



**Министерство образования и науки Российской Федерации**  
**Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение**  
**высшего образования**  
**«Московский государственный технический университет**  
**имени Н.Э. Баумана**  
**(национальный исследовательский университет)»**  
**(МГТУ им. Н.Э. Баумана)**

ФАКУЛЬТЕТ \_\_\_\_\_ Информатика и системы управления (ИУ)

КАФЕДРА \_\_\_\_\_ Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии (ИУ7)

**ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №6**  
**«РАБОТА С ДЕРЕВЬЯМИ»**

Студент, группа

**Артемьев И.О., ИУ7-33Б**

2020 г.

## Описание условия задачи

В текстовом файле содержатся целые числа. Построить ДДП из чисел файла. Вывести его на экран в виде дерева. Сбалансировать полученное дерево и вывести его на экран. Построить хеш-таблицу из чисел файла. Использовать метод цепочек для устранения коллизий. Осуществить поиск введенного целого числа в ДДП, в сбалансированном дереве, в хеш-таблице и в файле. Сравнить время поиска, объем памяти и количество сравнений при использовании различных (4-х) структур данных. Если количество сравнений в хеш-таблице больше указанного (вводить), то произвести реструктуризацию таблицы, выбрав другую функцию.

## Техническое задание

### Входные данные:

1. **Имя файла с деревом:** строка, содержащая имя файла.
2. **Максимальное значение допустимых коллизий:** целое число.
3. **Число для поиска:** число, которое планируется найти в структурах данных

### Выходные данные:

1. Псевдографическое изображение бинарного дерева.
2. Псевдографическое изображение сбалансированного бинарного дерева.
3. Хеш-таблица вершин дерева.
4. Время поиска, объем памяти и количество сравнений при использовании 4-х структур данных.

### Функции программы:

Программа выполняет ряд функций в порядке:

1. Заполнить данные из файла.
2. Вывести двоичное дерево поиска.
3. Вывести AVL дерево.
4. Вывести хэш-таблицу.
5. Сравнить время поиска, объем памяти и количество сравнений при использовании 4-х структур данных.
1. Выйти.

**Обращение к программе:** запускается из терминала (./app.exe) с аргументом в виде файла (./app.exe data/filename.txt), содержащего значения вершин дерева.

### Аварийные ситуации:

1. Некорректный ввод имени файла.  
На входе: имя файла, несуществующего в системе.  
На выходе: сообщение «Ошибка: неверно введен файл.»
2. Некорректный ввод имени файла.  
На входе: число  
На выходе: сообщение «Ошибка: неверно введен файл.»
3. Некорректный ввод максимального числа коллизий.  
На входе: буква или, любой другой нечисловой символ или отрицательное число.  
На выходе: сообщение «Ошибка: неверно введено количество сравнений для хэш-таблицы.»

## Структуры данных

### Реализация линейного односвязного списка:

```
typedef struct lnode_t
{
    int field;

    struct lnode_t *next;
} lnode_t;
```

Поля структуры:

- **int field** – значение узла;
- **struct lnode\_t \*next** – указатель на следующий элемент списка.

### Реализация листа дерева:

```
typedef struct tnode_t
{
    int field;
    unsigned char height;

    struct tnode_t *left;
    struct tnode_t *right;
} tnode_t;
```

Поля структуры:

- **int field** – значение листа;
- **unsigned char height** – высота листа;
- **struct tnode\_t \*left** – указатель на левого потомка;

- **struct tnode\_t \*right** – указатель на правого потомка.

### Реализация динамического массива (для хеш-таблицы):

```
lnode_t **hash_table;
int size;
```

Поля:

- ***lnode\_t* \*\*hash\_table** – указатель на массив указателей на списки;
- ***int* size** – размер массива;

## Алгоритм

Пользователь вводит номер команды из меню. Пока пользователь не введет 0 (выход из программы), ему будет предложено выполнять действия на основе файла, деревьев и хэш-таблиц.

## Тесты

	Тест	Пользовательский ввод	Результат
1	Некорректный ввод имени файла	data/Iu7 (файл не существует)	Ошибка: неверно введен файл.
2	Некорректный ввод имени файла	data/123 (файл не существует)	Ошибка: неверно введен файл
3	Некорректный ввод максимального количества коллизий	A	Ошибка: неверно введено количество сравнений для хэш-таблицы
4	Некорректный ввод максимального количества коллизий	0	Ошибка: неверно введено количество сравнений для хэш-таблицы
5	Некорректный ввод максимального количества коллизий	-1	Ошибка: неверно введено количество сравнений для хэш-таблицы
6	Ввод несуществующего числа	Несуществующее число	Введенное число не было найдено
9	Корректный ввод всех характеристик	Корректный файл, корректный ввод числа для поиска, корректный ввод числа коллизий	Количественная характеристика моделирования

## Оценка эффективности

Поиск числа (тактах процессора):

Количество элементов	Бинарное дерево	Сбалансированное бинарное дерево	Хеш-таблица	Файл
10	1122	623	19	12114
25	1738	785	25	13938
50	2064	1211	30	15134
100	2179	1134	36	18556
500	2438	1463	37	28345

\*в таблице указаны средние значения

\*указанные результаты справедливы для хеш-таблиц без коллизий

Количество сравнений:

Количество элементов	Бинарное дерево	Сбалансированное бинарное дерево	Хэш-таблица	Файл
10	5	3	1	10
25	8	4	1	25
50	10	5	1	50
100	12	6	1	100
500	14	9	1	500

\*указанные результаты справедливы для хеш-таблиц без коллизий

\*указанные результаты справедливы для худшего случая – элемент в конце файла

Объём занимаемой памяти (в байтах):

Количество элементов	Бинарное дерево	Сбалансированное бинарное дерево	Хеш-таблица	Файл
10	240	240	160	21
25	600	600	400	68
50	1200	1200	800	137
100	2400	2400	1600	289
500	12000	12000	8000	1882

**\*для хэш-таблицы указаны наилучшие объемы памяти, которые она может занимать при заданном количестве элементов без коллизий**

**В иных случаях хэш-таблица может разрастаться в памяти до нереальных размеров, что не выгодно.**

**Пример:**

Введите число для поиска: 3

Введите количество сравнений для хэш-таблицы (> 0): 3

[13] --> [93] --> [693] --> ...

Превышено количество сравнений

1 - Продолжить поиск элемента в других структурах данных

2 - Реструктуризировать таблицу, выбрав другую хэш-функцию

Ответ: 2

[3]--> NULL

Хэш-таблица:

Время поиска элемента: 27

Объем занимаемой памяти: 1504

Количество сравнений для поиска элемента: 1

Файл:

Время поиска элемента: 17126

Объем занимаемой памяти: 38

Количество сравнений для поиска элемента: 2

Двоичное дерево поиска:

Время поиска элемента: 396

Объем занимаемой памяти: 312

Количество сравнений для поиска элемента: 2

AVL дерево:

Время поиска элемента: 804

Объем занимаемой памяти: 312

Количество сравнений для поиска элемента: 4

## Контрольные вопросы

## **1. Что такое дерево?**

Дерево – это рекурсивная структура данных, используемая для представления иерархических связей, имеющих отношение «один ко многим».

## **2. Как выделяется память под представление деревьев?**

В виде связного списка — динамически под каждый узел.

## **3. Какие стандартные операции возможны над деревьями?**

Обход дерева, поиск по дереву, включение в дерево, исключение из дерева.

## **4. Что такое дерево двоичного поиска?**

Двоичное дерево поиска - двоичное дерево, для каждого узла которого сохраняется условие: левый потомок больше или равен родителю, правый потомок строго меньше родителя (либо наоборот).

## **5. Чем отличается идеально сбалансированное дерево от АВЛ дерева?**

У АВЛ дерева для каждой его вершины высота двух её поддеревьев различается не более чем на 1, а у идеально сбалансированного дерева различается количество вершин в каждом поддереве не более чем на 1.

## **6. Чем отличается поиск в АВЛ-дереве от поиска в дереве двоичного поиска?**

Поиск в АВЛ дереве происходит быстрее, чем в дереве двоичного поиска.

## **7. Что такое хеш-таблица, каков принцип ее построения?**

Хеш-таблицей называется массив, заполненный элементами в порядке, определяемом хеш-функцией. Хеш-функция каждому элементу таблицы ставит в соответствие некоторый индекс. Функция должна быть простой для вычисления, распределять ключи в таблице равномерно и давать минимум коллизий.

## **8. Что такое коллизии? Каковы методы их устранения?**

Коллизия — ситуация, когда разным ключам хеш-функция ставит в соответствие один и тот же индекс. Основные методы устранения коллизий: открытое и закрытое хеширование. При открытом хешировании к ячейке по данному ключу прибавляется связанный список, при закрытом — новый элемент кладется в ближайшую свободную ячейку после данной.



## **9. В каком случае поиск в хеш-таблицах становится неэффективен?**

Поиск в хеш-таблице становится неэффективен при большом числе коллизий – сложность поиска возрастает по сравнению с  $O(1)$ . В этом случае требуется реструктуризация таблицы – заполнение её с использованием новой хеш-функции.

## **10. Эффективность поиска в AVL деревьях, в дереве двоичного поиска и в хеш-таблицах.**

В хеш-таблице минимальное время поиска  $O(1)$ . В AVL:  $O(\log_2 n)$ . В дереве двоичного поиска  $O(h)$ , где  $h$  - высота дерева (от  $\log_2 n$  до  $n$ ).

## **Вывод**

Использование хеш-таблицы всегда эффективно по времени (при 500 элементах 37 тактов), но не всегда эффективно по памяти (из примера – при 10 элементах занимаемая память равна 1504 байтам). В случае деревьев, AVL дерево не всегда выигрывает по времени поиска у несбалансированного дерева, так как порядок вершин при балансировке меняется, но всегда выигрывает по среднему времени поиска по дереву (при 500 элементах AVL - 1463 тактов, а ДДП – 2438 тактов).