

BITÁCORA EXPERIMENTAL

Experimentos con modelo básico de dinámica de opiniones

Ulises Jiménez Guerrero

Alumno de la Maestría en Inteligencia Artificial

III A Instituto de Investigaciones en Inteligencia Artificial

Universidad Veracruzana

Campus Sur, Calle Paseo Lote II, Sección 2a, No 112

Nuevo Xalapa, Xalapa, Ver., México 91097

zS24019399@estudiantes.uv.mx

11 de febrero de 2026

Índice

1. Objetivo	2
2. Materiales y métodos	2
3. Experimentación con modelo de influencia positiva	3
3.1. Experimento 1. Variación del parámetro <i>learning rate</i>	3
3.1.1. Resultados	4
3.2. Experimento 2. Variación del parámetro <i>agents-updated-per-tick</i>	5
3.2.1. Resultados	5
3.3. Experimento 3. Valuación del parámetro <i>learning rate</i> con número de agentes interactuando fijo.	7
3.3.1. Resultados	7
4. Experimentación con modelo de influencia negativa	9
4.1. Experimento 1. Valoración del efecto del parámetro <i>learning rate</i>	9
4.1.1. Resultados	9
4.2. Experimento 2. Efectos del parámetro <i>agents updated per tick</i> en el modelo de influencia negativa	10
4.2.1. Resultados	11
4.3. Experimento 3. Efecto del parámetro <i>confidence threshold</i> en el modelo de influencia negativa.	12
4.3.1. Resultados	12
5. Experimentos con modelo de confianza acotada	13
5.1. Experimento 1. Efecto de <i>learning rate</i> en el modelo de confianza acotada	13
5.1.1. Resultados	14
5.2. Experimento 2. Efectos del parámetro <i>agents updated per tick</i> en el modelo de confianza acotada	15
5.2.1. Resultados	15
5.3. Experimento 3. Efecto del parámetro <i>confidence threshold</i> en el modelo con confianza acotada	16
5.3.1. Resultados	16
6. Anexo. Protocolo ODD para modelo base de dinámica de opiniones	17
6.1. Propósito y patrones	17
6.2. Entidades, variables de estado y escalas	18
6.3. Descripción general y <i>scheduling</i>	18
6.4. Conceptos de diseño	18
6.5. Inicialización	19
6.6. Datos de entrada	19

6.7. Submodelos	19
6.7.1. Influencia positiva	19
6.7.2. Confianza acotada	19
6.7.3. Influencia negativa	20
6.7.4. Conversión de opinión a preferencia de voto	20

1. Objetivo

En este documento se describen los experimentos realizados sobre el modelo básico de dinámica de opiniones, juntos a los resultados obtenidos. El objetivo es lograr reproducir el cambio de opinión durante la elección presidencial en México llevada a cabo el 2 de junio de 2024. La opinión pública e intención de voto se mide mediante las encuestas realizadas por el grupo GEA-ISA en tres cortes, disponibles en el repositorio del INE. La primera encuesta es utilizada para generar las opiniones iniciales de los agentes y las dos restantes se utilizan para evaluar el desempeño de los modelos. También se tiene en cuenta el resultado final de la elección, utilizando los resultados disponibles en la página web del PREP 2024.

2. Materiales y métodos

El protocolo ODD del modelo base se encuentra al final del documento, adaptado para su uso en el caso de estudio. La elección real vio la competición entre tres candidatos principales a la presidencia, representados por dos alianzas políticas y un partido independiente. Los datos originales se muestran en el cuadro 1, registrando la evolución de la intención de voto a nivel nacional tomando tres cortes de tiempo. También se toma en cuenta los resultados de la elección, presentes en la última columna del cuadro. El instrumento utilizado fue creado por el grupo GEA-ISA, y toma en cuenta a 1070 entrevistados a nivel nacional con una serie de preguntas sobre su intención de voto y datos demográficos.

	Sep. 2023	Nov. 2023	Mar. 2024	Elección Junio 2024
Sheinbaum	53 %	52 %	52 %	59.4 %
Xóchitl	34 %	30 %	33 %	27.9 %
Candidatura MC	7 %	10 %	4 %	10.4 %
Otros	6 %	8 %	12 %	2.3 %

Cuadro 1: Datos originales de las encuestas realizadas por el grupo GEA-ISA y resultados finales en las elecciones.

Para iniciar la experimentación con el caso más sencillo, se tomaron en cuenta únicamente a los dos candidatos principales en la elección estudiada. De esta forma, se ajustaron los porcentajes de las encuestas de opinión y los resultados de la elección, eliminando a las opciones correspondientes a MC y otros.

Después de este proceso de ajuste, se tienen los datos referenciados en el cuadro 2, tomando como punto de inicio la fecha de la primera encuesta y como final el día de la elección. El candidato A se corresponde Claudia Sheinbaum en la elección estudiada, y el candidato B a Xóchitl Gálvez. Ambas opciones suman al 100 % de las preferencias después de los ajustes realizados. Un trabajo futuro a realizar es la experimentación con el total de las tres opciones en un modelo más robusto.

Fecha	Tiempo (días)	Preferencia por A (%)	Preferencia por B (%)
2023/09/16	0	61	39
2023/11/25	70	64	36
2024/03/01	167	61	39
2024/06/02	260	68	32

Cuadro 2: Datos ajustados a solamente dos opciones en la elección estudiada.

Los modelos se comparan en base a qué tanto aproximan los porcentajes de preferencia en los días considerados, además de qué tanto logran aproximar los resultados finales de la elección. Esto se evalúa mediante el uso del error cuadrático medio (MSE) y la raíz de este (RMSE) sobre los 3 puntos a considerar con respecto al porcentaje de intención de voto y al porcentaje de votos obtenido por cada partido, iniciando todas las corridas del modelo con los porcentajes dados por la encuesta en el día 0. Para ello se utilizan las fórmulas siguientes.

$$MSE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2$$

$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2}$$

Para su uso en este trabajo, se adaptó de la manera siguiente

$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{|T|} \sum_{t \in T} \frac{1}{2} \sum_{p \in \{A,B\}} (P_{t,p} - \hat{P}_{t,p})^2}$$

donde:

- T indica el total de días con datos reales, tres en este caso.
- $P_{t,p}$ es el porcentaje de preferencia real para el partido p en el tiempo t .
- $\hat{P}_{t,p}$ es el porcentaje de preferencia obtenido por la simulación para el partido p en el tiempo t .

Así, el error se mide para ambos partidos por cada uno de los tres días considerados.

3. Experimentación con modelo de influencia positiva

Se iniciaron los experimentos tomando el modelo de influencia más sencillo considerado en este trabajo, la influencia positiva. Después de cada interacción, los agentes siempre tendrán una opinión más parecida. Cada paso de tiempo en el modelo indica un día, llegando al total de 260 días considerados dentro de la simulación.

Para este tipo de influencia se consideran tres parámetros: *learning rate*, indicando el grado en que un agente cambia de opinión después de una interacción, el parámetro *agents per tick* que indica el número de agentes seleccionados para interactuar en cada paso de tiempo, y finalmente el parámetro *spatial interactions* que controla si los agentes interactúan con todos aquellos presentes en la simulación o únicamente con sus vecinos inmediatos. El efecto de estos parámetros sobre la distribución final de opiniones y preferencia de votos se evalúa mediante los experimentos listados a continuación.

3.1. Experimento 1. Variación del parámetro *learning rate*

En el primer experimento se evalúa cómo la variación del parámetro *learning rate* afecta la evolución de la opinión en el tiempo, y si existen valores específicos para este parámetro capaces de reproducir el cambio de opinión observado en el caso de estudio. Se fijo el número de agentes por tick en 1, y se desactivaron las interacciones espaciales. De esta manera, dos agentes cambian de opinión en cada paso de tiempo.

Mediante el uso de la herramienta *Behaviorspace*, se realizaron variaciones del parámetro estudiado desde el valor 0 hasta 1, con pasos de 0.01. Se realizaron 30 repeticiones con el modelo para cada uno de estos valores con el objetivo de obtener validez estadística. Las variables de interés son *pref-A* y *pref-B* en los ticks correspondientes a los días de encuesta y la elección final para evaluar el error obtenido por el modelo. La configuración para este experimento se puede observar en el cuadro 3.

Parámetro	Valor
<i>learning-rate</i>	Entre [0, 1] con saltos de 0.01.
<i>influence-type</i>	<i>positive</i>
<i>confidence-threshold</i>	No aplica
<i>percent-option-B</i>	39
<i>agents-updated-per-tick</i>	1
<i>spatial-interactions?</i>	<i>False</i>

Cuadro 3: Configuración para experimento 1 con influencia positiva. Se realizaron 30 repeticiones por combinación de parámetros.

3.1.1. Resultados

Para cada uno de los 100 valores dados al parámetro *learning rate*, se tomó el promedio de las 30 repeticiones para obtener los valores de referencia para *pref-A* y *pref-B* en cada tick de la simulación. Estos fueron los valores utilizados para medir el error con respecto a los datos reales de la elección, siendo visualizados en la figura 1.

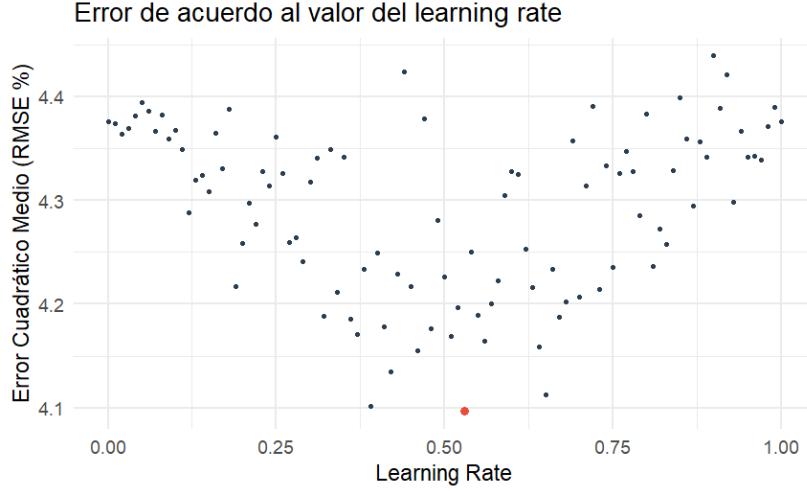


Figura 1: Error del modelo con respecto a los datos reales de acuerdo al valor dado al parámetro *learning rate*.

De acuerdo al error calculado, se observa el mejor desempeño con el parámetro $learning\ rate = 0.53$. Los 5 valores con el menor error se listan en la tabla 4. En la figura 2 se observa la evolución de las opiniones obtenidas mediante el modelo bajo este parámetro comparadas con los datos reales obtenidos de las encuestas.

learning rate	MSE	RMSE
0.53	16.8	4.10
0.39	16.8	4.10
0.65	16.9	4.11
0.42	17.1	4.13
0.46	17.3	4.16

Cuadro 4: Mejores resultados obtenidos al variar el número de agentes interactuando por tick.

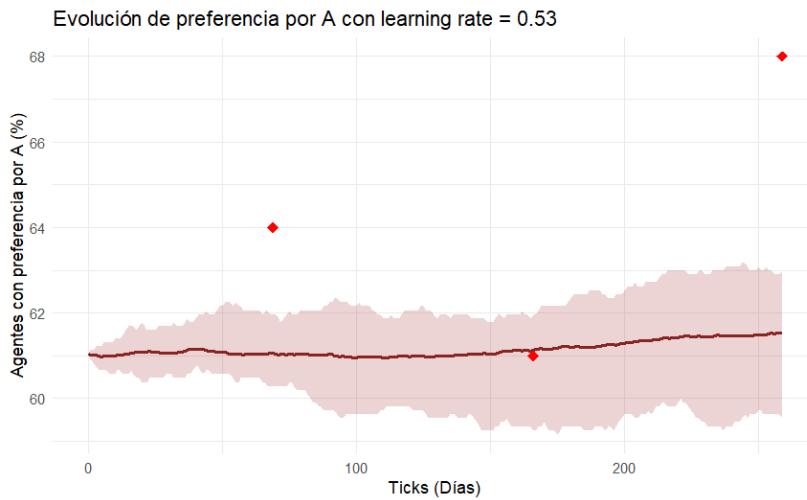


Figura 2: Evolución de preferencias por la opción A con $learning\ rate = 0.53$. Los diamantes indican las preferencias reales reportadas por las encuestas y los resultados de la elección.

Se observa una alta variabilidad en el error del modelo, con una tendencia a la baja alrededor del valor de 0.5 para el parámetro evaluado. Sin embargo, incluso estos valores no logran acercarse al porcentaje de votos obtenido en la elección ni al cambio de opinión registrado en la segunda encuesta.

Esto es el resultado esperado, dado que únicamente se actualiza la opinión de dos agentes por tick. Para describir el cambio brusco entre la última encuesta y los resultados obtenidos

en la elección real se necesita un modelo en el que una parte significativa de la población logre cambiar de opinión en el tiempo delimitado. El valor obtenido para *learning rate* indica un cambio rápido de opinión después de cada interacción, pero esto no es suficiente para contrarrestar el bajo número de interacciones por tick.

Para explorar esta parte del modelo, se realiza un segundo experimento para evaluar el efecto de diferentes valores del parámetro *agents-updated-per-tick* en el error obtenido.

3.2. Experimento 2. Variación del parámetro *agents-updated-per-tick*.

Para el segundo experimento se analizó el efecto del parámetro *agents-updated-per-tick* en el cambio de opinión. En el modelo, esto representa el número de personas que seleccionan a otra para compartir su opinión en un día, con un mínimo de 1 y máximo de 1070. Después de cada interacción, ambos agentes cambian el valor de su opinión. Utilizando *Behaviorspace*, se evaluó este parámetros para valores en el rango [2, 1070], con saltos de uno y 30 repeticiones por cada valor. El parámetro *learning rate* se mantuvo fijo en 0.53, dado que este obtuvo el mejor resultado en el experimento anterior. La configuración se muestra en el cuadro 5.

Parámetro	Valor
<i>learning-rate</i>	0.53
<i>influence-type</i>	<i>positive</i>
<i>confidence-threshold</i>	No aplica
<i>percent-option-B</i>	39
<i>agents-updated-per-tick</i>	Entre [2, 1070] con saltos de 1.
<i>spatial-interactions?</i>	<i>False</i>

Cuadro 5: Configuración para el segundo experimento con influencia positiva.

3.2.1. Resultados

En las figuras 3, 4 se muestran los errores obtenidos para todos los valores evaluados y para los primeros 10, respectivamente. Se observa que el mejor resultado para el parámetro estudiado se obtuvo cuando este es igual a 5.

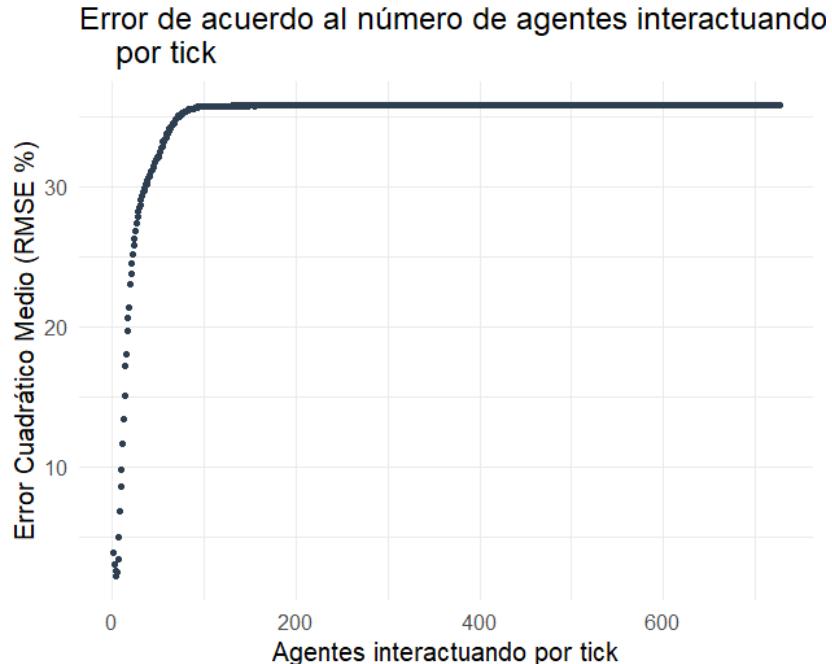


Figura 3: Error obtenido al variar el número de interacciones por día. Se observa un aumento muy rápido del error conforme aumenta el valor, con una ligera caída alrededor del valor de 5.

Para el parámetro evaluado, se obtuvieron los mejores resultados con los valores indicados en la tabla 6.

En la figura 5 se observa el cambio de opiniones obtenidos por el modelo al tomar el parámetro *learning rate* = 0.53 del experimento anterior junto a 5 agentes interactuando por día, los mejores valores obtenidos en los dos experimentos realizados hasta el momento.

Se observa un mejor ajuste del modelo con los datos reales, obteniendo un mayor acercamiento a los resultados finales de la elección y a los puntos considerados en las encuestas de

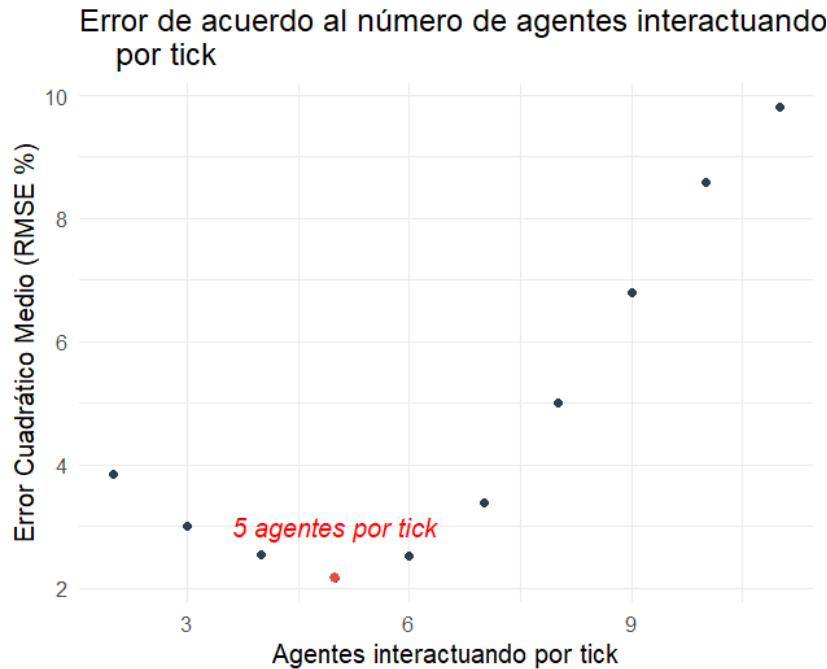


Figura 4: Acercamiento al error para los primeros 10 valores tomados por el parámetro. El valor mínimo para el error se obtiene con 5 interacciones por día.

Agentes por tick	MSE	RMSE
5	4.64	2.15
6	6.34	2.54
4	6.46	2.54
3	9.01	3.00
7	11.5	3.39

Cuadro 6: Mejores resultados obtenidos al variar el número de agentes interactuando por tick.

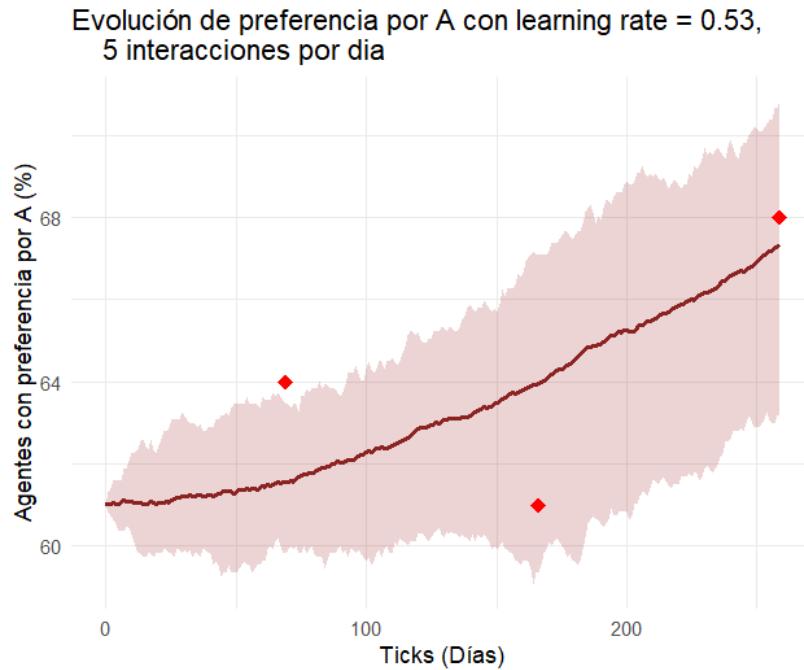


Figura 5: Evolución de preferencias por A en el modelo básico de influencia positiva con 5 agentes interactuando por día.

opinión. Sin embargo, se sigue observando una alta variabilidad del modelo, con un margen muy amplio que aumenta con cada día. Bajo estos parámetros, en el modelo se tiene a los más 10 agentes cambiando de opinión al día, lo que se corresponde a un 0.9 % de la población total. El valor del parámetro *learning rate* indica un alto cambio en la opinión después de cada interacción, y la inicialización del modelo con una preferencia clara por la opción A lleva a que se tenga una tendencia al consenso alrededor de esta opción, siguiendo la evolución observada en la elección real.

Queda evaluar la relación entre el parámetro de número de agentes fijo en 5 junto con otros valores para el *learning rate*, evaluando si existe algún valor diferente para este parámetro que dé resultados significativamente mejores.

3.3. Experimento 3. Valuación del parámetro *learning rate* con número de agentes interactuando fijo.

Para este experimento, se busca comparar si existe un cambio significativo en el modelo al fijar el número de agentes en 5 y cambiar el valor del parámetro *learning rate*, dado que se observó que este número de agentes seleccionados para interactuar por tick dio las mejores aproximaciones al problema. Se debe mencionar que al seleccionar 5 agentes por tick, se tiene un máximo de 10 agentes cambiando su opinión por día y un mínimo de 2. Mediante el uso de la herramienta *Behaviorspace*, el valor del parámetro *learning rate* se mueve entre el rango [0, 1], con saltos de 0.01. Se realizan 30 repeticiones para cada uno de estos valores, con el número de agentes fijo en 5 y sin activar las interacciones espaciales. La configuración completa se muestra en el cuadro 7.

Parámetro	Valor
<i>learning-rate</i>	Entre [0, 1] con saltos de 0.01
<i>influence-type</i>	<i>positive</i>
<i>confidence-threshold</i>	No aplica
<i>percent-option-B</i>	39
<i>agents-updated-per-tick</i>	5
<i>spatial-interactions?</i>	<i>False</i>

Cuadro 7: Configuración para el segundo experimento con influencia positiva.

3.3.1. Resultados

Para el cálculo del error se toma como referencia al promedio de las 30 repeticiones por cada parámetro. Se compara el porcentaje de preferencia por A y por B obtenido con aquel reportado en los datos reales, y se evalúa el error cuadrático medio. Los resultados se pueden observar en la figura 6, y en el cuadro 8 se muestran los valores del parámetro que obtuvieron el menor error.

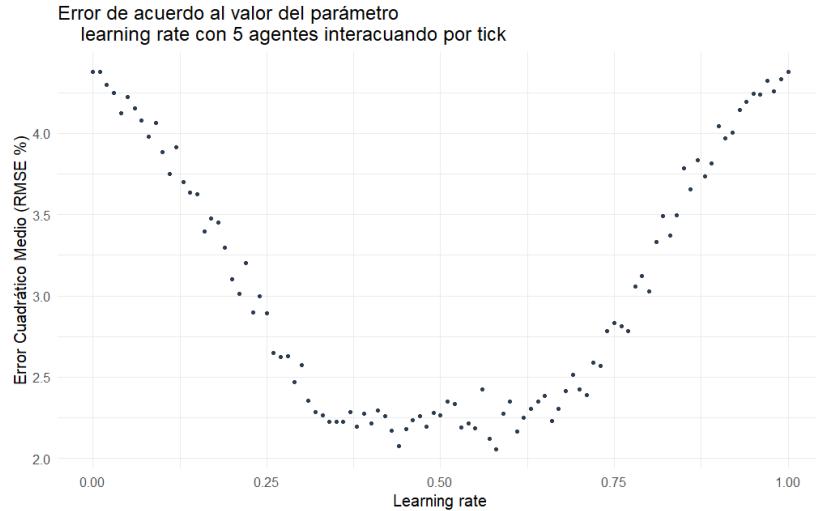


Figura 6: Cambio en el error al mantener el número de agentes seleccionados para interactuar fijo en 5 y variar el valor del parámetro *learning rate*. Se corresponde con los resultados del primer experimento, con una menor variabilidad.

Seleccionando el valor del parámetro con el menor error, $learning rate = 0.58$, se realizan 30 simulaciones para comparar la evolución de las opiniones generadas por el modelo con los datos reales. La evolución de las preferencias por el candidato A se pueden visualizar en la figura 7.

Comparando el mejor resultado obtenido en este experimento con el anterior, se observa una disminución del error. Sin embargo, dada la alta variabilidad de los resultados, se deben llevar a cabo pruebas estadísticas para validar que esta configuración para el modelo dé resultados significativamente mejores. Algo que se logra observar es que el parámetro *learning rate* da los

Learning rate	MSE	RMSE
0.58	4.22	2.06
0.44	4.32	2.08
0.57	4.49	2.12
0.61	4.70	2.17
0.43	4.71	2.17

Cuadro 8: Mejores resultados obtenidos al variar el parámetro *learning rate*, manteniendo fijo el número de agentes seleccionados para interactuar en 5.

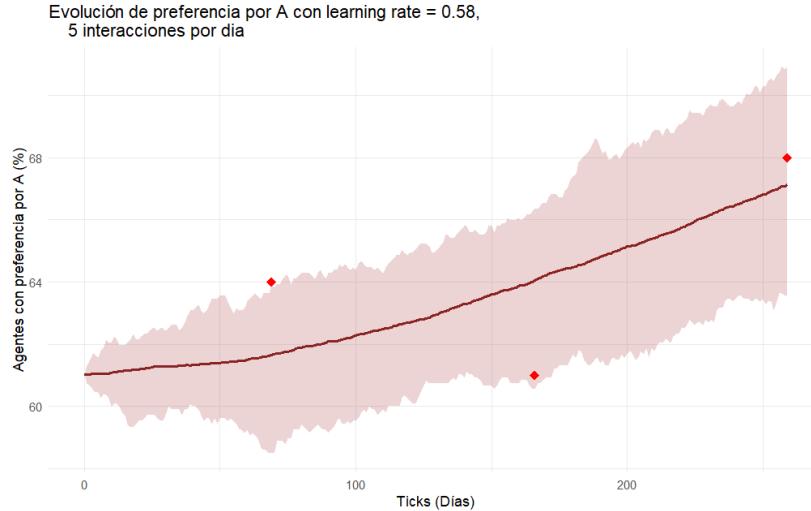


Figura 7: Evolución de preferencias por A en el modelo básico de influencia positiva con 5 agentes interactuando por día y valor de *learning rate* fijo en 0.58.

mejores resultados con valores dentro del rango [0.4, 0.6], resultado observado desde el primer experimento con una mayor variabilidad.

En su configuración actual, el modelo reproduce un contexto en el cual cada día 5 personas eligen a alguien para compartir su opinión, y al intercambiarla ambos intentan llegar a un punto intermedio. Este cambio es brusco, dado el valor obtenido por el parámetro *learning rate*, y lleva a aumentar la preferencia por la opción A, que lleva ventaja desde el inicio de la simulación.

A pesar de que un modelo tan básico logró reproducir con un error bajo el cambio de opinión registrado en las encuestas, queda por explorar su capacidad de reproducir patrones secundarios en la distribución del voto.

En la sección siguiente, se lleva a cabo la evaluación del desempeño del modelo de influencia negativa, donde los agentes toman opiniones más extremas si interactúan con alguien con una opinión discordante.

4. Experimentación con modelo de influencia negativa

Bajo la influencia negativa, los dos agentes involucrados en una interacción toman una opinión más extrema si la diferencia entre sus opiniones es mayor a un valor dado, definido en el modelo por el parámetro *confidence threshold*. Dado que las opiniones en el modelo toman valores entre $[-1, 1]$, la diferencia máxima entre dos opiniones es 2. Un valor menor a 1 para *confidence threshold* suele llevar a polarización, y un valor mayor para este parámetro suele llevar a consenso.

En los experimentos para este tipo de influencia se evalúa la interacción de este parámetro junto con los otros presentes en el modelo, ya estudiados en la sección anterior: número de agentes interactuando por tick, *learning rate* y la interacción espacial.

4.1. Experimento 1. Valoración del efecto del parámetro *learning rate*.

Se inicia valorando el efecto del parámetro *learning rate* en las simulaciones. Este controla la velocidad con la que los agentes ajustan su opinión después de una interacción, siendo más rápida mientras mayor sea el valor. Para la configuración se elige un total de 5 agentes por tick, dado que se observó en los experimentos anteriores que un valor menor a este lleva a resultados pobres. Se toma un valor de *confidence threshold* igual a 1, implicando que el efecto repulsivo de la influencia negativa se da en alrededor del 50 % de las interacciones observadas en el modelo. La configuración para todos los parámetros se lista en el cuadro 9. Como en el resto de experimentos, se realizan 30 repeticiones por cada combinación de parámetros mediante el uso de *Behaviorspace* en NetLogo.

Parámetro	Valor
<i>learning-rate</i>	Entre [0, 1] con saltos de 0.01
<i>influence-type</i>	<i>negative</i>
<i>confidence-threshold</i>	1
<i>percent-option-B</i>	39
<i>agents-updated-per-tick</i>	5
<i>spatial-interactions?</i>	<i>False</i>

Cuadro 9: Configuración para el primer experimento con influencia negativa.

4.1.1. Resultados

Se toma el promedio de las 30 repeticiones para cada combinación de parámetros como referencia, y se utiliza para medir el error comparado con los datos reales. El error para las 100 combinaciones de valores se gráfica en la figura 8, y los 5 parámetros con mejores resultados se listan en el cuadro 10.

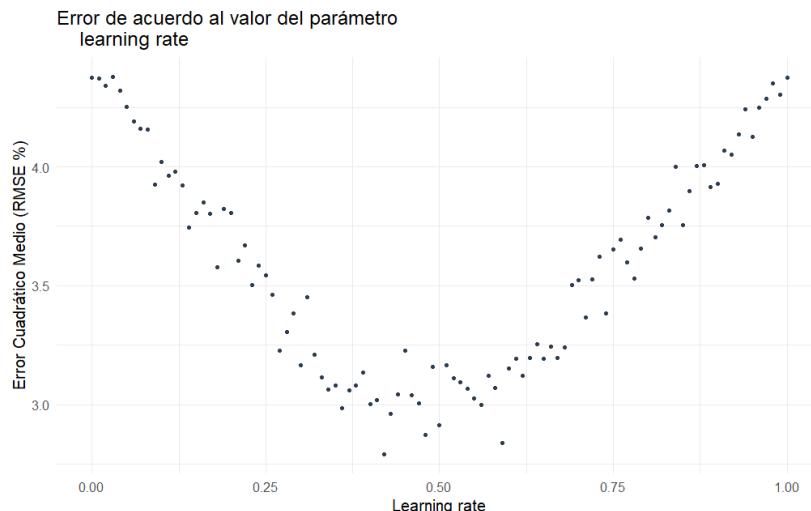


Figura 8: Gráfica del error para el modelo de influencia negativa variando el parámetro *learning rate* con la configuración indicada. Se observa una alta variabilidad, pero con una tendencia a la baja en valores alrededor de 0.5.

Se realizan 30 simulaciones utilizando la combinación de parámetros con los mejores resultados, tomando un valor de 0.42 para *learning rate*. La visualización del cambio de preferencia por la opción A se muestra en la figura 9.

<i>learning rate</i>	MSE	RMSE
0.42	7.78	2.79
0.59	8.06	2.84
0.48	8.26	2.87
0.50	8.49	2.91
0.43	8.78	2.96

Cuadro 10: Valores para *learning rate* con el menor error bajo la configuración estudiada.

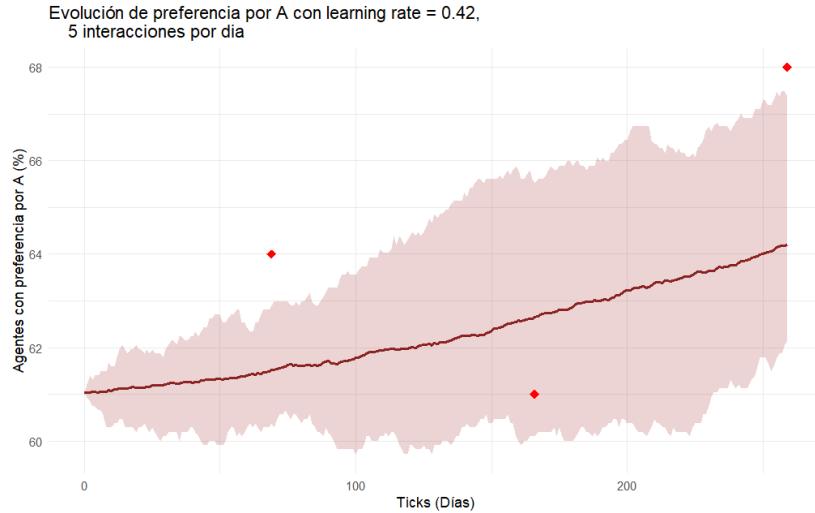


Figura 9: Evolución de preferencias para 30 repeticiones de la mejor combinación de parámetros. Se observa una alta variabilidad, y un fallo al momento de acercarse a los resultados finales de la elección.

En base a los resultados obtenidos, se observa un desempeño peor al obtenerlo con el mejor modelo de influencia positiva, sobre todo al momento de aproximar los resultados finales de la elección. Esto se debe a que se tiene una preferencia por A baja comparada con la observada en los datos reales, sobre todo al llegar a los resultados finales. Esto indica que puede necesitarse un mayor número de agentes interactuando por día, evaluándose en el próximo experimento.

Algo a destacar es que para el parámetro *learning rate* el error se minimiza con valores alrededor de 0.5, de manera similar al modelo de influencia positiva. Esto da pistas de que el valor óptimo para este parámetro no es afectado por el tipo de influencia simulado. Cabe mencionar que un valor alto indica un cambio de opinión rápido, lo que da indicios de una población susceptible. Sin embargo, de momento no se ha tenido en cuenta las características de cada agente para elegir con quién interactuar cada paso de tiempo.

4.2. Experimento 2. Efectos del parámetro *agents updated per tick* en el modelo de influencia negativa

En la siguiente validación del modelo se explorar el efecto del número de agentes interactuando por tick. Para ello, se toma como referencia el valor de *learning rate* con mejores resultados en el experimento anterior bajo la misma configuración. Dado que en experimentos anteriores se ha comprobado que valores altos para el número de agentes interactuando llevan a una convergencia prematura, se limita a explorar los valores en el rango [1, 100] con saltos de 1. Para cada valor se realizan 30 repeticiones. El listado completo de la configuración para este experimento se tiene en 11.

Parámetro	Valor
<i>learning-rate</i>	0.42
<i>influence-type</i>	<i>negative</i>
<i>confidence-threshold</i>	1
<i>percent-option-B</i>	39
<i>agents-updated-per-tick</i>	Entre [1, 100] con saltos de 1.
<i>spatial-interactions?</i>	<i>False</i>

Cuadro 11: Configuración para el segundo experimento con influencia negativa.

4.2.1. Resultados

El desempeño del modelo se evalúa de acuerdo a las preferencias obtenidas en la simulación. Para ello, se toma el promedio de las 30 repeticiones por cada valor del parámetro estudiado y se compara con los datos reales de las encuestas. En la figura 10 se muestra el cambio del error con respecto al valor dado al parámetro *agents updated per tick*. En el cuadro 12 se muestran los valores para el parámetro con el mejor desempeño.

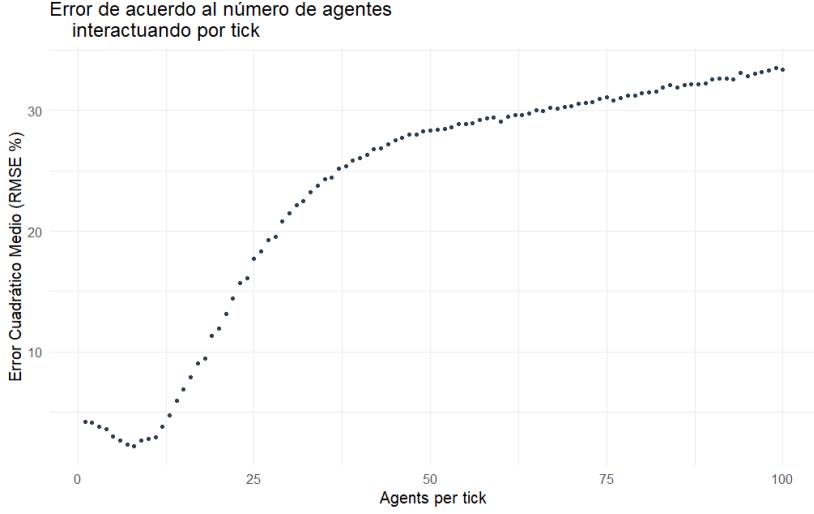


Figura 10: Error para el modelo de acuerdo a la variación del número de agentes interactuando por tick. Se observa el menor error con valores alrededor de 10, aumentando rápidamente para valores mayores.

<i>agents per tick</i>	MSE	RMSE
8	4.62	2.15
7	5.32	2.31
9	6.83	2.61
6	6.98	2.64
10	7.83	2.80

Cuadro 12: Mejores resultados para el parámetro *agents per tick*. Se observa que los mejores valores para el número de agentes interactuando por tick se dan entre 6 y 10, ligeramente mayores al modelo de influencia positiva.

Se realizan 30 simulaciones del modelo con la configuración inicial y el parámetro *agents per tick* con valor igual a 8. Se compara la evolución de las preferencias en el modelo con los datos de la encuesta real, y el resultado se muestra en la figura 11.

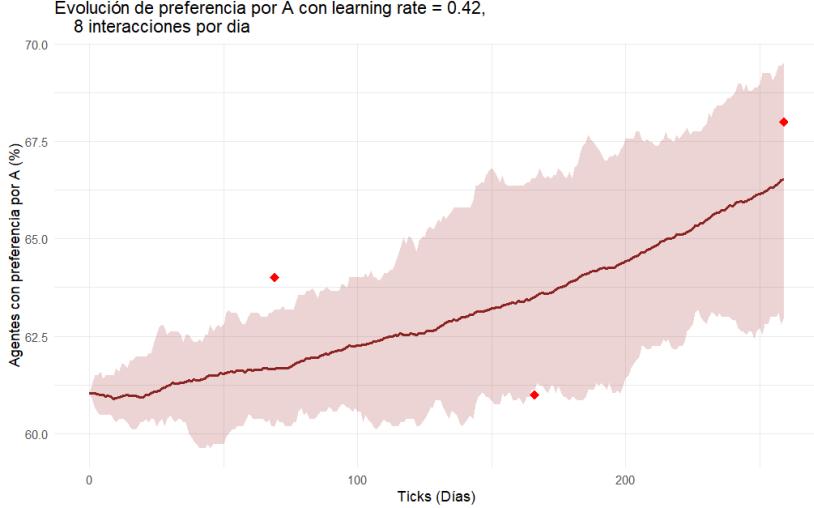


Figura 11: Evolución de las opiniones para el mejor parámetro encontrado en el experimento. Se observa una aproximación con alta variabilidad y menos exactitud que en el modelo de influencia positiva.

Se observa una mejora en los resultados con respecto al experimento anterior, con un mejor

acercamiento a los resultados finales de la elección. Sin embargo, no se tienen un desempeño significativamente mejor que en el modelo de influencia positiva. Algo a destacar es que los mejores resultados en este modelo se dieron con un número de agentes ligeramente mayor que en la influencia positiva, indicando que se necesita un mayor número de interacciones para aproximar la evolución de opiniones observada en la realidad.

Esto se debe al efecto repulsivo controlado por el parámetro *confidence threshold*. Si este toma un valor bajo, el efecto repulsivo sobre las opiniones será mayor, mientras que se reduce para valores más grandes. Dado que se observa una tendencia al consenso con respecto a la opción A, se espera obtener mejores resultados al aumentar el valor de este parámetro. Para explorar esto se realiza otro experimento.

4.3. Experimento 3. Efecto del parámetro *confidence threshold* en el modelo de influencia negativa.

Para finalizar la evaluación del modelo de influencia negativa, se explora el efecto del parámetro *confidence threshold* sobre la evolución de las preferencias. En base a los experimentos anteriores se identificó el mejor desempeño con 8 agentes seleccionados para interactuar en cada paso de tiempo, con un valor de *learning rate* de 0.42. El primer parámetro indica el número de agentes cambiando de opinión en cada día, mientras que el segundo controla la velocidad del cambio de opinión.

El parámetro evaluado en este experimento controla la facilidad con la que se dispara el efecto repulsivo del modelo de influencia negativa. Mientras menor sea el valor de este parámetro aumenta la probabilidad del efecto negativo, con un valor de 1 teniendo una probabilidad de activarlo en el 50 % de las interacciones. Para valores mayores esta probabilidad disminuye, llegando a ser muy cercano a cero para un valor de 2. Este parámetro se explorará con valores entre [0, 2] con saltos de 0.1, y 30 repeticiones para cada valor del parámetro. La configuración completa del experimento se muestra en 13.

Parámetro	Valor
<i>learning-rate</i>	0.42
<i>influence-type</i>	<i>negative</i>
<i>confidence-threshold</i>	Entre [0, 2] con saltos de 0.1
<i>percent-option-B</i>	39
<i>agents-updated-per-tick</i>	8
<i>spatial-interactions?</i>	<i>False</i>

Cuadro 13: Configuración para el tercer experimento con influencia negativa.

4.3.1. Resultados.

Se toma el promedio de las 30 repeticiones para cada valor del parámetro como referencia para evaluar el error del modelo con respecto a los datos reales. En base a ello, en la figura 12 se muestra el error con respecto a cada uno de los 20 parámetros evaluados. Se observa cómo este disminuye al aumentar el valor, con un mínimo alrededor de 1, listándose los valores con el mejor desempeño en el cuadro 14.

<i>confidence threshold</i>	MSE	RMSE
1.0	5.07	2.25
0.9	5.97	2.44
1.1	6.61	2.57
1.2	6.68	2.59
1.3	9.98	3.16

Cuadro 14: Mejores resultados para la variación del parámetro *confidence threshold* en el modelo de influencia negativa.

Se tiene que el error se minimizó para el parámetro con valor igual a 1, dando el mismo modelo que en el experimento anterior. Por lo tanto, se omite la visualización de la evolución de las opiniones. Con esto se concluye que el modelo presenta los mejores resultados al tener una posibilidad intermedia de activar el efecto repulsivo, aumentando el error al llegar a los extremos.

Esto se observa en las simulaciones, con valores bajos llevando a una polarización temprana en las opiniones, lo que conlleva un aumento de votos para la opción B que no se corresponde

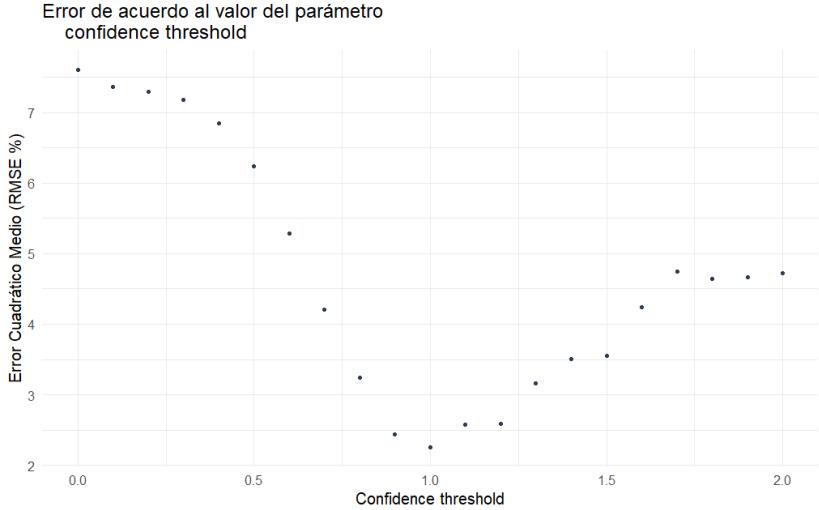


Figura 12: Error para el modelo de influencia negativa de acuerdo al valor del parámetro *confidence threshold*. Se observa como este se minimiza con valores alrededor de 1, aumentando en los extremos.

con los observado en la realidad. Por otro lado, valores altos para el parámetro llevan a un consenso prematuro, de forma que la opción A domina resultados de la votación. El valor de 1 para este parámetro lleva a un punto intermedio entre ambos fenómenos.

Con base a lo observado, el desempeño del modelo no es significativamente mejor al del confianza positiva, llegando a obtener valores ligeramente más altos para el error. Por tanto, queda explorar el modelo de confianza acotada como alternativa para la simulación de la elección.

5. Experimentos con modelo de confianza acotada

El modelo de confianza acotada toma como supuesto principal que la opinión se ve afectada únicamente al interactuar con otras personas que tengan una opinión parecida a la propia. En caso contrario, no se altera la opinión de ninguno de los agentes. Esto se diferencia del modelo de influencia negativa, donde una opinión muy disimilares causa un efecto repulsivo en los agentes. En la literatura, el modelo de confianza acotada es conocido por llevar a la agrupación de opiniones, donde estas se concentran en diferentes grupos a lo largo del rango de valores para la opinión.

En el modelo desarrollado se tiene el parámetro *confidence threshold* guiando la diferencia de opiniones máxima antes de que no se logre influenciar al otro agente. De esta forma, un valor pequeño indica que un agente solo se verá afectado por opiniones cercanas, y conforme el valor de este parámetro aumenta los agentes se ven afectados por espectro más amplio de opiniones. Esto se puede utilizar para evaluar la influenciabilidad o "open mindness" de la población estudiada.

Nuevamente se realizan experimentos para evaluar el efecto de los siguientes parámetros en la evolución de las preferencias: *learning rate*, *agents per tick* y *confidence threshold*. Se toma en cuenta los resultados de los experimentos anteriores para guiar la búsqueda de parámetros.

5.1. Experimento 1. Efecto de *learning rate* en el modelo de confianza acotada

Como en el resto de modelos considerados en el estudio, el parámetro *learning rate* gobierna la velocidad con la que los agentes del modelo cambian su opinión después de una interacción. Este parámetro se evalúa para valores entre $[0, 1]$ con saltos de 0.01.

Tomando en consideración los experimentos anteriores, se fija el número de agentes por tick en 5, considerando que en ambos modelos anteriores los mejores resultados se obtuvieron con valores cercanos a este número. El parámetro *confidence threshold* se fija en 1, un punto intermedio entre los extremos, de forma equivalente a la experimentación con el modelo de influencia negativa.

Se realizan 30 simulaciones por cada configuración de los parámetros, con los valores mostrados en el cuadro 15.

Parámetro	Valor
<i>learning-rate</i>	Entre [0, 1] con saltos de 0.01
<i>influence-type</i>	<i>BC</i>
<i>confidence-threshold</i>	1
<i>percent-option-B</i>	39
<i>agents-updated-per-tick</i>	5
<i>spatial-interactions?</i>	<i>False</i>

Cuadro 15: Configuración para el primer experimento con confianza acotada.

5.1.1. Resultados

Se toma el promedio de las 30 repeticiones para cada combinación de parámetros como referencia para medir el error comparado con las observaciones reales. Este error se visualiza en la figura 13, con los mejores resultados listados en el cuadro 16.

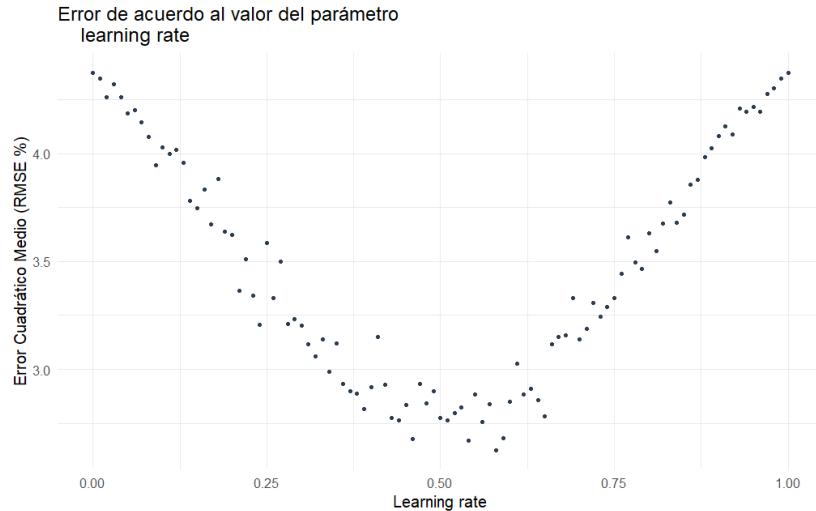


Figura 13: Error para el modelo de confianza acotada de acuerdo al parámetro de learning rate. Como en el resto de los modelos, se observa que este se minimiza con valores alrededor de 0.5, con una variabilidad alta pero menor que el resto de modelos.

<i>learning rate</i>	MSE	RMSE
0.58	6.88	2.62
0.54	7.13	2.67
0.46	7.17	2.68
0.59	7.18	2.68
0.56	7.59	2.76

Cuadro 16: Cinco mejores valores para el parámetro *learning rate* en base al error cuadrático medio.

Tomando el mejor valor para el parámetro, se realizan 30 simulaciones con la configuración dada y se observa la evolución de las opiniones. A su vez, se compara con los datos reales de la encuesta y de los resultados de las elecciones. Esto se muestra en la figura 14.

Se observa una disminución del error para el parámetro *learning rate* con valores alrededor de 0.5, de forma similar al resto de los tipos de influencia. De forma más específica, el error mínimo se obtuvo con el mismo valor que se encontró en la experimentación con el modelo de influencia positiva, *learning rate* = 0.5.

En la evolución de las opiniones, se observa que se mantiene por debajo de los valores reales para el resultado de la votación y para las encuestas. Esto indica que para este modelo será necesario aumentar el número de agentes interactuando por día, lo cuál conlleva cambios al parámetro de *agents per tick* y *confidence threshold*. Se inicia evaluando cambios para el primero, manteniendo fijo el segundo.

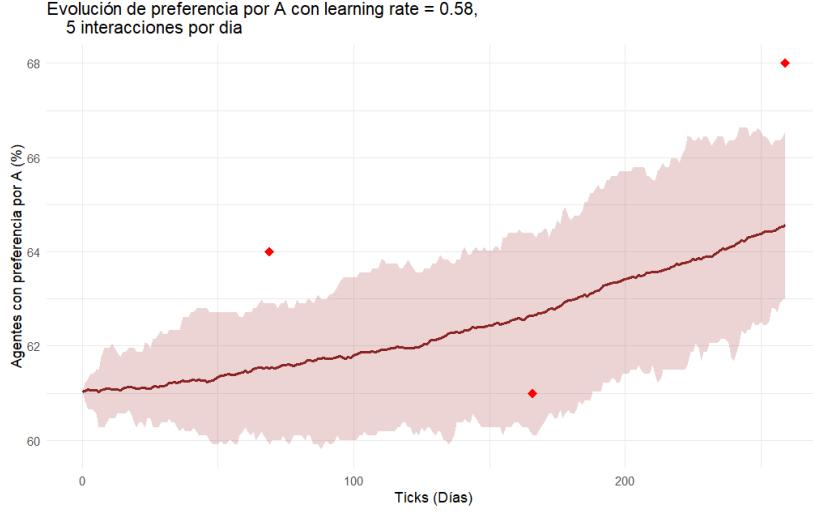


Figura 14: Evolución de opiniones para el modelo de confianza acotada con los mejores patrones encontrados en este experimento.

5.2. Experimento 2. Efectos del parámetro *agents updated per tick* en el modelo de confianza acotada

En este experimento se valora el efecto del número de agentes interactuando por tick en el cambio de intención de voto del modelo. Para ello, el parámetro *agents per tick* se validó para valores entre [1, 50] con saltos de 1. Para el resto de parámetros, se tomó un *learning rate* de 0.58 dado que obtuvo los mejores resultados en el experimento anterior. El valor de *confidence threshold* se mantiene fijo en 1. El resto de la configuración se da en el cuadro 17. Se realizan 30 repeticiones por cada combinación de valores mediante la herramienta *Behaviorspace*.

Parámetro	Valor
<i>learning-rate</i>	0.58
<i>influence-type</i>	<i>BC</i>
<i>confidence-threshold</i>	1
<i>percent-option-B</i>	39
<i>agents-updated-per-tick</i>	Entre [1, 50] con saltos de 1
<i>spatial-interactions?</i>	<i>False</i>

Cuadro 17: Configuración para el segundo experimento con confianza acotada.

5.2.1. Resultados

Para evaluar el desempeño del modelo, se toma como referencia el promedio de las 30 repeticiones por cada configuración de parámetros y se utiliza como referencia para medir el error. En la figura 15 se observa el cambio del error de acuerdo al valor del parámetro *agents per tick*, y en el cuadro ?? se listan los mejores 5 valores encontrados para este parámetro.

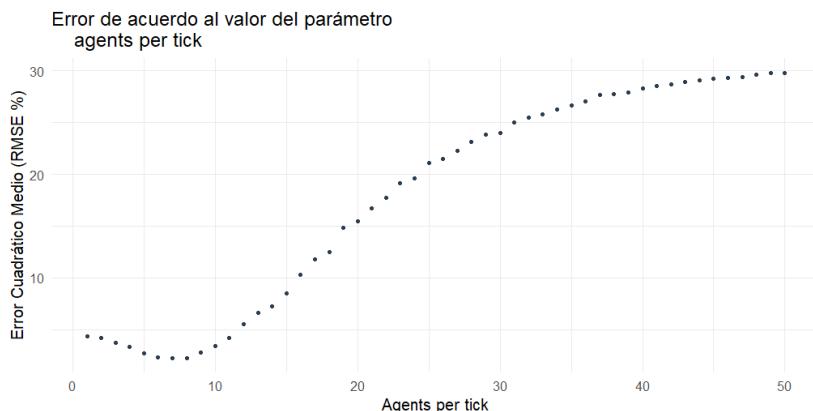


Figura 15: Error obtenido de acuerdo al parámetro *agents per tick*. Se observa un mínimo alrededor del valor de 7.

Se evalúa la evolución de las opiniones para la configuración con los mejores resultados, esto es, *learning rate* = 0.58 y *agents per tick* = 7. Esto se muestra en la figura 16.

<i>agents per tick</i>	MSE	RMSE
7	5.01	2.24
8	5.06	2.25
6	5.45	2.33
5	7.14	2.67
9	7.69	2.77

Cuadro 18: Listado de los 5 mejores valores para el parámetro *agents per tick* de acuerdo al error.

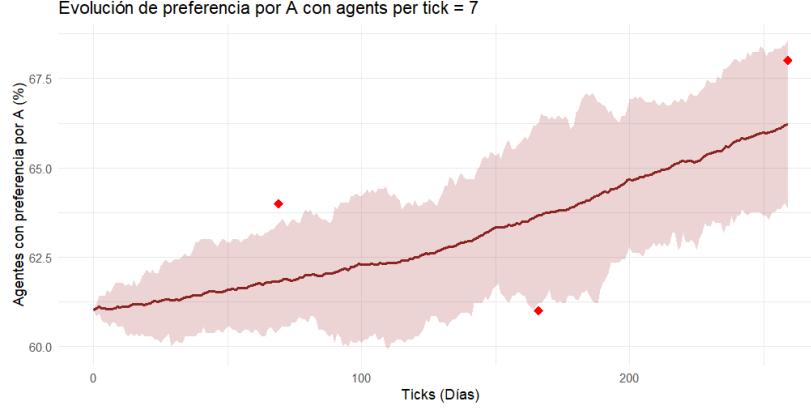


Figura 16: Evolución de las opiniones para el modelo con los mejores parámetros encontrados hasta el experimento actual.

Se observa una mejora con respecto a los resultados del modelo anterior, con una mejor aproximación de los resultados de la elección. Como con el resto de modelos, se observa una convergencia prematura por la opción A al aumentar el número de agentes interactuando, mostrando la sensibilidad del modelo a este parámetro.

Otro factor que afecta en la velocidad de la convergencia es el *confidence threshold*. Conforme aumenta este parámetro, los agentes se ven influidos por una mayor diversidad de opiniones, lo cuál podría ayudar a una convergencia más rápida por la opción A sin llegar a los extremos observados al aumentar el número de agentes. Esto se evalúa en el siguiente experimento.

5.3. Experimento 3. Efecto del parámetro *confidence threshold* en el modelo con confianza acotada

Como último experimento para el modelo de confianza acotada, se evalúa el efecto del parámetro *confidence threshold* en el desempeño del modelo para aproximar los datos reales. Conforme aumenta el valor de este parámetro, los agentes presentes en el modelo se ven afectados por opiniones más dispares. De esta forma, conforme aumenta el valor de este parámetro aumenta la posibilidad de cambio de opinión en cada interacción.

Este parámetro fue evaluado para valores en el rango $[0.1, 2]$ con saltos de 0.1 y 30 repeticiones por cada valor. El resto de valores para los parámetros se toma de los resultados obtenidos en la experimentación anterior, con *learning rate* igual a 0.58 y *agents per tick* igual a 7. Esto se muestra en el cuadro 19.

Parámetro	Valor
<i>learning-rate</i>	0.58
<i>influence-type</i>	<i>BC</i>
<i>confidence-threshold</i>	Entre $[0.1, 2]$ con saltos de 0.1
<i>percent-option-B</i>	39
<i>agents-updated-per-tick</i>	7
<i>spatial-interactions?</i>	<i>False</i>

Cuadro 19: Configuración para el tercer experimento con confianza acotada.

5.3.1. Resultados

Tomando como referencia el promedio de las 30 repeticiones para cada valor, se mide el error con respecto a los valores de referencia. Este se muestra en la figura 17, listando los mejores valores para este parámetro en el cuadro 20.

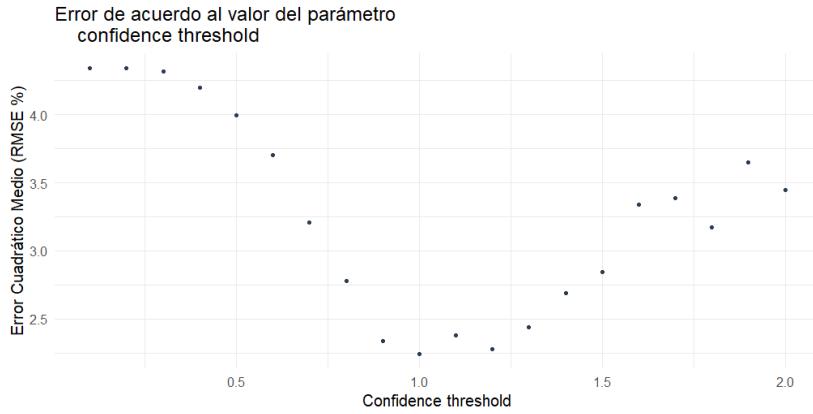


Figura 17: Error para el modelo con confianza acotada de acuerdo al parámetro confidence threshold.

<i>confidence threshold</i>	MSE	RMSE
1.0	5.03	2.24
1.2	5.18	2.28
0.9	5.47	2.34
1.1	5.68	2.38
1.3	5.96	2.44

Cuadro 20: Valores que minimizan el parámetro confidence threshold en el modelo de confianza acotada.

Se observa que el mejor resultado se da con un valor de 1, obteniendo la misma configuración que en el modelo anterior. Por lo tanto, se omite la evaluación del cambio de opinión, dado que tendrá resultados muy similares a los obtenidos en 16.

De forma similar al modelo de influencia negativa, se observan los mejores resultados con un valor intermedio que limita el efecto de la diferencia de opinión. Este modelo logró resultados similares a la influencia negativa, siendo superado por el modelo de influencia positiva.

6. Anexo. Protocolo ODD para modelo base de dinámica de opiniones

A continuación se encuentra la descripción del modelo base de dinámica de opiniones, siguiendo el protocolo ODD.

6.1. Propósito y patrones

El propósito del modelo es la simulación de la elección presidencial mexicana llevada a cabo en el 2024, mediante el uso de dinámica de opiniones. En este contexto, *una opinión es la posición que se tiene sobre un tema, y se formaliza como un número que cambia entre dos extremos*. Se espera que las personas modifiquen sus opiniones después de interactuar con sus pares a través del efecto de la influencia social. Se consideran tres tipos de influencia diferentes entre los agentes durante de una interacción.

- **Influencia positiva.** Después de una interacción, dos agentes siempre tendrán una opinión más cercana a la del otro. Esto toma como base teorías cognitivas que hacen hincapié en el papel del aprendizaje social y de la presión social para seguir las normas de un grupo.
- **Confianza acotada.** Un agente es influenciado a tomar una opinión más cercana a la del otro agente en la interacción solamente si sus opiniones son suficientemente similares. Qué tan parecida debe ser la opinión de otro agente está determinado por una cota o límite de confianza. La base teórica principal es el sesgo de confirmación, la tendencia de preferir información que este de acuerdo con lo que ya se opina y evadir aquella que contradiga nuestras creencias.
- **Influencia negativa.** Si dos agentes con opiniones muy disimilares interactúan entre ellos, se influencian en sentido opuesto, tomando opiniones todavía más dispares. Esto toma como base teórica efectos como la xenofobia o el rechazo a grupos percibidos como externos, aunque la evidencia empírica de este efecto es mixta.

La opinión es convertida a voto dependiendo de su valor, tomando como referencia los dos candidatos principales en la elección real. De esta forma, el principal patrón a evaluar es la evolución del voto durante todo el periodo de la simulación, con el objetivo de replicar la distribución de voto observada en la elección real. Se utiliza una serie de encuestas de opinión realizadas durante el periodo electoral como refencia.

6.2. Entidades, variables de estado y escalas

Las únicas entidades del modelo son las parcelas, indicando un votante dentro de las encuestas de opinión tomadas como referencia. Cada una se encuentra definida por una variable de estado: su opinión en un momento dado. Esta es un valor real en el rango $[-1,1]$, donde 1 indica una opinión completamente a favor del candidato A y -1 una opinión completamente a favor del candidato B. Cuando se activa el parámetro *local-interactions?* cada agente puede comunicarse únicamente con sus cuatro vecinos más cercanos, por lo que esto se vuelve otra característica que define su comportamiento.

Se utiliza un mundo cerrado de tamaño 107×10 , con cada parcela representando un votante de la encuestas. De esta forma, se tiene 1070 agentes dentro del modelo. El alcance temporal del modelo se da en base al número de días desde la primera encuestas hasta el día de la elección, con un total de 260 días. Cada tick representa un día, con el modelo ejecutándose un total de 260 ticks.

6.3. Descripción general y *scheduling*

El modelo realiza las siguientes acciones por cada paso de tiempo.

Selección de agentes iniciales. Se selecciona a una cantidad de parcelas definida por el parámetro *agents-updated-per-tick* de manera aleatoria de entre todas las presentes en el modelo.

Selección de agentes para interacción. Cada uno de los n agentes iniciales selecciona a otro agente en el modelo para interactuar. Si se tiene activado el parámetro *spatial-interactions?*, cada agente inicial debe seleccionar a uno de sus vecinos. En caso contrario, selecciona un agente al azar de todos los presentes en el modelo, permitiendo repeticiones.

Interacción entre agentes. Los agentes cambian su opinión de acuerdo al tipo de influencia seleccionado en la simulación, detallados en la sección de submodelos. Si se cumplen las condiciones adecuadas, ambos agentes presentes en la simulación modifican el valor de su opinión.

Actualización de las preferencias. Al terminar las interacciones entre los seleccionados, se actualizan las preferencias de voto del modelo de acuerdo al cambio de las opiniones.

Visualización. El color de los agentes es modificado de acuerdo al valor de su opinión, y se actualizan las gráficas y visualizaciones en el modelo.

Terminación. Al llegar al tick 260, el modelo actualiza las preferencias y las visualizaciones por una última vez, terminando su ejecución.

6.4. Conceptos de diseño

- **Principios básicos.** La suposición básica en todo modelo de dinámica de opinión es que la influencia social tiene un papel fundamental a la hora de formar y modificar opiniones. En este caso se esta consideran tres diferentes tipos de influencia al interactuar con otros agentes, cada una con diferentes justificaciones en ciencias sociales y psicología. Al activar las interacciones espaciales, se esta asumiendo que el efecto de la influencia social se da únicamente por aquellos considerados cercanos.
- **Emergencia.** Los patrones principales a buscar son la distribución de opiniones a escala global en el sistema y la distribución de la preferencia de votos emergente de esta. Estos patrones emergen de la interacción entre pares de los agentes del sistema y del tipo de influencia seleccionado.
- **Adaptación.** Los agentes adaptan su opinión después de interactuar con otros agentes de acuerdo al tipo de influencia seleccionado en la simulación. Para una influencia positiva, el agente busca parecerse más a cualquier otra persona después de una interacción. En el caso de confianza acotada, busca solamente parecerse a aquellos similares a sí mismo. Para la influencia negativa, busca alejar su opinión de aquellas que sean muy disimilares.
- **Objetivos.** Los tres modelos de influencia asumen que un agente busca ajustar su opinión de acuerdo a las interacciones con otros. Se difiere en qué agentes son considerados

suficientemente importantes como para afectar la opinión, y el sentido en que se afecta esta opinión.

- **Aprendizaje.** Este concepto no se utiliza en el modelo.
- **Predicción.** Este concepto no se utiliza en el modelo.
- **Percepciones.** En la interacción entre agentes, se asume que cada agente es completamente consciente de la opinión del otro.
- **Interacciones.** La interacción a modelar es el compartir opinión entre pares y cómo estas opiniones son modificadas de acuerdo al tipo de influencia considerado. Las interacciones se dan de forma directa, donde la opinión de un agente afecta la del otro de acuerdo al tipo de interacción.
- **Estocásticidad.** Las opiniones iniciales de cada agente se dan de forma aleatoria, siguiendo una distribución uniforme. Los agentes a interactuar en cada paso de tiempo se seleccionan de manera aleatoria.
- **Colectivos.** Este concepto no se utiliza en el modelo.
- **Observaciones.** Los agentes cambian su color de acuerdo a la opinión que tengan en ese momento, con valores entre -1 y 1. Aquellos con valores cercanos a -1 tomarán un color azul intenso, mientras que aquellos con valores cercanos a 1 tomarán colores rojos. También se tiene un histograma de las opiniones en todo el sistema, junto a una gráfica que muestra su evolución cada 10 pasos de tiempo. Para la visualización de las preferencias de voto se cuenta con dos gráficos, uno que indica el porcentaje de preferencia por A mientras que la segunda muestra las preferencias por B, siendo actualizadas cada paso de tiempo.

6.5. Inicialización

El modelo se inicializa asignando las opiniones iniciales a los agentes de acuerdo al parámetro *percent-option-B*, indicando el porcentaje de agentes con preferencia por la opción B. Para la comparación con las encuestas de opinión utilizadas, este parámetro debe tomar el valor de 39. Las opiniones iniciales para los agentes con preferencia por A se generan con una distribución uniforme con valores entre $[0, 1]$, mientras que las opiniones para agentes con preferencia por B toman valores de una distribución uniforme entre $[-1, 0]$.

Posteriormente, se actualiza el color de los agentes de acuerdo a la opinión asignada, y se actualizan las preferencias de voto por la opción A y por la opción B.

6.6. Datos de entrada

El modelo no necesita del uso de datos de entrada.

6.7. Submodelos

6.7.1. Influencia positiva

Para dos agentes i y j con opiniones x_1, x_2 respectivamente, su opinión se modifica después de una interacción mediante la siguiente fórmula

```
let x1-new (x1 + learning-rate * (x2 - x1))
let x2-new (x2 + learning-rate * (x1 - x2))
set opinion x1-new
ask other-patch [ set opinion x2-new]
```

donde el parámetro *learning-rate* indica que tan rápido cambia la opinión de un agente después de una interacción.

6.7.2. Confianza acotada

Para dos agentes i y j con opiniones x_1, x_2 respectivamente, su opinión se modifica después de una interacción mediante la siguiente fórmula

```

if (abs (x1 - x2) < confidence-threshold) [
    let x1-new (x1 + learning-rate * (x2 - x1))
    let x2-new (x2 + learning-rate * (x1 - x2))
    set opinion x1-new
    ask other-patch [ set opinion x2-new]
]

```

El nuevo parámetro a considerar es *confidence-threshold*, indicando la tolerancia que tiene cada agente para opiniones disímilares. El parámetro *learning-rate* actúa de la misma forma que en el modelo de influencia positiva. De esta manera, un agente ajusta su opinión solamente si interactua con otro agente con una opinión lo suficientemente cercana a la que ya posee. En caso contrario, la opinión de ambos agentes en la interacción se mantiene igual.

6.7.3. Influencia negativa

Para dos agentes i y j con opiniones x1, x2 respectivamente, su opinión se modifica después de una interacción mediante la siguiente fórmula

```

if (abs (x1 - x2) < confidence-threshold) [
    let x1-new (x1 + learning-rate * (x2 - x1))
    let x2-new (x2 + learning-rate * (x1 - x2))
    set opinion x1-new
    ask other-patch [ set opinion x2-new]
]
if (abs (x1 - x2) > confidence-threshold) [
    ifelse (x1 > x2)
    [
        let x1-new (x1 + learning-rate * (x1 - x2) * (1 - x1) * .5)
        let x2-new (x2 + learning-rate * (x2 - x1) * (1 + x2) * .5)
        set opinion x1-new
        ask other-patch [ set opinion x2-new]
    ]
    [
        let x1-new (x1 + learning-rate * (x1 - x2) * (1 + x1) * .5)
        let x2-new (x2 + learning-rate * (x2 - x1) * (1 - x2) * .5)
        set opinion x1-new
        ask other-patch [ set opinion x2-new]
    ]
]

```

En este caso la interacción se ve dominada por el parámetro *confidence-threshold*. Si la diferencia de las opiniones es menor al valor de *confidence-threshold*, entonces ambos ajustan su opinión para ser más cercanas de acuerdo al valor del *learning-rate*. Sin embargo, si la diferencia entre opiniones es mayor a el valor de *confidence-threshold*, entonces ambos agentes alejan sus opiniones de acuerdo al valor del parámetro *learning-rate*.

6.7.4. Conversión de opinión a preferencia de voto

Para convertir la opinión a preferencia de voto, se toma una opinión mayor a cero como la preferencia por el candidato A, y una opinión negativa como preferencia por el candidato B. De esta forma, para actualizar las preferencias globales de los agentes presentes en el modelo se tiene la siguiente fórmula.

```

set pref-A (count patches with [opinion > 0] )
set pref-B (count patches with [opinion < 0] )

```

El total de agentes con opinión mayor a cero se cuenta como el total de la población con la intención de votar por la opción A, mientras que el total de agentes con opinión menor a cero se cuenta como el número de agentes con la intención de votar por la opción B.