки метаеврестичних алгоритмів для типових прикладних задач. Опрацювати методологію підбору прийнятних параметрів алгоритму.

2 ЗАВДАННЯ

- .

Зробити узагальнений висновок в якому обов'язково описати залежність якості розв'язку від вхідних параметрів.

Таблиця 2.1 – Прикладні задачі

№	Задача
1	Задача про рюкзак (місткість Р=500, 100 предметів, цінність предметів
	від 2 до 30 (випадкова), вага від 1 до 20 (випадкова)). Для заданої
	множини предметів, кожен з яких має вагу і цінність, визначити яку
	кількість кожного з предметів слід взяти, так, щоб сумарна вага не
	перевищувала задану, а сумарна цінність була максимальною.
	Задача часто виникає при розподілі ресурсів, коли наявні фінансові
	обмеження, і вивчається в таких областях, як комбінаторика,
	інформатика, теорія складності, криптографія, прикладна математика.
2	Задача комівояжера (300 вершин, відстань між вершинами випадкова
	від 5 до 150) полягає у знаходженні найвигіднішого маршруту, що
	проходить через вказані міста хоча б по одному разу. В умовах
	завдання вказуються критерій вигідності маршруту (найкоротший,
	найдешевший, сукупний критерій тощо) і відповідні матриці відстаней,
	вартості тощо. Зазвичай задано, що маршрут повинен проходити через
	кожне місто тільки один раз, в такому випадку розв'язок знаходиться
	серед гамільтонових циклів.
	Розглядається симетричний, асиметричний та змішаний варіанти.
	В загальному випадку, асиметрична задача комівояжера відрізняється
	тим, що ребра між вершинами можуть мати різну вагу в залежності від
	напряму, тобто, задача моделюється орієнтованим графом. Таким
	чином, окрім ваги ребер графа, слід також зважати і на те, в якому
	напрямку знаходяться ребра.

У випадку симетричної задачі всі пари ребер між одними й тими самими вершинами мають однакову вагу.

У випадку реальних міст може бути як симетричною, так і асиметричною в залежності від тривалості або довжини маршрутів і напряму руху.

Застосування:

- доставка товарів (в цьому випадку може бути більш доречна постановка транспортної задачі - доставка в кілька магазинів з декількох складів);
- доставка води;
- моніторинг об'єктів;
- поповнення банкоматів готівкою;
- збір співробітників для доставки вахтовим методом.
- 3 Розфарбовування графа (300 вершин, степінь вершини не більше 30, але не менше 2) називають таке приписування кольорів (або натуральних чисел) його вершинам, що ніякі дві суміжні вершини не набувають однакового кольору. Найменшу можливу кількість кольорів у розфарбуванні називають хроматичне число.

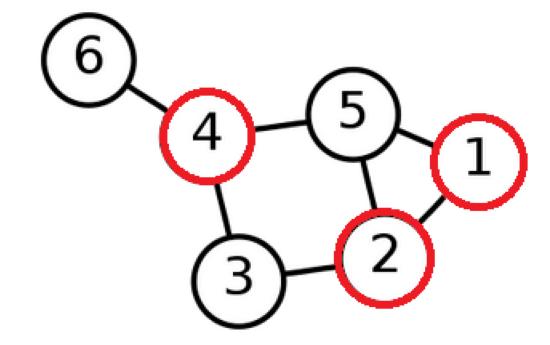
Застосування:

- розкладу для освітніх установ;
- розкладу в спорті;
- планування зустрічей, зборів, інтерв'ю;
- розклади транспорту, в тому числі авіатранспорту;
- розкладу для комунальних служб;
- Задача вершинного покриття (300 вершин, степінь вершини не більше 30, але не менше 2). Вершинне покриття для неорієнтованого графа G = (V, E) це множина його вершин S, така, що, у кожного ребра графа хоча б один з кінців входить в вершину з S.
 Задача вершинного покриття полягає в пошуку вершинного покриття

найменшого розміру для заданого графа (цей розмір називається числом вершинного покриття графа).

Hа вході: Граф G = (V, E).

Результат: множина С ⊆ V - найменше вершинне покриття графа G.



Застосування:

- розміщення пунктів обслуговування;
- призначення екіпажів на транспорт;
- проектування інтегральних схем і конвеєрних ліній.

3адача про кліку (300 вершин, степінь вершини не більше 30, але не менше 2). Клікою в неорієнтованому графі називається підмножина вершин, кожні дві з яких з'єднані ребром графа. Іншими словами, це повний підграф первісного графа. Розмір кліки визначається як число вершин в ній.

Задача про кліку існує у двох варіантах: у задачі розпізнавання потрібно визначити, чи існує в заданому графі G кліка розміру k, тоді як в обчислювальному варіанті потрібно знайти в заданому графі G кліку максимального розміру або всі максимальні кліки (такі, що не можна збільшити).

Застосування:

	біоінформатика;
	– електротехніка;
6	Задача про найкоротший шлях (300 вершин, відстань між вершинами
	випадкова від 5 до 150, степінь вершини не більше 10, але не менше 1) -
	задача пошуку найкоротшого шляху (ланцюга) між двома точками
	(вершинами) на графі, в якій мінімізується сума ваг ребер, що
	складають шлях.
	Важливість задачі визначається її різними практичними
	застосуваннями. Наприклад, в GPS-навігаторах здійснюється пошук
	найкоротшого шляху між точкою відправлення і точкою призначення.
	Як вершин виступають перехрестя, а дороги ϵ ребрами, які лежать між
	ними. Якщо сума довжин доріг між перехрестями мінімальна, тоді
	знайдений шлях найкоротший.

Таблиця 2.2 – Варіанти алгоритмів і досліджувані параметри

№	Алгоритми і досліджувані параметри
1	Генетичний алгоритм:
	- оператор схрещування (мінімум 3);
	- мутація (мінімум 2);
	- оператор локального покращення (мінімум 2).
2	Мурашиний алгоритм:
	– α;
	– β;
	– ρ;
	- Lmin;
	кількість мурах M і їх типи (елітні, тощо…);
	 маршрути з однієї чи різних вершин.
3	Бджолиний алгоритм:
	кількість ділянок;

– кількість бджіл (фуражирів і розвідників).

Таблиця 2.3 – Варіанти задач і алгоритмів

№	Задачі і алгоритми
1	Задача про рюкзак + Генетичний алгоритм
2	Задача про рюкзак + Бджолиний алгоритм
3	Задача комівояжера (асиметрична мережа) + Генетичний алгоритм
4	Задача комівояжера (симетрична мережа) + Генетичний алгоритм
5	Задача комівояжера (змішана мережа) + Генетичний алгоритм
6	Задача комівояжера (асиметрична мережа) + Мурашиний алгоритм
7	Задача комівояжера (симетрична мережа) + Мурашиний алгоритм
8	Задача комівояжера (змішана мережа) + Мурашиний алгоритм
9	Задача вершинного покриття + Генетичний алгоритм
10	Задача вершинного покриття + Бджолиний алгоритм
11	Задача комівояжера (асиметрична мережа) + Бджолиний алгоритм
12	Задача комівояжера (симетрична мережа) + Бджолиний алгоритм
13	Задача комівояжера (змішана мережа) + Бджолиний алгоритм
14	Розфарбовування графа + Генетичний алгоритм
15	Розфарбовування графа + Бджолиний алгоритм
16	Задача про кліку (задача розпізнавання) + Генетичний алгоритм
17	Задача про кліку (задача розпізнавання) + Бджолиний алгоритм
18	Задача про кліку (обчислювальна задача) + Генетичний алгоритм
19	Задача про кліку (обчислювальна задача) + Бджолиний алгоритм
20	Задача про найкоротший шлях + Генетичний алгоритм
21	Задача про найкоротший шлях + Мурашиний алгоритм
22	Задача про найкоротший шлях + Бджолиний алгоритм
23	Задача про рюкзак + Генетичний алгоритм

24	Задача про рюкзак + Бджолиний алгоритм
25	Задача комівояжера (асиметрична мережа) + Генетичний алгоритм
26	Задача комівояжера (симетрична мережа) + Генетичний алгоритм
27	Задача комівояжера (змішана мережа) + Генетичний алгоритм
28	Задача комівояжера (асиметрична мережа) + Мурашиний алгоритм
29	Задача комівояжера (симетрична мережа) + Мурашиний алгоритм
30	Задача комівояжера (змішана мережа) + Мурашиний алгоритм

3 ВИКОНАННЯ

3.1 Покроковийалгоритм

```
function crossover(parent1, parent2, random):
  parent1Items = parent1.getItems()
  parent2Items = parent2.getItems()
  if parent1Items.isEmpty() or parent2Items.isEmpty():
     child = Individual()
    child.setWeightLimit(parent1.getWeightLimit())
     child.setVolumeLimit(parent1.getVolumeLimit())
     return child
  crossoverPoint1 = random.nextInt(parent1Items.size())
  crossoverPoint2 = random.nextInt(parent1Items.size())
  start = min(crossoverPoint1, crossoverPoint2)
  end = max(crossoverPoint1, crossoverPoint2)
  child = Individual()
  childItems = []
  childItems.addAll(parent1Items.subList(start, end))
  for item in parent2Items:
     if item not in childItems:
       childItems.add(item)
  child.setItems(childItems)
  child.setWeightLimit(parent1.getWeightLimit())
```

```
child.setVolumeLimit(parent1.getVolumeLimit())
  return child
function crossover(parent1, parent2, random):
  parent1Items = parent1.getItems()
  parent2Items = parent2.getItems()
  if parent1Items.isEmpty() or parent2Items.isEmpty():
    child = Individual()
    child.setWeightLimit(parent1.getWeightLimit())
    child.setVolumeLimit(parent1.getVolumeLimit())
    return child
  crossoverPoint1 = random.nextInt(parent1Items.size())
  crossoverPoint2 = random.nextInt(parent1Items.size())
  start = min(crossoverPoint1, crossoverPoint2)
  end = max(crossoverPoint1, crossoverPoint2)
  child = Individual()
  childItems = []
  childItems.addAll(parent1Items.subList(start, end))
  for item in parent2Items:
    if item not in childItems:
       childItems.add(item)
  child.setItems(childItems)
  child.setWeightLimit(parent1.getWeightLimit())
```

child.setVolumeLimit(parent1.getVolumeLimit())

return child

3.2 Програмна реалізація алгоритму

3.2.1 Вихідний код

```
import java.util.*;
     public class GeneticAlgorithm {
       public static void main(String[] args) {
          Scanner scanner = new Scanner(System.in);
         int populationSize = getPositiveIntegerFromUser("Enter the population size: ", scanner);
         int \ num Generations = getPositiveIntegerFromUser("Enter \ the \ number \ of \ generations: ", \ scanner);
         double mutationRate = getProbabilityFromUser("Enter the mutation rate: ", scanner);
         double localImprovementRate = getProbabilityFromUser("Enter the local improvement rate: ", scanner);
         List<Individual> population = initializePopulation(populationSize, new Random());
         for (int generation = 0; generation < numGenerations; generation++) {
            evaluatePopulation(population);
            System.out.println("Generation:"+generation);\\
            for (int i = 0; i < population.size(); i++) {
               System.out.println("Individual" + i + "Fitness:" + population.get(i).getFitness());\\
            }
            List<Individual> offspring = new ArrayList<>();
            while (offspring.size() < population.size()) {
               Individual parent1 = selectParent(population, new Random());
               Individual parent2 = selectParent(population, new Random());
               Individual child = crossover(parent1, parent2, new Random());
               if (new Random().nextDouble() < mutationRate) {
                 mutate(child, new Random());
              if (new Random().nextDouble() < localImprovementRate) {
                 localImprovement(child, new Random());
               offspring.add(child);
            population = offspring;
          scanner.close();
       protected static int getPositiveIntegerFromUser(String message, Scanner scanner) {
         int value = 0;
```

```
while (true) {
                    System.out.print(message);
                    String input = scanner.next();
                    try {
                           value = Integer.parseInt(input);
                          if (value > 0 && !input.matches("^{(0+[1-9][0-9]+)}")) {
                                 break;
                           } else {
                                 System.out.println("Please enter a positive integer without leading zeros.");
                    } catch (NumberFormatException e) {
                          System.out.println("Invalid input. Please enter a valid positive integer.");
                    }
              }
             return value;
       }
       static double getProbabilityFromUser(String message, Scanner scanner) {
             double probability = 0;
             while (true) {
                    System.out.print(message);
                    String input = scanner.next();
                    try {
                          probability = Double.parseDouble(input);\\
                          if (probability >= 0 && probability <= 1 && !input.matches("^0[0-9].*")) {
                                 break;
                           } else {
                                 System.out.println("Please enter a number between 0 and 1 without leading zeros.");
                    } catch (NumberFormatException e) {
                           System.out.println("Invalid input. Please enter a valid number.");
              }
            return probability;
protected\ static\ List < Individual > initialize Population (int\ population Size,\ Random\ random)\ \{ box and the context of the context 
List<Individual> population = new ArrayList<>();
for (int i = 0; i < populationSize; i++) {
       Individual individual = new Individual();
      for (int j = 0; j < 5; j++) {
             double weight = random.nextDouble() * 10;
```

```
double volume = random.nextDouble() * 5;
       double value = random.nextDouble() * 15;
       Individual.Item item = new Individual.Item(weight, volume, value);
       individual.getItems().add(item);
    individual.setWeightLimit(random.nextDouble() * 100);
     individual.setVolumeLimit(random.nextDouble() * 50);
     population.add(individual);
  return population;
protected static void evaluatePopulation(List < Individual > population) {
  for (Individual individual : population) {
     individual.evaluateFitness();
  }
}
protected static Individual selectParent(List < Individual > population, Random random) {
  int tournamentSize = 3;
  List<Individual> tournament = new ArrayList<>();
  for (int i = 0; i < tournamentSize; i++) {
     Individual randomIndividual = population.get(random.nextInt(population.size()));
     tournament.add(randomIndividual);
  }
  return\ Collections. max (tournament, Comparator. comparing Double (Individual::getFitness));
}
protected static Individual crossover(Individual parent1, Individual parent2, Random random) {
  List<Individual.Item> parent1Items = parent1.getItems();
  List<Individual.Item> parent2Items = parent2.getItems();
  if (parent1Items.isEmpty() || parent2Items.isEmpty()) {
     Individual child = new Individual();
    child.setWeightLimit(parent1.getWeightLimit());
    child.setVolumeLimit(parent1.getVolumeLimit());
    return child;
  }
  int crossoverPoint1 = random.nextInt(parent1Items.size());
  int crossoverPoint2 = random.nextInt(parent1Items.size());
  int start = Math.min(crossoverPoint1, crossoverPoint2);
  int end = Math.max(crossoverPoint1, crossoverPoint2);
  Individual child = new Individual();
  List<Individual.Item> childItems = new ArrayList<>();
  childItems.addAll(parent1Items.subList(start, end));
```

```
for (Individual.Item item: parent2Items) {
     if (!childItems.contains(item)) {
       childItems.add(item);
     }
  }
  child.setItems(childItems);
  child.setWeightLimit(parent1.getWeightLimit());
  child.setVolumeLimit(parent1.getVolumeLimit());\\
  return child;
private static void mutate(Individual individual, Random random) {
  List<Individual.Item> items = individual.getItems();
  if (items.size() >= 2) {
     int mutationIndex1 = random.nextInt(items.size());
     int mutationIndex2 = random.nextInt(items.size());
     Collections.swap(items, mutationIndex1, mutationIndex2);
}
private static void localImprovement(Individual individual, Random random) {
       if (random.nextBoolean()) {
    double adjustment = (random.nextDouble() - 0.5) * 5;
    double\ new Weight Limit = individual.get Weight Limit() + adjust ment;
     individual.set Weight Limit (new Weight Limit);\\
  } else {
    double adjustment = (random.nextDouble() - 0.5) * 2;
     double newVolumeLimit = individual.getVolumeLimit() + adjustment;
     individual.setVolumeLimit(newVolumeLimit);
}
protected static class Individual {
  private List<Item> items;
  private double weightLimit;
  private double volumeLimit;
  private double fitness;
  public Individual() {
     this.items = new ArrayList<>();
  public List<Item> getItems() {
     return items;
```

```
public void setItems(List<Item> items) {
  this.items = items;
public double getWeightLimit() {
  return weightLimit;
public void setWeightLimit(double weightLimit) {
  this.weightLimit = weightLimit;
}
public double getVolumeLimit() {
  return volumeLimit;
public void setVolumeLimit(double volumeLimit) {
  this.volumeLimit = volumeLimit;
}
public double getFitness() {
  return fitness;
}
public void setFitness(double fitness) {
  this.fitness = fitness;
}
public void evaluateFitness() {
  double total Weight = 0;
  double total Volume = 0;
  double total Value = 0;
  if (items == null) {
    System.out.println("Error: items is null");
     return;
  for (Item item: items) {
    if (item == null) {
       System.out.println("Error: item is null");\\
       continue;
     }
    totalWeight += item.getWeight();
    totalVolume += item.getVolume();
    totalValue += item.getValue();
   }
  double weightPenalty = Math.max(0, totalWeight - weightLimit);
  double\ volume Penalty = Math.max(0,\ total Volume\ -\ volume Limit);
```

```
fitness = totalValue - (weightPenalty + volumePenalty);
       System.out.println("Fitness \ calculated: "+fitness);
     protected static class Item {
       private double weight;
       private double volume;
       private double value;
       public Item(double weight, double volume, double value) {
         this.weight = weight;
         this.volume = volume;
         this.value = value;
       }
       public double getWeight() {
         return weight;
       public double getVolume() {
         return volume;
       public double getValue() {
         return value;
       }
}
import\ static\ org. junit. jupiter.api. Assertions. *;
import org.junit.jupiter.api.Test;
import java.io.ByteArrayInputStream;
import java.io.InputStream;
import java.util.List;
import java.util.Scanner;
public class GeneticAlgorithmTests {
   @Test
  public void testGetProbabilityFromUserWithValidInput() {
    String input = "0.75";
    InputStream\ in = new\ ByteArrayInputStream(input.getBytes());
    System.setIn(in);
    GeneticAlgorithm algorithm = new GeneticAlgorithm();
    Scanner scanner = new Scanner(System.in);
    double result = algorithm.getProbabilityFromUser("Enter a probability: ", scanner);
```

```
assertEquals(0.75, result, 0.0001);
@Test
public void testGetProbabilityFromUserWithInvalidInput() {
  String input = "abc\n1.5\n-0.2\n0.01";
  InputStream in = new ByteArrayInputStream(input.getBytes());
  System.setIn(in);
  GeneticAlgorithm algorithm = new GeneticAlgorithm();
  Scanner scanner = new Scanner(System.in);
  double result = algorithm.getProbabilityFromUser("Enter a probability: ", scanner);
  assertEquals(0.01, result, 0.0001);
@Test
public void testInitializePopulation() {
  int populationSize = 10;
  List < Genetic Algorithm. Individual > population = Genetic Algorithm. initialize Population (population Size, new java.util. Random()); \\
  assertEquals(populationSize, population.size());
  for (GeneticAlgorithm.Individual individual : population) {
     assertEquals(5, individual.getItems().size());
}
@Test
public void testEvaluatePopulation() {
  GeneticAlgorithm.Individual individual1 = new GeneticAlgorithm.Individual();
  individual1.getItems().add(new GeneticAlgorithm.Individual.Item(2.0, 3.0, 5.0));
  individual 1. set Weight Limit (10.0);\\
  individual1.setVolumeLimit(5.0);
  GeneticAlgorithm.Individual individual2 = new GeneticAlgorithm.Individual();
  individual2.getItems().add(new GeneticAlgorithm.Individual.Item(1.0, 2.0, 3.0));
  individual2.setWeightLimit(5.0);
  individual2.setVolumeLimit(3.0);
  List<GeneticAlgorithm.Individual> population = List.of(individual1, individual2);
  Genetic Algorithm. evaluate Population (population);\\
  assertEquals(5.0, individual1.getFitness(), 0.0001);
  assertEquals(3.0, individual2.getFitness(), 0.0001);
}
@Test
public void testSelectParent() {
  GeneticAlgorithm.Individual individual1 = new GeneticAlgorithm.Individual();
  individual1.setFitness(5.0);
  GeneticAlgorithm.Individual individual2 = new GeneticAlgorithm.Individual();
  individual2.setFitness(3.0);
```

```
GeneticAlgorithm.Individual individual3 = new GeneticAlgorithm.Individual();
  individual3.setFitness(7.0);
 List < Genetic Algorithm. Individual > population = List. of (individual 1, individual 2, individual 3); \\
  GeneticAlgorithm.Individual selectedParent = GeneticAlgorithm.selectParent(population, new java.util.Random());
  assertEquals(individual3, selectedParent);
@Test
public void testCrossover() {
  GeneticAlgorithm.Individual parent1 = new GeneticAlgorithm.Individual();
  parent1.getItems().add(new GeneticAlgorithm.Individual.Item(2.0, 3.0, 5.0));
  parent1.getItems().add(new GeneticAlgorithm.Individual.Item(1.0, 2.0, 3.0));
  parent1.setWeightLimit(10.0);
  parent1.setVolumeLimit(5.0);
 GeneticAlgorithm.Individual parent2 = new GeneticAlgorithm.Individual();
  parent2.getItems().add(new GeneticAlgorithm.Individual.Item(4.0, 5.0, 8.0));
  parent2.getItems().add(new GeneticAlgorithm.Individual.Item(3.0, 4.0, 6.0));
  parent2.setWeightLimit(15.0);
  parent2.setVolumeLimit(8.0);
  GeneticAlgorithm.Individual child = GeneticAlgorithm.crossover(parent1, parent2, new java.util.Random());
  assert True (child.get Items ().contains All (parent 1.get Items ()) \parallel child.get Items ().contains All (parent 2.get Items ())); \\
```

3.2.2 Приклади роботи

На рисунках 3.1 і 3.2 показані приклади роботи програми.

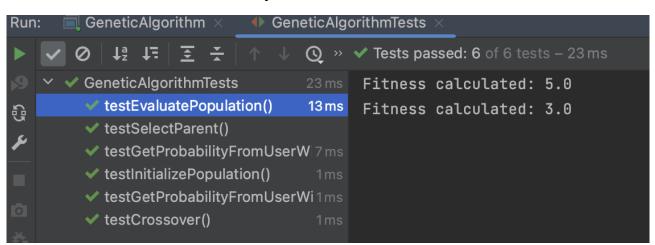


Рисунок 3.1 – Unit tests

Рисунок 3.2 – Program work

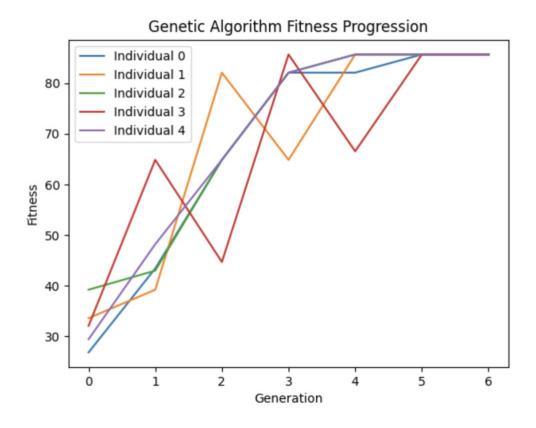
3.3 Тестування алгоритму

In each generation, the algorithm is creating a population of individuals, calculating their fitness, and evolving them through crossover and mutation.

From the plot, you can observe how the fitness values change over generations. Ideally, you would want to see an increasing trend, as this would indicate that the algorithm is converging towards better solutions. The metrics to analyze might include the maximum fitness achieved, the average fitness of the population, and the diversity of the population.

In your case, it looks like the fitness values are consistently increasing and eventually plateau, indicating that the algorithm may have found a good solution. However, further analysis and fine-tuning of parameters may be needed for a more in-depth understanding.

Рисунок 3.3 – Metrics plot



	Generation		Individual 1	•		
=:	0	26.7934	33.556	39.1892	32.0352	29.3859
	1	43.3877	39.1892	42.9562	64.8669	48.1857
	2	64.8669	82.1248	64.8669	44.6684	64.8669
	3	82.1248	64.8669	82.1248	85.7115	82.1248
	4	82.1248	85.7115	85.7115	66.5748	85.7115
	5	85.7115	85.7115	85.7115	85.7115	85.7115
, 		85.7115				

ВИСНОВОК

В рамках даної лабораторної роботи я вивчила алгоритм генетичного пошуку та його застосування для оптимізації проблеми. Під час виконання завдання з оптимізації генетичним пошуком для певного набору параметрів, я спостерігала за динамікою поколінь та зміною значень фітнес-функцій у кожному поколінні.

Відображення цих результатів за допомогою графіків та таблиць стало ефективним інструментом для аналізу та визначення ефективності алгоритму. Я врахувала важливі параметри, такі як розмір популяції, кількість поколінь, шанс мутації та локального поліпшення. Аналізуючи отримані результати, я зрозуміла, як ці параметри впливають на швидкість збіжності алгоритму та точність знаходження оптимального рішення.

КРИТЕРІЇ ОЦІНЮВАННЯ

При здачі лабораторної роботи до 24.12.2023 включно максимальний бал дорівнює — 5. Після 24.12.2023 максимальний бал дорівнює — 4,5.

Критерії оцінювання у відсотках від максимального балу:

- покроковий алгоритм 10%;
- програмна реалізація алгоритму 45%;
- робота з гіт 20%;
- тестування алгоритму— 20%;
- висновок -5%.

+1 додатковий бал можна отримати за виконання та захист роботи до 17.12.2023