# XMAC02 Métodos Matemáticos para Análise de Dados

- Condições
  - Amostra aleatória
  - Observações independente
  - Dados devem conter apenas duas categorias (sucesso/falha ou sim/não)
  - Dados binomiais devem ser aproximados para uma distribuição normal
    - Np ≥ 10 e (1-p) ≥ 10 (dados devem ter ao menos 10 sucessos e 10 falhas)
    - Em alguns livros, Np  $\geq 5$  e (1-p)  $\geq 5$

Np ≥ 10 e (1-p) ≥ 10 (dados devem ter ao menos 10 sucessos e 10 falhas)

- Numa determinada cidade sabe-se que 10% das pessoas são fumantes. Deseja-se verificar se essa proporção está correta. Qual deve ser o tamanho da amostra?
- □ 100, pois aí teremos 10 fumantes e 90 não fumantes

- □ Taxa de fumantes em uma cidade era 21%. Uma amostra de 100 habitantes encontrou 14 fumantes. A proporção de fumantes da cidade mudou (nível de confiança = 95%)?
  - Podemos fazer a aproximação normal?
    - $p_0 = 0.21, p = 0.14$
    - $p_0 = 0.21 \times 100 = 21$
    - $n(1-p_0) = 0.79 \times 100 = 79$
    - >10 significa que a amostra é suficiente.

$$p_0 = 0.21$$

$$p = 0.14$$

$$n = 100$$

$$H_0$$
:  $p = p_0$ 

$$H_a$$
:  $p \neq p_0$ 

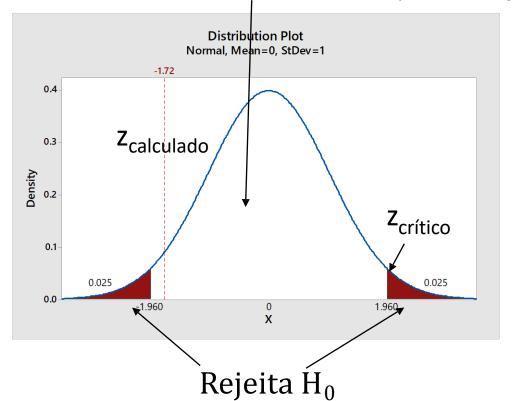
$$z = \frac{p - p_0}{\sqrt{\frac{p_0(1 - p_0)}{n}}}$$

$$z = \frac{p - p_0}{\sqrt{\frac{p_0(1 - p_0)}{n}}}$$

$$z_{\text{calculado}} = \frac{p - p_0}{\sqrt{\frac{p_0 (1 - p_0)}{n}}} = \frac{0.14 - 0.21}{\sqrt{\frac{0.21 (1 - 0.21)}{100}}} = -1.719$$

$$z_{crítico} = 1,96$$

Falha em rejeitar H<sub>0</sub>



□ Taxa de fumantes em uma cidade era 21%. Uma amostra de 100 habitantes encontrou 14 fumantes. A proporção de fumantes da cidade <u>reduziu</u>? (uma cauda – nível de confiança = 95%).

$$\star z_{\text{crítico}} = ?$$

```
α = 0,01, duas caudas0,005 em cada cauda
```

- $\square$  Z crítico = 2,575
- $\alpha = 0.05$ , duas caudas
  - □ 0,025 em cada cauda
  - Z crítico = 1,96
- $\alpha = 0,10$ , duas caudas
  - 0,05 em cada cauda
  - Z crítico = 1,645
- $\alpha = 0.05$  cauda única
  - Z crítico = 1,645

z	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0.0	.5000	.4960	.4920	.4880	.4840	.4801	.4761	.4721	.4681	.4641
0.1	.4602	.4562	.4522	.4483	.4443	.4404	.4364	.4325	.4286	.4247
0.2	.4207	.4168	.4129	.4090	.4052	.4013	.3974	.3936	.3897	.3859
0.3	.3821	.3783	.3745	.3707	.3669	.3632	.3594	.3557	.3520	.3483
0.4	.3446	.3409	.3372	.3336	.3300	.3264	.3228	.3192	.3156	.3121
0.5	.3085	.3050	.3015	.2981	.2946	.2912	.2877	.2843	.2810	.2776
0.6	.2743	.2709	.2676	.2643	.2611	.2578	.2546	.2514	.2483	.2451
0.7	.2420	.2389	.2358	.2327	.2296	.2266	.2236	.2206	.2177	.2148
0.8	.2119	.2090	.2061	.2033	.2005	.1977	.1949	.1922	.1894	.1867
0.9	.1841	.1814	.1788	.1762	.1736	.1711	.1685	.1660	.1635	.1611
1.0	.1587	.1562	.1539	.1515	.1492	.1469	.1446	.1423	.1401	.1379
1.1	.1357	.1335	.1314	.1292	.1271	.1251	.1230	.1210	.1190	.1170
1.2	.1151	.1131	.1112	.1093	.1075	.1056	.1038	.1020	.1003	.0985
1.3	.0968	.0951	.0934	.0918	.0901	.0885	.0869	.0853	.0838	.0823
1.4	.0808	.0793	.0778	.0764	.0749	.0735	.0721	.0708	.0694	.0681
1.5	.0668	.0655	.0643	.0630	.0618	.0606	.0594	.0582	.0571	.0559
1.6	.0548	.0537	.0526	.0516	.0505	.0495	.0485	.0475	.0465	.0455
1.7	.0446	.0436	.0427	.0418	.0409	.0401	.0392	.0384	.0375	.0367
1.8	.0359	.0351	.0344	.0336	.0329	.0322	.0314	.0307	.0301	.0294
1.9	.0287	.0281	.0274	.0268	.0262	.0256	.0250	.0244	.0239	.0233
2.0	.0228	.0222	.0217	.0212	.0207	.0202	.0197	.0192	.0188	.0183
2.1	.0179	.0174	.0170	.0166	.0162	.0158	.0154	.0150	.0146	.0143
2.2	.0139	.0136	.0132	.0129	.0125	.0122	.0119	.0116	.0113	.0110
2.3	.0107	.0104	.0102	.0099	.0096	.0094	.0091	.0089	.0087	.0084
2.4	.0082	.0080	.0078	.0075	.0073	.0071	.0069	.0068	.0066	.0064
2.5 2.6 2.7 2.8 2.9	.0062 .0047 .0035 .0026	.0060 .0045 .0034 .0025 .0018	.0059 .0044 .0033 .0024 .0018	.0057 .0043 .0032 .0023 .0017	.0055 .0041 .0031 .0023 .0016	.0054 .0040 .0030 .0022 .0016	.0052 .0039 .0029 .0021 .0015	.0051 .0038 .0028 .0021 .0015	.0049 .0037 .0027 .0020 .0014	.0048 .0036 .0026 .0019
3.0 3.1 3.2 3.3 3.4	.0013 .0010 .0007 .0005 .0003	.0013 .0009 .0007 .0005 .0003	.0013 .0009 .0006 .0005	.0012 .0009 .0006 .0004 .0003	.0012 .0008 .0006 .0004 .0003	.0011 .0008 .0006 .0004 .0003	.0011 .0008 .0006 .0004 .0003	.0011 .0008 .0005 .0004 .0003	.0010 .0007 .0005 .0004 .0003	.0010 .0007 .0005 .0003 .0002
3.5 3.6 3.7 3.8 3.9	.0002 .0002 .0001 .0001	.0002 .0002 .0001 .0001	.0002 .0001 .0001 .0001							

□ Taxa de fumantes em uma cidade era 21%. Uma amostra de 100 habitantes encontrou 14 fumantes. A proporção de fumantes da cidade <u>reduziu</u>? (uma cauda).

$$z_{\text{calculado}} = \frac{p - p_0}{\sqrt{\frac{p_0(1 - p_0)}{n}}} = \frac{0.14 - 0.21}{\sqrt{\frac{0.21(1 - 0.21)}{100}}} = -1.719$$

$$z_{\text{crítico}} = 1.645$$

$$z_{\text{calculado}} = \frac{p - p_0}{\sqrt{\frac{p_0 (1 - p_0)}{n}}} = \frac{0.14 - 0.21}{\sqrt{\frac{0.21 (1 - 0.21)}{100}}} = -1.719$$

$$z_{crítico} = 1,645$$

 $H_0$ :  $p = p_0$ 

 $H_a$ :  $p < p_0$ 

Falha em rejeitar H<sub>0</sub>

