省选模拟赛

 ${\rm dwjshift}$

2018年3月30日

题目名称	table	program	path
每个测试点时限	2.5s	1s	1s
空间限制	512M	512M	512M
测试点数目	20	10	10
每个测试点分值	5	10	10
题目类型	传统	传统	传统

下发文件中有附加样例,请注意查看。评测开启 O2 优化。

1 table

1.1 题目描述

C 酱有一个 $m \times n$ 的数表,行与列的编号都从 1 开始。令 $f_{i,j}$ 表示表格第 i 行第 j 列内的数,那么对于表格的第 i(i>1) 行有

$$\begin{cases} f_{i,1} = af_{i-1,1} \\ f_{i,j} = af_{i-1,j} + bf_{i-1,j-1} & (j > 1) \end{cases}$$

然而 C 酱已经把表格中的数忘得差不多了,他现在只记得第 p 行的数。他希望你能够帮忙还原出部分位置的数值。

1.2 输入格式

输入第一行为 6 个整数 m, n, a, b, p, q,其中 q 表示询问的个数。接下来一行共 n 个整数,依次表示 $f_{p,1}, f_{p,2}, ..., f_{p,n}$ 。接下来 q 行,每行两个整数 x, y,表示 C 酱询问你 $f_{x,y}$ 的数值。

1.3 输出格式

输出共 q 行,依次表示每个询问的答案在模 998244353 意义下的取值。 即设答案可以表示为分式 $\frac{a}{b}$,则输出整数 x 使得 $bx \equiv a \mod 998244353$ 且 $0 \le x < 998244353$ 。可以证明这样的整数 x 是唯一的。

1.4 输入样例一

 $5\ 4\ 1\ 1\ 3\ 5$

 $1 \ 0 \ 0 \ 0$

5 2

0 2

2 3

4 3

1.5 输出样例一

2

1

998244351

1

0

1.6 输入样例二

 $10\ 5\ 233\ 2333\ 6\ 4$

 $9\ 3\ 1\ 0\ 10$

1 5

10 2

5 3

8 1

1.7 输出样例二

110343631

118211750

770559638

488601

1.8 输入及输出样例三

见 sample 文件夹。

1.9 数据范围与约定

测试点编号	n	m	a, b	p
1,2	≤ 100	$\leq 10^5$	-	p = 1
3,4	≤ 100	$\leq 10^{5}$	a=b=1	-
5,6,7,8	≤ 100	$\leq 10^5$	-	-
9,10,11,12	$\leq 10^{5}$	$\leq 10^{5}$	-	p = 1
13,14,15,16	$\leq 10^5$	$\leq 10^5$	-	p=m
17,18,19,20	$\leq 10^{5}$	$\leq 10^{7}$	-	-

对于 100% 的数据,保证 $1 \le q \le 100, 1 \le x, p \le m, 1 \le y \le n, 1 \le a, b < 998244353, 0 \le f_{i,j} < 998244353.$

2 program

2.1 题目描述

有一种编程语言,这种语言的每个程序都是一个由字符"<"、">"和数字 0-9 构成的非空序列。程序运行时会有一个指针,一开始指向序列最左端的字符,并且移动方向为向右。接下来指针会按照如下规则移动:

- 如果指针当前指向的位置是一个数字,那么输出这个数字,并且将该数字减一,然后把指针按照当前移动方向移到下一个位置。若原来的数字为0则直接将其删掉。
- 如果指针当前指向的位置是"<"或者">",那么把指针的移动方向对应 地进行修改("<"改成向左,">"改成向右),然后按照新的移动方向移 动到下一个位置。如果新的位置也是"<"或者">",则删掉之前的"<"或 者">"字符。
- 当指针移动到序列外时程序结束运行。

给出一段长度为 n 的程序。有 q 次询问,每次询问给出 l,r,询问如果把 区间 [l,r] 当做一段独立的程序运行的话,会把每个数字输出多少次。

2.2 输入格式

输入第一行为两个整数 n,q。

第二行为一个长度为 n 的字符串,表示给定的程序。保证字符串中仅包含"<"、">"和数字 0-9。

接下来 q 行,每行两个整数 l,r,表示一次询问。

2.3 输出格式

对于每次询问输出一行表示答案。每行包括 10 个整数, 依次表示数字 0-9 被输出的次数。

2.4 输入样例一

10 5

8>6<2<>54<

47

1 10

4 4

2 9

8 10

2.5 输出样例一

 $0\; 0\; 0\; 0\; 0\; 0\; 0\; 0\; 0\; 0$

 $4\; 4\; 4\; 3\; 3\; 2\; 1\; 1\; 1\; 0$

 $0\; 0\; 0\; 0\; 0\; 0\; 0\; 0\; 0\; 0$

 $2\; 2\; 2\; 1\; 2\; 2\; 1\; 0\; 0\; 0\\$

 $0\; 0\; 0\; 1\; 2\; 1\; 0\; 0\; 0\; 0$

2.6 输入输出样例二

见下发文件。

2.7 数据范围与约定

对于 20% 的数据,保证 $1 \le n, q \le 1000$ 。

对于另外 10% 的数据,保证所有询问 l=1。

对于另外 20% 的数据,保证所有询问 r=n。

对于 100% 的数据,保证 $1 \le n, q \le 10^5$, $1 \le l \le r \le n$ 。

3 path

3.1 题目描述

给出一个包含 n+1 个结点的有向图,结点的编号为 0 到 n。图中有 m 条有向边,第 i 条有向边起点为 u_i ,终点为 v_i ,且长度为 w_i 。并且这些边还满足如下的性质:

- 对任意一条边,满足 $u_i < v_i$ 。
- 不存在两条边 i,j 使得 $u_i < u_j < v_i < v_j$ 。

除了结点 0 和结点 n 以外,其余的每个结点都有颜色。现在需要你找出一条从结点 0 走到结点 n 的最短路径。对于任意一种颜色,这条路径要么经过了这种颜色的所有结点,要么就不经过这种颜色的任意一个结点。如果不存在这样的路径,请输出 -1,否则输出最短路径的长度。

3.2 输入格式

输入第一行为两个整数 n, m。

第二行为 n-1 个整数 $c_1,c_2,...,c_{n-1}$,依次表示每个结点的颜色。不同的整数表示不同的颜色。

接下来 m 行, 每行三个整数 u_i, v_i, w_i 。

3.3 输出格式

输出一个整数表示最短路径的长度。如果不存在这样的路径则输出-1。

3.4 输入样例一

3 3

1 1

0 1 10

0 2 10

2 3 10

3.5 输出样例一

-1

3.6 输入样例二

- 7 11
- $1\ 2\ 3\ 3\ 1\ 3$
- 0 1 1
- $1\ 2\ 1$
- $2\ 4\ 1$
- $4\ 5\ 1$
- 5 6 1
- 671
- 0 2 10
- $2\ 5\ 2$
- 5 7 3
- 271
- $3\ 4\ 1$

3.7 输出样例二

7

3.8 输入输出样例三

见下发文件。

3.9 数据范围与约定

对于 20% 的数据,保证 $1 \le n \le 10$, $1 \le m \le 15$ 。

对于 40% 的数据,保证 $1 \le c_i \le 10$ 。

对于 100% 的数据,保证 $1 \le n, m, c_i \le 1000$, $0 \le u_i \le v_i \le n$, $1 \le w_i \le 10^6$ 。