Diferenciación numérica

Uriel Paluch

31/10/2021

Dada cualquier función continua definida dentro de un intervalo cerrado, existe un polinomio que esta arbitrariamente cerca de la función en cada punto del intervalo. Ademas las derivadas e integrales de los polinomio se obtienen con facilidad.

Derivación numérica

La derivada de la función f en x_0 es:

$$f = \lim_{h \to 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h}$$

Se conoce como fórmula de diferencia hacia adelante si h>0 y diferencia hacia atras si h<0

Se asume que todos los valores están separados por una h constante

```
DerivadaPorDefinicion <- function(x, fx){</pre>
  fprima <- rep(NA, times = length(x))</pre>
  #Se asume que todos los valores estan separados por un h constante
  h \leftarrow x[2] - x[1]
  #Diferencia progresiva
  for (i in 1:(length(x)-1)){
    fprima[i] \leftarrow (fx[i+1] - fx[i]) / h
  #Diferencia regresiva
  for (i in (length(x):2)) {
    fprimaReg <- (fx[i-1] - fx[i]) / (-h)</pre>
    if (!is.na(fprima[i])){
      if(fprimaReg != fprima[i]){
        aux <- fprima[i]</pre>
        fprima[i] <- glue::glue(aux, " (P)",</pre>
                                    " o ",
                                   fprimaReg, " (R)" )
      }
    } else{
      fprima[i] <- fprimaReg</pre>
  }
```

Formula de 3 puntos

```
Tres_puntos <- function(x, fx){
    n <- length(x)

fprima <- rep(NA, times = n)

h <- x[2] - x[1]

#Punto extremo
fprima[1] <- (1/(2*h))*(-3*fx[1]+4*fx[2]-fx[3])
fprima[n] <- (1/(2*(-h)))*(-3*fx[n]+4*fx[n-1]-fx[n-2])

#Punto medio
for (i in 2:(n-1)) {
    fprima[i] <- (1/(2*h))*(-fx[i-1]+fx[i+1])
}

tabla <- data.frame(x, fx, fprima)
return(tabla)
}</pre>
```

Pero si se consideran argumentos equiespaciados. Luego de realizar las sustituciones convenientes, se pueden calcular el punto medio y el punto extremo.

```
Cinco_puntos <- function(x, fx){
    n <- length(x)

fprima <- rep(NA, times = n)

h <- x[2] - x[1]

#Punto extremo
fprima[1] <- (1/(12*h))*(-25*fx[1]+48*fx[2]-36*fx[3]+16*fx[4]-3*fx[5])
fprima[n] <- (1/(12*(-h)))*(-25*fx[n]+48*fx[n-1]-36*fx[n-2]+16*fx[n-3]-3*fx[n-4])

#Punto medio
for (i in 3:(n-2)) {
    fprima[i] <- (1/(12*h))*(fx[i-2]-8*fx[i-1]+8*fx[i+1]-fx[i+2])
}</pre>
```