

## 1.2 30pts 做法

显然，旋转后的序列只有  $n$  种。我们直接枚举，每次  $O(n)$  计算。取最小值即可。  
时间复杂度  $O(n^2)$ 。

## 1.3 70pts 做法

记旋转  $i$  次后的健美值为  $ans_i$ 。我们单独考虑序列中的每一个元素。

对于所有  $i \in [1, n]$ ，若  $s_i < i$ ，则：

(1) 对  $ans_0, ans_1, \dots, ans_{i-s_i-1}, ans_{i-s_i}$  分别产生  $i-s_i, i-s_i-1, \dots, 1, 0$  的贡献。

(2) 对  $ans_{i-s_i+1}, ans_{i-s_i+2}, \dots, ans_{i-2}, ans_{i-1}$  分别产生  $1, 2, \dots, s_i-2, s_i-1$  的贡献。

(3) 对  $ans_i, ans_{i+1}, \dots, ans_{n-2}, ans_{n-1}$  分别产生  $n-s_i, n-s_i-1, \dots, i-s_i+2, i-s_i+1$  的贡献。

$s_i > i$  及  $s_i = i$  时处理类似。

容易发现，所产生的贡献均为一段连续的上升（下降）区间，我们只需要考虑实现一个支持区间递增加（减）的算法即可。

一个直观的做法：线段树。

每个节点维护三个  $tag$ ，分别代表区间加，递增（减）加。然后在叶子节点维护权值。注意下放递增（减）加  $tag$  时要同时打上区间加  $tag$ 。大力调试即可，时间复杂度  $O(n \cdot \log n)$ 。

## 1.4 100pts 做法

事实上，在这里用线段树显得很浪费，因为我们并不需要在线查询  $ans$  的值，所以有更优秀的算法来解决这一问题。

首先简单回顾一下如何快速对序列进行区间加：

假如要对数组  $a$  在区间  $[l, r]$  上加上  $w$ ，记  $a_n = \sum_{i=1}^n a'_i$ ，那么我们只需把  $a'_l$  加上  $w$ ，把  $a'_{r+1}$  减去  $w$ ，最后统计  $a'$  的前缀和即可。

对于本题，我们可以将区间  $[l, r]$  递增加拆开成把区间  $[l, r]$  加上一个常数，再分别加上  $1, 2, \dots, r-l+1$ 。前者我们直接应用上面的方法。对于后者，我们设辅助数组  $d, f$ ，记  $d_n = \sum_{i=1}^n f_i$ ，然后我们将  $f_{l..r}$  加上 1，将  $f_{r+1}$  减去  $(r-l+1)$ 。最后统计答案时将  $ans_i$  加上  $d_i$  即可。区间递减加的处理类似。

这样每次修改是  $O(1)$  的，最后统计答案是  $O(n)$  的。总时间复杂度为  $O(n)$ 。