

# Ejercicios

Uriel Paluch

16/10/2021

## Guía Práctica 4: Interpolación

```
PolinomioLagrange <- function(x, fx, y){
```

```
  n <- length(x)
```

```
  l <- rep("", times = n)
```

```
  resultado <- 0
```

```
  for (i in 1:n) {
```

```
    l[i] <- fx[i]
```

```
    for (j in 1:n) {
```

```
      if (j != i){
```

```
        l[i] <- l[i] + glue::glue("*(x-", x[j], ")/(", x[i], "-", x[j], ")")
```

```
      }
```

```
    }
```

```
  }
```

```
  for(i in 1:n){
```

```
    resultado <- resultado + eval(parse(text=l[i]), y)
```

```
  }
```

```
  return(paste("El resultado es: ", resultado))
```

```
}
```

```
# Metodo de Neville -----
```

```
Neville <- function(x, y, interpol){
```

```
  #cantidad de iteraciones que voy a hacer
```

```
  n <- length(x)-1
```

```
  #Hago un vector vacio para llenar el df
```

```
  empty_vec <- rep(0, times = length(x))
```

```
  df <- data.frame(x, y)
```

```
  for (i in 1:n) {
```

```
    df[glue::glue("Q", i)] <- empty_vec
```

```
    for (j in (i+1):(n+1)) {
```

```
      df[j, (i+2)] <- ( (interpol-x[(j-i)]) * df[j, (i+1)] - (interpol-x[j]) * df[(j-1), (i+1)] ) /
```

```

    }
  }

  return(df)
}

```

### Ejercicio 1:

Use los polinomios interpolantes de Lagrange apropiados de grado uno, dos y tres para aproximar lo siguiente:

```

# x es una lista con todos los valores
# fx es la funcion que hay que aproximar
# y es el valor donde se desea aproximar la función
polinomioLagrangeGrado3 <- PolinomioLagrange(x = c(0, 0.25, 0.5, 0.75), fx = c(1, 1.64872, 2.71828, 4.48169), y = list(x = 0.43))
print(polinomioLagrangeGrado3)

```

a.  $f(0.43)$  si  $f(0) = 1$ ,  $f(0.25) = 1.64872$ ,  $f(0.5) = 2.71828$ ,  $f(0.75) = 4.48169$

```
## [1] "El resultado es: 2.36060473408"
```

```

polinomioLagrangeGrado2 <- PolinomioLagrange(x = c(0, 0.25, 0.5), fx = c(1, 1.64872, 2.71828), y = list(x = 0.43))
print(polinomioLagrangeGrado2)

```

```
## [1] "El resultado es: 2.376382528"
```

```

polinomioLagrangeGrado2 <- PolinomioLagrange(x = c(0.25, 0.5, 0.75), fx = c(1.64872, 2.71828, 4.48169), y = list(x = 0.43))
print(polinomioLagrangeGrado2)

```

```
## [1] "El resultado es: 2.34886312"
```

```

#Este es el que va
#Creo que es porque es el intervalo mas pequeño
polinomioLagrangeGrado1 <- PolinomioLagrange(x = c(0.25, 0.5), fx = c(1.64872, 2.71828), y = list(x = 0.43))
print(polinomioLagrangeGrado1)

```

```
## [1] "El resultado es: 2.4188032"
```

```

polinomioLagrangeGrado3 <- PolinomioLagrange(x = c(-0.5, -0.25, 0.25, 0.5), fx = c(1.93750, 1.33203, 0.800781, 0.687500), y = list(x = 0))
print(polinomioLagrangeGrado3)

```

b.  $f(0)$  si  $f(-0.5) = 1.93750$ ,  $f(-0.25) = 1.33203$ ,  $f(0.25) = 0.800781$ ,  $f(0.5) = 0.687500$

```
## [1] "El resultado es: 0.984374"
```

```

polinomioLagrangeGrado2 <- PolinomioLagrange(x = c(-0.5, -0.25, 0.25), fx = c(1.93750, 1.33203, 0.800781), y = list(x = 0))
print(polinomioLagrangeGrado2)

```

```
## [1] "El resultado es: 0.953123666666667"
```

```

polinomioLagrangeGrado2 <- PolinomioLagrange(x = c(-0.25, 0.25, 0.5), fx = c(1.33203, 0.800781, 0.687500), y = list(x = 0))
print(polinomioLagrangeGrado2)

```

```
## [1] "El resultado es: 1.01562433333333"
```

```

polinomioLagrangeGrado1 <- PolinomioLagrange(x = c(-0.25, 0.25), fx = c(1.33203, 0.800781), y = list(x = 0))
print(polinomioLagrangeGrado1)

```

```
## [1] "El resultado es: 1.0664055"
```

```
polinomioLagrangeGrado3 <- PolinomioLagrange(x = c(0.1, 0.2, 0.3, 0.4), fx = c(-0.29004986, -0.56079734, -0.81401972, -1.0526302), y = list(1.0664055, -0.5081430744, -0.508049852, -0.506647844))  
print(polinomioLagrangeGrado3)
```

c.  $f(0.18)$  si  $f(0.1) = -0.29004986$ ,  $f(0.2) = -0.56079734$ ,  $f(0.3) = -0.81401972$ ,  $f(0.4) = -1.0526302$

```
## [1] "El resultado es: -0.5081430744"
```

```
polinomioLagrangeGrado2 <- PolinomioLagrange(x = c(0.1, 0.2, 0.3), fx = c(-0.29004986, -0.56079734, -0.81401972), y = list(1.0664055, -0.5081430744, -0.508049852))  
print(polinomioLagrangeGrado2)
```

```
## [1] "El resultado es: -0.508049852"
```

```
polinomioLagrangeGrado1 <- PolinomioLagrange(x = c(0.1, 0.2), fx = c(-0.29004986, -0.56079734), y = list(1.0664055, -0.5081430744))  
print(polinomioLagrangeGrado1)
```

```
## [1] "El resultado es: -0.506647844"
```

#### Ejercicio 4:

Aplice el método de Neville para obtener las aproximaciones del ejercicio 1.

```
# x es la preimagen  
# y es la imagen  
# interpolar es el número que se desea interpolar  
print(Neville(x = c(0, 0.25, 0.5, 0.75), y = c(1, 1.64872, 2.71828, 4.48169), interpolar = 0.43))
```

#### Ejercicio a:

##	x	y	Q1	Q2	Q3
## 1	0.00	1.00000	0.000000	0.000000	0.000000
## 2	0.25	1.64872	2.115798	0.000000	0.000000
## 3	0.50	2.71828	2.418803	2.376383	0.000000
## 4	0.75	4.48169	2.224525	2.348863	2.360605

```
# x es la preimagen  
# y es la imagen  
# interpolar es el número que se desea interpolar  
print(Neville(x = c(-0.5, -0.25, 0.25, 0.5), y = c(1.93750, 1.33203, 0.800781, 0.687500), interpolar = 0.43))
```

#### Ejercicio b:

##	x	y	Q1	Q2	Q3
## 1	-0.50	1.937500	0.000000	0.0000000	0.000000
## 2	-0.25	1.332030	0.726560	0.0000000	0.000000
## 3	0.25	0.800781	1.066406	0.9531237	0.000000
## 4	0.50	0.687500	0.914062	1.0156243	0.984374

```
# x es la preimagen  
# y es la imagen  
# interpolar es el número que se desea interpolar  
print(Neville(x = c(0.1, 0.2, 0.3, 0.4), y = c(-0.29004986, -0.56079734, -0.81401972, -1.0526302), interpolar = 0.18))
```

### Ejercicio c:

##	x	y	Q1	Q2	Q3
## 1	0.1	-0.2900499	0.0000000	0.0000000	0.0000000
## 2	0.2	-0.5607973	-0.5066478	0.0000000	0.0000000
## 3	0.3	-0.8140197	-0.5101529	-0.5080499	0.0000000
## 4	0.4	-1.0526302	-0.5276871	-0.5083994	-0.5081431