

# Gugu

## 题解

我们先来证明这样一个事情。

令  $LCM = lcm(a_1, \dots, a_n)$

对于相同的  $k, f(i * LCM + k)$  是一个关于  $i$  的  $N$  次多项式

我们令  $g(i)$  表示每个  $a_i$  的体积和都不超过  $LCM$  并且他们体积和是  $i$  的方案数, 我们可得

$$f(i * LCM + k) = \sum_{j=0}^{n-1} g(k + LCM * j) \times C_{i-j+n}^{n-1}$$

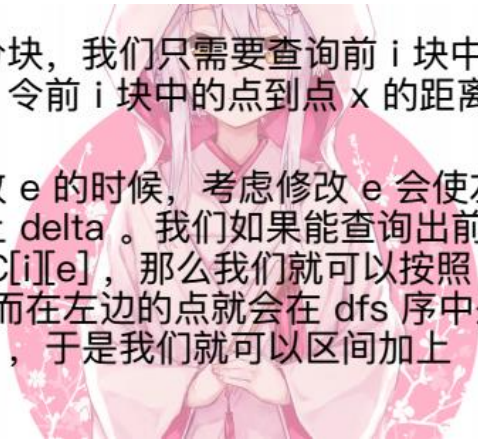
把  $g(i)$  看成常数这就是一个  $N$  次多项式

我们接下来要求这个的前缀和, 也就是一个  $N+1$  次多项式, 暴力之后拉格朗日插值就可以了

时间复杂度  $O(N^2 \prod a_i)$

# Tree

- 考虑怎么分块做询问, 把下标分块, 我们只需要查询前  $i$  块中的所有点到每个点的距离和即可。令前  $i$  块中的点到点  $x$  的距离和为  $D[i][x]$ 。
- 考虑怎么维护这个, 我们在修改  $e$  的时候, 考虑修改  $e$  会使左边的点到右边的点的距离都加上  $\delta$ 。我们如果能查询出前  $i$  块中有多少点在左边, 令其为  $C[i][e]$ , 那么我们就可以按照 dfs 序来维护  $D[i][x]$  的第二维, 从而在左边的点就会在 dfs 序中是连续的一段 (或者连续的两段), 于是我们就可以区间加上  $C[i][e] * \delta$  即可。



# Color

- 注意到满足条件的子矩阵都符合所有相邻的点对中有且仅有 2 对颜色不同。
- 不考虑染色而是考虑分配任意两个相邻点对的值是否相同，会发现满足任意  $2 \times 2$  的子矩阵中有且仅有 2 对颜色不同的情况下，必然对应着一组合法解。（不合法的话应该是有一条不等的边  $x, y$  在等于的图里也是连通的）
- 在把问题这样转化以后考虑网络流，把所有  $2 \times 2$  的子矩阵建成一个点，这样原图中两个相邻点对的相等情况可以转化成新图中的一条边，对新图黑白染色后就可以跑了。

