

INSTITUTO POLITÉCNICO NACIONAL
ESCUELA SUPERIOR DE CÓMPUTO

ANÁLISIS DE ALGORITMOS

EJERCICIOS 03:
SIMULACIÓN PRODUCTO2MAYORES

ALUMNA: MÉNDEZ CASTAÑEDA AURORA

GRUPO: 3CM13



PROFESOR: FRANCO MARTÍNEZ EDGARDO ADRIÁN

Ejercicios 03: "Simulación Producto2Mayores"

Para el algoritmo analizado por casos en clase y video lección "Producto2Mayores", realice la simulación de su mejor, peor y caso medio; realizando las modificaciones y adaptaciones necesarias para verificar los tres casos en $n=2500$ y $n=5000$ considerando al menos 10,000 iteraciones del algoritmo con cada n y diferente distribución de los números.

- Para el mejor caso basta con tener un archivo de números que coloque en los dos primeros números a los dos mayores.
- Para el peor caso basta con tener un archivo ordenado ascendentemente para cada n .
- Para el caso medio se deberán de hacer al menos 10,000 iteraciones para cada n generando arreglos aleatorios en cada iteración y comprobar el número de operaciones básicas promedios totales para enfrentarlas al modelo del caso medio.

```
1 func Producto2Mayores(A, n)
2   if (A[1] > A[2])
3     mayor1 = A[1];
4     mayor2 = A[2];
5   else
6     mayor1 = A[2];
7     mayor2 = A[1];
8   i = 3;
9
10  while (i <= n)
11    if (A[i] > mayor1)
12      mayor2 = mayor1;
13      mayor1 = A[i];
14    else if (A[i] > mayor2)
15      mayor2 = A[i];
16    i = i + 1;
17
18  return = mayor1 * mayor2;
```

El problema del algoritmo de producto mayores es que dado un arreglo de valores, encontrar el producto de los dos números mayores.

El tamaño de problema es n , el cual representa el número de elementos en el arreglo.

Las operaciones básicas para este algoritmo serán las comparaciones con los elementos del arreglo y las asignaciones a los elementos mayores.

Análisis Temporal

Mejor Caso: este ocurre cuando los dos primeros números del arreglo son los números mayores, es decir, el arreglo se encuentre ordenado descendientemente.

$$\text{Función temporal: } f_t(n) = 2n - 1$$

Para la simulación de este caso haremos uso de un archivo (numerosOrdenadosDescendentemente.txt) que contiene 5000 números ordenados descendientemente para poder llenar nuestro arreglo A. Probaremos con dos diferentes n realizando 10000 iteraciones.

$f_t(n)$		
n	Teórico	Empírico
2500	4999	4999.664
5000	9999	9999.832

Peor caso: para el peor caso tenemos dos instancias diferentes, una de ellas es que el arreglo este ordenado ascendentemente y la otra instancia es que uno de los dos números mayores se encuentre al principio del arreglo y el otro al último de este. Sin embargo, para estas dos diferentes instancias se obtiene la misma función temporal.

$$\text{Función temporal: } f_t(n) = 3n - 3$$

Para la simulación tomaremos la instancia de que el arreglo se encuentre ordenado ascendentemente, es por eso por lo que usaremos un archivo de 5000 números con dicha característica (numerosOrdenadosAscendentemente.txt) y lo probaremos para dos n diferentes realizando 10000 iteraciones.

$f_t(n)$		
n	Teórico	Empírico
2500	7497	7496.224
5000	14997	14997.480

Caso medio: para el caso medio consideraremos que las instancias del mejor y peor caso son equiprobables, es decir que cada caso tiene la misma probabilidad de ocurrencia, entonces en promedio se harán:

- Caso: arreglo ordenado descendientemente $= \frac{1}{3}(2n - 1)$
- Caso: arreglo ordenado ascendentemente $= \frac{1}{3}(3n - 3)$
- Caso: uno de los dos números mayores se encuentre al principio del arreglo y el otro al último de este $= \frac{1}{3}(3n - 3)$

Por lo tanto, nuestro caso medio sería:

$$f_t(n) = \frac{1}{3}(2(3n - 3) + (2n - 1)) = \frac{1}{3}(8n - 7)$$

$$\text{Función temporal: } f_t(n) = \frac{1}{3}(8n - 7)$$

Para la simulación en lugar de hacer uso de archivos para llenar nuestro arreglo, tendremos que crear uno con números aleatorios para cada iteración.

$f_t(n)$		
n	Teórico	Empírico
2500	6664.3	5006.304
5000	13331	10007.432

La diferencia de resultados podría deberse a que los arreglos obtenidos aleatoriamente no abarcaron los tres casos de forma igual.

Código C

```
1  #include<stdio.h>
2  #include<stdlib.h>
3  #include<time.h>
4
5  #define N_VECES 10000
6  /*DEFINICIÓN DE FUNCIONES*/
7  int siExisteN_en_A(int *A, int n, int num);
8  void generarArreglo(int *A,int n);
9
10 int main(int argc, char* argv){
11     int n,i=0,*A,k,cont=0,mayor1,mayor2;
12     float promedio;
13
14     if (argc!=2) { //Si no se introducen exactamente 2 argumentos (Cadena de ejecución y cadena=n)
15         printf("\nIndique el tamaño del algoritmo");
16         exit(1);
17     } else { //Tomar el segundo argumento como tamaño del arreglo
18         n=atoi(argv[1]);
19     }
20
21     A = malloc(sizeof(int)*n); //asignamos el tamaño del arreglo de acuerdo al valor n
22
23     if(A == NULL) //en caso de que no se haya llenado correctamente y el arreglo no tenga elementos
24         exit(1);
25
26     /*for(i=0;i<n;i++) //llenamos el arreglo
27
28         scanf("%d", &A[i]);*/
29
30     for(k=0; k<N_VECES; k++){ // realizamos N_VECES iteraciones el algoritmos
31
32         //mandamos a llamar la función para crear un arreglo de números aleatorios para caso medio
33         generarArreglo(A,n);
34         /*for(int l=0; l<n; l++)
35             printf("\n%d", A[l]);*/
36
37         cont=0; //variable auxiliar para contabilizar las operaciones básicas
38
39         if(A[0] > A[1]){
40             cont++; // if true
41             mayor1 = A[0]; cont++; //asignacion mayor1
42             mayor2 = A[1]; cont++; //asignacion mayor2
43         } else {
44             cont++; //if false
45             mayor1 = A[0]; cont++; //asignacion mayor1
46             mayor2 = A[1]; cont++; //asignacion mayor2
47         }
48
49         i = 2;
50         while (i < n){
51             if(A[i] > mayor1){
52                 cont++; //if1 true
```

```
53         mayor2 = mayor1; cont++; //asignacion mayor2
54         mayor1 = A[i]; cont++; //asignacion mayor1
55     } else if(A[i] > mayor2){
56         cont++; //if2 true
57         mayor2 = A[i]; cont++; //asignacion mayor2
58     } else {
59         cont +=2; //en caso de que ninguno de los if's de arriba se cumpla
60     }
61     i++;
62 }
63 promedio = promedio + (float)cont; //se va sumando las operaciones totales de cada iteración
64 }
65 promedio = promedio/N_VECES; //se obtiene el promedio de las operaciones totales de cada iteración
66 printf("\nPromedio = %f operaciones",promedio);
67 printf("\nTotal de operaciones: %d",cont);
68
69 }
70
71 /*Esta función tiene como propósito crear un arreglo de n números aleatorios
72 Recibe como parámetros el arreglo A y el tamaño del arreglo n.*/
73 void generarArreglo(int *A,int n){
74     int i, j, num;
75     srand(time(NULL));
76
77     for (i=0; i<n; i++){
78         while(siExisteN_en_A(A, n, num = rand()%100000));
79         A[i] = num;
80     }
81 }
82
83 /*Esta función nos ayuda a verificar si se repite algún número que será insertado
84 al arreglo, y si es el caso, busca otro para ingresarlo y que no haya números repetidos
85 en el arreglo.
86
87 Recibe como parámetros el arreglo A, el tamaño del arreglo y el número que será o
88 no insertado al arreglo.*/
89 int siExisteN_en_A(int *A, int n, int num){
90     int i, r=0;
91
92     for(i=0; i<n && !r; i++){
93         if(A[i] == num)
94             r=1;
95     }
96     return r;
97 }
```

Las instrucciones de compilación y ejecución son las siguientes:

- gcc producto2mayores.c -o producto2mayores
- producto2mayores.exe 2500

Funcionamiento:

```
C:\Users\jorge\Desktop\ESCOM\5to Semestre\Algoritmos\Programas\Ejercicios03>producto2mayores.exe 2500
32767 32744
Promedio = 5006.423828 operaciones
Total de operaciones: 5006
```