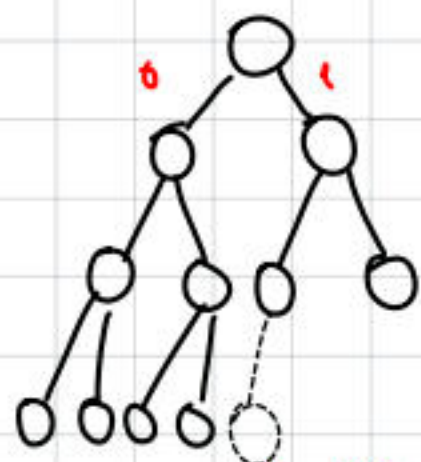


## Árbol binario completo.



Para movernos: 0 izq, 1 der.

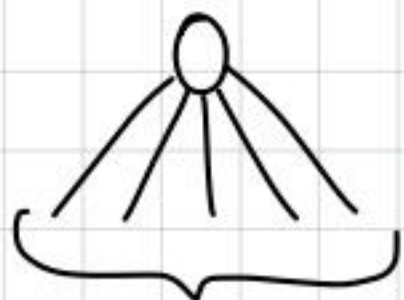
Queremos llegar al 12 = 1100,  $\overset{\curvearrowright}{11} \Rightarrow \text{der}$ ,  $\overset{\curvearrowright}{110} \Rightarrow \text{izq}$ ,  $\overset{\curvearrowright}{1100} \Rightarrow \text{izq}$

El binario codifica nuestros movimientos, iniciando en el primer bit que nunca es cero.

Así:  $\underbrace{1111}_{15}$ : Der, der, der y allí se coloca el nodo.

$\underbrace{10001}_{17}$ : Izq, izq, izq, der y se coloca el nodo.

## Árbol n-ario:



struct\_nodo\_ \*m\_nodo[N], otra opción: struct\_nodo\_ \*\*m\_nodo.

Ejemplo: base 3:

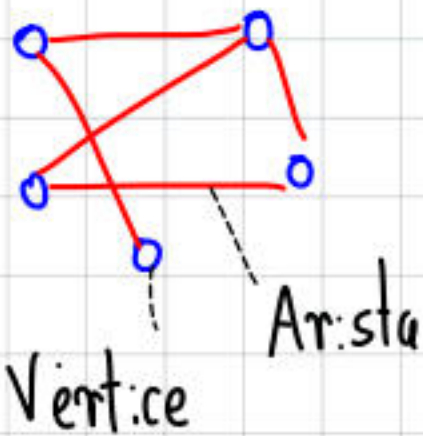


02: izq inicial

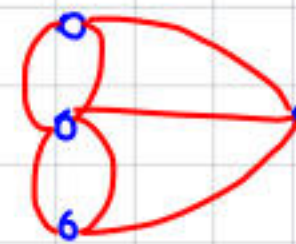
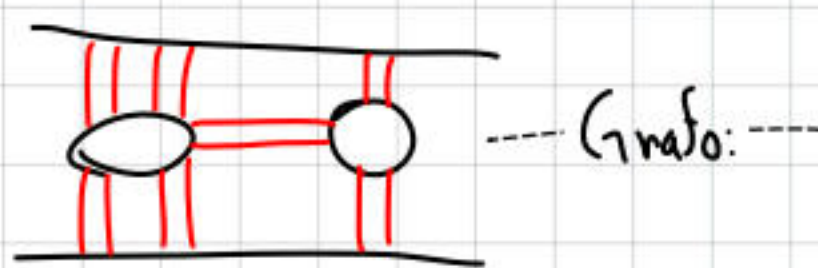
0: izq, 1: cent, 2: der al pasar nivel 1.

N-nodos  
Podemos usar base N cada número para representar cada nodo.

## Grafos.

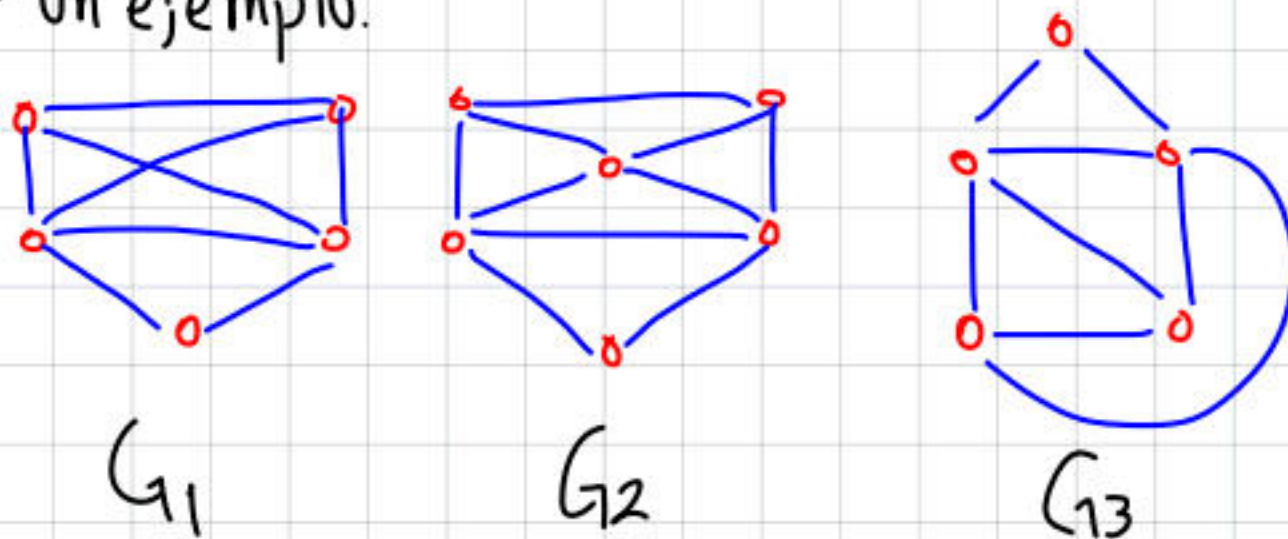


Puentes de Königsberg.



## Grafos sin pesos no dirigidos.

Sea  $V$  el conjunto de vértices,  $A = \{\{a,b\} \in P(V) \mid a \neq b\}$  es el conjunto de aristas, este es un ejemplo.



Se cumple que  $G_1 = G_2 = G_3$ . No,  $G_2$  tiene 6 vértices, pero se cumple que  $G_1 = G_3$  tienen los mismos vértices y las aristas una de esta forma 2 vértices.

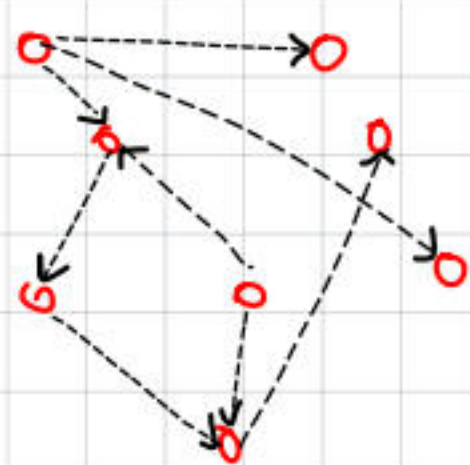
No dirigidos: Es lo mismo ir de  $V_a$  a  $V_b$ , solo se va en una dirección.

sin pesos: las aristas no tienen prioridad, esta prioridad es el peso.

## Grafos sin pesos dirigidos.

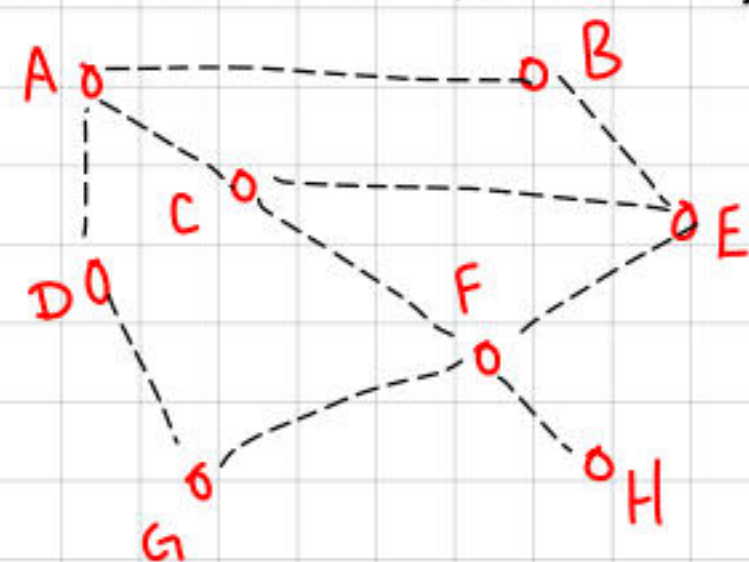
$V$  conjunto de vértices,  $A = \{(a,b) \in V \times V \mid a \neq b\}$





Ejemplo grafo dirigido.

En un grafo, los nodos o vértices no tienen información del peso. Un grafo lo representaremos como una matriz. Ejemplo:



HACIA

DE →

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	•	1	1	1	6	0	0	0
B	1	•	0	0	1	0	0	0
C	1	0	•	0	1	1	0	0
D	1	6	0	•	0	0	1	0
E	0	1	1	0	•	1	0	0
F	0	0	1	0	1	•	1	1
G	0	0	0	1	0	1	•	0
H	0	0	0	0	0	1	0	•

Matriz de adyacencia.

Si el grafo es dirigido, la matriz resultante puede no ser simétrica. La longitud de camino máxima entre 2 vértices es de  $n-1$  aristas,  $n$ : número de vértices.

Veamos esta matriz (camino de al menos, 2 aristas).

	A	B	C	D	E	F	G	H
A	•	1	1	1	2	2	2	0
B	1	•	2	2	1	2	0	0
C	1	2	•	2	1	1	2	2
D	1	2	2	•	0	2	1	0
E	2	1	1	0	•	1	2	2
F	2	2	1	2	1	•	1	1
G	2	0	2	1	2	1	•	2
H	0	0	2	0	2	1	2	•

Aquí se cuentan el número de pasos para ir de un vértice a otro.

Nos muestra si existe un camino de, máximo 2 pasos de un nodo a otro.

Implementar estas matrices, y poner el nodo del que viene (enrutar)

25/04/22

Para el código: nombre nodo (entero), peso  $w$ , into pasos.

Entradas:

26/04/22

Programa a implementar: con la matriz de adyacencia y otra, llamada:  $M$  y  $M+1$ :

$$\begin{bmatrix} & j \\ i & \square \end{bmatrix}_A \Rightarrow \begin{bmatrix} & j \\ i & \square \end{bmatrix}_{M+1}$$

Coma.

En  $M+1$  se plasma si hay un camino de el nodo  $i$  al  $j$ , sin pesos de las aristas y con pesos, el de menor peso.

Luego, debemos recordar el camino para ir de un nodo a otro. Queremos ver si se produce cambio de la matriz  $M$  a la matriz  $M-1$ . Nos fijamos en  $K \in \mathbb{N}_n$ ,  $K \neq i, j$  y vemos si existe un camino de  $i$  a  $K$  y de  $K$  a  $j$ , en caso de que no haya uno directo de



$i$  a  $j$ . Se recorre la  $K$  en los valores, y en caso de que se encuentre la  $K$ , vemos si:  $V_{ij} > V_{ik} + V_{kj}$ , si sucede, el valor se cambia a  $V_{ik} + V_{kj}$  y en caso contrario, se deja igual. Si no existe el camino, se pone el valor  $V_{ik} + V_{kj}$ .  
 $M$  es la matriz de  $M$ -caminos. Para  $M=1$ ,  $M=A$ ,  $M=2 = 1+1 = A+1$ . Luego, la matriz siguiente es con 2 o menos caminos.