

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «ДОН-СКОЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»

ОТЧЕТ

2021 г.

по технологической (проектно-технологической) практике

на базе ФГБОУ ВО «До	нской государственный техні	ческий университет»	
кафедра «Программное	г обеспечение вычислительной	техники и автоматизирован	ных систем»
Обучающийся		А.И. Костюче	нко
Обозначение отчета	(подпись, дата) УП.260000.000	Группа	BMO22
Направление 02.03.03 N стем	Латематическое обеспечение и	администрирование инфор	мационных си-
Профиль Математи	ческое обеспечение и админис	стрирование информационн	ых систем
Руководитель практики	:		
от кафедры доцент	подпись, дата	Т.А. Медведева	
Оценка			
	дата	подпись	



МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВА-НИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «ДОНСКОЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ» (ДГТУ) акультет_____ Имрт

Факультет	ИиВТ		
	(наименование факульт	гета)	
Кафедра	ПОВТиАС	ы)	
	(наименование кафедра	ы)	
	ЗАДАНИ	TE	
по т	ехнологической (проектно-те	хнологической) практик	e
на базе ФГБОУ ВО «Дон	нской государственный техни	ческий университет»	
кафедра «Программное с	обеспечение вычислительной	техники и автоматизиро	ванных систем»
в период с « »	2021 г. по «»	2021 г.	
Обучающийся	Костюченко Артём 1	Иванович	
Обозначение отчета	УП.260000.000	Группа ВМО22	
Срок представления отче	ета на кафедру «»	2021 г.	
Содержание индивидуал Программная реализация	ьного задания: я решения нелинейных уравн	ений различными числег	нными методами
Руководитель практики	от кафедры доцент	подпись, дата	Т.А. Медведева
Задание принял к испол	инению		А.И. Костюченко

подпись, дата



МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «ДОНСКОЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ» (ДГТУ)

Факультет «Информатика и вычислительная тех	хника»	
Кафедра «Программное обеспечение вычислите	ельной техники и авто	оматизированных систем»
	Зав. кафедрой	«ПОВТ и AC»
	(подпись)	В.В. Долгов
	«»	2021 г.

Рабочий график (план) проведения практики

№	Мероприятие	Срок выполнения
1	Прохождение вводного и первичного	с 08.02.2021 по 11.02.2021
	инструктажа по охране труда на рабочем	
	месте и инструктажа по пожарной	
	безопасности на объекте	
2	Получение индивидуального задания и	с 11.02.2021 по 17.03.2021
	постановка задачи	
3	Реализация алгоритмов численных мето-	с 13.02.2021 по 17.03.2021
	дов решения нелинейных уравнений	
4	Реализация алгоритмов численных мето-	с 18.03.2021 по 07.04.2021
	дов решения нелинейных уравнений	
5	Выбор среды разработки программы и	с 07.04.2021 по 28.04.2021
	ее реализация	
6	Тестирование программного средства и	с 29.04.2021 по 25.05.2021
	составление отчета о проделанной	
	работе	
7	Защита итогового отчета по практике	с 26.05.2021 по 06.06.2021

Руководитель практики от кафедры доцент		Т.А. Медведева
	полимет пата	

ДНЕВНИК ПРОХОЖДЕНИЯ ПРАКТИКИ

Дата	Место ра- боты	Выполняемые работы	Оценка руководителя
с 08.02.2021 по 10.02.2021	кафедра «ПОВТиАС»	Знакомство с предприятием, прохождение вводного инструктажа	
с 10.02.2021 по 1.02. 2021	кафедра «ПОВТиАС»	Ознакомление с территорией предприятия, прохождение первичного инструктажа по ТБ,ПБ	
с 11.02.2021 по 12.02.2021	кафедра «ПОВТиАС»	Изучение теории численных методов решения нелинейных уравнений	
с 13.02.2021 по 17.03.2021	кафедра «ПОВТиАС»	Получение индивидуального задания на практику	
с 18.03.2021 по 07.04.2021	кафедра «ПОВТиАС»	Изучение численных методов решения нелинейных уравнений	
с 07.04.2021 по 28.04.2021	кафедра «ПОВТиАС»	Алгоритмическое конструирование	
с 29.04.2021 по 25.05.2021	кафедра «ПОВТиАС»	Программное конструирование и отладка программы	
с 26.05.2021 по 05.06.2021	кафедра «ПОВТиАС»	Тестирование программного средства и проверка полученных результатов, написание отчета о проделанной работе	
с 11.05.2021 по 12.06.2021	кафедра «ПОВТиАС»	Защита итогового отчета по практике	

Руководитель практики от кафедры доцент		Т.А. Медведева
	HOURINGS HOTO	

ОТЗЫВ - ХАРАКТЕРИСТИКА

Обучающийся Костюченко Артём Иванович

2 курс группы ВМО22

кафедры «Программное обеспечение вычислительной техники и автоматизированных

систем»

Вид практики: технологическая (проектно-технологическая)

Наименование места практики: кафедра «Программное обеспечение вычислительной

техники и автоматизированных систем»

Обучающийся выполнил задания программы практики, разработал приложение с визу-

альным интерфейсом для минимизации функции одной переменной методом Фибона-

ччи, а также демонстрация графика введённой функции.

Дополнительно ознакомился/изучил платформу QtDesigner для создания интерфейса,

способы парсинга строчного типа (string) в делегат для возможности работать с любой

введённой пользователем функцией, а также более детально ознакомился с языком про-

граммирования Python, фреймворком PyQt5 и средой разработки Visual Studio Code.

Заслуживает оценки	
--------------------	--

« »	2021 г.

Содержание

Введение	7
1. Теоретический разбор	8
1.1 Экстремум функции. Необходимые и достаточные условия экс	100
1.2 Методы одномерной оптимизации. Преимущества и недостать	ки метода 9
1.3 Леонардо Пизанский (Фибоначчи), числа Фибоначчи	10
1.4 Минимизация метода Фибоначчи	12
1.5 Постановка задачи	13
1.6 Выводы по главе	13
2 Алгоритмическое конструирование	14
2.1 Алгоритм минимизации функции одной переменной метода Фи	ибоначчи 14
2.2 Схема работы программы	15
2.3 Выводы по главе	16
3 Программное конструирование	17
3.1 Выбор языка программирования	17
3.2 Выбор среды разработки	19
3.3 Описание основных подпрограмм	20
3.4 Выводы по главе	21
4 Тестирование программного средства	22
4.1 Описание программного средства	22
4.2 Результаты работы программного средства	23
4.3 Выводы по главе	28
Заключение	29
Перечень использованных информационных ресурсов	30
Приложение А	31
Приложение Б	36
УП.260000.000)
зм. Лист № докум. Подпись Дата	ист Листов
Провер. Медведева Т.А. Метод Фибоначчи для ми-	6 41
nonomolilion	ДГТУ a «ПОВТиАС»

Введение

В настоящее время большое значение имеет решение прикладных задач, которые способствуют развитию различных отраслей науки. Значительная часть практических задач связана с методами оптимизации.

В данной работе рассматривается одномерный метод оптимизации, который относится к численным методам поиска безусловных экстремумов.

При рассмотрении практических задач функция f(x) может быть не задана в аналитическом виде или неизвестно, является ли она дифференцируемой. В таких случаях используются численные методы нахождения безусловных экстремумов, к которым относится метод Фибоначчи. Поэтому тема, рассматриваемая в данной работе, является актуальной при решении теоретических и прикладных задач.

Целью данной работы является рассмотрение и реализация алгоритма для нахождения безусловных экстремумов заданных функций методом Фибоначчи, создание рабочей программы на языке Python. В процессе реализации поставленной задачи необходимо изучить теоретический материал по методам оптимизации, в том числе сравнение приближенных методов нахождения точек экстремума, а также выявить преимущества и недостатки исследуемого метода.

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

1. Теоретический разбор

1.1 Экстремум функции. Необходимые и достаточные условия существования экстремума.

Определение. Точка x_0 из области определения функции f называется точкой минимума этой функции, если найдется такая δ -окрестность $[x_0 - \delta; x_0 + \delta]$ точки x_0 , что для всех $x \neq x_0$ из этой окрестности выполняется неравенство:

$$f(x) > f(x_0 \dots)$$

Определение. Точка x_0 из области определения функции f называется точкой максимума этой функции, если найдется такая δ -окрестность $[x_0 - \delta; x_0 + \delta]$ точки x_0 , что для всех $x \neq x_0$ из этой окрестности выполняется неравенство:

$$f(x) < f(x_0)$$

Точки минимума и максимума называются *точками экстремума*, а значения функции в этих точках называются *экстремумами функции*.

Необходимое условие экстремума дифференцируемой функции.

Теорема I. Если функция f(x) дифференцируема в точке c и имеет в этой точке локальный экстремум, то f'(c)=0.

Первое достаточное условие экстремума дифференцируемой функции.

Теорема 2. Пусть точка c является точкой возможного экстремума функции f(x), и пусть функция f(x) дифференцируема всюду в некоторой окрестности точки c. Тогда, если в пределах указанной окрестности производная f'(x) положительна (отрицательна) слева от точки c и отрицательна (положительна) справа от точки c, то функция f(x) имеет в точке c локальный максимум (минимум). Если же f'(x) имеет один и тот же знак слева и справа от точки c, то экстремума в точке c нет.

Второе достаточное условие экстремума.

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

Иногда вызывает затруднение исследование знака первой производной f'(x) слева и справа от точки возможного экстремума. На этот случай указывается другое достаточное условие наличия экстремума в данной точке c возможного экстремума, не требующее исследования знака f'(x) в окрестности c, но предполагающее существование в точке c отличной от нуля конечной второй производной $f^{(2)}(x)$.

Теорема 3. Пусть функция f(x) имеет конечную вторую производную в данной точке c возможного экстремума. Тогда функция f(x) имеет в точке c максимум, если $f^{(2)}(c) < 0$, и минимум, если $f^{(2)}(c)$.

Замечание. Теорема 3 имеет более узкую сферу действия, чем теорема 2.

Так, теорема 3 не решает вопроса об экстремуме для случая, когда вторая производная $f^{(2)}(x)$ не существует в точке с, а также для случая, когда $f^{(2)}(x) =$ 0. В последнем случае для решения вопроса о наличии экстремума нужно изучить поведение в точке производных высших порядков.

1.2 Методы одномерной оптимизации. Преимущества и недостатки метода

Методы оптимизации имеют большое практическое применение, которое заключается в оптимизации некоторой функции f(x). Такую функцию называют целевой.

Существуют различные методы оптимизации, такие как оптимальный пассивный поиск, метод деления пополам, метод Фибоначчи и золотого сечения, которые основаны на сравнении значений функции f(x) вычисляемых в точках x_1, x_2, \dots, x_n . Это методы так называемого прямого поиска, в котором точки x являются пробными.

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

Метод деления отрезка пополам требует на каждой итерации вычисления двух новых значений функции, поскольку найденные на предыдущем шаге значения не используются. Метод Фибоначчи в этом случае имеет преимущество, т.к. на каждой итерации за исключением первой, требуется одно значение функции. Также преимуществом метода Фибоначчи над остальными является гарантируемое сокращение интервала на заданном отрезке.

Поскольку основной задачей метода Фибоначчи и других методов прямого поиска является сокращение заданного интервала, эффективность метода можно оценивать, посмотрев во сколько раз уменьшилась первоначальная длина интервала, при заданном количестве вычислений. Также большое значение имеет оценка погрешности.

Эффективность методов, также характеризуется числом итераций. при которой необходимо достичь определенной точности ε .

1.3 Леонардо Пизанский (Фибоначчи), числа Фибоначчи

Метод Фибоначчи очень тесно связан с числами, названными в честь великого математика Фибоначчи, настоящее имя которого Леонардо Пизанский. Стоит уделить некоторое внимание биографии ученого, с чьим именем непосредственно связан описываемый метод.

Леонардо Пизанский (около 1170 — около 1250) являлся первым крупным математиком средневековой Европы. Фибоначчи — это прозвище, которое переводится с итальянского как "Хороший сын родился". Отец его был торговец, поэтому часто путешествовал по разным странам. Чаще всего его отец бывал в Алжире, где юный Леонардо обучался математике у арабских учителей. Он изучал труды исламских математиков, по переводам ознакомился с трудами античных и индийских математиков. Фибоначчи написал ряд математических трактатов на основе усвоенных им знаний. Самый известный

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

труд ученого называется "Книга абака". В этой книге были изложены все арифметические и алгебраические сведения того времени с большой ясностью и глубиной. В отдельной главе, посвященной арифметической и геометрической прогрессии, ряда квадрата, впервые описана последовательность чисел Фибоначчи.

Помимо числовой последовательности Леонардо Пизанский сделал ряд открытий:

- сформулировал правило для нахождения суммы членов произвольной арифметической прогрессии;
- рассмотрел возвратную последовательность, в которой каждое число,
 начиная с третьего, равно сумме двух предшествующих ему чисел;
- описал способ приведения дробей к общему знаменателю с помощью нахождения наименьшего общего кратного знаменателя (более рациональный чем использовали арабские математики).
 - ввел термин «частное» для обозначения результата деления;
- описал способ приведения дробей к общему знаменателю с помощью нахождения наименьшего общего кратного знаменателя (более рациональный чем использовали арабские математики).

Кроме этого, он разработал свои методы решения различных задач. Леонардо Пизанский внес большой вклад в математику средневековой Европы.

Числа Фибоначчи - элементы числовой последовательности 0,1,1,2,3,5,8,13,21,34,55,... или 1,1,2,3,5,8,13,21,34,55,...

По определению, первые две цифры в последовательности Фибоначчи 0 и 1 (или альтернативно, 1 и 1), и каждое последующее число равно сумме двух предыдущих чисел. Название по имени средневекового математика Леонардо Пизанского (известного как Фибоначчи). Иногда число 0 не рассматривается как член последовательности.

Более формально, последовательность чисел Фибоначчи $\{F_n\}$ задается

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

линейным рекуррентным соотношением:

$$F_n = F_{n-1} + F_{n-2}, n \ge 2$$

В первой форму: $F_0 = 0$; $F_1 = 1$

Во второй форме: $F_0 = 1$; $F_1 = 1$

1.4 Минимизация метода Фибоначчи

Требуется найти безусловный минимум функции f(x) одной переменной, то есть такую точку $x^* \in R$, что $f(x^*) = \min_{x \in R} f(x)$

Для построения эффективного метода одномерной минимизации, работающего по принципу последовательного сокращения интервала неопределенности, следует знать правило выбора на каждом шаге двух внутренних точек. Желательно, чтобы одна из них всегда использовалась в качестве внутренней и для следующего интервала. Тогда количество вычислений функции сократится вдвое и одна итерация потребует расчета только одного нового значения функции. В методе Фибоначчи реализована стратегия, обеспечивающая максимальное гарантированное сокращение интервала неопределенности при заданном количестве вычислений функции и претендующая на оптимальность. Эта стратегия опирается на числа Фибоначчи.

Стратегия поиска. Метод относится к последовательным стратегиям. Задается начальный интервал неопределенности и количество N вычислений функции. Алгоритм уменьшения интервала опирается на анализ значений функции в двух точках (см. рисунок 1). Точки вычисления функции находятся с использованием последовательности из N+1 чисел Фибоначчи. На первой итерации требуются два вычисления функции, а на каждой последующей только по одному. Условия окончания процесса поиска стандартные: поиск заканчивается, когда длина текущего интервала неопределенности оказывается меньше установленной величины.

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

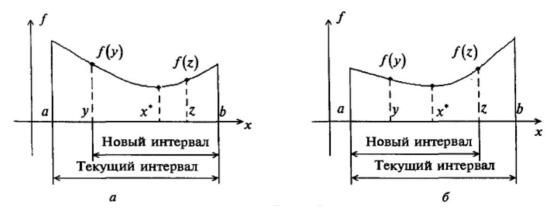


Рисунок 1 – Алгоритм уменьшения интервала

1.5 Постановка задачи

Изучить теоретический материал по методам оптимизации функции одной переменной. Разработать программное средство для нахождения экстремумов функции методом Фибоначчи. Тестировать программу с помощью ряда разнотипных функций. Используя встроенные функции системы МАТLAB, проверить правильность полученных результатов и визуализировать графики тестируемых функций.

1.6 Выводы по главе

В данной главе рассмотрен теоретический материал, связанный с понятием экстремума и условиями его существования, приведен краткий обзор методов оптимизации функции одной переменной, подробно описан используемый метод Фибоначчи.

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

2 Алгоритмическое конструирование

В данном разделе рассматриваются основные алгоритмы работы программного средства: алгоритм минимизации функции одной переменной методом Фибоначчи . Приведено их описание и схема работы.

2.1 Алгоритм минимизации функции одной переменной метода Фибоначчи

Шаг 1. Задаётся точность e и число вычислений функции n. Присваиваем $\mathbf{j}=1$.

Шаг 2. Вычисляем $x_1=a+(\frac{F_{n-2}}{F_n}*(b-a)-\frac{(-1)^n}{F_n}*e)$ где F_n,F_{n-2} числа Фибоначчи

Шаг 3. Вычисляем $x_2=a+(\frac{F_{n-1}}{F_n}*(b-a)+\frac{(-1)^n}{F_n}*e)$ где F_n,F_{n-1} числа Фибоначчи

Шаг 4. Вычисляем $f(x_1)$ и $f(x_2)$ где f(x) — заданная функция.

Шаг 5. Если
$$f(x_1) < f(x_2)$$
 то :

$$b = x_2;$$

$$x_2 = a + (\frac{F_{n-1}}{F_{n-j+1}} * (b-a) + \frac{(-1)^{n-j+1}}{F_{n-j+1}} * e);$$

 $X=x_2$, где X искомая точка

Переходим к шагу 6

Иначе:

$$a = x_1;$$

$$x_1 = a + (\frac{F_{n-1}}{F_{n-j+1}} * (b-a) - \frac{(-1)^{n-j+1}}{F_{n-j+1}} * e);$$

 $X=x_2$, где X искомая точка

Переходим к шагу 6.

·			·	
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

Шаг 6. Увеличиваем j = j + 1 и проверяем условия 6.1 и 6.2.

6.1. Если j < n - 1 переходим к шагу 4

6.2. Если $j \ge n-1$ то работа программы окончена и искомая точка найдена

2.2 Схема работы программы

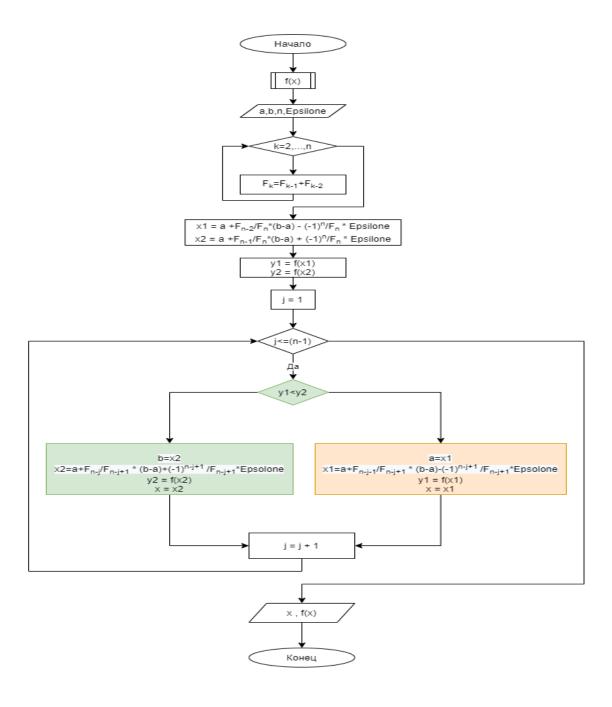


Рисунок 2 – Алгоритм работы программы

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

2.3 Выводы по главе

Вышеописанный алгоритм позволяет решить поставленную задачу, и реализовать метод Фибоначчи для минимизации одной переменной за определенное количество шагов с заданной точностью.

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

3 Программное конструирование

В данном разделе будут обоснованы выбор языка программирования, используемый для реализации программы, а также представлены основания выбора среды программирования.

3.1 Выбор языка программирования

Программный код был написан и оформлен на языке программирования Руthon, графики и расчёты для сравнения были построены с помощью системы MathCAD.

Руthon — высокоуровневый язык программирования общего назначения с динамической строгой типизацией и автоматическим управлением памятью, ориентированный на повышение производительности разработчика, читаемости кода и его качества, а также на обеспечение переносимости написанных на нём программ. Язык является полностью объектно-ориентированным — всё является объектами

Руthon является мультипарадигмальным языком программирования, поддерживающим императивное, процедурное, структурное, объектно-ориентированное программирование, метапрограммирование и функциональное программирование. Задачи обобщённого программирования решаются за счёт динамической типизации. Аспектно-ориентированное программирование частично поддерживается через декораторы, более полноценная поддержка обеспечивается дополнительными фреймворками. Такие методики как контрактное и логическое программирование можно реализовать с помощью библиотек или расширений. Основные архитектурные черты — динамическая типизация, автоматическое управление памятью, полная интроспекция, меха-

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

низм обработки исключений, поддержка многопоточных вычислений с глобальной блокировкой интерпретатора (GIL), высокоуровневые структуры данных.

Руthon стал одним из самых популярных языков, он используется в анализе данных, машинном обучении, DevOps и веб-разработке, а также в других сферах, включая разработку игр. За счёт читабельности, простого синтаксиса и отсутствия необходимости в компиляции язык хорошо подходит для обучения программированию, позволяя концентрироваться на изучении алгоритмов, концептов и парадигм. Применяется язык многими крупными компаниями, такими как Google или Facebook. По состоянию на апрель 2021 года Python занимает третье место в рейтинге TIOBE популярности языков программирования с показателем 11,03%. «Языком года» по версии TIOBE Python объявлялся в 2007, 2010, 2018 и 2020 году [5].

Язык обладает чётким и последовательным синтаксисом, продуманной модульностью и масштабируемостью, благодаря чему исходный код написанных на Python программ легко читаем. При передаче аргументов в функции Python использует вызов по соиспользованию

Популярная компьютерная система MathCAD (Mathematical Computer Aided Design — Математическая система автоматизированного проектирования) является наиболее универсальной математически ориентированной системой, обладающей как возможностями численных и аналитических (символьных) вычислений, так и средствами оформления документов на высоком профессиональном уровне. Отличительной чертой MathCAD является объединение в одном рабочем документе математического описания алгоритма решения задач, заданного в виде привычных математических формул и символов с комментариями и результатами вычислений в виде чисел, таблиц и различных графиков. Библиотеки и программные пакеты расширения системы обеспечивают ее применение для автоматизации решения математических задач в различных областях науки, техники и образования.

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

3.2 Выбор среды разработки

Visual Studio Code — это редактор исходного кода. Он поддерживает ряд языков программирования, подсветку синтаксиса, IntelliSense, рефакторинг, отладку, навигацию по коду, поддержку Git и другие возможности. Многие возможности Visual Studio Code недоступны через графический интерфейс, зачастую они используются через палитру команд или JSON-файлы (например, пользовательские настройки). Палитра команд представляет собой подобие командной строки, которая вызывается сочетанием клавиш.

Visual Studio также позволяет заменять кодовую страницу при сохранении документа, символы перевода строки и язык программирования текущего документа.

С 2018 года появилось расширение Python для Visual Studio Code с открытым исходным кодом. Оно предоставляет разработчикам широкие возможности для редактирования, отладки и тестирования кода.

На март 2019 года посредством встроенного в продукт пользовательского интерфейса можно загрузить и установить несколько тысяч расширений только в категории «programming languages» (языки программирования).

Также расширения позволяют получить более удобный доступ к программам, таким как Docker, Git и другие. В расширениях можно найти линтеры кода, темы для редактора и поддержку синтаксиса отдельных языков

.

·			·	
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

3.3 Описание основных модулей программы

Для нахождения минимума и максимума функции, в качестве входных данных, вводятся значения в следующем порядке:

F(x) – уравнение;

а, b – интервал поиска;

n – количество вычислений целевой функции;

Epsilone – точность поиска;

Все значения имеют тип данных float.

Рисунок 3 – пример ввода/вывода данных

В результате выполнения программы на экран выводятся точки минимума и максимума, а также соответствующие им значения целевой функции (см. рисунок 4).

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

Xmin = 3.2615

F(Xmin) = -1.2524

Xmax = 6.6927

F(Xmax) = 4.3047

Рисунок 4 – Пример выполнения программы

3.4 Выводы по главе

В данной главе был обоснован выбор языка программирования, а также среда программирования для создаваемого программного средства. Кроме того, были описаны основные подпрограммы программного средства. В таблице было приведено описание каждой из подпрограмм с указанием типа входных параметров и возвращаемого значения.

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

4 Тестирование программного средства

В данном разделе будет описано программное средство и протестировано 3 контрольных примера.

4.1 Описание программного средства

Программный код написан и оформлен на языке высокого уровня – Python в среде Visual Studio Code.

Для визуализации графиков выбрана библиотека Matplotlib.

Для создания массивов и хранения в них используемых данных выб1рана библиотека Numpy.

Для создания пользовательского интерфейса выбрана библиотека PyQt5.

На рисунке 2 изображен пользовательский интерфейс, в котором 5 полей:

- 1. Ввод функции одной переменной
- 2. Выбор начального точки интервала
- 3. Выбор конечной точки интревала
- 4. Выбор количества итераций метода
- 5. Выбор точности расчетов

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

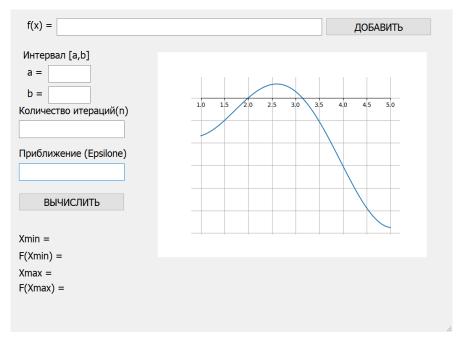


Рисунок 5 – Пользовательский интерфейс

После заполнения поля функции «f(x)» необходимо нажать на кнопку «ДОБАВИТЬ», чтобы программа создала математическую функцию с которой будет работать . После добавления математической функции и заполнения оставшихся полей , необходимо нажать на «ВЫЧИСЛИТЬ» чтобы программа вычислила экстремумы функции и их значения на заданном промежутке.

4.2 Результаты работы программного средства

Для проверки работы программного модуля решение приведено тремя способами: нахождение экстремумов (Python 3.8), графическое построение и расчеты при помощи встроенных функций в среде MathCAD.

1. В результате выполнения программы (Python 3.8) найдены точки минимума и максимума, а также значения целевой функции в этих точках. Функция: $y(x) = (x-2) * \cos(x)$, на промежутке [1,8]. Решение приведено на рисунке 6.

·			·	·
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

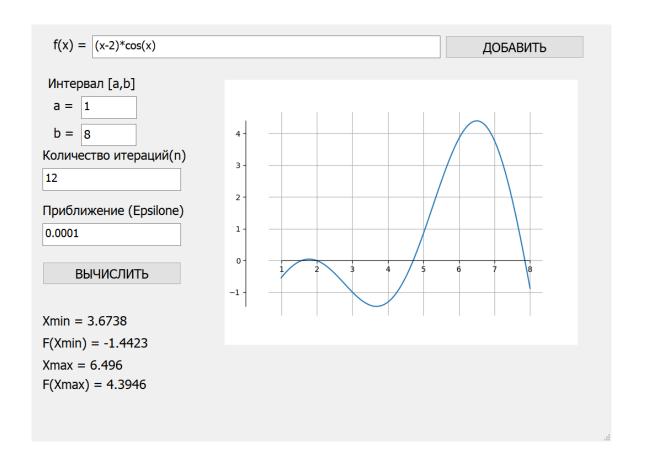


Рисунок 6 – Пример нахождения экстремумов функции

Рассмотрим график функции построенный в среде MathCAD на рисунке 6, и решение с помощью стандартных функций MathCAD на рисунке 7.

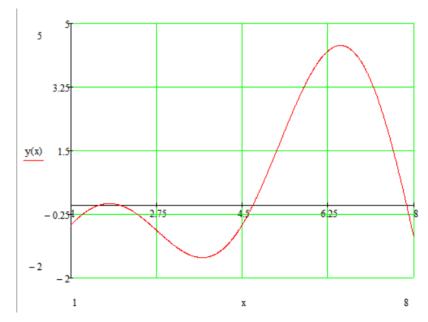


Рисунок 7 – Построение графика функции в среде MathCAD

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

$$y(x) := (x - 2) \cdot \cos(x)$$

x := 3
x_min := root
$$\left(\frac{d}{dx}y(x), x\right)$$
 = 3.6788
x_:= 7
x_max := root $\left(\frac{d}{dx}y(x), x\right)$ = 6.5018
 $y(x_min)$ = -1.4423
 $y(x_max)$ = 4.3947

Рисунок 8 – Решение в среде mathCAD

2. В качестве второго примера рассматривается функция $y(x) = (1 - \sin(x)) * \cos(x)$, на промежутке [2, 8]. Пример работы программы Python приведен на рисунке 9.

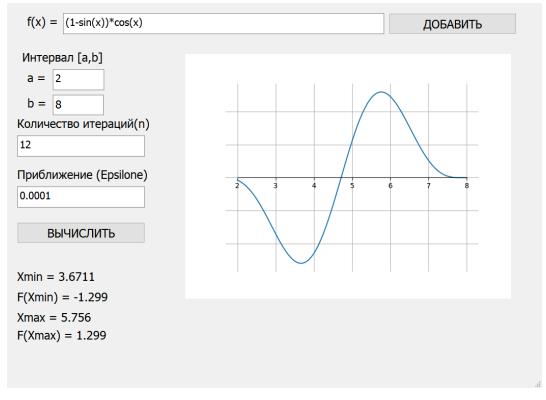


Рисунок 9 – Полученные результаты программы

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

Построение графика и решение указаны на рисунках 10 и 11

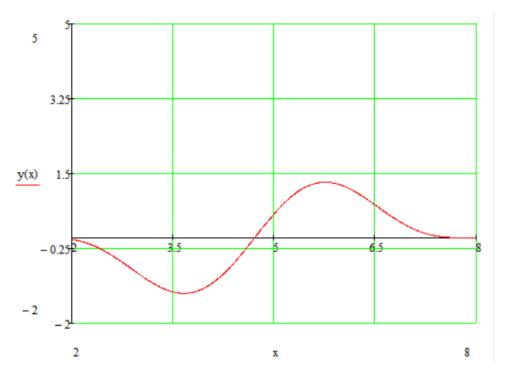


Рисунок 10 – Визуализация графика в среде mathCAD

$$y(x) := (1 - \sin(x)) \cdot \cos(x)$$

x := 4
x_min := root
$$\left(\frac{d}{dx}y(x), x\right)$$
 = 3.6652
x_:= 6
x_max := root $\left(\frac{d}{dx}y(x), x\right)$ = 5.7596
y(x_min) = -1.299
y(x_max) = 1.299

Рисунок 11 – Решение в среде mathCAD

3. В качестве второго примера рассматривается функция $y(x) = (12 - x) * \cos(x)$, на промежутке [2, 8]. Пример работы программы Python приведен на рисунке 12.

·			·	
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

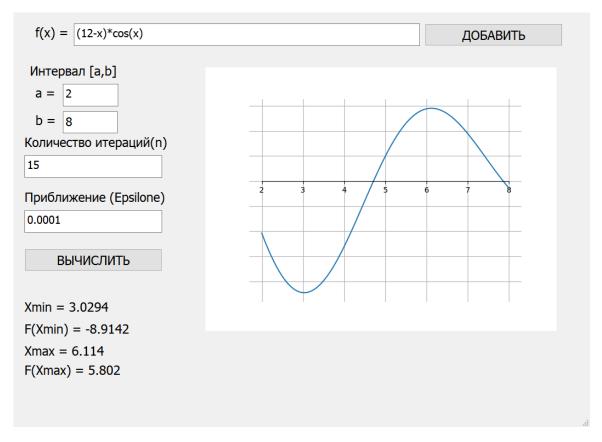
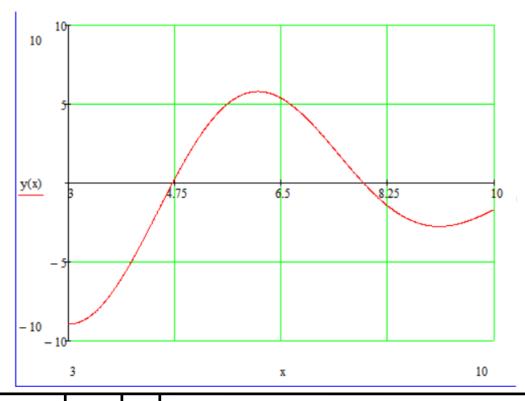


Рисунок 12 – Полученные результаты программы

Построение графика и решение в среде MathCAD указаны на рисунках 13 и 14.



Изм. Лист № докум. Подпись Дата

УП.260000.000

Лист

Рисунок 13 – Визуализация графика в среде mathCAD

$$x := 9$$

$$x_{min} := root \left(\frac{d}{dx}y(x), x\right) = 9.0934$$

$$x := 6$$

$$x_{max} := root \left(\frac{d}{dx}y(x), x\right) = 6.1149$$

y(x min) = -2.7485

 $y(x_max) = 5.802$

 $y(x) := (12 - x) \cdot \cos(x)$

Рисунок 14 – Решение в среде mathCAD

4.3 Выводы по главе

На основании рассмотренных примеров можно сделать вывод о том, что результаты, полученные в процессе работы программного средства с заданной точностью совпадают с результатами расчетов с помощью встроенных функций среды MathCAD и найденные экстремумы исследуемых функций проиллюстрированы графиками

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

Заключение

В данной работе рассмотрен один из ключевых методов прямого поиска метод Фибоначчи, а также разобран алгоритм метода. В результате выполнения задания учебной практики реализовано программное средство, разработанное на языке Python, которое позволяет решать задачу нахождения экстремумов функции за заданное количество шагов.

В ходе выполнения работы был построен аналитически обоснованный алгоритм ряешения поставленной задачи и разработано соответствующее программное средство, конечный исходный код которого можно просмотреть в Приложении Б. Таким образом была решена поставленная задача и выполнена проверка корректной работоспособности программного средства.

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

Перечень использованных информационных ресурсов

1. Пантелеев А.В. Методы оптимизации в примерах и задачах: Учеб. Пособие/А.В. Пантелеев, Т.А. Летова. – 2-е изд., исправл. – М.: Высш.

шк.,2005. – 544 с.: ил.

- 2. Соболь Б.В. Методы оптимизации: практикум / Б.В. Соболь,
- Б.Ч.Месхи, Г.И.Каныгин. Ростов н/Д : Феникс, 2009. 380, [4] с. (Высшее образование).
- 3. Моисеев Н.Н., Иванилов Ю.П., Столярова Е.М. Методы оптимизации М.: Наука, 1978
- 4. Н. Н. Воробьёв. Числа Фибоначчи. Наука, 1978
- 5.URL: http://all4study.ru/proektirovanie/metodfibonachci.html
- 6. URL: http://optimizaciyasapr.narod.ru/bez_odnomer/fibonachhi4.html
- 7. URL: https://ru.wikipedia.org/wiki/Mathcad
- 8. URL: https://ru.wikipedia.org/wiki/C%2B%2B
- 9. URL: https://ru.wikipedia.org/wiki/Python

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

Приложение **А** Техническое задание

«»	2020г.
/	Медведева Т.А
Доцент каф. «	ПОВТиАС»
COLHACOBA	.HO

А.1 Введение

А.1.1 Наименование программного средства

Наименование программного средства — «Метод Фибоначчи для функции одной переменной».

А.1.2 Область применения

Программное средство может применяться в научной сфере: в рамках ВУЗа в предметах, связанных с вычислительной математикой, как средство демонстрации работы изучаемых методов,

А.2 Основание для разработки

Разработка ведется на основании документа «Учебный план для студентов ВУЗа» направление 02.03.03 «Математическое обеспечение и администрирование информационных систем» кафедры «Программное обеспечение вычислительное техники и автоматизированных систем» факультета «Информатика и вычислительная техника» Донского Государственного Технического Университета.

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

А.3 Назначение разработки

А.3.1 Функциональное назначение

Функциональное назначение программного средства заключается в минимизации функции одной переменной методом Фибоначчи.

А.3.2 Эксплуатационное назначение

Эксплуатационное назначение состоит в использовании программного средства на персональном компьютере (ПК) с операционной системой Windows.

А.4 Требования к программе

А.4.1 Требования к функциональным характеристикам

Программное средство должно осуществлять следующие функции:

- Ввод произвольного нелинейного уравнения и начальных данных пользователем.
- Вывод точек максимума и минимума функции и значения функции по этим точка.
- Вывод графика функции.
- Обработка ошибок ввода.

А.4.2 Требования к надежности

Для надежной работы программного средства необходимо, чтобы выполнялись следующие условия:

- бесперебойное питание технического средства, на котором находится продукт;
- регулярная проверка программного средства на наличие вирусов;

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

отсутствие шума и спокойная обстановка.

А.4.2.1 Входные данные

В качестве входных данных являются интервал и заданное множество функций.

А.4.2.2 Выходные данные

Входными данными являются: функция, интервал, требуемая точность, количество итераций.

.

А.4.3 Условия эксплуатации

Для стабильного функционирования и оптимальной работы программного продукта необходимо соблюдение всех требований и правил эксплуатации вычислительной техники. Каких-либо требований к пользователю данного приложения нет.

А.4.4 Требование к составу и параметрам технических средств

В состав технических средств должен входить ПК с операционной системой windows 7 и выше, включающая в себя:

- 64-разрядный процессор;
- оперативная память объемом не менее 1 Гбайт.

Дополнительные требования и ограничения к составу и параметрам технических средств не вводится.

А.4.5 Требование к информационной и программной совместимости

Для функционирования программного средства необходима операционная система Windows 7 и выше.

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

Пользовательский интерфейс должен быть интуитивно понятным и содержать подсказки.

Исходные коды программы должны быть реализованы на языке Python. В качестве интегрированной среды разработки программы должна быть использована среда Visual Studio Code.

А.4.6 Требования к упаковке и маркировки

К упаковке и маркировки специальных требований не предъявляются.

А.4.7 Требования к транспортировке и хранению

Условия транспортирования, места хранения, условия складирования и сроки хранения в различных условиях должны соответствовать требованиям, предъявляемым к носителям информации, на которых будет содержаться данное программное изделие. Программное средство может храниться на любых цифровых носителях информации (жесткий диск, компакт — диск, флэш накопитель и т. п.).

А.5 Требование к программной документации

Программная документация состоит из следующего:

- титульный лист;
- лист задания на учебную ознакомительную практику;
- пояснительная записка к учебной ознакомительной практике;
- техническое задание по ГОСТ 19.201-78 ЕСПД;
- исходный код программного средства по ГОСТ 19.401-79 ЕСПД.

А.6 Стадии и этапы разработки

Реализация программного средства состояла из следующих этапов:

- исходный код программного средства по ГОСТ 19.401-79 ЕСПД.
- постановка задачи (с 11.02.2021 по 12.02.2021);

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

- изучение предметной области (с 13.02.2021 по 17.03.2021);
- алгоритмическое конструирование (с 18.03.2021 по 07.04.2021);
- программная реализация (с 07.04.2021 по 28.04.2021);
- тестирование приложения (с 29.04.2021 по 25.05.2021);
- разработка отчета (с 26.05.2021 по 05.06.2021).

А.7 Порядок и контроль приемки

Порядок и контроль приемки определяются заведующим кафедрой «ПОВТ и АС», подразумевающие собой демонстрацию показателя владения средствами для разработки программных средств в различных направлениях.

Главным требованием к приемке является наличие корректного работающего программного средства и отчета, предоставленного в печатном виде.

Разработчик те	хнического задания:	Костюченко Артём Иванов		
«»	2021 г.			

Изм. Лист № докум. Подпись Дата

УП.260000.000

Приложение Б Исходный код программного средства

Полный код программного средства находится на съемном носителе, прилагаемом к данной работе.

```
# -*- coding: utf-8 -*-
from agrigator_func import input_form
import os
from sys import argv, executable
import math, matplotlib.pyplot as plt, numpy as np
from PyQt5 import QtCore, QtGui, QtWidgets
if os.path.isfile('agrigator_func.py'):
  from agrigator_func import matfunc
else:
  with open("agrigator_func.py","w") as fl:
     print(f"import math
def matfunc(x):
  print("(x-2)*math.cos(x)")
  return((x-2)*math.cos(x))
def input_form():
  return("")
",file=fl)
  from agrigator_func import matfunc
# корректировка файла для собственного модуля
def intoequa(text = str()):
  if text.find("arccos") != -1:
     text = text.replace("cos","math.acos")
  if text.find("arcsin") != -1:
     text = text.replace("sin","math.asin")
  if text.find("cos") != -1:
     text = text.replace("cos", "math.cos")
  if text.find("sin") != -1:
     text = text.replace("sin","math.sin")
  if text.find("tg") != -1:
     text = text.replace("tg","math.tan")
  if text.find("arctg") != -1:
```

Дата

```
text = text.replace("arctg","math.atan")
  if text.find("ctg") != -1:
     text = text.replace("ctg","(-1)/math.sin")
  if text.find("exp") != -1:
     text = text.replace("exp","math.exp")
  if text.find("^") != -1:
     text = text.replace("")
  return(text)
# для расчета функций
def f(x):
  return -matfunc(x)
def func(x):
  return matfunc(x)
#График функции
def create graph(a,b):
  ox = np.linspace(a,b,100)
  oy = []
  for value in ox:
     oy.append(func(value))
  fig = plt.figure()
  plt.plot(ox,oy)
  plt.grid(True)
  ax = fig.add\_subplot(111)
  ax.spines['left'].set_position('zero')
  ax.spines['right'].set_color('none')
  ax.spines['bottom'].set_position('zero')
  ax.spines['top'].set_color('none')
  ax.spines['left'].set_smart_bounds(True) # 3.8
  ax.spines['bottom'].set_smart_bounds(True) # 3.8
  ax.xaxis.set_ticks_position('bottom')
  ax.yaxis.set_ticks_position('left')
  fig.savefig('figure.png',dpi = 100)
# создание отдельного файла для вычислений
def create mod(text):
  with open("agrigator_func.py","w") as fl:
     print(f"import math
def matfunc(x):
  print("{text}")
  return({text})
```

Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата

```
def input_form():
  text1 = "\{text\}"
  text1 = text1.replace("math.","")
  return(text1)
",file=fl)
  print("Модуль записан")
# Интерфейс
class Ui_MainWindow(object):
  def setupUi(self, MainWindow):
    MainWindow.setObjectName("MainWindow")
    MainWindow.resize(1051, 755)
    self.centralwidget = QtWidgets.QWidget(MainWindow)
    self.centralwidget.setObjectName("centralwidget")
    self.label = QtWidgets.QLabel(self.centralwidget)
    self.label.setGeometry(QtCore.QRect(20, 520, 221, 31))
    font = OtGui.QFont()
    font.setPointSize(14)
    self.label.setFont(font)
    self.label.setObjectName("label")
    self.pushButton_2 = QtWidgets.QPushButton(self.centralwidget)
    self.pushButton_2.setGeometry(QtCore.QRect(750, 20, 251, 41))
    font = QtGui.QFont()
    font.setPointSize(14)
    self.pushButton_2.setFont(font)
    self.pushButton_2.setObjectName("pushButton_2")
    self.label_2 = QtWidgets.QLabel(self.centralwidget)
    self.label_2.setGeometry(QtCore.QRect(350, 100, 640, 480))
    self.label_2.setMinimumSize(QtCore.QSize(640, 480))
    self.label_2.setMaximumSize(QtCore.QSize(640, 480))
    self.label 2.setText("")
    self.label_2.setPixmap(QtGui.QPixmap("figure.png"))
    self.label_3 = QtWidgets.QLabel(self.centralwidget)
    self.label_3.setGeometry(QtCore.QRect(20, 600, 251, 31))
    font = OtGui.QFont()
    font.setPointSize(14)
    self.label_3.setFont(font)
    self.label 3.setObjectName("label 3")
    self.label_4 = QtWidgets.QLabel(self.centralwidget)
    self.label_4.setGeometry(QtCore.QRect(20, 560, 221, 31))
    font = QtGui.QFont()
```

№ докум.

Подпись

Дата

Лист

Изм.

Лист

```
font.setPointSize(14)
self.label_4.setFont(font)
self.label_4.setObjectName("label_4")
self.label_5 = QtWidgets.QLabel(self.centralwidget)
self.label_5.setGeometry(QtCore.QRect(20, 630, 241, 41))
font = QtGui.QFont()
font.setPointSize(14)
self.label_5.setFont(font)
self.label_5.setObjectName("label 5")
self.pushButton = QtWidgets.QPushButton(self.centralwidget)
self.pushButton.setGeometry(QtCore.QRect(20, 430, 251, 41))
font = OtGui.OFont()
font.setPointSize(14)
self.pushButton.setFont(font)
self.pushButton.setObjectName("pushButton")
self.label 6 = OtWidgets.QLabel(self.centralwidget)
self.label 6.setGeometry(QtCore.QRect(40, 130, 51, 31))
font = QtGui.QFont()
font.setPointSize(14)
self.label_6.setFont(font)
self.label_6.setObjectName("label_6")
self.label_7 = QtWidgets.QLabel(self.centralwidget)
self.label_7.setGeometry(QtCore.QRect(40, 180, 51, 31))
font = QtGui.QFont()
font.setPointSize(14)
self.label 7.setFont(font)
self.label_7.setObjectName("label_7")
self.label_8 = QtWidgets.QLabel(self.centralwidget)
self.label_8.setGeometry(QtCore.QRect(30, 90, 171, 31))
font = OtGui.OFont()
font.setPointSize(14)
self.label_8.setFont(font)
self.label 8.setObjectName("label 8")
self.label 9 = OtWidgets.OLabel(self.centralwidget)
self.label_9.setGeometry(QtCore.QRect(20, 220, 261, 31))
font = OtGui.OFont()
font.setPointSize(14)
self.label_9.setFont(font)
self.label_9.setObjectName("label_9")
self.label_10 = QtWidgets.QLabel(self.centralwidget)
self.label_10.setGeometry(QtCore.QRect(20, 320, 271, 31))
font = QtGui.QFont()
font.setPointSize(14)
self.label_10.setFont(font)
```

Лист УП.260000.000

```
self.label_10.setObjectName("label_10")
self.plainTextEdit = QtWidgets.QPlainTextEdit(self.centralwidget)
self.plainTextEdit.setGeometry(QtCore.QRect(90, 130, 101, 41))
font = QtGui.QFont()
font.setPointSize(12)
self.plainTextEdit.setFont(font)
self.plainTextEdit.setObjectName("plainTextEdit")
self.plainTextEdit_2 = QtWidgets.QPlainTextEdit(self.centralwidget)
self.plainTextEdit_2.setGeometry(QtCore.QRect(90, 180, 100, 40))
self.plainTextEdit_2.setMaximumSize(QtCore.QSize(100, 40))
font = OtGui.OFont()
font.setPointSize(13)
self.plainTextEdit 2.setFont(font)
self.plainTextEdit_2.setObjectName("plainTextEdit_2")
self.plainTextEdit_3 = QtWidgets.QPlainTextEdit(self.centralwidget)
self.plainTextEdit_3.setGeometry(QtCore.QRect(20, 260, 251, 41))
font = OtGui.QFont()
font.setPointSize(12)
self.plainTextEdit_3.setFont(font)
self.plainTextEdit_3.setObjectName("plainTextEdit_3")
self.plainTextEdit_4 = QtWidgets.QPlainTextEdit(self.centralwidget)
self.plainTextEdit_4.setGeometry(QtCore.QRect(20, 360, 251, 41))
font = QtGui.QFont()
font.setPointSize(12)
self.plainTextEdit_4.setFont(font)
self.plainTextEdit_4.setObjectName("plainTextEdit_4")
self.plainTextEdit_5 = QtWidgets.QPlainTextEdit(self.centralwidget)
self.plainTextEdit_5.setGeometry(QtCore.QRect(110, 20, 631, 41))
font = QtGui.QFont()
font.setPointSize(12)
self.plainTextEdit_5.setFont(font)
self.plainTextEdit_5.setObjectName("plainTextEdit_5")
self.label_11 = QtWidgets.QLabel(self.centralwidget)
self.label_11.setGeometry(QtCore.QRect(40, 20, 71, 31))
font = QtGui.QFont()
font.setPointSize(14)
self.label_11.setFont(font)
self.label_11.setObjectName("label_11")
MainWindow.setCentralWidget(self.centralwidget)
self.menubar = QtWidgets.QMenuBar(MainWindow)
self.menubar.setGeometry(QtCore.QRect(0, 0, 1051, 26))
self.menubar.setObjectName("menubar")
MainWindow.setMenuBar(self.menubar)
self.statusbar = QtWidgets.QStatusBar(MainWindow)
```

Лист

Изм.

№ докум.

Подпись

Дата

УП.260000.000

Лист

```
self.statusbar.setObjectName("statusbar")
    MainWindow.setStatusBar(self.statusbar)
    self.retranslateUi(MainWindow)
    QtCore.QMetaObject.connectSlotsByName(MainWindow)
  def retranslateUi(self, MainWindow):
    from agrigator_func import input_form
    _translate = QtCore.QCoreApplication.translate
    MainWindow.setWindowTitle( translate("Main-
Window", "Метод Фибоначчи для функции одной переменной"))
    self.label.setText(_translate("MainWindow", "Xmin = "))
    self.label_3.setText(_translate("MainWindow", "Xmax = "))
    self.label_4.setText(_translate("MainWindow", "F(Xmin) = "))
    self.label_5.setText(_translate("MainWindow", "F(Xmax) = "))
    self.pushButton.setText(_translate("MainWindow", "ВЫЧИСЛИТЬ"))
    self.pushButton.clicked.connect(self.main func)
    self.pushButton_2.clicked.connect(self.create_module)
    self.label_6.setText(_translate("MainWindow", "a = "))
    self.label_7.setText(_translate("MainWindow", "b = "))
    self.label_8.setText(_translate("MainWindow", "Интервал [a,b]"))
    self.label_9.setText(_translate("MainWindow", "Количество итераций(n)"))
    self.label_10.setText(_translate("MainWindow", "Приближение (Epsilone)"))
    self.plainTextEdit.setPlainText(_translate("MainWindow", ""))
    self.plainTextEdit_2.setPlainText(_translate("MainWindow", ""))
    self.plainTextEdit_3.setPlainText(_translate("MainWindow", ""))
    self.plainTextEdit_4.setPlainText(_translate("MainWindow", "0.0001"))
    self.plainTextEdit_5.setPlainText(_translate("MainWindow", f"{in-
put_form()}"))
    self.label_11.setText(_translate("MainWindow", "f(x) = "))
    self.pushButton_2.setText(_translate("MainWindow", "ДОБАВИТЬ"))
  def create_module(self):
    from sys import argy, executable
    import os
    equa = self.plainTextEdit_5.toPlainText()
    equa = intoequa(equa)
    equa = create_mod(equa)
    os.execl(executable, os.path.abspath(__file__), *argv)
  def main_func(self):
    equa = self.plainTextEdit_5.toPlainText()
    from agrigator_func import matfunc
```

Лист

Изм.

№ докум.

Подпись

Дата

Лист

```
# Интервал
a = int(self.plainTextEdit.toPlainText())
a1 = a
b = int(self.plainTextEdit_2.toPlainText())
b1 = b
# Количество вычислений
N = int(self.plainTextEdit_3.toPlainText())
N1 = N
Epsilone = float(self.plainTextEdit_4.toPlainText())
# Создание графика
create_graph(a,b)
self.label_2.setPixmap(QtGui.QPixmap("figure.png"))
# Входные данные
Fib = [1,1]
for i in range(2,N+1):
  Fib.append(Fib[i-1]+Fib[i-2])
if N % 2 == 0:
  sign = 1
else:
  sign = -1
x1 = a + ((Fib[N-2] * (b-a) - sign*Epsilone)/Fib[N])
x2 = a + ((Fib[N-1]*(b-a) + sign*Epsilone)/Fib[N])
f1 = f(x1)
f2 = f(x2)
j = 1
# Нахождение максимума
while (i \le (N-1)):
  if ((N - j + 1)\% 2 == 0):
    sign = 1
  else:
    sign = -1
```

Подпись

Дата

```
if (f1 \le f2):
     b = x2
     x2 = x1
     f2 = f1
    x1 = a + ((Fib[N - j - 1]*(b-a)-sign * Epsilone)/Fib[N-j+1])
     f1 = f(x1)
     x = x2
  else:
     a = x1
     x1 = x2
     f1 = f2
    x2 = a + ((Fib[N - j] * (b-a) + sign * Epsilone)/Fib[N-j+1])
     f2 = f(x2)
     x = x1
  i += 1
# Перезапись(дублирование) входных данных
Fib1 = [1,1]
for i in range(2,N+1):
  Fib1.append(Fib1[i-1]+Fib1[i-2])
if N1 % 2 == 0:
  sign1 = 1
else:
  sign1 = -1
x3 = a1 + ((Fib1[N1-2]*(b1-a1) - sign1*Epsilone) / Fib1[N1])
x4 = a1 + ((Fib1[N1-1]*(b1-a1) + sign1*Epsilone) / Fib1[N1])
f3 = func(x3)
f4 = func(x4)
j1 = 1
# Нахождение максимума
while (i1 \le (N1-1)):
  if ((N1 - j1 + 1)\% 2 == 0):
     sign1 = 1
  else:
     sign1 = -1
  if (f3 \le f4):
```

Лист **43**

Подпись

Дата

```
b1 = x4
         x4 = x3
         f4 = f3
         x3 = a1 + ((Fib1[N1 - j1 - 1] * (b1-a1) - sign1 * Epsilone)/Fib1[N1-j1+1])
         f3 = func(x3)
         max = x4
       else:
         a1 = x3
         x3 = x4
         f3 = f4
         x4 = a1 + ((Fib1[N1 - j1] * (b1-a1) + sign1 * Epsilone)/Fib1[N1-j1+1])
         f4 = func(x4)
         max = x3
      i1 += 1
       rou_num = len(str(Epsilone))-2
       _translate = QtCore.QCoreApplication.translate
       self.label.setText(_translate("Main-
Window", f"Xmin = {round(max,rou_num)}"))
       self.label_3.setText(_translate("Main-
Window", f"Xmax = {round(x,rou_num)}"))
      self.label_4.setText(_translate("MainWindow", f"F(Xmin) = {round(-
f(max),rou_num)}"))
       self.label_5.setText(_translate("MainWindow", f"F(Xmax) = {round(-
f(x),rou_num)}"))
if __name__ == "__main__":
  import sys
  app = QtWidgets.QApplication(sys.argv)
  MainWindow = QtWidgets.QMainWindow()
  ui = Ui_MainWindow()
  ui.setupUi(MainWindow)
  MainWindow.show()
  sys.exit(app.exec_())
```

				, i
Изм.	Лист	№ докум.	Подпись	Дата