

## Φυροσφαιρίδια 1

Μαρίνος Τραπόζης

Ge020391122

10<sup>ο</sup> εξάμηνο

Άσκηση 1

Τα 4 τοξοία είναι:

$$P_1 = (2, 3, 5) \quad P_2 = (-1, 4, 2) \quad P_3 = (0, -2, 7) \quad P_4 = (3, 1, -1)$$

A) Απόστανες

$$d_{12} = \sqrt{(-1-2)^2 + (4-3)^2 + (2-5)^2} = \sqrt{9+1+9} = \sqrt{19} \approx 4.36$$

$$d_{13} = \sqrt{(0-2)^2 + (-2-3)^2 + (7-5)^2} = \sqrt{4+25+4} = \sqrt{33} \approx 5.74$$

$$d_{14} = \sqrt{(3-2)^2 + (1-3)^2 + (-1-5)^2} = \sqrt{1+4+36} = \sqrt{41} \approx 6.40$$

$$d_{23} = \sqrt{(0+1)^2 + (-2-4)^2 + (7-2)^2} = \sqrt{1+36+25} = \sqrt{62} \approx 7.87$$

$$d_{24} = \sqrt{(3+1)^2 + (1-4)^2 + (-1-2)^2} = \sqrt{16+9+9} = \sqrt{34} \approx 5.83$$

$$d_{34} = \sqrt{(3-0)^2 + (1+2)^2 + (-1-7)^2} = \sqrt{9+9+64} = \sqrt{82} \approx 9.06$$

B) Απόσταση από το αντίτιμο κέντρο  $O(0,0,0)$

$$d_1 = \sqrt{2^2 + 3^2 + 5^2} = \sqrt{4+9+25} = \sqrt{38} \approx 6.16$$

$$d_2 = \sqrt{(-1)^2 + 4^2 + 2^2} = \sqrt{1+16+4} = \sqrt{21} \approx 4.58$$

$$d_3 = \sqrt{0^2 + (-2)^2 + 7^2} = \sqrt{0+4+49} = \sqrt{53} \approx 7.28$$

$$d_4 = \sqrt{3^2 + 1^2 + (-1)^2} = \sqrt{9+1+1} = \sqrt{11} \approx 3.32$$

Γ) Προσδιορίστε την αντίστροφη στο εσωτερικό για  $F=1$

$$P'_1 = \left( \frac{2}{5}, \frac{3}{5} \right) = (0.4, 0.6)$$

$$P'_2 = \left( \frac{-1}{2}, \frac{4}{2} \right) = (-0.5, 2)$$

$$P'_3 = \left( \frac{0}{7}, \frac{-2}{7} \right) = (0, -0.29)$$

$$P'_4 = \left( \frac{3}{-1}, \frac{1}{-1} \right) = (-3, -1)$$

## ~~Ερώτηση~~ Ερώτηση 2

Για να βρούμε ένα συνιστάμεν σημείο στον χώρο που να αντιστοιχεί στην ίδια προβολή που θα δίνει ως την βασική της αρχής της προφανούς προβολής

ήτοι  $P'(x, y, z)$ , όπου  $k \neq 0$

Αν θέσουμε  $k = -1$

1. Για  $P_1 = (2, 3, 5)$  έχουμε  $P'_1 = (-2, -3, -5)$
2. Για  $P_2 = (-1, 4, 2)$  έχουμε  $P'_2 = (1, -4, -2)$
3. Για  $P_3 = (0, -2, 7)$  έχουμε  $P'_3 = (0, 2, -7)$
4. Για  $P_4 = (3, 1, -1)$  έχουμε  $P'_4 = (-3, -1, 1)$

Τα σημεία αυτά βρίσκονται πάντοτε στην ίδια ημισφαίρια που περνά από το οπτικό κέντρο  $(0, 0, 0)$  και το αρχικό σημείο, και συνεπώς έχουν την ίδια προβολή στο επίπεδο εικόνας.