HHE HA

최백준 choi@startlink.io

旦异트 亚스

브루트 포스

Brute Force

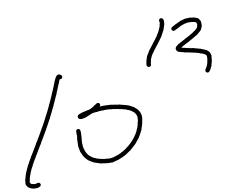
• 브루트 포스는 모든 경우의 수를 다 해보는 것이다.

- 예를 들어, 비밀번호가 4차리이고, 숫자로만 이루어져 있다고 한다면
- 0000부터 9999까지 다 입력해보면 된다.
- 경우의 수가 10,000가지 이다.

브루트 포스

- 예를 들어, 비밀번호가 4자리이고, 숫자로만 이루어져 있다고 한다면
- 0000부터 9999까지 다 입력해보면 된다.
- 경우의 쉬가 10,000가지 이다.
- 사람이 직접 비밀번호를 입력하는데 1초가 걸린다면 10,000초 = 2.7시간 정도 걸린다.

- 예를 들어, 비밀번호가 12자리이고, 숫자로만 이루어져 있다고 한다면
- 000000000000부터 999999999999까지 다 입력해보면 된다.
- 경우의 수가 1,000,000,000,000가지 이다.



브루트 포스

- 예를 들어, 비밀번호가 12자리이고, 숫자로만 이루어져 있다고 한다면
- 000000000000부터 999999999999까지 다 입력해보면 된다.
- 경우의 수가 1,000,000,000,000가지 이다.
- 사람이 직접 비밀번호를 입력하는데 1초가 걸린다면 1,000,000,000,000초 = 약 31688년이 걸린다.

Brute Force

• 브루트 포스는 모든 경우의 수를 다 해보는 것이다.

• 이 때, 경우의 수를 다 해보는데 걸리는 시간이 문제의 시간 제한을 넘지 않아야 한다.



브루트 포스

- 브루트 포스로 문제를 풀기 위해서는 다음과 같은 3가지 단계를 생각해볼 수 있다.
- 1. 문제의 가능한 경우의 수를 계산해본다.
- 2. 가능한 모든 방법을 다 만들어본다.
- 3. 각각의 방법을 이용해 답을 구해본다.

브루트 포스

- 브루트 포스로 문제를 풀기 위해서는 다음과 같은 3가지 단계를 생각해볼 수 있다.
- 1. 문제의 가능한 경우의 수를 계산해본다.
 - 직접 계산을 통해서 구한다. 대부분 손으로 계산해볼 수 있다.
- 2. 가능한 모든 방법을 다 만들어본다.
- 3. 각각의 방법을 이용해 답을 구해본다.

- 브루트 포스로 문제를 풀기 위해서는 다음과 같은 3가지 단계를 생각해볼 수 있다.
- 1. 문제의 가능한 경우의 수를 계산해본다.
 - 직접 계산을 통해서 구한다. 대부분 손으로 계산해볼 수 있다.
- 2. 가능한 모든 방법을 다 만들어본다.
 - 하나도 빠짐 없이 만들어야 한다.
 - 대표적으로 그냥 다 해보는 방법, for문 사용, 순열 사용, 재귀 호출 사용, 비트마스크 사용이 있다.
- 3. 각각의 방법을 이용해 답을 구해본다.

브루트 포스

- 브루트 포스로 문제를 풀기 위해서는 다음과 같은 3가지 단계를 생각해볼 수 있다.
- 1. 문제의 가능한 경우의 수를 계산해본다.
 - 직접 계산을 통해서 구한다. 대부분 손으로 계산해볼 수 있다.
- 2. 가능한 모든 방법을 다 만들어본다.
 - 하나도 빠짐 없이 만들어야 한다.
 - 대표적으로 그냥 다 해보는 방법, for문 사용, 순열 사용, 재귀 호출 사용, 비트마스크 사용이 있다.
- 3. 각각의 방법을 이용해 답을 구해본다.
 - 이 단계는 보통은 어렵지 않다. 문제에 나와있는 대로 답을 계산해본다.



- 브루트 포스로 문제를 풀기 위해서는 다음과 같은 3가지 단계를 생각해볼 수 있다.
- 1. 문제의 가능한 경우의 수를 계산해본다.
 - 직접 계산을 통해서 구한다. 대부분 손으로 계산해볼 수 있다.
- 2. 가능한 모든 방법을 다 만들어본다.
 - 하나도 빠짐 없이 만들어야 한다.
 - 대표적으로 그냥 다 해보는 방법, for문 사용, 순열 사용, 재귀 호출 사용, 비트마스크 사용이 있다.
- 3. 각각의 방법을 이용해 답을 구해본다.
 - 이 단계는 보통은 어렵지 않다. 문제에 나와있는 대로 답을 계산해본다.
- 브루트 포스 문제의 시간 복잡도는 대부분 O(경우의 수 * 방법 1개를 시도해보는데 걸리는 시간 복잡도)가 걸린다.

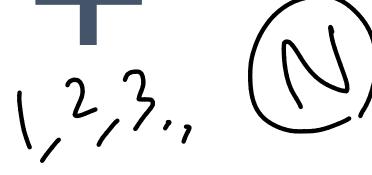


경우의수

Brute Force

• 문제의 가능한 경우의 수를 계산하기 위해 몇 가지 경우의 수를 계산하는 방법을 연습해보자

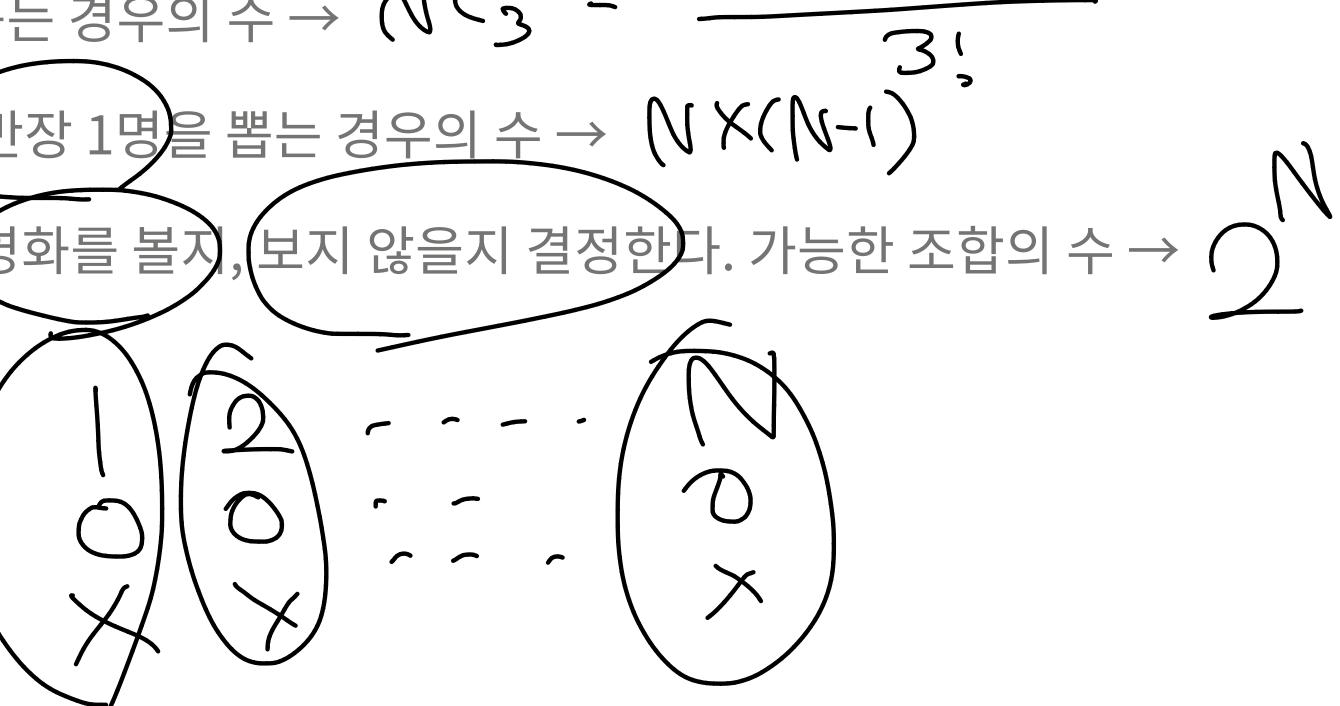
Brute Force





• N명의 사람 중에서 대표 두 명을 뽑는 경우의 수 \mathcal{N} \mathcal{L}_2 \mathcal{L}_2 \mathcal{L}_2

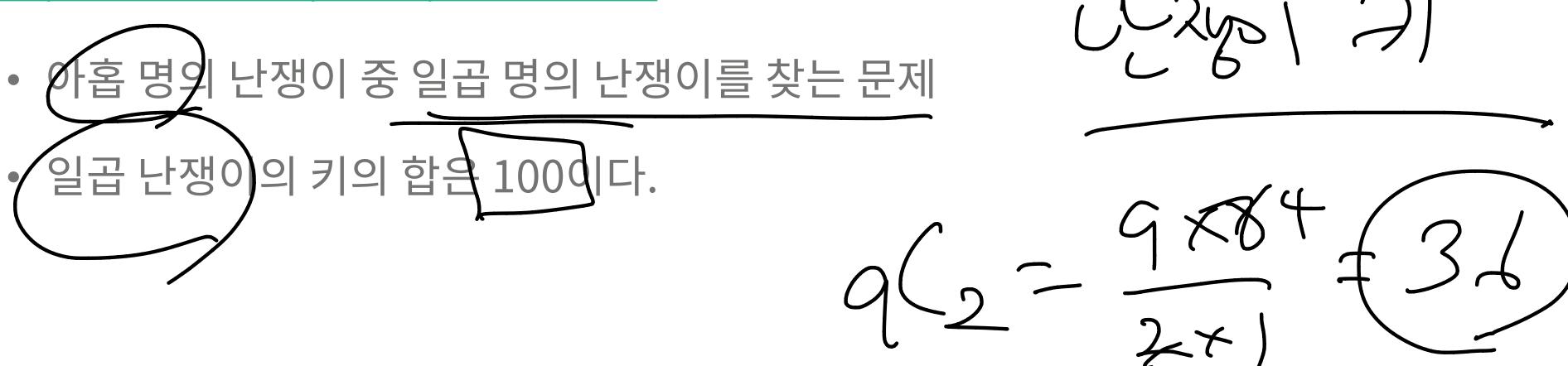
• N명의 사람이 있을 때, 각 사람이 (영화를 볼지),(보지 않을지 결정한)다. 가능한 조합의 수 → (



경우의수

- N명의 사람이 한 줄로 서는 경우의 수 \rightarrow N \times (N-1) \times \cdots \times 1 = N!
- N명의 사람 중에서 대표 두 명을 뽑는 경우의 \rightarrow N \times (N-1) / 2 \bigcirc (\bigcirc (\bigcirc \bigcirc
- N명의 사람 중에서 대표 세 명을 뽑는 경우의 수 \to N \times (N-1) \times (N-2) / 3! $\underbrace{+}$
- N명의 사람 중에서 반장 1명과 부반장 1명을 뽑는 경우의 수 \rightarrow N \times (N-1) \bigcirc (\bigc\)
- N명의 사람이 있을 때, 각 사람이 영화를 볼지, 보지 않을지 결정한다. 가능한 조합의 수 \rightarrow 2^N \bigcirc

그냥다하보기



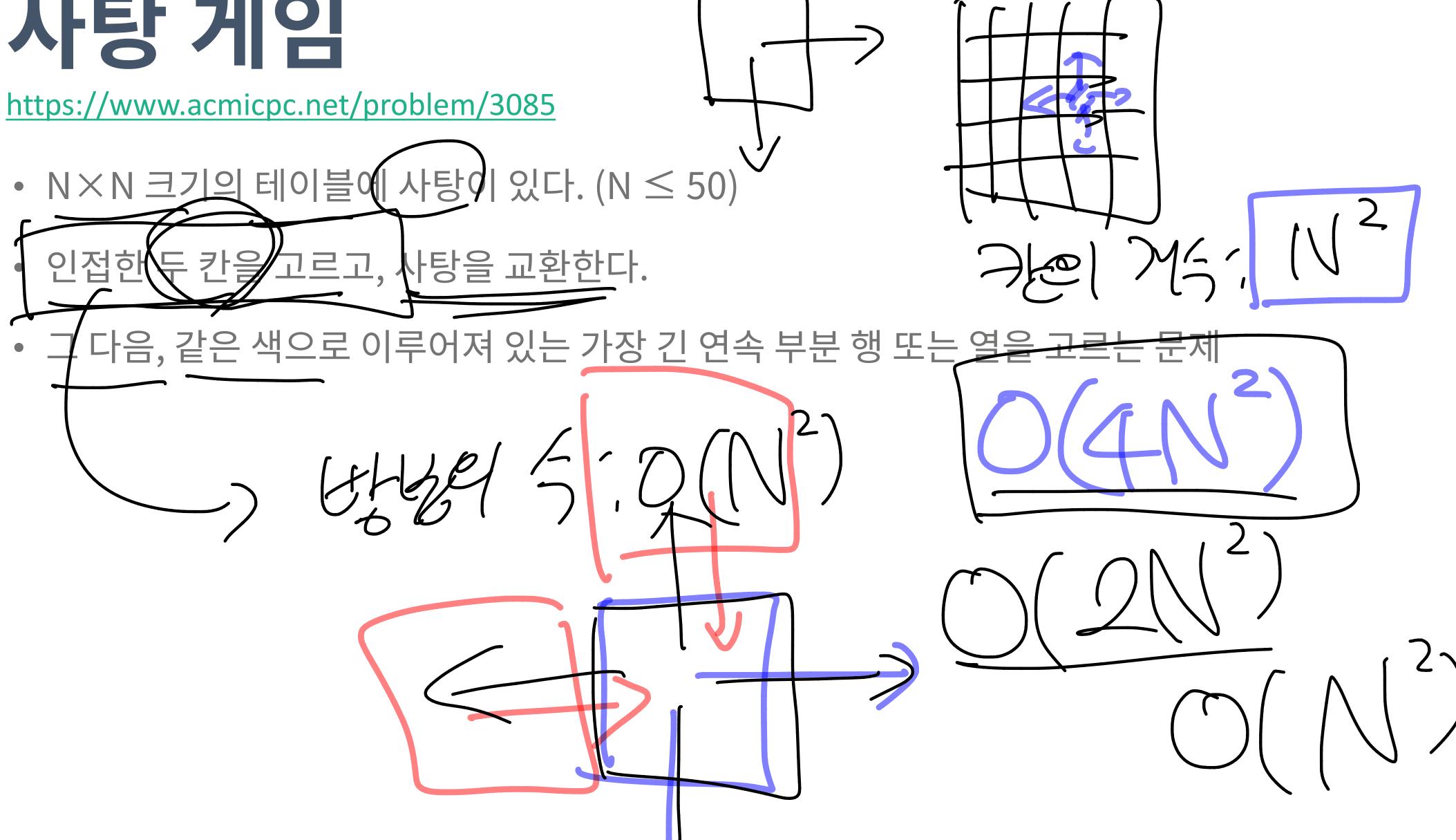
- 아홉 명 중에 일곱 명을 고르는 것은
- 아홉 명 중에 두 명을 고르는 것과 같다.

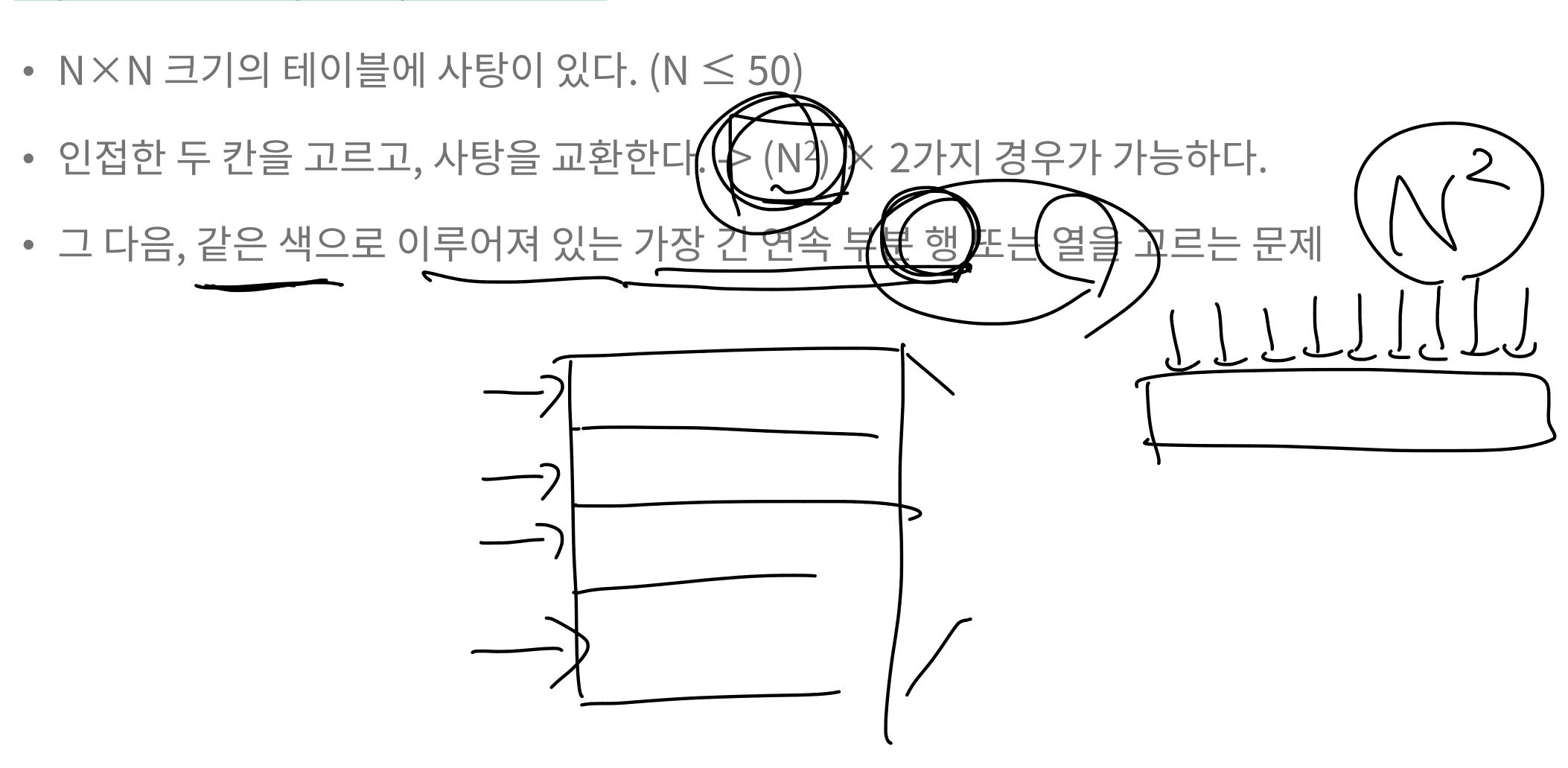
- 아홉 명 중에 일곱 명을 고르는 것은
- 아홉 명 중에 두 명을 고르는 것과 같다.
- 난쟁이의 수를 N이라고 했을 때
- 두 명을 고르는 경우의 수: N² 라고 할 수 있다.
- 나머지 난쟁이의 키의 합을 고르는 시간 복잡도: O(N)

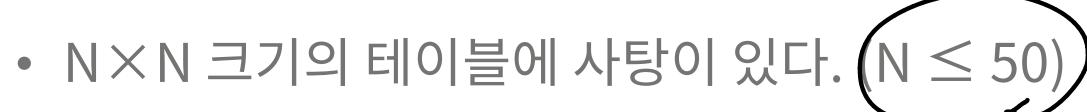
- 아홉 명 중에 일곱 명을 고르는 것은
- 아홉 명 중에 두 명을 고르는 것과 같다.
- 난쟁이의 수를 N이라고 했을 때
- 두 명을 고르는 경우의 수: N² 라고 할 수 있다.
- 나머지 난쟁이의 키의 합을 고르는 시간 복잡도: O(N)
- 따라서, 이 문제는 O(N³) 으로 해결할 수 있다.

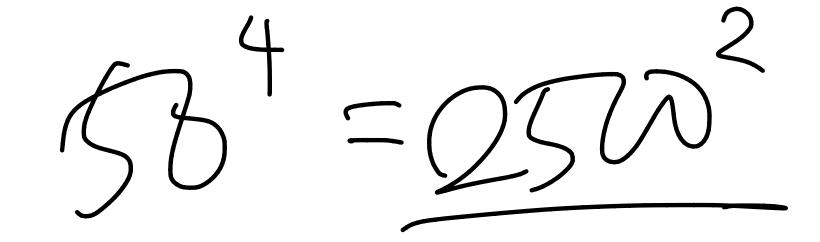
https://www.acmicpc.net/problem/2309

• 소스: http://codeplus.codes/4d5ea4a198e0451cb6c6432825a24b34

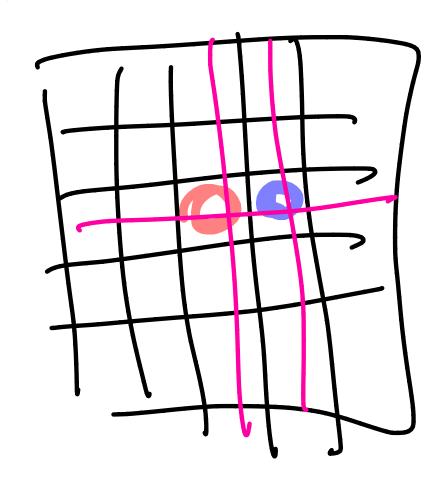








- 인접한 두 칸을 고르고, 사탕을 교환한다. -> $(N^2) \times 2$ 가지 경우가 가능하다.
- 그 다음, 같은 색으로 이루어져 있는 가장 긴 연속 부분 행 또는 열을 고르는 문제 -> O(N²)



$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = 0$$

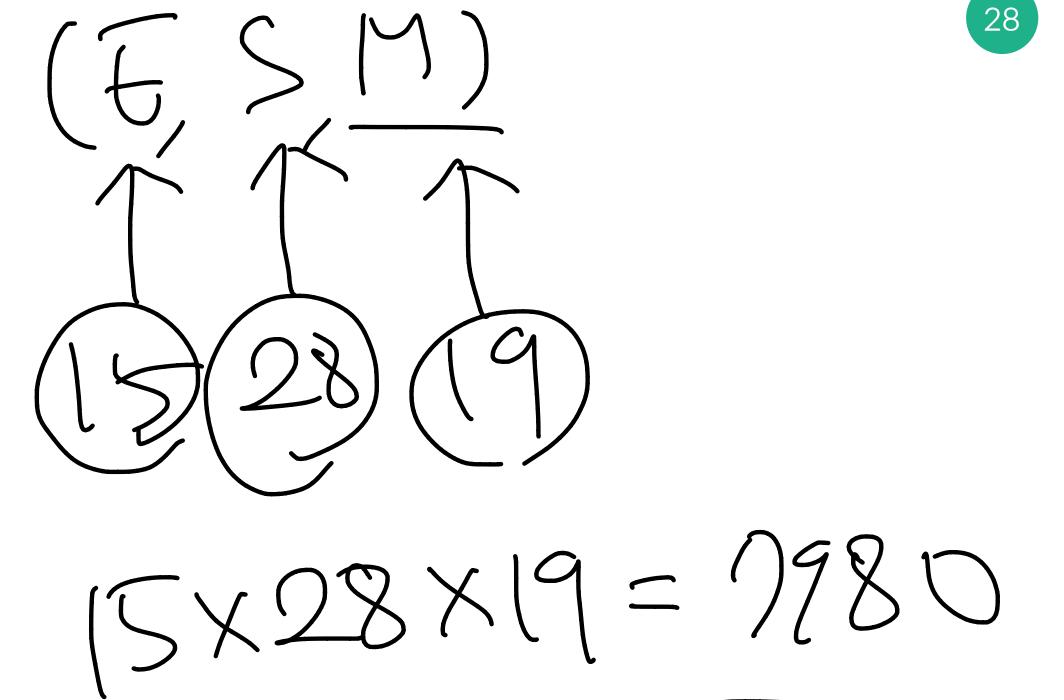
$$\frac{3}{3} \times \frac{1}{3} = 0$$

https://www.acmicpc.net/problem/3085

• 소스: http://codeplus.codes/2716e00244b8425d9ff950f74fea2e7e

- 준규가 사는 나라는 ESM이라는 연도를 사용한다.
- $15, 1 \le S \le 28, 1 \le M \le 19$
- 1년 = 111
- · 2년 = 222
- 15년 = 15 15 15
- 16년 = 1 16 16

- · 17년: 2 17 17
- 19년: 4 19 19
- 20년: 5201
- · 21년:6212
- ESM이 주어졌을 때, 이게 몇 년인지 구하는 문제



- 가능한 경우의 수
- $15 \times 28 \times 19 = 7,980$
- 모든 경우를 다 해보면 된다

https://www.acmicpc.net/problem/1476

• 소스: http://codeplus.codes/08d18bbdfb2f4ffd957e2ed762eb4100

날짜계산 (노는)

(5%15=0

https://www.acmicpc.net/problem/1476

• 모든 E, S, M에서 1을 빼면, 이 문제는 다음을 만족하는 가장 작은 자연수 year를 찾는 문제이다.

- year mod 15 == E
- year mod 28 == S
- year mod 19 == M

23456789601112131415

(e-1)% (5) +1

(3) % (5=3-3) % (5=7)

• 이런식으로 year를 0부터 증가시키면서 위의 식을 검사해 구현하는 방법도 가능하다.

https://www.acmicpc.net/problem/1476

• 소스: http://codeplus.codes/151e08d2bcaa46a8a28f61b063550578

https://www.acmicpc.net/problem/1476

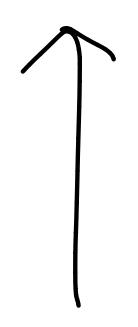
• 모든 E, S, M에서 1을 빼면, 이 문제는 다음을 만족하는 가장 작은 자연수 year를 찾는 문제이다.

- year mod 15 == E
- year mod 28 == S
- year mod 19 == M

- 이 문제는 중국인의 나머지 정리로도 풀 수 있다.
- 중국인의 나머지 정리는 이 챕터에서 중요한 내용이 아니기 때문에, 소스 코드만 첨부한다.

https://www.acmicpc.net/problem/1476

• 소스: http://codeplus.codes/3208fe9c2e2f4d918f3d5d13d7794a19



리 모 전

- TV 채널을 리모컨을 이용해 바꾸는 문제
- 버튼: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, +, –
- 일부 숫자 버튼이 고장났다.
- 현재 보고 있는 채널: 100
- 이동하려고 하는 채널: N_
- 이 때, 리모컨 버튼을 누르는 횟수를 최소로 하는 문제

리모컨

- 예를 들어, 5457에 이동하려면 5, 4, 5, 7을 눌러 4번만에 이동할 수 있다.
- 만약, 숫자 버튼 7이 고장났다면, 5, 4, 5, 6, + 또는 5, 4, 5, 8, -를 눌러 5번만에 이동할 수 있다.
- 6, 7, 8이 고장난 경우에는 5, 4, 5, 5, +, + 또는 5, 4, 5, 9, -, -를 눌러 6번만에 이동할 수 있다.
- 5, 6, 7, 8, 9가 고장난 경우에는 ···

- 예를 들어, 5457에 이동하려면 5, 4, 5, 7을 눌러 4번만에 이동할 수 있다.
- 만약, 숫자 버튼 7이 고장났다면, 5, 4, 5, 6, + 또는 5, 4, 5, 8, -를 눌러 5번만에 이동할 수 있다.
- 6, 7, 8이 고장난 경우에는 5, 4, 5, 5, +, + 또는 5, 4, 5, 9, -, -를 눌러 6번만에 이동할 수 있다.
- 5, 6, 7, 8, 9가 고장난 경우에는 … 손으로 구하는건 너무 시간이 오래 걸린다.

- 6, 7, 8이 고장났고, 5457에 이동하고 싶은 경우를 생각해보자.
- 5, 4, 3, 5, +, +, +, 5, 4, -, -, 5, 4, 5, 5, +, + 는 절대 정답이 될 수 없다.



- +나 -를 누르다가 숫자 버튼을 누르는 순간 그 전까지 입력한 것이 모두 의미 없어진다.
- 이 문제는 버튼을 누르는 횟수의 최솟값을 구하는 문제이다.
- 의미없는 것이 있는 방법은 절대 최소가 될 수 없다.

- 6, 7, 8이 고장났고, 5457에 이동하고 싶은 경우를 생각해보자.
- 5, 4, 5, 5, -, -, +, +, +, + 는 절대 정답이 될 수 없다.

https://www.acmicpc.net/problem/1107

• 6, 7, 8이 고장났고, 5457에 이동하고 싶은 경우를 생각해보자.

• 5, 4, 5, 5, -, -, +, +, +, + 는 절대 정답이 될 수 없다.

• 이동하는 채널을 적어보면 아래와 같다.

• 5:5

• 4:54

• 545: 545

• 5455: 5455

• 5455-: 5454

• 5455--: 5453

• 5455--+: 5454

• 5455--++: 5455

• 5455--++: 5456

• 5455--+++: 5457

https://www.acmicpc.net/problem/1107

• 6, 7, 8이 고장났고, 5457에 이동하고 싶은 경우를 생각해보자.

• 5, 4, 5, 5, -, -, +, +, +, + 는 절대 정답이 될 수 없다.

• 이동하는 채널을 적어보면 아래와 같다.

• 5:5

• 4:54

• 545: 545

• 5455: 5455

• 5455-: 5454

• 5455--: 5453

• 5455--+: 5454

• 5455--++: 5455

• 5455--++: 5456

• 5455--+++: 5457

- 6, 7, 8이 고장났고, 5457에 이동하고 싶은 경우를 생각해보자.
- 5, 4, 5, 5, -, -, +, +, +, + 는 절대 정답이 될 수 없다.
- 이동하는 채널을 적어보면 아래와 같다.
- 이 문제는 버튼을 누르는 횟수의 최솟값을 구하는 문제이다.
- 중복이 있는 경우는 절대 최소가 될 수 없다.

- 5:5
- 4:54
- 545: 545
- 5455: 5455
- 5455-: 5454
- 5455--: 5453
- 5455--+: 5454
- 5455--++: 5455
- 5455--++: 5456
- 5455--+++: 5457

- 따라서, 숫자 버튼을 누르고, 그 다음 +나(-중)하나만 연속해서 눌러야 한다.
- 이동하려고 하는 채널 N (0 ≤ N ≤ 500,000)
- 숫자 버튼을 눌러서 이동하는 채널 $C = 0 \le C' \le 500,000$ 이면 된다.

https://www.acmicpc.net/problem/1107

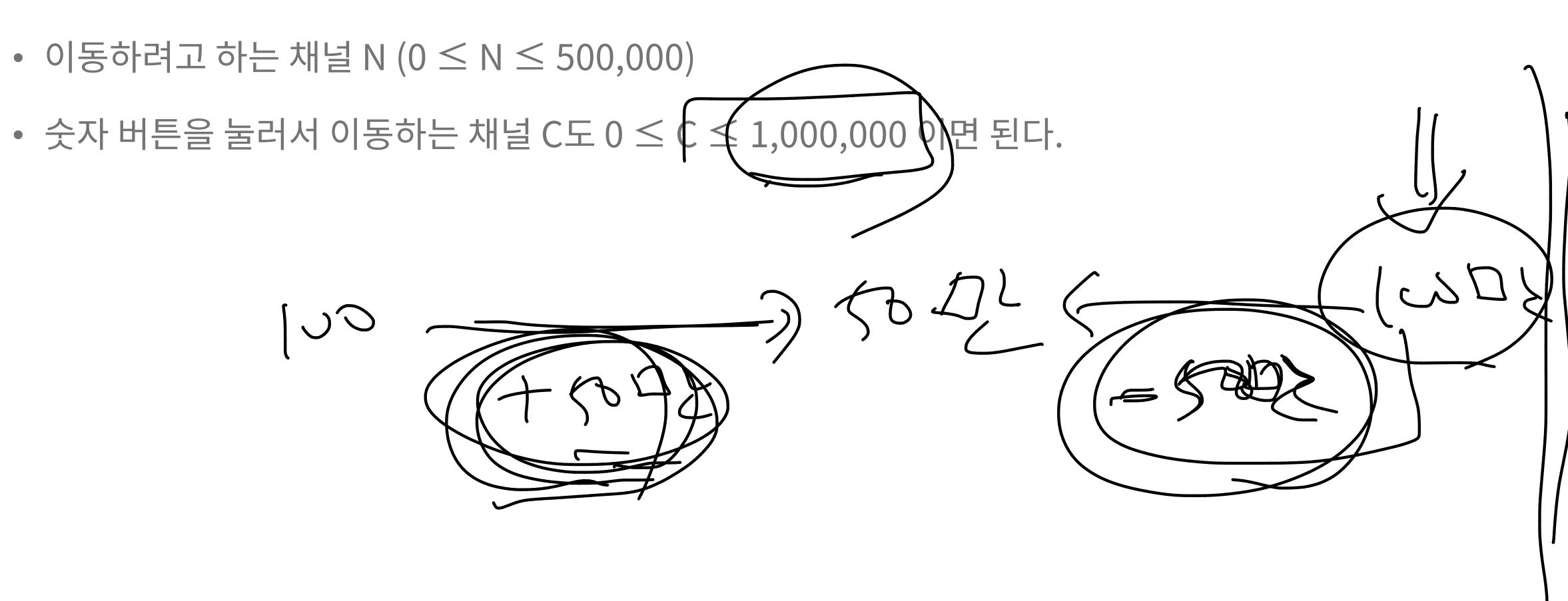
- 따라서, 숫자 버튼을 누르고, 그 다음 +나 -중 하나만 연속해서 눌러야 한다.
- 이동하려고 하는 채널 N (0 ≤ N ≤ 500,000)
- 숫자 버튼을 눌러서 이동하는 채널 C도 $0 \le C \le 500,000$ 이면 된다.

• O|L|C|

- 따라서, 숫자 버튼을 누르고, 그 다음 +나 -중 하나만 연속해서 눌러야 한다.
- 이동하려고 하는 채널 N (0 ≤ N ≤ 500,000)
- 숫자 버튼을 눌러서 이동하는 채널 C도 0 ≤ C ≤ 500,000 이면 된다.
- · 아니다
- 500,000에 이동해야 하고 1과 5만 누를 수 있는 경우
- 155,555 -> 500,000 보다 (+ 344,445번)
- 511,111 -> 500,000이 더 좋다. (- 11,111번)

https://www.acmicpc.net/problem/1107

• 따라서, 숫자 버튼을 누르고, 그 다음 +나 -중 하나만 연속해서 눌러야 한다.



- 가장 처음에 보고 있는 채널은 100이다.
- 따라서, 정답의 최대값은 500,000 100을 넘지않지만, 계산을 편하게 하기 위해 0이라고 가정했다.

- 숫자 버튼을 이용해 채널 C로 이동한 다음 $(0 \le C \le 1,000,000)$
- 거기서 +나 –버튼을 몇 번 눌러야하는지 계산을 해본다
- +나 -를 누르는 횟수 계산은 뺄셈으로 구할 수 있다

- 1. 이동할 채널 C를 정한다
- 2. C에 포함되어있는 숫자 중에 고장난 버튼이 있는지 확인한다
- 3. 고장난 버튼이 포함되어 있지 않다면 |C N|을 계산해 +나 버튼을 몇 번 눌러야 하는지를 계산한다

- 1. 이동할 채널 C를 정한다
- 2. C에 포함되어있는 숫자 중에 고장난 버튼이 있는지 확인한다
- 3. 고장난 버튼이 포함되어 있지 않다면 |C N|을 계산해 +나 버튼을 몇 번 눌러야 하는지를 계산한다

```
for (int i=0; i<=10000000; i++) {
  int c = i;
}</pre>
```

- 1. 이동할 채널 C를 정한다
- 2. C에 포함되어있는 숫자 중에 고장난 버튼이 있는지 확인한다
 - 수를 문자열로 바꾼 다음, 한 글자씩 검사하는 방법
 - 수를 10으로 계속해서 나누면서 하나씩 검사하는 방법
- 3. 고장난 버튼이 포함되어 있지 않다면 |C N|을 계산해 +나 버튼을 몇 번 눌러야 하는지를 계산한다

- 1. 이동할 채널 C를 정한다
- 2. C에 포함되어있는 숫자 중에 고장난 버튼이 있는지 확인한다
- 3. 고장난 버튼이 포함되어 있지 않다면 |C N|을 계산해 +나 버튼을 몇 번 눌러야 하는지를 계산한다

```
bool broken[10]; // 버튼이 고장나 있으면 true, 아니면 false bool possible(int c) {

while (c > 0) {
    if (broken[c % 10]) return false;
    c /= 10;
}

return true;
```

리 모 전

- C에 포함되어있는 숫자 중에 고장난 버튼이 있는지 확인한다
- possible(0) 은 항상 true를 리턴한다.

```
bool broken[10]; // 버튼이 고장나 있으면 true, 아니면 false
bool possible(int c) {
    while (c > 0) {
        if (broken[c % 10]) return false;
        c /= 10;
    }
    return true;
}
```

```
• 0일 경우를 처리하는 코도
   if (broken[0]) {
       return false;
   } else {
       return true;
```

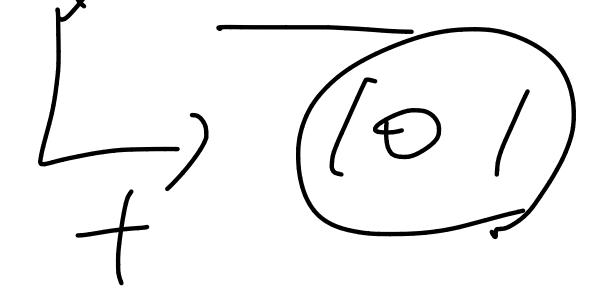
```
• possible을 불가능하면 0, 가능하면 버튼을 눌러야 하는 횟수를 리턴하게 변경
int possible(int c) {
    if (c == 0)
        return broken[0] ? 0 : 1;
    int( len )= 0;
    while (\dot{c} > 0) {
        if (broken[c % 10]) return 0;
    return len;
```

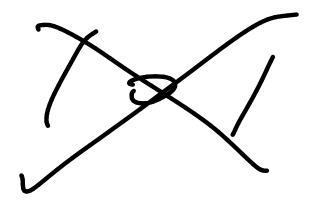
리 모 전

https://www.acmicpc.net/problem/1107

• 가장 처음에 보고 있는 채널운 100이기 때문에

• 초기값을 100에서 숫자 버튼을 누르지 않고 이동하는 횟수로 지정





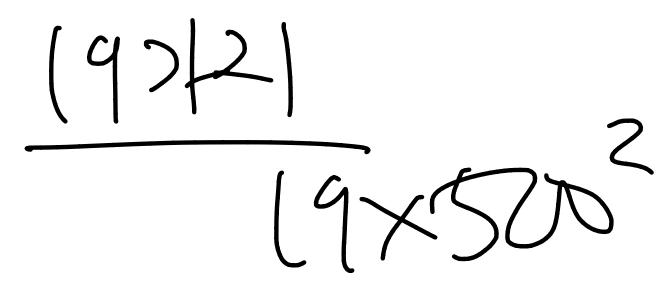
리 모 전

https://www.acmicpc.net/problem/1107

• 소스: http://codeplus.codes/ed3372d551b749759cc79ae6dbf7845f

터트로미노

https://www.acmicpc.net/problem/14500



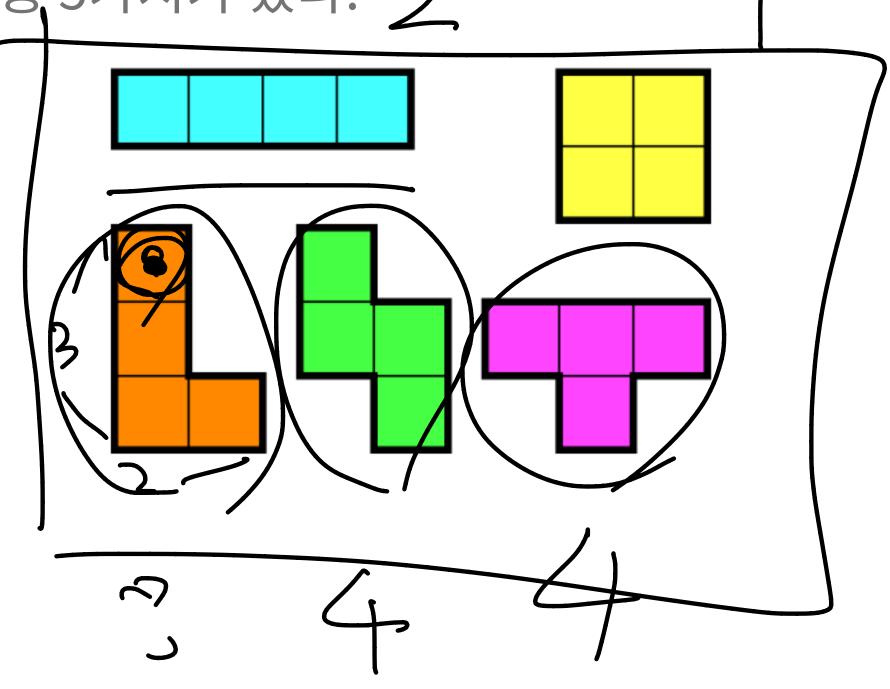
• 폴리오미노는 크기가 1 ×1인 정사각형을 여러 개 이어 붙여서 만든 도형이다.

정사각행 4개를 이어 붙인 폴리오미노는 테트로미노라고 하며, 총 5가지가 있다. 2

• N×M 크기의 종이 위에 테트로미노를 하나 놓아서

• 놓인 칸에 쓰여 있는 수의 함을 최대로 하는 문제

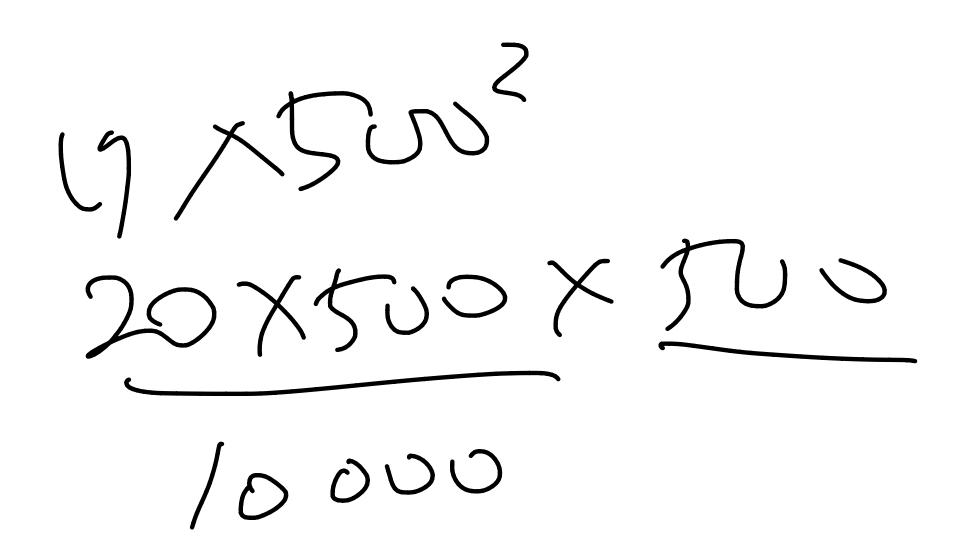
• 4 ≤ N, M ≤ 500

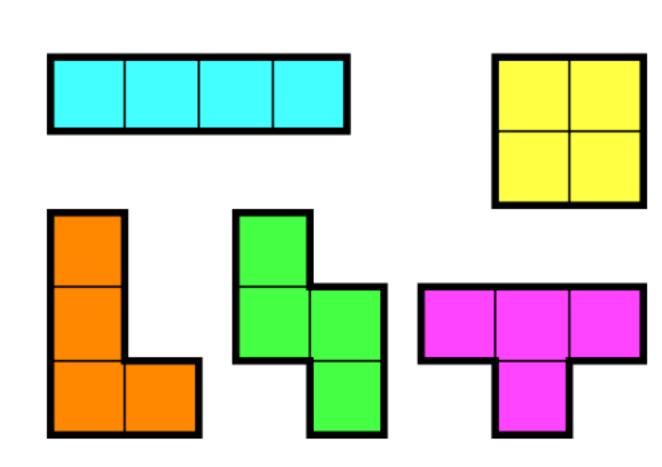


테트로미노

https://www.acmicpc.net/problem/14500

- 테트로미노는 총 19가지가 있고
- 하나의 테트로미노당 놓을 수 있는 방법의 개수는 약, O(NM)가지 이다
- 경우의 수가 많지 않기 때문에
- 각각의 테트로미노에 대해서 모든 칸에 놓아본다





500000

테트로미노

https://www.acmicpc.net/problem/14500

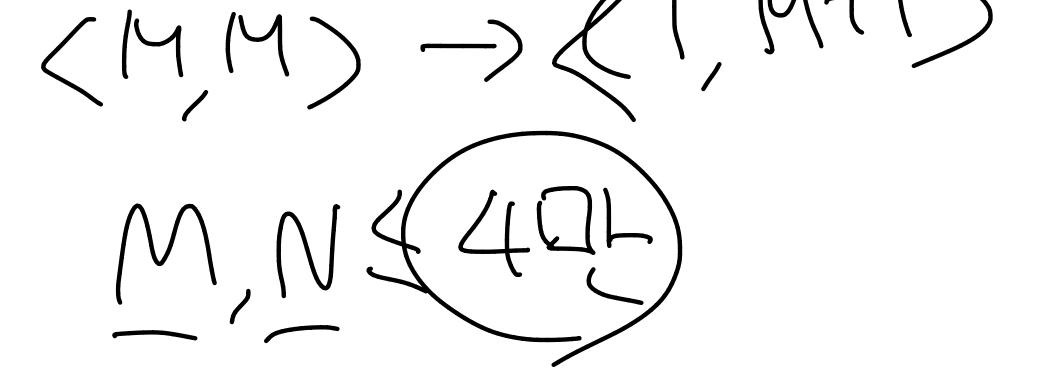
- 소스: http://codeplus.codes/79d5e637320f44a7a99315854aa7e345
- 소스 2: http://codeplus.codes/cf6b35eb8b384f9289fe70049545cdef
- 소스 3: http://codeplus.codes/503fa1dac4d14d3ab1b554f49c473120

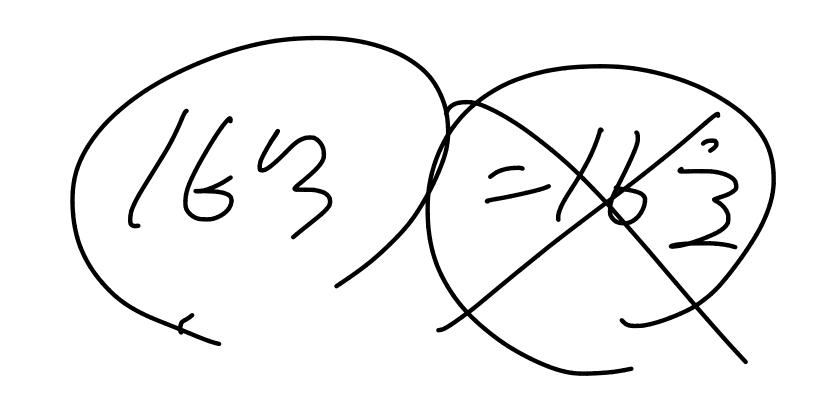
• 소스 3과 같이 구현할 수도 있지만, 이 문제에서는 적절하지 않다.

건너 뛰며 해보기



- 첫 번째 해는(<1:1), 두 번째 해는(<2:2)이다
- <x:y>의 다음 해는 <x':y'> 이다.
 - x < M 이면 x' = x + 1, 아니면 x' = 1
 - y < N 이면 y' = y + 1, 아니면 y' = 1
- M, N, x, y가 주어졌을 때, <x:y>이 몇 번째 해인지 구하는 문제



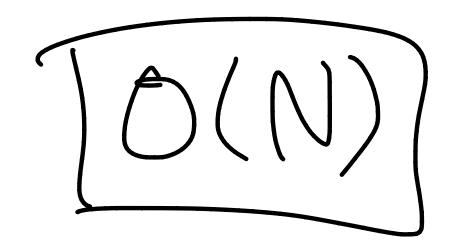


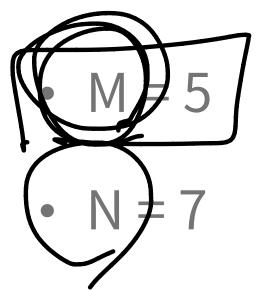
- $1 \le M, N \le 40,000$
- 전체 경우의 수는 MN = 1,600,000,000 가지라서 너무 많다.



https://www.acmicpc.net/problem/6064

• M = 5





- X = 3
- y = 2

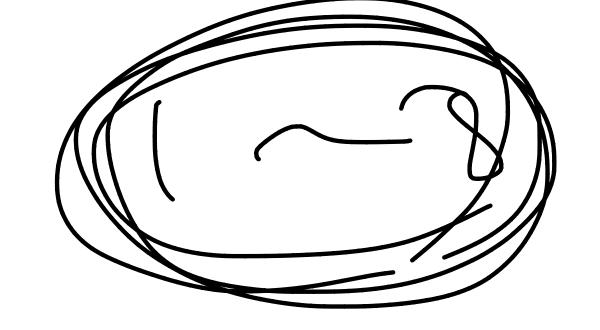
https://www.acmicpc.net/problem/6064

• x를 이용해 모든 해를 고려하지 않고, $i \times M + x$ ($i \ge 0$)의 형태만 조사하면 된다

https://www.acmicpc.net/problem/6064

• 소스: http://codeplus.codes/f501ae2d195d418bbe75b4ab6c36e710

https://www.acmicpc.net/problem/1748

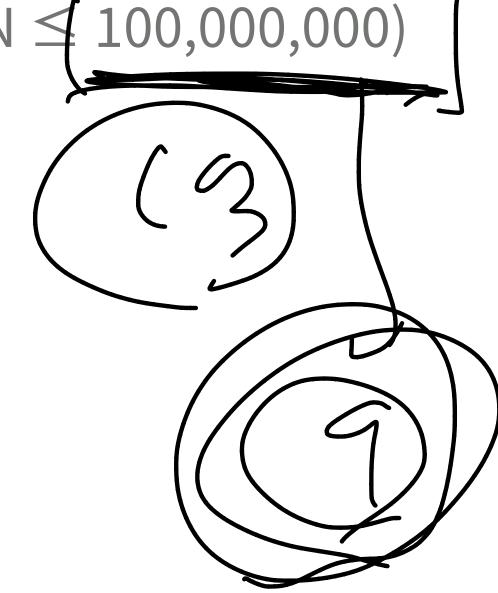


• 1부터 N까지 수를 이어서 쓰면 새로운 하나의 수를 얻게 된다 ($1 \le N \le 100,000,000$)

• 1234567891011121314151617181920212223...

• 이 때, 새로운 수는 몇 자리 수일까?



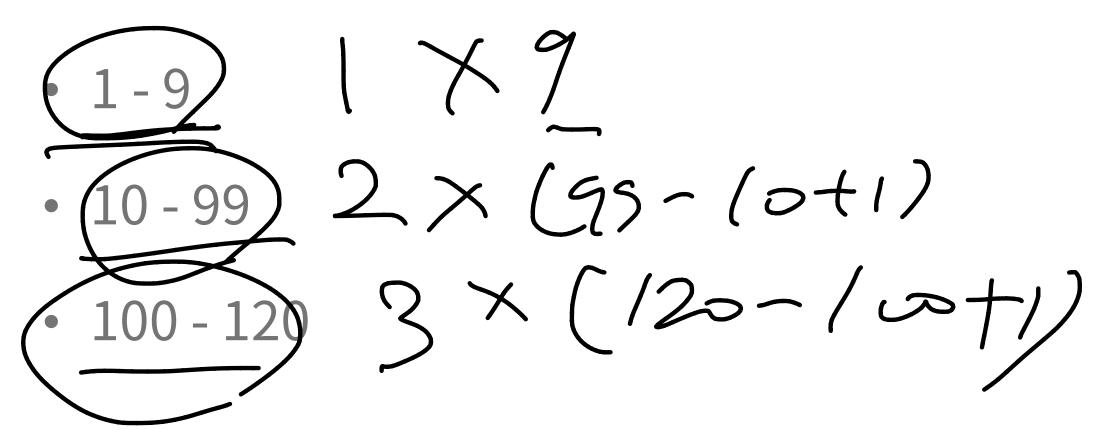


https://www.acmicpc.net/problem/1748

• N이 너무 크기 때문에, 실제로 수를 만드는 것은 너무 시간이 오래 걸린다

- N이 너무 크기 때문에, 실제로 수를 만드는 것은 너무 시간이 오래 걸린다
- 총 N개의 수를 하나의 문자열로 만들어야 한다.
- O(N) × 10
- 여기서 10은 수의 최대 자릿수를 의미한다.

- 수의 자리수별로 나누어서 문제를 해결할 수 있다.
- N = 120



- 수의 자리수별로 나누어서 문제를 해결할 수 있다.
- N = 120
- $1 9 \rightarrow (9 1 + 1) \times 1$
- $10 99 \rightarrow (99-10+1) \times 2$
- $100 120 \rightarrow (120 100 + 1) \times 3$

https://www.acmicpc.net/problem/1748

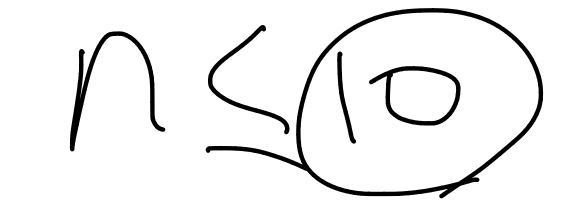
• 소스: http://codeplus.codes/5d4c53a6cde44bb3ac01c65d13651cb5

N중 for문

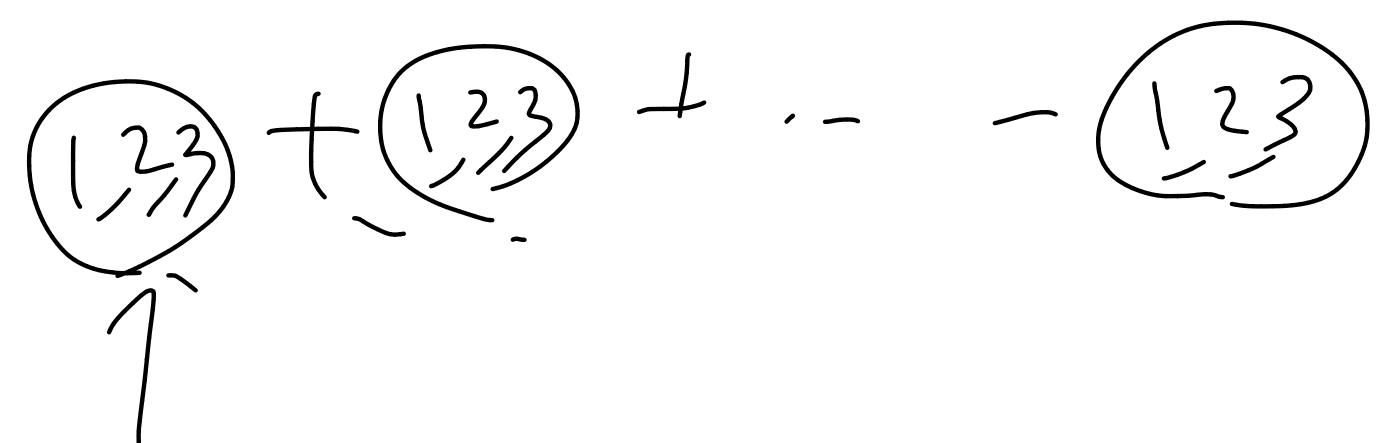
N중for문

for

- N개 중에 일부를 선택해야 하는 경우에 많이 사용한다
- 재귀 호출이나 비트마스크를 사용하면 더 간결하고 보기 쉬운 코드를 작성할 수 있기 때문에, 사용할일이 거의 없다.



- 정수 n을 1, 2, 3의 합으로 나타내는 방법의 수를 구하는 문제
- n = 4
- 1+1+1+1
- 1+1+2
- 1+2+1
- 2+1+1
- 2+2
- 1+3
- 3+1



- N이 10보다 작거나 같기 때문에
- 최대 10개 이하로 표현 가능
- 1+1+1+1+1+1+1+1+1
- 10중 for문!

```
for (int l1=1; l1<=3; l1++) {
   if (l1 == n) ans += 1;
   for (int l2=1; l2<=3; l2++) {
       if (l1+l2 == n) ans += 1;
       ... 생략
       for (int l0=1; l0<=3; l0++) {
           if (l1+l2+l3+l4+l5+l6+l7+l8+l9+l0 == n) {
               ans += 1;
```

https://www.acmicpc.net/problem/9095

• 소스: http://codeplus.codes/16c62ce433a74909ace1620fa0014da2



코드플러스

https://code.plus

- 슬라이드에 포함된 소스 코드를 보려면 "정보 수정 > 백준 온라인 저지 연동"을 통해 연동한 다음, "백준 온라인 저지"에 로그인해야 합니다.
- 강의 내용에 대한 질문은 코드 플러스의 "질문 게시판"에서 할 수 있습니다.
- 문제와 소스 코드는 슬라이드에 첨부된 링크를 통해서 볼 수 있으며, "백준 온라인 저지"에서 서비스됩니다.
- 슬라이드와 동영상 강의는 코드 플러스 사이트를 통해서만 볼 수 있으며, 동영상 강의의 녹화와 다운로드, 배포와 유통은 저작권법에 의해서 금지되어 있습니다.
- 다른 경로로 이 슬라이드나 동영상 강의를 본 경우에는 codeplus@startlink.io 로 이메일 보내주세요.
- 강의 내용, 동영상 강의, 슬라이드, 첨부되어 있는 소스 코드의 저작권은 스타트링크와 최백준에게 있습니다.