Grau de Matemàtiques. Curs 2011-2012. Semestre de tardor MÈTODES NUMÈRICS I

PRÀCTICA 10: Extrapolació de Romberg

Modifiqueu la pràctica 9 per tal de calcular

$$\int_{a}^{b} f(x)dx,$$

usant extrapolació de Romberg, considerant la fòrmula composta de trapezis (en n intervals, per tant h = (b - a)/n) per aproximar integrals

$$h\left(\frac{1}{2}f_0 + f_1 + \dots + f_{n-1} + \frac{1}{2}f_n\right) = \int_a^b f(x)dx + a_1h^2 + a_2h^4 + a_3h^6 + \dots$$

El programa llegirà a, b (extrems de l'interval), n (nombre de divisions de l'interval) i m (nombre de passos d'extrapolació).

Aplicació. Calculeu

- $\bullet \int_0^{2\pi} \sin^2(x) dx.$
- $\bullet \int_0^2 \sin(x^2) dx.$

Compareu els resultats obtinguts amb diferents valors de m.