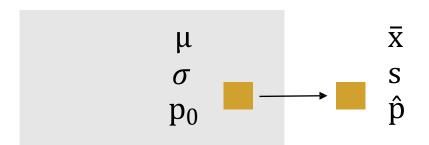
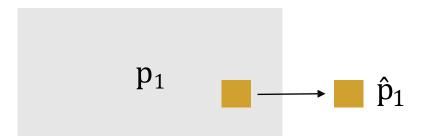
XMAC02 Métodos Matemáticos para Análise de Dados

- Condições
 - Amostra aleatória
 - Observações independentes
 - Dados devem conter apenas duas categorias (sucesso/falha ou sim/não)
 - Dados binomiais devem ser aproximados para uma distribuição normal
 - Np ≥ 10 e (1-p) ≥ 10 (dados devem ter ao menos 10 sucessos e 10 falhas)
 - Em alguns livros, Np ≥ 5 e (1-p) ≥ 5

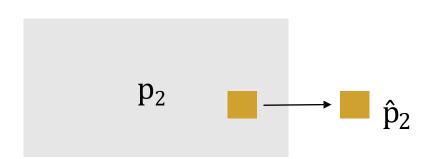
 Como representar proporções em amostras e na população.





Teste de uma proporção

$$z = \frac{p - p_0}{\sqrt{\frac{p_0(1 - p_0)}{n}}}$$



Proporções esperadas são iguais?

$$H_0$$
: $p_1 - p_2 = 0$
 H_a : $p_1 - p_2 \neq 0$





$$H_0$$
: $p_1 - p_2 = d$
 H_a : $p_1 - p_2 \neq d$

$$\bar{p} = \frac{n_1 \hat{p}_1 + n_2 \, \hat{p}_2}{(n_1 + n_2)}$$

$$z_{cal} = \frac{(\hat{p}_1 - \hat{p}_2)}{\sqrt{\bar{p}(1 - \bar{p})\left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)}}$$

$$z_{cal} = \frac{(\hat{p}_1 - \hat{p}_2) - (p_1 - p_2)}{\sqrt{\frac{\hat{p}_1(1 - \hat{p}_1)}{n_1} + \frac{\hat{p}_2(1 - \hat{p}_2)}{n_2}}}$$

- Exemplo: Em uma amostra de 200 itens de um fornecedor A foram encontrados 30 itens defeituosos. Em outra amostra de 100 itens de um fornecedor B foram encontrados 10 defeituosos. Há uma diferença significativa na qualidade dos produtos desses fornecedores? Nível de confiança: 95%.
 - Primeiro passo é verificar se podemos fazer aproximação para distribuição normal
 - A: 30 defeituosos e 170 não defeituosos 🗹
 - B: 10 defeituosos e 90 não defeituosos 🗹

Exemplo: Em uma amostra de 200 itens de um fornecedor A foram encontrados 30 itens defeituosos. Em outra amostra de 100 itens de um fornecedor B foram encontrados 10 defeituosos. Há uma diferença significativa na qualidade dos produtos desses fornecedores? Nível de confiança: 95%.

$$\hat{p}_1 = 30/200 = 0.15$$

$$\hat{p}_2 = 10/100 = 0.10$$

$$n_1 = 200$$

$$n_2 = 100$$

$$\hat{p}_1 = 30/200 = 0.15$$

$$\hat{p}_2 = 10/100 = 0.10$$

$$n_1 = 200, n_2 = 100$$

$$\bar{p} = \frac{n_1 \hat{p}_1 + n_2 \,\hat{p}_2}{(n_1 + n_2)} = \frac{30 + 10}{100 + 200} = 0,1333$$

$$z_{cal} = \frac{(\hat{p}_1 - \hat{p}_2)}{\sqrt{\bar{p}(1 - \bar{p})\left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)}} = \frac{(0,15 - 0,10)}{\sqrt{0,133(1 - 0,133)\left(\frac{1}{200} + \frac{1}{100}\right)}}$$

$$z_{cal} = 1,20$$

8

- $\alpha = 0.01$, duas caudas
 - □ 0,005 em cada cauda
 - \square Z crítico = 2,575
- $\alpha = 0.05$, duas caudas
 - 0,025 em cada cauda
 - Z crítico = 1,96
- $\alpha = 0,10$, duas caudas
 - □ 0,05 em cada cauda
 - Z crítico = 1,645
- $\alpha = 0.05$ cauda única
 - Z crítico = 1,645

z	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0.0	.5000	.4960	.4920	.4880	.4840	.4801	.4761	.4721	.4681	.4641
0.1	.4602	.4562	.4522	.4483	.4443	.4404	.4364	.4325	.4286	.4247
0.2	.4207	.4168	.4129	.4090	.4052	.4013	.3974	.3936	.3897	.3859
0.3	.3821	.3783	.3745	.3707	.3669	.3632	.3594	.3557	.3520	.3483
0.4	.3446	.3409	.3372	.3336	.3300	.3264	.3228	.3192	.3156	.3121
0.5	.3085	.3050	.3015	.2981	.2946	.2912	.2877	.2843	.2810	.2776
0.6	.2743	.2709	.2676	.2643	.2611	.2578	.2546	.2514	.2483	.2451
0.7	.2420	.2389	.2358	.2327	.2296	.2266	.2236	.2206	.2177	.2148
0.8	.2119	.2090	.2061	.2033	.2005	.1977	.1949	.1922	.1894	.1867
0.9	.1841	.1814	.1788	.1762	.1736	.1711	.1685	.1660	.1635	.1611
1.0	.1587	.1562	.1539	.1515	.1492	.1469	.1446	.1423	.1401	.1379
1.1	.1357	.1335	.1314	.1292	.1271	.1251	.1230	.1210	.1190	.1170
1.2	.1151	.1131	.1112	.1093	.1075	.1056	.1038	.1020	.1003	.0985
1.3	.0968	.0951	.0934	.0918	.0901	.0885	.0869	.0853	.0838	.0823
1.4	.0808	.0793	.0778	.0764	.0749	.0735	.0721	.0708	.0694	.0681
1.5	.0668	.0655	.0643	.0630	.0618	.0606	.0594	.0582	.0571	.0559
1.6	.0548	.0537	.0526	.0516	.0505	.0495	.0485	.0475	.0465	.0455
1.7	.0446	.0436	.0427	.0418	.0409	.0401	.0392	.0384	.0375	.0367
1.8	.0359	.0351	.0344	.0336	.0329	.0322	.0314	.0307	.0301	.0294
1.9	.0287	.0281	.0274	.0268	.0262	.0256	.0250	.0244	.0239	.0233
2.0	.0228	.0222	.0217	.0212	.0207	.0202	.0197	.0192	.0188	.0183
2.1	.0179	.0174	.0170	.0166	.0162	.0158	.0154	.0150	.0146	.0143
2.2	.0139	.0136	.0132	.0129	.0125	.0122	.0119	.0116	.0113	.0110
2.3	.0107	.0104	.0102	.0099	.0096	.0094	.0091	.0089	.0087	.0084
2.4	.0082	.0080	.0078	.0075	.0073	.0071	.0069	.0068	.0066	.0064
2.5 2.6 2.7 2.8 2.9	.0062 .0047 .0035 .0026	.0060 .0045 .0034 .0025 .0018	.0059 .0044 .0033 .0024 .0018	.0057 .0043 .0032 .0023 .0017	.0055 .0041 .0031 .0023 .0016	.0054 .0040 .0030 .0022 .0016	.0052 .0039 .0029 .0021 .0015	.0051 .0038 .0028 .0021 .0015	.0049 .0037 .0027 .0020 .0014	.0048 .0036 .0026 .0019 .0014
3.0 3.1 3.2 3.3 3.4	.0013 .0010 .0007 .0005 .0003	.0013 .0009 .0007 .0005 .0003	.0013 .0009 .0006 .0005	.0012 .0009 .0006 .0004 .0003	.0012 .0008 .0006 .0004 .0003	.0011 .0008 .0006 .0004 .0003	.0011 .0008 .0006 .0004 .0003	.0011 .0008 .0005 .0004 .0003	.0010 .0007 .0005 .0004 .0003	.0010 .0007 .0005 .0003 .0002
3.5 3.6 3.7 3.8 3.9	.0002 .0002 .0001 .0001	.0002 .0002 .0001 .0001	.0002 .0001 .0001 .0001							

$$z_{cal} = 1,20$$

$$z_{crítico} = 1,96$$

$$H_0$$
: $p_1 - p_2 = 0$

$$H_a$$
: $p_1 - p_2 \neq 0$

Falha em rejeitar H₀

