Merge Sort

#### **Counting Sort**

# PROIECT SORTARI

**Quick Sort** 

O comparatie intre cele mai populare sortari

Radix Sort

Shell Sort

#### DESPRE

Proiectul a fost scris C++ si compilat cu g++ (cu flag-ul -O3).

Vectorii sortati au fost generati random.

In implementarea programului am folosit vectorii din STL.

Procesor: 1,8 GHz Dual-Core Intel Core i5

\*Prezentarea a fost realizata in Keynote(MacOS), iar varianta PDF nu afiseaza corect unele diagrame.

# MERGE SORT

## MERGE SORT

	10	10^2	10^3	10^4	10^5	10^6	10^7	10^8
10	0.0000s							
10^2	0.0002s	0.0001s						
10^3	0.00013s	0.00013s	0.00013s	0.00010s	0.00010s	0.00010s	0.00008s	0.0006s
10^4	0.00142s	0.00070s	0.00070s	0.00070s	0.00117s	0.00087s	0.00070s	0.00087s
10^5	0.00951s	0.00813s	0.00810s	0.00870s	0.00853s	0.00817s	0.00814s	0.00808s
10^6	0.09675s	0.09585s	0.09554s	0.09963s	0.10755s	0.09647s	0.10046s	0.09713s
10^7	1.06830s	1.09131s	1.09142s	1.09721s	1.09309s	1.09839s	1.19039s	1.09580s
10^8	12.07922s	12.32391s	13.01862s	12.49393s	12.35145s	12.36039s	12.34904s	12.36395s

- > Se pare ca **Merge Sort** se tine bine sub 0.5s cu cel mult 1.000.000 de numere. De aici insa...se observa o crestere destul de abrupta: **0.1s -> 1s -> 12s**. Totusi, rezultatele sunt unele satisfacatoare.
- \*Am compilat si cu **clang** fara nicio optimizare si timpii obtinuti au fost **catastrofali**: la **100.000.000** de numere ajungeam si la **>1min**.
- Concluzie: pentru un numar modest de elemente, Merge Sort face o treaba mai mult decat buna.

# RADIXSORT

Baza 10

### RADIX SORT

	10	10^2	10^3	10^4	10^5	10^6	10^7	10^8
10	0.0001s	0.0000s	0.0000s	0.0000s	0.0000s	0.0000s	0.0000s	0.0000s
10^2	0.0001s	0.0001s	0.0001s	0.0001s	0.0001s	0.0002s	0.0002s	0.0002s
10^3	0.00011s	0.0009s	0.00014s	0.00014s	0.00016s	0.00016s	0.00018s	0.00022s
10^4	0.00080s	0.00102s	0.00108s	0.00106s	0.00068s	0.00081s	0.00094s	0.00107s
10^5	0.00316s	0.00429s	0.00533s	0.00741s	0.00832s	0.01029s	0.01010s	0.01174s
10^6	0.02899s	0.04226s	0.05564s	0.06905s	0.08308s	0.09831s	<b>0.11158</b> s	0.11164s
10^7	0.29607s	0.41881s	0.55715s	0.69242s	0.83442s	0.97378s	1.12132s	1.11268s
10^8	3.41071s	4.43874s	6.60474s	7.83811s	9.54420s	10.25339s	11.41096s	14.49516s

- Ca si Merge Sort, **Radix** se tine bine sub **0.5s** la cel mult 1.000.000 numere. Totusi se oberva ca, pentru numere cu cel mult **6 cifre, Radix Sort** este mai rapid decat Merge.
- La 10, respectiv **100 de milioane de numere**, avem doua extreme: pe numere mici **Radix Sort este mai rapid** decat Merge, dar pe numere mari, **Merge Sort preia stafeta**, Radix ajungand si la **14s.**
- Concluzie: Radix Sort are timpi similari cu Merge Sort, dar este clar mai rapid pentru numere mai mici.

# RADIXSORT

**Baza** 2<sup>16</sup>

# RADIX SORT-2<sup>16</sup>

		10	10^2	10^3	10^4	10^5	10^6	10^7	10^8
1	10	0.0001s	0.0000s						
10	0^2	0.00052s	0.00011s	0.00014s	0.00029s	0.00025s	0.00021s	0.00015s	0.00016s
10	0^3	0.00035s	0.00018s	0.0009s	0.0009s	0.00018s	0.00017s	0.00018s	0.00018s
10	0^4	0.00045s	0.00015s	0.00018s	0.00020s	0.00035s	0.00024s	0.00029s	0.00040s
10	0^5	0.00104s	0.00054s	0.00086s	0.00140s	0.00211s	0.00207s	0.00206s	0.00250s
10	0^6	0.00656s	0.00605s	0.01087s	0.01845s	0.02495s	0.02502s	0.02485s	0.03098s
10	0^7	0.06512s	0.05364s	0.08691s	0.21502s	0.30307s	0.29929s	0.30173s	0.34882s
10	0^8	0.68151s	0.65720s	1.02838s	3.19255s	3.81777s	3.54630s	3.65958s	4.19564s

- Pana in 1.000 de numere, timpii seamana cu Radix Sort in baza 10.
- $\blacktriangleright$  De la **10.000** de numere, incepe sa mareasca tot mai mult diferenta de timpi, in favoarea variantei in baza  $2^{16}$ . Vedem ca si pt **10.000.000** de numere, se mentine **sub 0.5s.**
- Avantajul acestei metode este ca numerele mai mici decat **65.536** sunt considerate **cifre**. Desi ne costa mai multa memorie(**65.536** buckets vs **10** buckets), este mult mai eficient, ajungand si la diferente de 10 secunde.
- Concluzie: Radix Sort in baza  $2^{16}$  este mult mai eficient decat baza 10.

# SHELLSORT

## SHELL SORT

		10	10^2	10^3	10^4	10^5	10^6	10^7	10^8
	10	0.0000s	0.0000s	0.0000s	0.0000s	0.0000s	0.0000s	0.0000s	0.0000s
1	10^2	0.0001s	0.0001s	0.0001s	0.0001s	0.0001s	0.0001s	0.0001s	0.0001s
	10^3	0.00008s	0.00020s	0.00013s	0.00013s	0.00013s	0.00014s	0.00014s	0.00014s
	10^4	0.00098s	0.00142s	0.00131s	0.00106s	0.00099s	0.00100s	0.00112s	0.00100s
•	10^5	0.00560s	0.00912s	0.01130s	0.01327s	0.01397s	0.01435s	0.01424s	0.01348s
	10^6	0.06543s	0.09838s	0.13793s	<b>0.15463</b> s	0.16887s	0.17742s	0.17898s	0.17995s
	10^7	0.74931s	1.16145s	1.61706s	1.97468s	2.19587s	2.67755s	2.81908s	2.41041s
,	10^8	9.05766s	14.05155s	18.40534s	25.33983s	28.71879s	32.27616s	33.29508s	34.15900s

- Ca si Merge si Radix, **Shell Sort** nu depaseste 0.5s pe cel mult 1.000.000 numere.
- Pentru 10 milioane de numere timpii sunt cel putin dublii fata de Radix si Merge..., lucru care denota ineficienta algoritmului, indiferent de 'plaja' de numere aleasa.
- La 100.000.000, timpul explodeaza. Ajungem sa depasim 30s... . Pana acum Merge Sort este cel mai constant la 100 de milioane de numere, Radix si Shell variind de la 3s la 14s, respectiv de la 9s la 34s.
- Concluzie: La o privire de ansamblu, desi se descurca bine cu mai putine numere, Shell Sort are rezultate si de doua ori mai slabe decat cele doua rivale prezentate anterior.

# COUNTING SORT

## COUNTING SORT

	10	10^2	10^3	10^4	10^5	10^6	10^7	10^8
10	0.0001s	0.0000s	0.0001s	0.00008s	0.00067s	0.00460s	0.02767s	0.27409s
10^2	0.0001s	0.0000s	0.0001s	0.0006s	0.00050s	0.00372s	0.02904s	0.27862s
10^3	0.0001s	0.0005s	0.0006s	0.00012s	0.00158s	0.00427s	0.02755s	0.27529s
10^4	0.00008s	0.0007s	0.0007s	0.00021s	0.00061s	0.00295s	0.02876s	0.27628s
10^5	0.00045s	0.00033s	0.00032s	0.00040s	0.00130s	0.00440s	0.03118s	0.28196s
10^6	0.00284s	0.00291s	0.00286s	0.00308s	0.00564s	0.01488s	0.06390s	0.31931s
10^7	0.02871s	0.02915s	0.02990s	0.03022s	0.06541s	0.09799s	0.32638s	0.70627s
10^8	0.30035s	0.28656s	0.28967s	0.31815s	0.50191s	0.94370s	2.70098s	4.25484s

- **Wow... Counting Sort** a cam pus la colt celelalte sortari. La fel ca si competitorii sai, pana in 1.000.000 de elemente se mentine sub 0.5s.
- La 10 milioane, 7/8 teste raman sub 0.5s, iar al 8-lea nu depaseste 1s.
- La 100.000.000, majoritatea testelor nu depasesc 1s, iar cel mai mult ajunge la ~4s. Totusi, Counting Sort are un 'Calcaiul lui Ahile', acela fiind valoarea maxima din vector: cand avem de sortat numere care ating 10.000.000.000(foarte mari), algoritmul cedeaza.
- **Concluzie:** Counting Sort nu este influentat de numarul de elemente cat este influentat de valoarea maxima a elementelor. Pe numere pe care stim sa le citim fara dificultate, Counting Sort preia stafeta ca fiind cel mai rapid algoritm de pana acum.

# QUICKSORT

#### MENTIUNE

In cod am implementat doua variante de a alege pivotul, random si cu mediana din 3, dar timpii obtinuti au fost similari(diferente foarte mici, dar in favoarea variantei cu mediana din 3).

# QUICK SORT

	10	10^2	10^3	10^4	10^5	10^6	10^7	10^8
10	0.0000s	0.0000s	0.0000s	0.0000s	0.0000s	0.0000s	0.0000s	0.0000s
10^2	0.0005s	0.0004s	0.0004s	0.0004s	0.0004s	0.0004s	0.0004s	0.0004s
10^3	0.00057s	0.00043s	0.00036s	0.00035s	0.00038s	0.00038s	0.00040s	0.00038s
10^4	0.01091s	0.00427s	0.00333s	0.00261s	0.00395s	0.00287s	0.00262s	0.00260s
10^5	0.43139s	0.06823s	0.02935s	0.02554s	<b>0.02127</b> s	0.02134s	0.02052s	0.02126s
10^6	41.10977s	4.62937s	0.69008s	0.30583s	<b>0.26124</b> s	0.21974s	<b>0.21854</b> s	0.22004s
10^7		442.02092s	46.81154s	7.04181s	3.19912s	2.72271s	2.32261s	2.30998s
10^8				473.00140s	<b>72.05877</b> s	33.37423s	30.72823s	25.55059s

- Pentru a se mentine sub pragul de **0.5s**, **Quick Sort** face un **pas in spate** si se limiteaza la 100.000 de numere.
- La 1.000.000 de numere timpii sunt putin mai mari decat competitia, dar aici isi face simtita prezenta slabiciunea lui QuickSort: intervalul din care luam numere. Vedem ~40s pentru un vector cu 0<= nr <=10...
- La 10 milioane de numere timpii ajung sa fie similari cu Shell Sort, ramanand mai slabi decat celelalte. Dar din nou... pentru numere mici...nici dupa cateva zeci de minute nu a sortat.
- Pentru 100 de milioane, timpii ajung sa se apropie de Shell Sort...si cam atat. Pentru numere de pana in 1.000, dureaza zeci de minute.
- Concluzie: Pentru o plaja mare de numere, QuickSort este ceva mai rapid decat ShellSort.Insa pentru numere mici... fiind valori apropiate, se efectueaza foarte multe comparatii. Pentru QuickSort, cu cat sunt valori mai diverse si mai bine rasfirate, cu atat este mai bine.

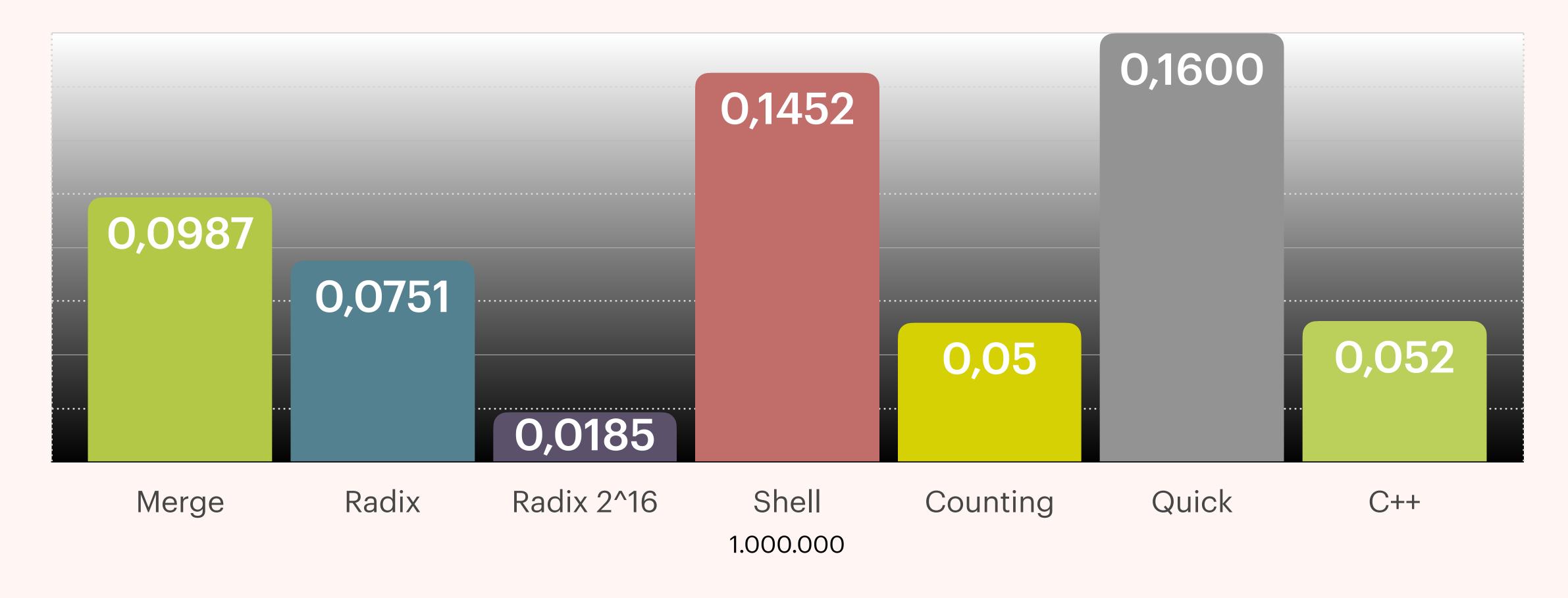
# NATIVE SORT C++

## NATIVE SORT C++

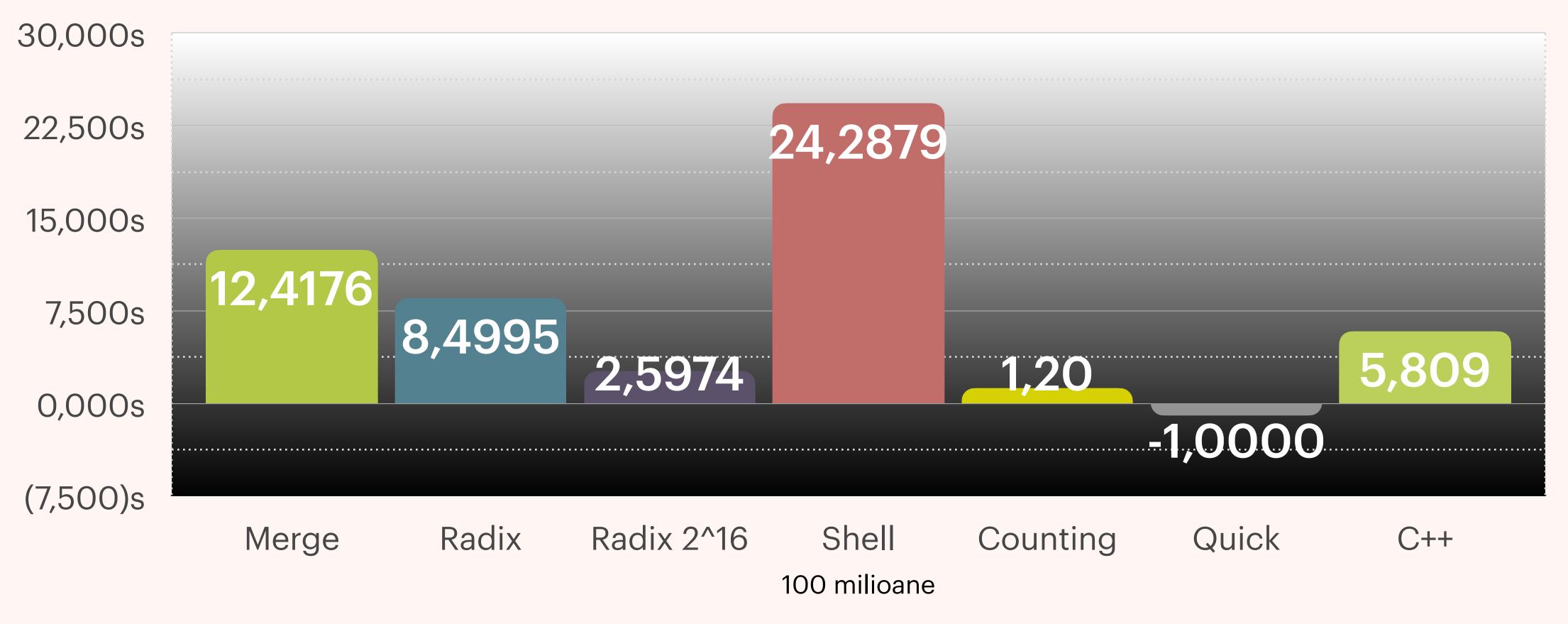
	10	10^2	10^3	10^4	10^5	10^6	10^7	10^8
10	0.0000s							
10^2	0.0005s	0.0001s						
10^3	0.00027s	0.0006s	0.0007s	0.00010s	0.0007s	0.0007s	0.0007s	0.0006s
10^4	0.00039s	0.00052s	0.00082s	0.00089s	0.00086s	0.00071s	0.00069s	0.00070s
10^5	0.00248s	0.00352s	0.00390s	0.00562s	0.00918s	0.00646s	0.00658s	0.00598s
10^6	0.01466s	0.02648s	0.04035s	0.05166s	0.07001s	0.07244s	0.07152s	0.07256s
10^7	0.13735s	0.2722s	0.39919s	0.52189s	0.64865s	0.80987s	0.85388s	0.84708s
10^8	1.40819s	2.64941s	4.03399s	5.14074s	6.43495s	7.67391s	9.40661s	9.72622s

- Pana in 1.000.000, si sortarea din C++ se mentine sub 0.5s.
- Pentru **10 milioane** de numere, pentru numere modeste **nu depaseste 0.5s**, iar atunci cand depaseste, la numere mari, tot ramane **sub 1s**, ceea ce ne bucura.
- La 100.000.000 de numere, timpii sunt mai buni decat la majoritatea sortarilor si nu depasesc 10s.
- Concluzie: Nu pare sa existe vreo slabiciune sensibila, ca la Counting/Quick. Sortarea are timpi optimi, fiind prima sortare dupa Counting Sort la numarul de sortari in mai putin de o secunda.

#### CLASAMENT <=1.000.000



## CLASAMENT 10/100 MILIOANE



<sup>\*</sup>QuickSort are -1 pt ca fost **descalificat** deoarece nu a putut sorta toti vectorii. Ar fi avut timpi de ordinul **zecilor de minute**.

# 'PROBA DE REZISTENTA'



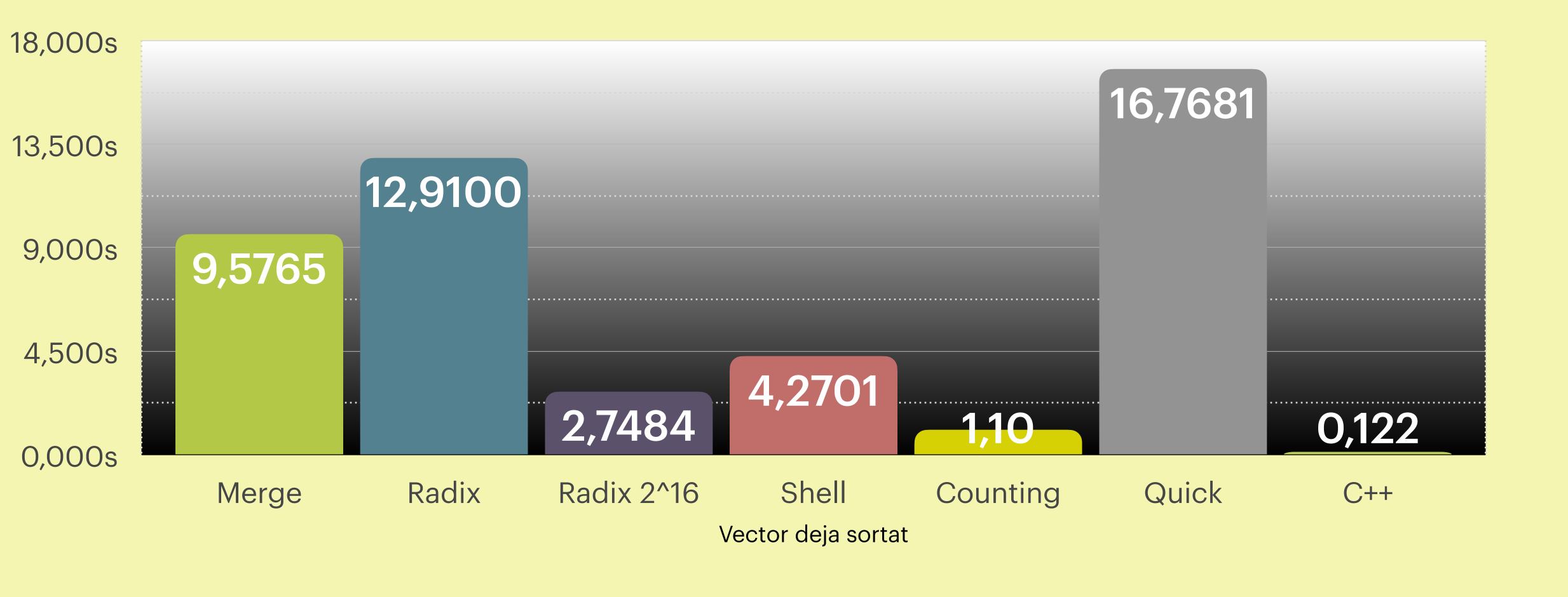
#### CE ESTE PROBA DE REZISTENTA?

Proba de rezistenta consta in sortarea unui vector deja sortat.

Am vazut ca pana in 10 milioane de numere, timpii sunt similari si in medie nu depasesc 1s. Prin urmare, nu o sa mai sortam 64 de vectori, ci o sa ducem testul de extrem.

Sortam un singur vector cu 100.000.000 de elemnte din intervalul [0, 100.000.000]. Haideti sa vedem cine casiga.

#### REZULTATE



## THEEND