

水

yyc

January, 2018

Codeforces 875E

有一个长度为 n 的数列，由 $n - 2$ 个 x 和2个 y 组成，你可以询问不超过19次，每次可以问一些数的异或和，要求找出两个数值为 y 的位置。

$n \leq 1000, 1 \leq x, y \leq 10^9, x \neq y$ 。

我们的询问只会得到四种值: $0, x, y, x \text{ xor } y$ 。

很显然, 如果我们询问到了一个集合的异或和为 y 或 $x \text{ xor } y$, 那么就说明这个集合有且仅有一个 y , 可以直接在这个集合里面二分找出。

我们的询问只会得到四种值: $0, x, y, x \text{ xor } y$ 。

很显然, 如果我们询问到了一个集合的异或和为 y 或 $x \text{ xor } y$, 那么就说明这个集合有且仅有一个 y , 可以直接在这个集合里面二分找出。

设数值为 y 的位置为 $p_1, p_2 (p_1 < p_2)$, 我们就需要找出一个集合只包含 p_1 或 p_2 。

我们的询问只会得到四种值: $0, x, y, x \text{ xor } y$ 。

很显然, 如果我们询问到了一个集合的异或和为 y 或 $x \text{ xor } y$, 那么就说明这个集合有且仅有一个 y , 可以直接在这个集合里面二分找出。

设数值为 y 的位置为 $p_1, p_2 (p_1 < p_2)$, 我们就需要找出一个集合只包含 p_1 或 p_2 。

由于 $p_1 \neq p_2$, 所以 $p_1 \text{ xor } p_2 > 0$, 所以可以对于每个二进制位, 询问所有这一位为1的位置, 总会询问出 y 或 $x \text{ xor } y$, 那么在这个集合里面二分, 就可以找到其中一个值了。

我们的询问只会得到四种值: $0, x, y, x \text{ xor } y$ 。

很显然, 如果我们询问到了一个集合的异或和为 y 或 $x \text{ xor } y$, 那么就说明这个集合有且仅有一个 y , 可以直接在这个集合里面二分找出。

设数值为 y 的位置为 $p_1, p_2 (p_1 < p_2)$, 我们就需要找出一个集合只包含 p_1 或 p_2 。

由于 $p_1 \neq p_2$, 所以 $p_1 \text{ xor } p_2 > 0$, 所以可以对于每个二进制位, 询问所有这一位为1的位置, 总会询问出 y 或 $x \text{ xor } y$, 那么在这个集合里面二分, 就可以找到其中一个值了。

另一个位置其实也很好求, 只要某个二进制位询问出来是 y 或 $x \text{ xor } y$, 那么 p_1 和 p_2 这一位就会不同, 所以直接异或一下就行了。

我们的询问只会得到四种值: $0, x, y, x \text{ xor } y$ 。

很显然, 如果我们询问到了一个集合的异或和为 y 或 $x \text{ xor } y$, 那么就说明这个集合有且仅有一个 y , 可以直接在这个集合里面二分找出。

设数值为 y 的位置为 $p_1, p_2 (p_1 < p_2)$, 我们就需要找出一个集合只包含 p_1 或 p_2 。

由于 $p_1 \neq p_2$, 所以 $p_1 \text{ xor } p_2 > 0$, 所以可以对于每个二进制位, 询问所有这一位为1的位置, 总会询问出 y 或 $x \text{ xor } y$, 那么在这个集合里面二分, 就可以找到其中一个值了。

另一个位置其实也很好求, 只要某个二进制位询问出来是 y 或 $x \text{ xor } y$, 那么 p_1 和 p_2 这一位就会不同, 所以直接异或一下就行了。

总询问次数为 $2 * \log_2(n) + 1 = 19$ 次。

有 n 个嫌疑人，总共说了 m 条供词。

供词有以下两种形式：

$t = 0$: x 说 y 是犯人；

$t = 1$: x 说 y 不是犯人。

其中有若干个犯人，他们每个人的供词最多有一句是假的，其他人的供词总是真的。

你需要找出哪些人是犯人（可能多解或无解，多解求出一组即可）。

$n, m \leq 10^5$ 。

这题容易想到2-sat，接下来我们考虑如何建模。

这题容易想到2-sat，接下来我们考虑如何建模。

对于每个人和每条供词都建立一对点。

i_0 表示第 i 个人是犯人或第 i 条供词是假的。

那么对于每个人和他说的供词就可以存在着一些关系：

$i_1 - > j_1, j_0 - > i_0$ 。

这题容易想到2-sat，接下来我们考虑如何建模。

对于每个人和每条供词都建立一对点。

i_0 表示第 i 个人是犯人或第 i 条供词是假的。

那么对于每个人和他说的供词就可以存在着一些关系：

$i_1 - > j_1, j_0 - > i_0$ 。

再看供词的内容，若被描述的嫌疑人为 y ，则有这样一些关系：

这题容易想到2-sat，接下来我们考虑如何建模。

对于每个人和每条供词都建立一对点。

i_0 表示第 i 个人是犯人或第 i 条供词是假的。

那么对于每个人和他说的供词就可以存在着一些关系：

$$i_1 - > j_1, j_0 - > i_0。$$

再看供词的内容，若被描述的嫌疑人为 y ，则有这样一些关系：

若 $t = 0$ ：

$$j_1 - > y_0, y_1 - > j_0。$$

若 $t = 1$ ：

$$j_1 - > y_1, y_0 - > j_0。$$

另外，每个人最多说一句假供词，所以对于同一个人说的供词 j, k ，有以下关系：

$$j_0 - > k_1, k_0 - > j_1。$$

另外，每个人最多说一句假供词，所以对于同一个人说的供词 j, k ，有以下关系：

$$j_0 - > k_1, k_0 - > j_1。$$

至此，我们只需要将边直接连出来跑一遍2-sat就可以得出解了。

但是可以发现，如果一个人说的供词特别多，那么就会连 m^2 条边，显然是无法承受的。

那么可以对于每条供词再加上一对点，表示这个人之前说过的所有供词中是否全为真。

设 J 为第 i 个人在 j 之前说的所有供词的情况， k 是 j 的下一个，则可以连这样一些边：

$$J_1 -> k_0, k_1 -> J_0$$

$$J_1 -> K_1, K_0 -> J_0$$

$$J_0 -> j_0, j_1 -> J_1$$

并且 $i_1 -> j_1, j_0 -> i_0$ 的边可以不需要连了，只需连一条 $i_1 -> J_1, J_0 -> i_0$ (J 是 i 说的最后一句话)即可。

给出一个长度为 n 的字符串 s ，字符集为a-h（大小为8），对于每一对 $i \neq j$ ，若 $|i - j| = 1$ 或 $s_i = s_j$ ，则 i, j 间连一条权值为1的无向边，否则不连边。

求这 n 个点构成的图的直径以及最短路等于直径的点对数量。

$2 \leq n \leq 10^5$ 。

记录 $DIS(i, j)$ 为 i, j 间最短路。

记录 $DIS(i, j)$ 为 i, j 间最短路。

可以先模拟一些 DIS 。

这里以这个串举例子：abcbde。

我们模拟一下 $DIS(1, 5)$ 和 $DIS(3, 6)$ ，并将路径上的字符记下来。

1, 5: abbd, 长度为3。

3, 6: cbde, 长度为3。

记录 $DIS(i, j)$ 为 i, j 间最短路。

可以先模拟一些 DIS 。

这里以这个串举例子：abcbde。

我们模拟一下 $DIS(1, 5)$ 和 $DIS(3, 6)$ ，并将路径上的字符记下来。

1, 5: abbd, 长度为3。

3, 6: cbde, 长度为3。

可以发现，路径中最多出现两个相同字符，且它们必须相邻。

继续观察，可以发现，如果路径上没有两个相同字符，那么它们之间的最短路径就是 $|i - j|$ 。

继续观察，可以发现，如果路径上没有两个相同字符，那么它们之间的最短路径就是 $|i - j|$ 。

否则，可以记录 $dis(i, c)$ 表示 i 到字符 c 的最短距离，则一定可以找到一个路径中出现了2次的 c ，使得 $DIS(i, j) = dis(i, c) + dis(j, c) + 1$ 。

继续观察，可以发现，如果路径上没有两个相同字符，那么它们之间的最短路径就是 $|i - j|$ 。

否则，可以记录 $dis(i, c)$ 表示 i 到字符 c 的最短距离，则一定可以找到一个路径中出现了2次的 c ，使得 $DIS(i, j) = dis(i, c) + dis(j, c) + 1$ 。

为了方便，假设 $i > j$ 。

如果 i, j 间最短路径在第一种情况中产生，那么易证明 $i - j \leq 7$ 。

那么对于每个 i ，可以直接枚举 $j \geq i - 7$ ，
则 $DIS(i, j) = \min(i - j, \min(dis(i, c) + dis(j, c) + 1))$ 。

对于 $j < i - 7$, $DIS(i, j) = \min(dis(i, c) + dis(j, c) + 1)$ 。

对于 $j < i - 7$, $DIS(i, j) = \min(dis(i, c) + dis(j, c) + 1)$ 。

设 $d(c, d)$ 为字符 c, d 间的最短路。

则 $d(s_i, c) \leq dis(i, c) \leq d(s_i, c) + 1$ 。

那么可以用一个二进制数 $mask_i$ 维护对每个 c , $dis(j, c) - d(s_j, c)$ 的值。

对于 $j < i - 7$, $DIS(i, j) = \min(dis(i, c) + dis(j, c) + 1)$ 。

设 $d(c, d)$ 为字符 c, d 间的最短路。

则 $d(s_i, c) \leq dis(i, c) \leq d(s_i, c) + 1$ 。

那么可以用一个二进制数 $mask_i$ 维护对每个 c , $dis(j, c) - d(s_j, c)$ 的值。

记录 $cnt(c, m)$ 表示 $s_j = c, mask_j = m, j < i - 7$ 的数量。

那么就可以枚举 c, m , 直接计算答案了。

对于 $j < i - 7$, $DIS(i, j) = \min(dis(i, c) + dis(j, c) + 1)$ 。

设 $d(c, d)$ 为字符 c, d 间的最短路。

则 $d(s_i, c) \leq dis(i, c) \leq d(s_i, c) + 1$ 。

那么可以用一个二进制数 $mask_i$ 维护对每个 c , $dis(j, c) - d(s_j, c)$ 的值。

记录 $cnt(c, m)$ 表示 $s_j = c, mask_j = m, j < i - 7$ 的数量。

那么就可以枚举 c, m , 直接计算答案了。

dis 数组和 d 数组可以对每个字符都做一次 BFS 求出。

时间复杂度是 $O(n * \sigma^2 * 2^\sigma)$;

谢谢大家！