

2.1 题目大意

n 个点，给定每个点的度数，求方案数。

2.2 20pts 做法

暴力枚举每个点的连边。时间复杂度 $O(\text{能过})$ 。

2.3 50pts 做法

定义点 i 的剩余度数为 d_i 减去点 i 现在的度数，把剩余度数为 1 的点叫做 1 类点，剩余度数为 2 的叫做 2 类点。由于每个点的度数都 ≤ 2 ，我们令 f_{i,k_1,k_2} 代表考虑前 i 个点，有 k_1 个 1 类点， k_2 个 2 类点时的方案数。那么最终答案是 $f_{n,0,0}$ 。

考虑如何转移。若 $d_i = 1$ ，则点 i 可选择与前面的 1 类点或 2 类点连边，还可选择不连边，若不连边则 1 类点个数会增加 1 个。 $d_i = 2$ 时也是类似的，只不过稍微复杂一点。

状态数为 n^3 ，转移是 $O(1)$ 的，总复杂度 $O(n^3)$ 。

2.4 另外 30pts

这 30 分是供大家发挥想象空间的，出题人并没有给出解法，既然大多数人都能 A 这道题，我也不觉得这 30 分有什么用。

2.5 100pts 做法

观察思考得到：答案只与 1 类点的数量和 2 类点的数量有关。我们直接设 f_{k_1,k_2} 代表 k_1 个 1 类点， k_2 个 2 类点时的方案数。

考虑转移，可以通过向当前状态中添加新的 1 类点或 2 类点来转移状态。为了避免重复计算，我们先添加 1 类点，后添加 2 类点。也就是说若 $k_2 \neq 0$ ，就不能添加 1 类点。

这样的话，添加 1 类点时只能向 1 类点连边。添加 2 类点时枚举一下就可以了。

状态数为 n^2 ，转移是 $O(1)$ 的，总复杂度 $O(n^2)$ 。