

МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М. В. ЛОМОНОСОВА
ФАКУЛЬТЕТ ВЫЧИСЛИТЕЛЬНОЙ МАТЕМАТИКИ И КИБЕРНЕТИКИ

ОТЧЕТ ПО ЗАДАНИЮ №1

«Методы сортировки»

Вариант 2 3 1 4

Исполнитель: студент 106 группы
Шурыгин Всеволод Евгеньевич
Преподаватель:
Манушин Дмитрий Валерьевич

МОСКВА
2021

Содержание

Постановка задачи.....	3
Результаты экспериментов	4
Структура программы и спецификации функций.....	5
Отладка программы, тестирование функций	6
Анализ допущенных ошибок	7
Литература	8

Постановка задачи

Требуется реализовать два метода сортировки массива чисел и провести их экспериментальное сравнение. Генерация исходных массивов для сортировки реализуется отдельной функцией, создающей в зависимости от заданного параметра и заданной длины конкретный массив, в котором:

- ☐ элементы уже упорядочены (параметр 1);
- ☐ элементы упорядочены в обратном порядке (параметр 2);
- ☐ расстановка элементов случайна (параметр 3, 4).

Данные (элементы массива) — 64-разрядные целые числа (long long int), память выделяется динамически функцией malloc.

Вид сортировки: числа упорядочиваются по неубыванию модулей, то есть при сравнении элементов не учитывается знак.

Исследуемые два вида сортировки:

- Метод «пузырька» (см. [1] 130-132; [2] 27-28; [3] 101-102)
- Быстрая сортировка Хоара, рекурсивная реализация (см. [3] 114-117)

Результаты экспериментов оформить на основе нескольких запусков программы в виде следующей сводной таблицы:

Название метода сортировки						
<i>n</i>	Параметр	Номер сгенерированного массива				Среднее значение
		1	2	3	4	
10	Сравнения					
	Перемещения					
100	Сравнения					
	Перемещения					
1000	Сравнения					
	Перемещения					
10000	Сравнения					
	Перемещения					

Результаты экспериментов

В результате экспериментов была подтверждена асимптотическая оценка алгоритмов: быстрой сортировки — $O(N \cdot \log N)$, сортировки “пузырьком” — $O(N^2)$.

Пузырьковая сортировка

n	Параметр	Номер сгенерированного массива				Среднее значение
		1	2	3	4	
10	Сравнения	9	45	45	41	35
	Перемещения	0	45	27	14	21,5
100	Сравнения	99	4950	4935	4797	3696
	Перемещения	0	4950	2298	2361	2403
1000	Сравнения	999	499500	499434	498905	374709,5
	Перемещения	0	499500	246947	250634	249271
10000	Сравнения	9999	49995000	49981797	49989224	37494005
	Перемещения	0	49995000	24836278	24986725	24954501

По асимптотике общее число операций (сравнения+перемещения) соответственно для N должно быть порядка N^2 : 10^2 , 10^4 , 10^6 , 10^8 : 10, 100, 1000, 10000. Результаты порядка: 60 (100), 6000 (10000), 620000 (1000000), 62000000 (100000000) подтверждают эту оценку.

Быстрая сортировка Хоара

n	Параметр	Номер сгенерированного массива				Среднее значение
		1	2	3	4	
10	Сравнения	31	34	33	45	35,75
	Перемещения	0	5	7	8	5
100	Сравнения	606	610	936	812	741
	Перемещения	0	50	145	138	84
1000	Сравнения	9009	9016	13401	12424	10962,5
	Перемещения	0	500	2304	2332	1284
10000	Сравнения	125439	125452	187387	179207	154371,5
	Перемещения	0	5000	30483	30744	16557

Общее число операций (сравнения+перемещения) соответственно для N : 10, 100, 1000, 10000 должно быть порядка $N \cdot \log N$: $10 \cdot 3.32$, $100 \cdot 6.64$, $1000 \cdot 9.96$, $10000 \cdot 13.28$. Результаты порядка: 40 (33), 820 (664), 12000 (9960), 170000 (132800) подтверждают эту оценку. Быстрая сортировка асимптотически “лучше” сортировки “пузырьком”, но на уже отсортированном массиве делает операций больше (см. таблицу).

Структура программы и спецификации функций

Функции, реализованные для выполнения задания:

- **void swap (long long *a, long long *b)** – меняет местами элементы массива, на которые указывают a и b.
- **int compareIncrease (const void *x1, const void *x2)** – для функции qsort из стандартной библиотеки компаратор должен возвращать 0, если аргументы равны, значение меньше нуля – если первый аргумент должен предшествовать второму (для сортировки по возрастанию меньше), больше нуля в ином случае.
- **int compareDecrease (const void *x1, const void *x2)** – функция сравнения элементов массива для qsort по невозрастанию.
- **void arrayGeneration (long long *a, int n, int param)** - генерация массива с псевдослучайными числами, от значения параметра зависит их порядок следования (см. выше в постановке задачи), при значении параметра 1 или 2 - используем qsort и 2 функции, описанные выше.
- **int absCompare (long long x1, long long x2, unsigned test)** – компаратор для сравнения чисел по абсолютной величине (проверяет, является ли модуль первого числа больше модуля второго).
- **void bubbleSort (long long *a, int n)** – сортировка “пузырьком”.
- **void qSort (long long *a, int left, int right)** – быстрая сортировка Хоара с параметрами начала и конца сортируемого подмассива (для рекурсивной реализации).
- **void quickSort (long long *a, int n)** – функция, принимающая в соответствии с постановкой задачи только число элементов и сам массив.
- **int checkArrayAbsAscending (long long *a, int n)** – проверка, является ли сортировка по возрастанию модулей корректной.

Отладка программы, тестирование функций

Правильность работы сортировок проверялась функцией **checkArrayAbsAscending (long long *a, int n)**, которой на вход подаётся потенциально отсортированный массив. Функция с помощью цикла проверяет, что все элементы отсортированы корректно – по возрастанию модулей.

Также в процессе доработки программы была использована функция **qsort** из стандартной библиотеки, принимающую в качестве компаратора функцию **absCompare**. В финальной же версии программы **qsort** оставлена в другом качестве - используется функцией **arrayGeneration** для проверки работы программы на случайном массиве чисел, отсортированных (не по абсолютной величине, а с учётом знака) по неубыванию или невозрастанию.

Массив сортируется. Но чтобы убедиться в корректности реализации конкретного метода, разберём шаги сортировок на примере небольшого массива (пусть $n=5$).

Сгенерированный массив: 70242 69215 23233 -63699 -30704

1) Сортировка “пузырьком”

```
70242 69215 23233 -63699 -30704
70242 69215 23233 -30704 -63699
70242 23233 69215 -30704 -63699
23233 70242 69215 -30704 -63699
23233 70242 -30704 69215 -63699
23233 -30704 70242 69215 -63699
23233 -30704 70242 -63699 69215
23233 -30704 -63699 70242 69215
23233 -30704 -63699 69215 70242
You're god damn right! BubbleSort done 10 compares and 8 moves
```

1 шаг: самый "лёгкий" элемент "всплывает" в начало массива

2 шаг: аналогично со 2 по абс. величине

3 шаг

последний шаг сортировки

2) Быстрая сортировка Хоара

```
Please enter a size of array...
5
If you want data ordered ascending - press 1, reverse (descending) - press 2, random - press 3 or 4
3
70242 69215 23233 -63699 -30704
23233 69215 70242 -63699 -30704
23233 69215 -30704 -63699 70242
23233 -30704 69215 -63699 70242
23233 -30704 -63699 69215 70242
You're god damn right! QuickSort done 18 compares and 4 moves
```

в правой части все элементы больше по модулю $\text{comp} = a[(l+r)/2]$ но в левой первый же элемент не меньше - надо поменять

теперь левая часть по мод. меньше 70000, но в правой части есть эл-т не больше

ещё 2 аналогичных шага и мы получаем отсортированный массив (ищем в левой части первый элемент, больший comp , и в правой части эл-т, меньший comp)

Анализ допущенных ошибок

- 1) На начальной стадии несколько раз не компилировалось из-за синтаксических ошибок (например, писал `ull` вместо `llu`), выводило неверное число сравнений и перемещений (в `printf` выводил указатели).
- 2) Излишняя экономия памяти на типах данных, которая привела к проблемам, в частности с `unsigned n`, `left`, `right`, когда делал `n-1` и когда уменьшалось `j` в цикле в быстрой сортировке, после нуля становилось `max_unsigned`, а не `-1`.
- 3) Не учёл, что `abs(LLONG_MIN)` вызовет переполнение - некорректно работало. Пришлось писать отдельную функцию `AbsCompare`. Также понадобилась дополнительная проверка `x2==LLONG_MIN` в `AbsCompare`.
- 4) В `compare` для библиотечной `qsort` добавил третий параметр для сортировки по неубыванию/невозрастанию, хотя по стандарту должно быть два.
- 5) Написал `swap` и `compare` inline функциями как в `c++` по привычке - `undefined reference`.
- 6) Утечка памяти – добавил `free(a)`.
- 7) `Codestyle`: неконсистентное именование функций: часть в `CamelCase`, часть в `lowerCamelCase`, также не у всех функций по имени был понятен результат ее работы (`compare1` и `compare2` ничего не сообщают о том, как именно они сравнивают аргументы, `CompareIncrease/CompareDecrease` стали более понятными, из названия `PseudoRandom` не ясно, что эта функция заполняет массив – заменено на `arrayGeneration`, `TestFailed` также можно назвать в соответствии с выполняемой работой, например `CheckArrayAscending`).
- 8) С генерацией 64-битных целых чисел по шаблону, предложенному в задании `rand()*rand()*rand()*rand()*rand()` возникало сразу 2 проблемы: `arrayGeneration` читает элементы неинициализированного массива, когда в цикле из 5 итераций умножал на `Rand()`, а также `Undefined Behavior (integer overflow) signed integer overflow: 2086435344 1569882090 cannot be represented in type 'int' в rand()*rand()*rand()`. Поэтому случайное число в массиве теперь формируется не по байтам, а по битам, отдельно аккуратно комментарий со старшим битом знака, чтобы в итоге охватывался весь диапазон от -2^{63} до $2^{63}-1$.
- 9) Была немного улучшена сортировка “пузырьком” - с досрочным выходом из цикла при отсутствии перемещений элементов, чтобы число сравнений было не заранее фиксированным (для отчёта).

Литература

1. Кнут Д. Искусство программирования для ЭВМ. Том 3. — М.: Мир, 1978.
2. Лорин Г. Сортировка и системы сортировки. — М.: Наука, 1983.
3. Вирт Н. Алгоритмы и структуры данных. — М.: Мир, 1989.
4. Кормен Т., Лейзерсон Ч., Ривест Р, Штайн К. Алгоритмы: построение и анализ. Второе издание. М. "Вильямс", 2005.