

题解

【棋盘】

对每行和每列开一个数组进行记录这个位置是否处于被攻击的状态，如果是则直接跳过，如果不是，将答案减去 n-已被标记的列数或行数。

【图】

可以用分治的思想（或者说是倍增）来解决。

$F[r][u].to$ 表示从 u 出发经过 r 条边到达的顶点。

$F[r][u].len$ 表示从 u 出发经过 r 条边的权值和。

$F[r][u].min$ 表示从 u 出发经过 r 条边的最小值。

$F[r1+r2][u].to = F[r1][F[r2][u].to].to$

$F[r1+r2][u].len = F[r1][u].len + F[r2][F[r1][u].to].len$

$F[r1+r2][u].min = \min(F[r1][u].min, F[r2][F[r1][u].to].min)$

我们只需要记录 $r=2^p$ 的情况即可求出任意 k 的答案。

【表达式】

10%: 素数是 2，直接手算就可以了

70%: 发挥人类智慧。

100%: 我们来考虑奇素数，首先我们先来证明一个结论。

$$\sum_{i=1}^{p-1} i^{2^{p-1}} \equiv \frac{p(p+1)}{2} \pmod{p^2}$$

$$\Leftrightarrow \sum_{i=1}^{p-1} [i^{2^{p-1}} + (p-i)^{2^{p-1}}] \equiv p(p+1) \pmod{p^2} \quad (\text{二项式展开})$$

$$\Leftrightarrow \sum_{i=1}^{p-1} (2p-1)pi^{2^{p-2}} \equiv p(p+1) \pmod{p^2} \quad (\text{同余的性质})$$

$$\Leftrightarrow \sum_{i=1}^{p-1} (2p-1)i^{2p-2} \equiv p+1 \pmod{p}$$

$$\Leftrightarrow \sum_{i=1}^{p-1} (2p-1)i^{2p-2} \equiv p+1 \pmod{p} \quad \text{因为 } i^{p-1} \equiv 1 \pmod{p}$$

$$\Leftrightarrow \sum_{i=1}^{p-1} 2p-1 \equiv p+1 \pmod{p}$$

$$\Leftrightarrow (p-1)(2p-1) \equiv 1 \pmod{p}$$

$$\Leftrightarrow 1 \equiv 1 \pmod{p}$$

$$\text{对于 } \sum_{i=1}^{kp} i^{2p-1} \pmod{p^2}$$

$$\Leftrightarrow \sum_{i=0}^{k-1} \sum_{j=1}^{p-1} (ip+j)^{2p-1} \pmod{p^2} \quad (\text{二项式展开})$$

$$\Leftrightarrow \sum_{i=0}^{k-1} \sum_{j=1}^{p-1} j^{2p-1} + (2p-1)ipj^{2p-2} \pmod{p^2}$$

$$\Leftrightarrow \frac{kp(p+1)}{2} + (p-1)(2p-1)p \sum_{i=0}^{k-1} i \pmod{p^2}$$

$$\Leftrightarrow \frac{kp(p+1)}{2} + (p-1)(2p-1)p \frac{k(k-1)}{2} \pmod{p^2}$$