

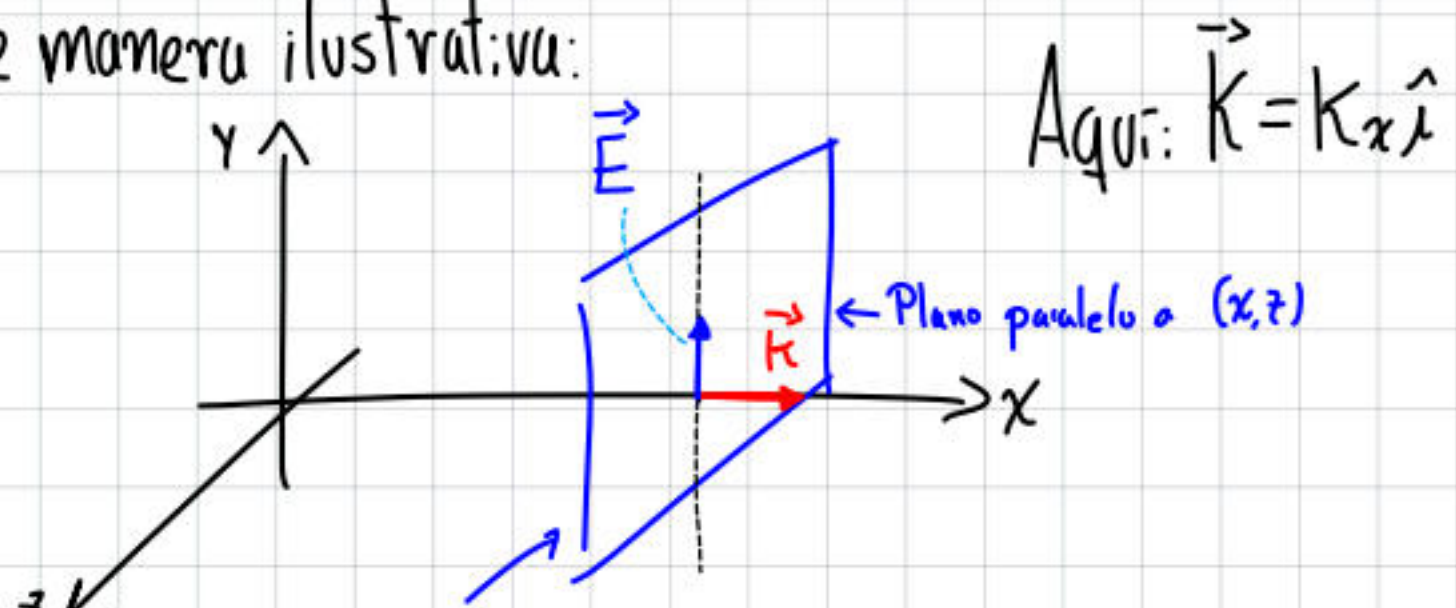
La luz como onda E.M. \Rightarrow ONDAS TRANSVERSALES.



Ondas E.M. planas, las superficies para las cuales todos los puntos tienen el mismo valor de ... para un tiempo dado. Son planas \perp a la dirección de prop. de la onda.

Además, $\vec{E} \perp \vec{B}$ siempre, y además:
 $\vec{E} \perp \vec{k}$ y $\vec{B} \perp \vec{k}$

De manera ilustrativa:



De la fig. de la derecha, se tiene que:

$\vec{E} = E_y(x,t) \hat{j}$. En general:

$\vec{E} = E_x(x,y,z,t) \hat{i} + E_y(x,y,z,t) \hat{j} + E_z(x,y,z,t) \hat{k}$ eje y.

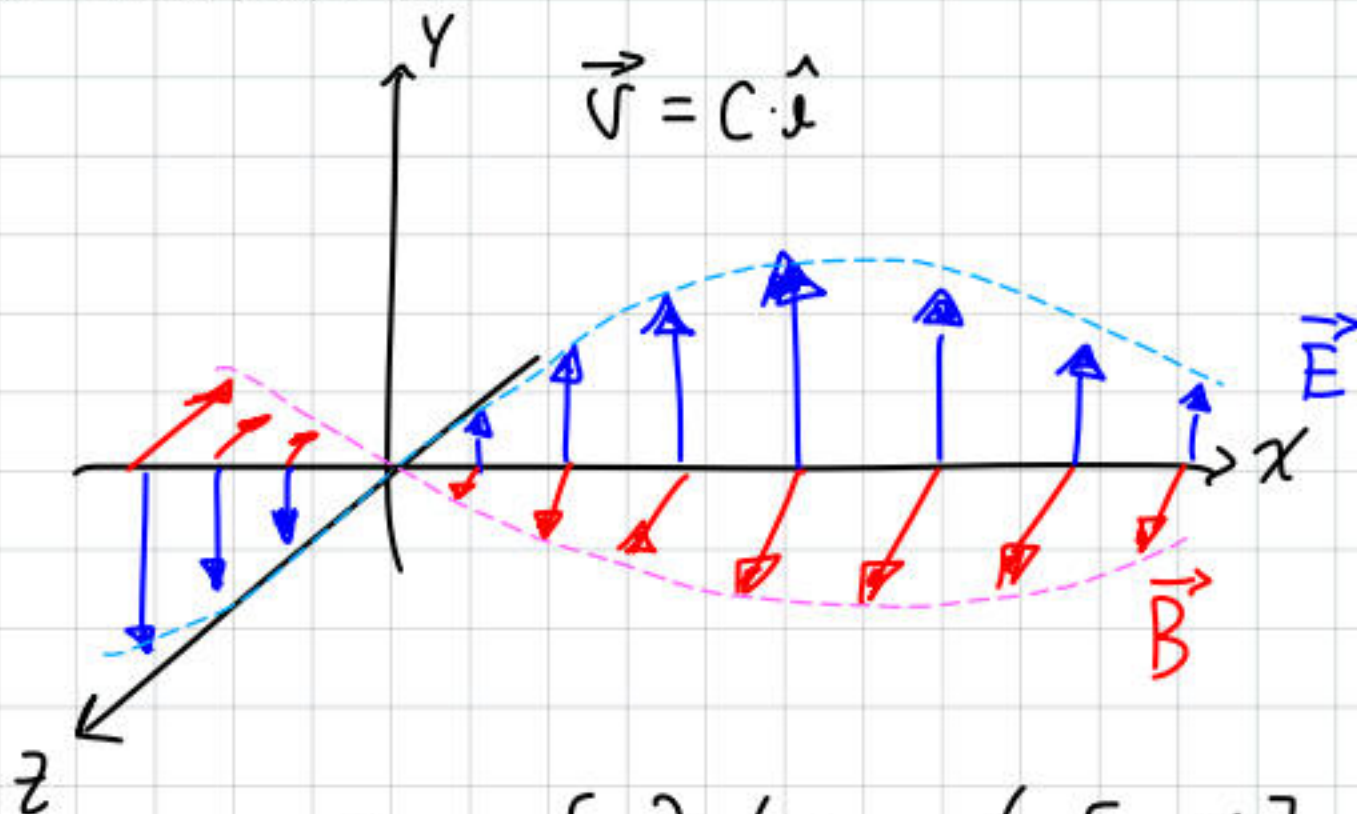
Por el momento se trabaja con \vec{E} que varía a lo largo de una ÚNICA DIRECCIÓN. En este caso, a lo largo de una recta paralela al eje y.

A partir de la deducción de la clase pasada, i.e. las ondas son transversales, se encontró:

$$\frac{\partial E_x}{\partial x} = 0 \quad \text{Por otro lado:} \quad \nabla \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$

Luego, igualando componentes: $\frac{\partial E_y}{\partial x} = -\frac{\partial B_z}{\partial t}$. \vec{B} tiene una única componente en z: $\vec{B} = B_z(x,t) \hat{k}$

De esta forma:



Veamos que:

$$\vec{E}_y = E_{0y} \hat{j} \cdot \cos\left(\omega\left[t - \frac{x}{c}\right] + \varepsilon\right)$$

Amplitud vectorial, vector constante
Amplitud escalar del campo eléctrico.

Para \vec{B} se tiene que:

$$\begin{aligned} B_z &= -\int \frac{\partial}{\partial x} \left(E_{0y} \cos\left(\omega\left[t - \frac{x}{c}\right] + \varepsilon\right) \right) dx \\ &= -\frac{E_{0y} \omega}{c} \int \sin\left(\omega\left[t - \frac{x}{c}\right] + \varepsilon\right) dx \\ \Rightarrow B_z(x,t) &= \frac{1}{c} \cdot E_{0y} \cdot \cos\left(\omega\left[t - \frac{x}{c}\right] + \varepsilon\right) \\ \Rightarrow \vec{B}_z(x,t) &= \frac{E_{0y}}{c} \hat{k} \cdot \cos\left(\omega\left[t - \frac{x}{c}\right] + \varepsilon\right) \end{aligned}$$

Amplitud escalar de campo magnético: B_{0z} .

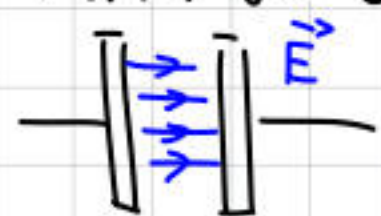
De aquí vemos que $\vec{E} \perp \vec{B}$ siempre, y que $B_{0z} = \frac{E_{0y}}{c}$, i.e. \vec{B} en magnitud es 10^8 veces menor que \vec{E} . Otra cosa, la luz es el vector \vec{k} (o algo así). Veamos el vector de Poynting:

Vector de Poynting

Las ondas E.M. transportan energía y es esa energía la que detecta la retina, la placa foto-

gráfica, el detector, CCD, etc...

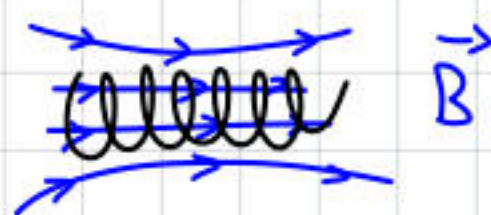
Para un capacitor:



$$u_E = \frac{\epsilon_0}{2} E^2 \dots (i)$$

Densidad de energía asociada al \vec{E} por unidad de volumen.

Para un solenoide:



$$u_B = \frac{1}{2\mu_0} B^2 \dots (ii) \quad \gamma:$$

Densidad de energía, ahora asociada a \vec{B} .

Recordando que:

$$\|\vec{B}\| = \frac{\|\vec{E}\|}{c}$$

$$c = \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}}$$

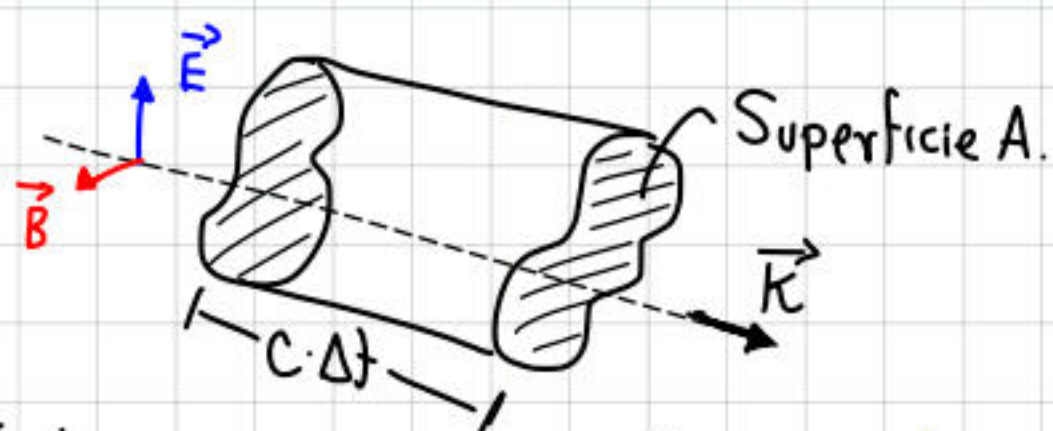
$$\Rightarrow u_E = u_B$$

Para una onda E.M hay un \vec{E} y \vec{B} asociados y, por lo tanto, una densidad de energía $u = u_E + u_B = \epsilon_0 E^2 = \frac{1}{\mu_0} B^2$. Al viajar la onda, también viaja la energía asociada a la onda (i.e, campos eléctrico y magnético). Por tanto, hay un flujo de energía asociado con la onda, "energía electromagnética".

Sea S el transporte de energía por unidad de área por unidad de tiempo:

$$[S] = W \cdot m^2$$

Ejemplo:



En un intervalo de tiempo pequeño, Δt , únicamente la energía contenida en $A \cdot c \cdot \Delta t$ cruzará la superficie A .

Esta energía es igual a: $u \cdot A \cdot c \cdot \Delta t$. De donde:

$$S = \frac{u \cdot A \cdot c \cdot \Delta t}{A \cdot \Delta t} = u \cdot c$$

Es decir:

$$S = \frac{1}{\mu_0} E \cdot B = \begin{cases} \frac{c}{\mu_0} B^2 \\ \epsilon_0 c E^2 \end{cases}$$

Es de esperar que la energía asociada a la onda electromagnética fluya en la dirección en la que se propaga la onda, i.e: $\vec{S} \parallel \vec{k} \Rightarrow \vec{S} \perp \vec{E} \text{ y } \vec{S} \perp \vec{B}$.

Vector de Poynting.

Recordando: $\vec{S} \propto \vec{E} \times \vec{B}$. $\|\vec{B}\| = \frac{\|\vec{E}\|}{c}$. Luego:

$$\vec{S} = c^2 \epsilon_0 \vec{E} \times \vec{B}$$

Usando expresiones para ondas senoidales planas:

$$\vec{E} = \vec{E}_0 \cos(\vec{k} \cdot \vec{r} - \omega t)$$

$$\vec{B} = \vec{B}_0 \cos(\vec{k} \cdot \vec{r} - \omega t)$$

$$\Rightarrow \vec{S} = c^2 \epsilon_0 \vec{E}_0 \times \vec{B}_0 \cdot \cos^2(\vec{k} \cdot \vec{r} - \omega t) //$$