# Лабораторная работа №3

### 1 let-связывание

При определении функций часто бывает необходимо использовать некоторые временные переменные для хранения промежуточных результатов. Вспомним, как вычисляются корни квадратного уравнения вида  $ax^2 + bx + c = 0$ :  $x_{1,2} = (-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac})/2a$ . Можно записать следующую функцию для вычисления пары корней уравнения:

```
roots a b c =
   ((-b + sqrt (b*b - 4*a*c)) / (2*a),
   (-b - sqrt (b*b - 4*a*c)) / (2*a))
```

Написание функций в таком стиле чревато проблемами. Во-первых, легко допустить ошибку, второй раз записывая одно и то же выражение. Во-вторых, при чтении этой программы приходится сопоставлять два выражения, чтобы понять, что они представляют собой одно и то же. В-третьих, программа становится длиннее. И наконец, она менее эффективна, чем могла бы быть, потому что компьютеру приходится два раза проводить одинаковые вычисления.

Для избежания этих проблем в языке можно вводить локальные переменные. Функцию можно записать так:

Локальная переменная det доступна только в определении функции roots.

Можно определять несколько локальных переменных:

Заметьте, что в конструкции let ... in ... используется правило выравнивания: первый символ, отличный от пробела, следующий за ключевым словом let, задает колонку, относительно которой должны выравниваться последующие определения. С использованием символов '{', '}' и ';' правило выравнивания становится необязательным, и функцию roots можно было бы записать так:

Помимо конструкции let ... in ... иногда удобнее использовать конструкцию ... where ..., в которой определения локальных переменных следуют после основной функции:

```
roots a b c =
    ((-b + det) / twice_a,
        (-b - det) / twice_a)
    where det = sqrt (b*b - 4*a*c)
        twice_a = 2*a
```

Заметим, что в принципе можно было не вводить локальных переменных и использовать вместо них глобальные функции:

Однако недостатки такого подхода очевидны: помимо того неприятного факта, что мы ввели две вспомогательные функции в глобальном

пространстве имен (а это значит, что мы теперь не сможем использовать, например, имя  $\det$  для какой-нибудь другой полезной функции), для вычисления значений  $\sqrt{b^2-4ac}$  и 2a приходится передавать соответствующие параметры в функции, тогда как локальные определения могут свободно использовать параметры функции, в рамках которой они определены.

В конструкциях let и where можно определять не только переменные, но и функции. Рассмотрим, например, функцию, возвращающую по заданному числу n список натуральных чисел [1,2,...,n]. Введем вспомогательную функцию numsFrom, которая по заданному числу m возвращает список [m,m+1,m+2,...,n] и сделаем его определение локальным:

```
numsTo n =
   let numsFrom m = if m == n then [m] else m:numsFrom (m + 1)
   in numsFrom 1
```

Заметьте, что функция numsFrom использует в своем определении переменную n, хотя она не передается в нее в качестве параметра.

### 2 Сигнализация об ошибках

Определяемые нами функции могут не вычисляться при некоторых значениях аргумента. Вспомним определение функции факториала:

```
factorial 0 = 1
factorial n = n * factorial (n - 1)
```

Эта функция замечательно работает до тех пор, пока мы не попытаемся вычислить факториал отрицательного числа. Нетрудно заметить, что в этом случае вычисление уходит в бесконечную рекурсию, поскольку базовый случай никогда не достигается.

Простейший способ сигнализировать о таких ошибках — использовать стандартную функцию error. Она принимает в качестве аргумента строку, а ее вычисление приводит к остановке программы и выдаче на экран этой строки. Таким образом, функцию факториала запишем так:

## 3 Охраняющие условия

Сопоставление с образцом предоставляет широкие возможности в определении функций. Однако с его помощью, по существу, можно выделить только структуру переданных в функцию параметров и равенство элементов этих параметров константным значениям. Однако зачастую этого недостаточно: необходимо накладывать более сложные условия на входные параметры.

Например, в приведенном выше определении функции factorial мы использовали сочетание сопоставления с образцом и условного оператора. Сопоставление с образцом выглядит экономнее и нагляднее. Можно ли использовать похожий синтаксис для условий? Да, при использовании охраняющих условий. С ними функция факториала запишется следующим образом:

```
factorial 0 = 1 factorial n | n < 0 = error "factorial: negative argument" | n >= 0 = n * factorial (n - 1)
```

Синтаксис очевиден из приведенного примера. Также заметим, что вместо последнего условия можно использовать слово **otherwise** (англ. иначе, в противном случае). Например, функция определения знака числа выглядит следующим образом:

```
signum x | x < 0 = -1
| x == 0 = 0
| otherwise = 1
```

Определение функций в таком стиле обычно нагляднее и в программах на Haskell охраняющие условия используются очень широко (соответственно, условный оператор используется редко). Для иллюстрации наглядности приведем определение функции signum с использованием условных операторов:

## 4 Полиморфные типы

В языке Haskell используется полиморфная система типов. В сущности, это означает, что в языке присутствуют *ти́повые переменные*. Рассмотрим уже известную нам функцию tail, которая возвращает первый элемент списка. Каков тип этой функции? Она одинаково применима и к списку целых, и к списку символов, и к списку строк:

```
Prelude>tail [1,2,3]
[2,3]
Prelude>tail ['a','b','c']
['b','c']
Prelude>tail ["list", "of", "lists"]
["of", "lists"]
```

Функция tail имеет полиморфний тип: [a] -> [a]. Это означает, что она принимает в качестве аргумента любой список и возвращает список того же самого типа. Здесь а обозначает типовую переменную, т.е. подразумевается, что вместо нее можно подставить любой конкретный тип. Таким образом, запись [a] -> [a] задает целое семейство типов, представителями которого являются, например [Integer] -> [Integer], [Char] -> [Char], [[Char]] -> [[Char]] и т.п.

Аналогично функция tail, возвращающая первый элемент списка, имеет тип [a] -> a. Представителями этого семейства являются типы [Integer] -> Integer, [Char] -> Char и т.п.

Многие функции, работающие со списками, парами и кортежами, имеют полиморфные типы. Так, функция fst имеет тип (a,b) -> a (заметьте, что в определении этого типа используются две типовые переменные).

### 5 Пользовательские типы

Помимо использования стандартных типов, программисту предоставлена возможность определять свои собственные, специфические типы данных. Для этого используется ключевое слово data.

### **5.1** Пары

Для примера рассмотрим определение пары, очень похожей на стандартную:

#### data Pair a b = Pair a b

Рассмотрим этот код подробно. Ключевое слово data показывает, что мы собираемся определять тип данных. Затем следует название этого типа, в данном случае Pair (напомним, что имена типов начинаются с заглавной буквы). Символы а и b, следующие за этим, являются типовыми переменными, обозначающими параметры типа. Таким образом, мы определяем структуру данных, параметризованню двумя типами а и b<sup>1</sup>.

После знака равенства мы указываем конструкторы данных этого типа. В данном случае у нас есть единственный конструктор Pair. (Имя конструктора данных не обязательно должно совпадать с именем типа, но в нашем примере это выглядит естественно.) После имени конструктора данных мы снова пишем а b, что означает, что для того, чтобы сконструировать пару, нам нужно два значения: одно, принадлежащее типу а и другое, из типа b.

Это определение вводит функцию Pair :: a -> b -> Pair a b, которая используется для конструирования пар типа Pair. Загрузив этот код в интерпретатор, можно посмотреть, как конструируются пары:

```
Main>:t Pair
Pair :: a -> b -> Pair a b
Main>:t Pair 'a'
Pair 'a' :: a -> Pair Char a
Main>:t Pair 'a' "Hello"
Pair 'a' "Hello" :: Pair Char [Char]
```

Функции, соответствующие конструкторам данных, обладают тем свойством, что их можно использовать при сопоставлении с образцом. Так, функции для получения первого и второго элемента нашей пары можно определить следующим образом:

```
pairFst (Pair x y) = x
pairSnd (Pair x y) = y
```

Данный пример, возможно, вызывает вопрос: зачем определять свой тип Pair, если есть стандартная возможность определить пару? Вопервых, с использованием типа Pair можно определить набор функций, работающих только с этим типом и отделить их от функций, работающих с парами «вообще». Во-вторых, сделав один шаг вперед, можно определить некоторые ограничения на получаемые пары, которых невозможно добиться с помощью стандартного типа. Например, представьте, что нам

<sup>19</sup>то напоминает шаблоны классов языка С++

нужен тип, хранящий пару элементов одного и того энсе типа. Его можно определить следующим образом:

```
data SamePair a = SamePair a a
```

Здесь тип имеет один параметр, однако конструктор данных принимает два параметра одного и того же типа.

### 5.2 Множественные конструкторы

В предыдущем примере мы рассматривали тип данных с единственным конструктором. Также возможно (и зачастую очень полезно) определить тип с несколькими конструкторами. Конструкторы отделяются друг от друга символом '|'.

Paccмотрим тип Color, представляющий цвет, с возможными значениями Red, Green и Blue. Его можно определить так:

```
data Color = Red | Green | Blue
```

Здесь Color — название типа, а Red, Green и Blue — конструкторы данных. Заметьте, что этот тип не принимает параметров. Такие типы называются *перечислимыми* и соответствуют конструкции enum в языке Си. Такие типы очень полезны. Например, стандартный тип Bool определен таким образом:

```
data Bool = True | False
```

Однако множественные конструкторы могут также принимать параметры. Так, можно заметить, что наш тип Color позволяет определить только три фиксированных цвета. Расширим его так, чтобы он позволял определять произвольный цвет, задаваемый тремя целыми числами, соответствующим уровням красного, зеленого и синего (стандартное rgb-представление):

```
data Color = Red | Green | Blue | RGB Int Int Int
```

Здесь тип Color, помимо стандартных цветов Red, Green и Blue (их список можно, конечно расширить), позволяет определять произвольный цвет с помощью конструктора RGB, принимающего три целых числа, определяющих rgb-компоненты цвета. Тогда, например, функция для выделения red-компонента цвета запишется так:

```
redComponent :: Color -> Int
redComponent Red = 255
redComponent (RGB r _ _) = r
redComponent _ = 0
```

Типы с множественными конструкторами также могут быть полиморфными. Рассмотрим следующую проблему. Пусть функция должна вернуть некоторый результат, либо сообщить об ошибке. Например, функция для решения линейного уравнения возвращает найденный корень; функция для поиска первого неотрицательного числа в списке возвращает это число и т.п. Вместе с тем решение уравнения может не существовать, в списке не оказаться неотрицательных чисел и т.д. Как сообщить об этом тому, кто вызвал функцию? Иногда (как в случае получения неотрицательного элемента) можно ввести договоренность, что возврат какого-либо специального значения (например, -1) означает «нет результата»<sup>2</sup>. Однако это не всегда возможно: в случае решения линейного уравнения такого выделенного значения не существует. Проблема изящно решается с помощью стандартного типа Мауbe, определенного так:

```
data Maybe a = Nothing | Just a
```

Тип Maybe (от английского maybe — возможно) параметризован типовой переменной а и предоставляет два конструктора: Nothing (англ. ничего) для представления отсутствия результата и Just (англ. просто, в точности) для осмысленного результата. Тогда наши функции можно записать так:

Использование типа Maybe обладает рядом преимуществ. Его использование явно показывает, что функция может возвратить «отсутствие результата». В случае выделенного значения для того, чтобы узнать, как функция сообщает об этом, необходимо изучить документацию к функции (которая может отсутствовать или быть неверной). С Maybe эта информация содержится в типе функции и ее может предоставить сам интерпретатор. Более того, при обработке возвращаемого значения

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Многие функции стандартной библиотеки языка Си так и поступают

функции необходимо явно сделать сопоставление с образцом, и если мы забудем обработать случай с Nothing, компилятор может выдать предупреждение.

#### 5.3 Классы типов

Классы типов будут подробно изучаться позднее. Здесь мы дадим только базовое представление о них, поскольку они существенно облегчают работы с пользовательскими типами.

Класс типов представляет собой некоторое множество типов, обладающих рядом общих свойств. Например, в класс типов Eq входят те типы, для объектов которых определено отношение равенства, т.е., если переменные x и y принадлежат одному и тому же типу, входящему в класс Eq, мы можем вычислять выражения x == y и x /= y. Все простые типы, а также списки и кортежи входят в этот класс, однако, например, для функции отношение равенства не определено и типы функций не принадлежат классу Eq.

Другим важным для нас классом является класс Show. В него входят те типы, объекты которых могут быть преобразованы в строку для того, чтобы ее возможно было отобразить на экране. Простые типы, кортежи и списки входят в этот класс, поэтому интерпретатор может напечатать, например, строку. Функции не входят в этот класс.

По умолчанию пользовательские типы не входят ни в какой класс, поэтому значения этих типов нельзя сравнивать и интерпретатор не может напечатать их. Это, разумеется, неудобно. Поэтому можно при определении типов задать их принадлежность желаемым классам. Для этого после определения типа необходимо добавить ключевое слово deriving и в скобках перечислить классы, к которым должен принадлежать тип. Пример:

При определении типов в заданиях относите их к классам **Eq** и **Show**. Это существенно облегчит вашу работу.

## 6 Задания

Для выполнения лабораторной работы необходимо выполнить одно из представленных ниже заданий. Номер задания соответствует номеру варианта бригады.

- 1. В современных web-магазинах часто продают книги, видеокассеты и компакт-диски. База данных такого магазина для каждого типа товаров должна содержать следующие характеристики:
  - Книги: название и автор
  - Видеокассеты: название
  - Компакт-диск: название, исполнитель и количество композиций
  - 1) Разработайте тип данных **Product**, который может представлять эти виды товаров.
  - 2) Определите функцию getTitle, возвращающую название товара.
  - 3) На ее основе определите функцию getTitles, которая по списку товаров возвращает список их названий.
  - 4) Определите функцию bookAuthors, которая по списку товаров возвращает список авторов книг.
  - 5) Определите функцию

```
lookupTitle :: String -> [Product] -> Maybe Product
```

которая возвращает товар с заданным названием (обратите внимание на тип результата функции)

6) Определите функцию

```
lookupTitles :: [String] -> [Product] -> [Product]
```

Она принимает в качестве параметров список названий и список товаров и для каждого названия извлекает из второго списка соответствующие товары. Названия, которым не соответствет никакой товар, игнорируется. При определении функции обязательно используйте функцию lookupTitle

- 2. Определите тип данных, представлющий информацию о карте в карточной игре. Каждая карта характеризуется одной из четырех мастей. Карта может быть либо младшей (от двойки до десятки), либо картинкой (валет, дама, король, туз). Определите функции:
  - 1) Функция isMinor, проверяющая, что ее аргумент является младшей картой.
  - 2) Функция sameSuit, проверяющая, что переданные в нее карты одной масти.
  - 3) Функция beats :: Card -> Card -> Bool, проверяющая, что карта, переданная ей в качестве первого аргумента, бьет карту, являющуюся вторым аргументом.
  - 4) Функция beats2, аналогичная beats, но принимающая в качестве дополнительного аргумента козырную масть.
  - 5) Функция beatsList, принимающая в качестве аргументов список карт, карту и козырную масть и возвращающая список тех карт из первого аргумента, которые бьют указанную карту с учетом козырной масти.
  - 6) Функция, по заданному списку карт возвращающая список чисел, каждое из которых является возможной суммой очков указанных карт, рассчитанных по правилам игры в «двадцать одно»: младшие карты считаются по номиналу, валет, дама и король считаются за 10 очков, туз может рассматриваться и как 1 и как 11 очков. Функция должна вернуть все возможные варианты.
- 3. Определите тип, представляющий геометрические фигуры на плоскости. Фигура может быть либо окружностью (характеризуется координатами центра и радиусом), прямоугольником (характеризуется координатами верхнего левого и нижнего правого углов), треугольником (координаты вершин) и текстовым полем (для него необходимо хранить положение левого нижнего угла, шрифт и строку, представляющую надпись). Шрифт задается из множества трех возможных шрифтов: Courier, Lucida и Fixedsys. Определите следующие функции.
  - 1) Функция area, возвращающая площадь фигуры. Для текстового поля площадь зависит от высоты и ширины буквы в шрифте. Поскольку выбранные нами шрифты моноширинные (т.е. ширина всех букв в них одинаково), вам необходи-

- мо также определить вспомогательную функцию, для каждого шрифта возвращающую его габариты.
- 2) Функция getRectangles, из списка фигур выбирающая только прямоугольники.
- 3) Функция getBound, по заданной фигуре возвращающая ограничивающий ее прямоугольник.
- 4) Функция getBounds, по списку фигур возвращающая список их ограничивающих прямоугольников.
- 5) Функция getFigure, по заданному списку фигур и координатам точки возвращающая первую фигуру, для которой точка попадает в ее ограничивающий прямоугольник. Используйте тип Maybe для возвращаемого значения.
- 6) Функция move, по заданной фигуре и вектору сдвига возвращающая новую фигуру, сдвинутую относительно заданный на указанный вектор.
- 4. В агентстве недвижимости продают квартиры, комнаты и частные дома. Квартира характеризуется этажом, площадью и этажностью дома. Комната характеризуется, помимо этого, площадью комнаты (в дополнение к площади всей квартиры). Частный дом характеризуется только площадью. В базе данных хранятся пары значений, первое из которых представляет объект недвижимости, а второе его цену. Определите тип данных, представляющий информацию о таких объектах недвижимости. Определите следующие функции:
  - 1) getHouses, выбирающая из базы данных только частные дома.
  - 2) getByPrice, выбирающая из базы данных те объекты недвижимости, цена которых меньше указанной.
  - 3) getByLevel, выбирающая из базы данных квартиры, находящиеся на указанном этаже.
  - 4) getExceptBounds, выбирающая из базы данных квартиры, не находящиеся на крайних этажах (первых и последних).

Разработайте тип данных, представляющий различные требования к объектам недвижимости: желаемый тип объекта недвижимости, минимальная площадь, максимальная цена, ограничения на этаж. Разработайте функцию query, которая по списку требований выбирает из базы данных те объекты недвижимости, которые удовлетворяют всем требованиям.

- 5. В библиотеке хранятся книги, газеты и журналы. Книга характеризуется именем автора и названием; журнал названием, месяцем и годом выпуска; газета названием и датой выпуска. База данных представляет собой список этих объектов. Разработайте тип данных, представляющий объекты библиотечного хранения. Определите следующие функции:
  - 1) isPeriodic, проверяющую, что ее аргумент является периодическим изданием.
  - 2) getByTytle, выбирающая из списка объектов хранения (базы данных) объекты с указанным названием.
  - 3) getByMonth, выбирающая из базы данных периодические издания, выпущенные в указанный месяц и указанный год (заметьте, что газеты выходят несколько раз в месяц).
  - 4) getByMonths, действующая так же, как и предыдущая, но принимающая список месяцев.
  - 5) getAuthors, возвращающая список авторов изданий, хранящихся в базе данных.
- 6. В некотором языке программирования существуют следующие типы данных:
  - Простые типы: целые, вещественные и строки
  - Сложные типы: структуры. Структура имеет название и состоит из нескольких полей, каждое из которых, в свою очередь, имеет название и простой тип.

База данных идентификаторов программы представляет собой список пар, состоящих из имени идентификатора и его типа. Разработайте тип данных, представляющий описанную информацию. Определите следующие функции:

- 1) isStructured, проверяющая, что ее аргумент является сложным типом.
- 2) getType, по заданному имени и списку идентификаторов (базе данных) возвращающая тип идентификатора с указанным именем (помните о том, что такого идентификатора в базе может и не оказаться).
- 3) getFields, по заданному имени возвращающая список полей идентификатора, если он имеет тип структуры.

- 4) getByType, возвращающая список имен идентификаторов указанного типа из базы данных.
- 5) getByTypes, аналогичная предыдущей, но принимающей вместо одного типа список типов (с помощью этой функции можно получить, например, список всех идентификаторов с числовым типом).
- 7. Определим следующий набор операций над строками:
  - Очистка: удаление всех символов из строки
  - Удаление: удаление всех вхождений указанного символа
  - Замена: замена всех вхождений одного символа на другой
  - Добавление: добавление в начало строки указанного символа

Разработайте тип данных, характеризующий операции над строками. Определите следующие функции:

- 1) process, получающая в качестве аргумента действие и строку и возвращающая строку, модифицированную в соответствие с указанным действием.
- 2) processAll, аналогичная предыдущей, но получающая список действий и выполняющая их по порядку.
- 3) deleteAll, принимающая две строки и удаляющей из второй строки все символы первой. При реализации обязательно использовать функцию processAll.
- 8. В электронной записной книжке хранятся записи следующих видов: напоминания о днях рождения знакомых, телефоны знакомых и назначенные встречи. Напоминание состоит из имени знакомого и даты (день и месяц). Запись о телефоне должна содержать имя человека и его телефон. Информация о назначенной встрече содержит дату встречи (день, месяц, год) и краткое описание (можно представлять строкой). Разработайте тип данных, представляющий такую запись. Записная книжка является списком записей. Определите следующие функции:
  - 1) getByName, возвращающая информацию о человеке с указанным именем (его телефон и дату рождения).
  - 2) getByLetter, возвращающая список людей, о которых есть информация в записной книжке и чье имя начинается на указанную букву.

- 3) getAssignment, возвращающая по указанной дате список дел (информация о назначенных встречах и телефоны друзей, которых нужно поздравить в этот день).
- 9. Клавиши на клавиатуре могут быть либо управляющими, либо алфавитно-цифровыми. Нажатие алфавитно-цифровой клавиши может сопровождаться нажатием клавиши Shift. Из управляющих клавиш нас интересует только клавиша CapsLock, остальные можно не различать. Каждое нажатие алфавитно-цифровой клавиши несет с собой информацию в виде символа. После нажатия CapsLock последующие символы переводятся в верхний регистр (если они не были нажаты вместе с Shift) до следующего нажатия CapsLock. Если режим CapsLock не активирован, символы, нажатые с Shift, переводятся в верхний регистр. Разработайте тип данных, представляющий указанную информацию. Последовательность нажатий клавиш представляется в виде списка. Основная задача состоит в том, чтобы разработать функцию, переводящую эту последовательность в строку символов. Например, последовательность нажатий

### Shift+'h' 'e' CapsLock 'l' 'l' Shift+'o' CapsLock

должна дать в результате строку HeLLo. Определите следующие функции:

- 1) getAlNum, возвращающая из списка нажатий только нажатия алфавитно-цифровых клавиш.
- 2) getRaw, возвращающая строку, составленную из нажатых символов без учета информации о Shift и CapsLock.
- 3) isCapsLocked, по последовательности нажатий определяющая, остался ли после нее режим CapsLock в активированном состоянии.
- 4) getString, переводящая последовательность нажатий в строку.

При реализации функций можно воспользоваться стандартными функциями toUpper и toLower, переводящими символ в верхний и нижний регистры соответственно. Они определены в модуле Char; чтобы их использовать, добавьте в начало программы строчку:

import Char

- 10. За время учебы в семестре студенты должны сдать определенное количество лабораторных работ, расчетно-графических заданий и рефератов. Лабораторная работа характеризуется названием предмета и номером, РГЗ названием предмета, реферат названием предмета и названием темы реферата. Разработайте тип данных, представляющий информацию по заданию. Учебный план студента представляет собой список, состоящий из пар, первый элемент которых является заданием, а второй номером недели, в которую он был сдан. Если задание еще не сдано, второй элемент пары должен быть пустым (используйте тип Maybe). Определите следующие функции:
  - 1) getByTitle возвращает задания, которые необходимо сдать по указанному предмету.
  - 2) getReferats возвращает список тем рефератов.
  - 3) getRest возвращает список оставшихся несданными заданий
  - 4) getRestForWeek возвращает список заданий, остававшихся несданными на указанной неделе.
  - 5) getPlot создает список, состоящий из пар, первый элемент которых равен номеру недели, а второй количеству сданных на эту неделю заданий.

## 7 Контрольные вопросы

- 1. Определение локальных переменных
- 2. Охраняющие условия
- 3. Полиморфизм
- 4. Определение пользовательских типов данных