$$F^{-1}FX \xrightarrow{F^{-1}F(f)} F^{-1}FY$$

$$\downarrow \nu_X \qquad \qquad \downarrow \nu_Y \qquad \qquad \downarrow \nu_Y$$

$$X \xrightarrow{f} Y$$