Datenstrukturen und Effiziente Algorithmen Wintersemester 2019

Präsenzaufgaben 8

Aufgabe 1. (2-Approximation VertexCover)

- Beschreibe und beweise kurz einen 2-Approximations-Algorithmus für das VertexCover Problem.
- Gib einen Graphen an, für den $APPROX_VC$ immer ein suboptimales cover C' mit $|C'| = 2|C^*|$ ausgibt.

Aufgabe 2. (Poly.zeit Reduktion und Approximation)

Aus der Vorlesung ist bekannt, dass VertexCover NP-vollständig ist. Wiederhole kurz die Idee der Reduktion.

Impliziert jetzt Aufgabe 1 und die Idee der Reduktion $CLIQUE \leq_p VertexCover$, dass es einen c-Approximations-Alg. für CLIQUE mit einer Konstante c gibt?

Aufgabe 3. (Effizientes VC in Bäumen)

Finde einen Greedy-Algoritmus, der in Polynomialzeit ein optimales Vertex Cover für einen Baum T berechnen kann (Es ist sogar Linearzeit möglich!).