Datenstrukturen und Effiziente Algorithmen Wintersemester 2019

Präsenzaufgaben 11

Aufgabe 1. (Wdh NP, CLIQUE, VertexCover) Schildere möglichst kurz die wesentlichen Punkte im Beweis, dass VertexCover NP-vollständig ist. ($CLIQUE \leq_p VertexCover$)

Aufgabe 2. (Wdh 2-Approximation *VertexCover*)

- \bullet Beschreibe und beweise kurz einen 2-Approximations-Algorithmus für das VertexCover Problem.
- Gib einen Graphen an, für den $APPROX_VC$ immer ein suboptimales cover C' mit $|C'| = 2|C^*|$ ausgibt.

Aufgabe 3. (Poly.zeit Reduktion und Approximation) Implizieren Aufgabe 1 und 2, dass es einen c-Approximations-Alg. für CLIQUE mit einer Konstante c gibt?

Aufgabe 4. (Effizientes VC in Bäumen)

Finde einen Greedy-Algoritmus, der in Linearzeit ein Vertex Cover für einen Baum T berechnen kann. Tipp: Finde eine invariante Eigenschaft, die für jedes Blatt und ein Vertex Cover von T gilt.