Московский государственный университет имени М.В.Ломоносова Факультет Вычислительной математики и кибернетики

#### СУПЕРКОМПЬЮТЕРЫ И ПАРАЛЛЕЛЬНАЯ ОБРАБОТКА ДАННЫХ (лекция 9)

А.С.Антонов

Вед. н.с. НИВЦ МГУ, к.ф.-м.н.

asa@parallel.ru

ВМК МГУ, 2024

#### Технология программирования ОрепМР

OpenMP – технология параллельного программирования для компьютеров с общей памятью. Стандарт 5.2 принят в ноябре 2021 года.

Один вариант программы для параллельного и последовательного выполнения.

Любой процесс состоит из нескольких нитей управления, которые имеют общее адресное пространство, но разные потоки команд и раздельные стеки.

Макрос \_**OPENMP** определён в формате уууутт, где уууу и тт – цифры года и месяца, когда был принят поддерживаемый стандарт OpenMP.

```
Условная компиляция:

#include <stdio.h>

int main(){

#ifdef _OPENMP

    printf("OpenMP is supported!\n");

#endif
}
```

Распараллеливание в OpenMP: вставка в текст программы специальных директив, а также вызов вспомогательных функций.

SPMD-модель (Single Program Multiple Data) параллельного программирования: для всех параллельных нитей используется один и тот же код.

Инкрементальное распараллеливание в OpenMP - последовательное добавление в текст программы директив OpenMP без изменения её структуры.

Программа начинается с *последовательной области* – работает одна нить, при входе в *параллельную область* порождается ещё несколько нитей, между которыми распределяются части кода.

По завершении параллельной области все нити, кроме одной (нити-мастера), завершаются.

Любое количество параллельных и последовательных областей. Параллельные области могут быть вложенными друг в друга.

В OpenMP переменные в параллельных областях программы разделяются на два основных класса:

**shared** (*общие*; все нити видят одну и ту же переменную);

**private** (*локальные*, приватные; каждая нить видит свой экземпляр данной переменной).

По умолчанию, все переменные, порождённые вне параллельной области, при входе в неё остаются общими. Исключение составляют переменные, являющиеся счётчиками итераций в цикле.

Переменные, порождённые внутри параллельной области, по умолчанию являются локальными.

Директивы OpenMP в языке Си задаются указаниями препроцессору, начинающимися с #pragma omp

```
#pragma omp directive-name [опция[[,] опция]...]
```

Объектом действия большинства директив является один оператор или блок, перед которым расположена директива в исходном тексте программы.

Чтобы задействовать функции библиотеки ОрепМР периода выполнения (исполняющей среды), в программу нужно включить заголовочный файл **omp.h** (для программ на языке Фортран – файл **omp\_lib.h** или модуль **omp\_lib**).

Нужно задать количество нитей, выполняющих параллельные области программы, определив значение переменной среды **OMP\_NUM\_THREADS**:

export OMP\_NUM\_THREADS=n

Функции для работы с системным таймером:

#### double omp\_get\_wtime(void);

Возвращает астрономическое время в секундах, прошедшее с некоторого момента в прошлом.

#### double omp\_get\_wtick(void);

Возвращает в вызвавшей нити разрешение таймера в секундах.

Параллельные и последовательные области:

```
#pragma omp parallel [опция[[,] опция]...]
```

Порождаются новые **OMP\_NUM\_THREADS-1** нитей, каждая нить получает свой уникальный номер, причём порождающая нить получает номер **0** и становится основной нитью группы («мастером»). При выходе из параллельной области производится неявная синхронизация и уничтожаются все нити, кроме породившей.

**if (условие)** – выполнение параллельной области по условию;

num\_threads (целочисленное выражение) – явное задание количества нитей, которые будут выполнять параллельную область; default (shared | none) — всем переменным в параллельной области, которым явно не назначен класс, будет назначен класс **shared**; **none** – всем переменным класс назначается явно;

**private (список)** – переменные, для которых порождается локальная копия в каждой нити; начальное значение не определено;

**firstprivate(список)** – переменные, для которых порождается локальная копия в каждой нити; локальные копии инициализируются значениями этих переменных в нити-мастере; **shared(список)** – переменные, общие для всех нитей;

reduction(оператор:список) — задаёт оператор и список общих переменных; для каждой переменной создаются локальные копии в каждой нити; они инициализируются соответственно типу оператора (для аддитивных - 0 или аналоги, для мультипликативных -1 или аналоги); после выполнения всех операторов параллельной области выполняется заданный оператор; **оператор** это: для языка Си – +, \*, -, &, |, ^, &&, ; порядок выполнения операторов не определён, поэтому результат может отличаться от запуска к запуску.

```
#include <stdio.h>
int main(int argc, char *argv[])
   printf("Последовательная область 1\n");
#pragma omp parallel
      printf("Параллельная область\n");
   }
   printf("Последовательная область 2\n");
```

```
#include <stdio.h>
int main(int argc, char *argv[])
   int count = 0;
#pragma omp parallel reduction (+: count)
      count++;
      printf("Текущее значение count: %d\n",
count);
   printf("Число нитей: %d\n", count);
```

Если внутри параллельной области содержится только один параллельный цикл, одна конструкция sections или одна конструкция workshare, то можно использовать укороченную запись: parallel for, parallel sections или parallel workshare.

void omp\_set\_num\_threads(int num);

```
#include <stdio.h>
#include <omp.h>
int main(int argc, char *argv[])
   omp_set_num_threads(2);
#pragma omp parallel num_threads(3)
      printf("Параллельная область 1\n");
#pragma omp parallel
      printf("Параллельная область 2\n");
   }
```

Параллельные области могут быть вложенными; по умолчанию вложенная параллельная область выполняется одной нитью. Это управляется установкой переменной среды OMP\_NESTED. export OMP\_NESTED=true Изменить значение переменной OMP\_NESTED можно с помощью вызова функции omp\_set\_nested(). void omp\_set\_nested(int nested); Узнать значение переменной OMP\_NESTED можно при помощи функции omp\_get\_nested(). int omp\_get\_nested(void);

Функция omp\_in\_parallel() возвращает 1, если она была вызвана из активной параллельной области программы.

int omp\_in\_parallel(void);

#pragma omp parallel

mode();

```
void mode(void){
   if(omp_in_parallel()) printf("Параллельная
oбласть\n");
   else printf("Последовательная область\n");
}
int main(int argc, char *argv[]){
   mode();
```

Если в параллельной области какой-либо участок кода должен быть выполнен лишь один раз, то его нужно выделить директивами **single**:

```
#pragma omp single [опция [[,]
опция]...]
private(список);
firstprivate(список);
copyprivate(список) — новые значения
переменных списка будут доступны всем
одноименным частным переменным (private и
firstprivate); опция не может использоваться
совместно с опцией nowait; переменные списка
не должны быть перечислены в опциях private
и firstprivate данной директивы single;
```

nowait – после выполнения участка происходит неявная барьерная синхронизация нитей: их дальнейшее выполнение происходит только тогда, когда все достигнут данной точки; если в этом нет необходимости, опция **nowait** позволяет нитям, дошедшим до конца участка, продолжить выполнение без синхронизации. #pragma omp parallel printf("Сообщение 1\n"); **#pragma omp single nowait** 

> printf("Одна нить\n"); } printf("Сообщение 2\n");

Директива **master** выделяет участок кода, который будет выполнен только нитью-мастером. Остальные нити пропускают данный участок и продолжают работу с оператора, расположенного следом. Неявной синхронизации не предполагает.

#pragma omp master

```
#pragma omp parallel private(n)
    {
        n=1;
#pragma omp master
        n=2;
        printf("значение n: %d\n", n);
    }
```

Все нити в параллельной области нумеруются последовательными целыми числами от **0** до **N - 1**, где **N** — количество нитей, выполняющих данную область.

Вызов функции omp\_get\_thread\_num() позволяет нити получить свой уникальный номер в текущей параллельной области.

int omp\_get\_thread\_num(void);
Вызов функции omp\_get\_num\_threads()
позволяет нити получить количество нитей в
текущей параллельной области.

int omp\_get\_num\_threads(void);

```
#include <stdio.h>
#include <omp.h>
int main(int argc, char *argv[])
   int n=1;
   printf("в посл. области (1): %d\n", n);
#pragma omp parallel private(n)
      printf("Значение n на нити (1): %d\n", n);
/* Присвоим переменной n номер текущей нити */
      n=omp_get_thread_num();
      printf("Значение n на нити (2): %d\n", n);
   printf("в посл. области (2): %d\n", n);
```

```
#include <stdio.h>
#include <omp.h>
int main(int argc, char *argv[])
   int n=1;
   printf("в посл. области (1): %d\n", n);
#pragma omp parallel firstprivate(n)
      printf("Значение n на нити (1): %d\n", n);
/* Присвоим переменной n номер текущей нити */
      n=omp_get_thread_num();
      printf("Значение n на нити (2): %d\n", n);
   printf("в посл. области (2): %d\n", n);
```

Если в параллельной области встретился оператор цикла, то, согласно общему правилу, он будет выполнен всеми нитями текущей группы, то есть, каждая нить выполнит все итерации данного цикла. Для распределения итераций цикла между различными нитями можно использовать директиву **for**.

#pragma omp for [опция [[,] опция]...]

Эта директива относится к идущему следом за данной директивой блоку, включающему операторы **for**.

```
private(список);
firstprivate(список);
lastprivate(список) — переменным,
перечисленным в списке, присваивается
результат с последнего витка цикла;
reduction(оператор:список);
schedule(type[, chunk]) — опция задаёт,
каким образом итерации цикла распределяются
между нитями;
```

**collapse(n)** — опция указывает, что **n** последовательных тесновложенных циклов ассоциируется с данной директивой; для циклов образуется общее пространство итераций, которое делится между нитями; если опция **collapse** не задана, то директива относится только к одному непосредственно следующему за ней циклу;

**ordered** — опция, говорящая о том, что в цикле могут встречаться директивы **ordered**; в этом случае определяется блок внутри тела цикла, который должен выполняться в том порядке, в котором итерации идут в последовательном цикле;

nowait.

На вид параллельных циклов накладываются достаточно жёсткие ограничения. В частности, предполагается, что корректная программа не должна зависеть от того, какая именно нить какую итерацию параллельного цикла выполнит. Нельзя использовать побочный выход из параллельного цикла. Размер блока итераций, указанный в опции schedule, не должен изменяться в рамках цикла.

Формат параллельных циклов упрощённо можно представить следующим образом:

```
for([целочисленный тип] і = инвариант цикла; і {<,>,==,<=,>=} инвариант цикла; і {+,-}= инвариант цикла)
```

Итеративная переменная распределяемого цикла по смыслу должна быть локальной, поэтому в случае, если она специфицирована общей, то она неявно делается локальной при входе в цикл. После завершения цикла значение итеративной переменной цикла не определено, если она не указана в опции lastprivate.

```
#include <stdio.h>
#include <omp.h>
int main(int argc, char *argv[])
 int A[10], B[10], C[10], i, n;
 for (i=0; i<10; i++){A[i]=i; B[i]=2*i; C[i]=0;}
#pragma omp parallel shared(A,B,C) private(i,n)
  n=omp_get_thread_num();
#pragma omp for
  for (i=0; i<10; i++){
   C[i]=A[i]+B[i];
   printf("Нить %d сложила элементы %d\n",n,i);
```

В опции **schedule** параметр **type** задаёт следующий тип распределения итераций:

static – блочно-циклическое распределение итераций цикла; размер блока – **chunk**. Первый блок из chunk итераций выполняет нулевая нить, второй блок — следующая и т.д. до последней нити, затем распределение снова начинается с нулевой нити. Если значение **chunk** не указано, то всё множество итераций делится на непрерывные куски примерно одинакового размера (конкретный способ зависит от реализации), и полученные порции итераций распределяются между нитями.

```
#include <stdio.h>
#include <omp.h>
int main(int argc, char *argv[])
 int i;
#pragma omp parallel private(i)
#pragma omp for schedule (static, 2)
  for (i=0; i<10; i++){
   printf("Нить %d выполнила итерацию %d\n",
                omp_get_thread_num(), i);
   sleep(1);
```

**dynamic** – динамическое распределение итераций с фиксированным размером блока: сначала каждая нить получает **chunk** итераций (по умолчанию **chunk=1**), та нить, которая заканчивает выполнение своей порции итераций, получает первую свободную порцию из **chunk** итераций. Освободившиеся нити получают новые порции итераций до тех пор, пока все порции не будут исчерпаны. Последняя порция может содержать меньше итераций, чем все остальные.

guided – динамическое распределение итераций, при котором размер порции уменьшается с некоторого начального значения до величины chunk (по умолчанию chunk=1) пропорционально количеству ещё не распределённых итераций, делённому на количество нитей, выполняющих цикл. Размер первоначально выделяемого блока зависит от реализации. В ряде случаев такое распределение позволяет аккуратнее разделить работу и сбалансировать загрузку нитей. Количество итераций в последней порции может оказаться меньше значения chunk

**auto** – способ распределения итераций выбирается компилятором и/или системой выполнения. Параметр **chunk** при этом не задаётся.

**runtime** — способ распределения итераций выбирается во время работы программы по значению переменной среды **OMP\_SCHEDULE**.

Значение по умолчанию переменной **OMP\_SCHEDULE** зависит от реализации. Если переменная задана неправильно, то поведение программы при задании опции **runtime** также зависит от реализации.

Задать значение переменной **OMP\_SCHEDULE** в Linux в командной оболочке **bash** можно при помощи команды следующего вида:

export OMP\_SCHEDULE="dynamic,1"

```
Изменить значение переменной OMP_SCHEDULE
из программы можно с помощью вызова функции
omp_set_schedule().
void omp_set_schedule(omp_sched_t
type, int chunk);
Допустимые значения констант описаны в файле
omp.h. Как минимум, следующие варианты:
typedef enum omp_sched_t {
omp_sched_static = 1,
omp_sched_dynamic = 2,
omp_sched_guided = 3,
omp_sched_auto = 4
} omp_sched_t;
```

При помощи вызова функции omp\_get\_schedule() пользователь может узнать текущее значение переменной OMP\_SCHEDULE.

void omp\_get\_schedule(omp\_sched\_t\*
type, int\* chunk);

При распараллеливании цикла нужно убедиться в том, что итерации данного цикла не имеют информационных зависимостей. В этом случае его итерации можно выполнять в любом порядке, в том числе параллельно. Компилятор это не проверяет. Если дать указание компилятору распараллелить цикл, содержащий зависимости, результат работы может оказаться некорректным.

Директива **sections** определяет набор независимых секций кода, каждая из которых выполняется своей нитью.

```
#pragma omp sections [опция [[,]
опция]...]
private(список);
firstprivate(список);
lastprivate(список) — переменным
присваивается результат из последней секции;
reduction(оператор:список);
nowait.
```

Директива **section** задаёт участок кода внутри секции **sections** для выполнения одной нитью.

#### **#pragma omp section**

Перед первым участком кода в блоке sections директива **section** не обязательна. Какие нити будут задействованы для выполнения какой секции, не специфицируется. Если количество нитей больше количества секций, то часть нитей для выполнения данного блока секций не будет задействована. Если количество нитей меньше количества секций, то некоторым (или всем) нитям достанется более одной секции.

```
int n;
#pragma omp parallel private(n)
    n=omp_get_thread_num();
#pragma omp sections
#pragma omp section
      printf("Первая секция, процесс %d\n", n);
#pragma omp section
      printf("Вторая секция, процесс %d\n", n);
   printf("Параллельная область, процесс %d\n",
n);
```

```
int n=0;
#pragma omp parallel
#pragma omp sections lastprivate(n)
#pragma omp section
   n=1;
#pragma omp section
   n=2;
  printf("Значение n на нити %d: %d\n",
             omp_get_thread_num(), n);
 nrintf("?uaueuwe n p vouue: %d\n" n\:
```

Директива **task** применяется для выделения отдельной независимой задачи.

# #pragma omp task [опция [[,] опция]...]

Текущая нить выделяет в качестве задачи ассоциированный с директивой блок операторов. Задача может выполняться немедленно после создания или быть отложенной на неопределённое время и выполняться по частям. Размер таких частей, а также порядок выполнения частей разных отложенных задач определяется реализацией.

**if** (условие) — порождение новой задачи только при выполнении некоторого условия; если условие не выполняется, то задача будет выполнена текущей нитью и немедленно;

untied — опция означает, что в случае откладывания задача может быть продолжена любой нитью из числа выполняющих данную параллельную область; если данная опция не указана, то задача может быть продолжена только породившей её нитью;

```
default(shared|none);
private(список);
firstprivate(список);
shared(список).
```

Для гарантированного завершения в точке вызова всех запущенных задач используется директива taskwait.

#### **#pragma omp taskwait**

Нить, выполнившая данную директиву, приостанавливается до тех пор, пока не будут завершены все ранее запущенные данной нитью независимые задачи.

Самый распространенный способ синхронизации в OpenMP – барьер. Он оформляется с помощью директивы **barrier**.

#### #pragma omp barrier

Нити, выполняющие текущую параллельную область, дойдя до этой директивы, останавливаются и ждут, пока все нити не дойдут до этой точки программы, после чего разблокируются и продолжают работать дальше. Кроме того, для разблокировки необходимо, чтобы все синхронизируемые нити завершили все порождённые ими задачи (task).

```
#include <stdio.h>
#include <omp.h>
int main(int argc, char *argv[])
#pragma omp parallel
      printf("Сообщение 1\n");
      printf("Сообщение 2\n");
#pragma omp barrier
      printf("Сообщение 3\n");
```

Директива **ordered** определяет блок внутри тела цикла, который должен выполняться в том порядке, в котором итерации идут в последовательном цикле.

#### **#pragma omp ordered**

Относится к самому внутреннему из объемлющих циклов, а в параллельном цикле должна быть задана опция ordered. Нить, выполняющая первую итерацию цикла, выполняет операции данного блока. Нить, выполняющая любую следующую итерацию, должна сначала дождаться выполнения всех операций блока всеми нитями, выполняющими предыдущие итерации. Может использоваться, например, для упорядочения вывода от параллельных нитей.

```
#pragma omp parallel private (i, n)
      n=omp_get_thread_num();
#pragma omp for ordered
      for (i=0; i<5; i++)
         printf("Нить %d, итерация %d\n", n, i);
#pragma omp ordered
            printf("ordered: Нить %d, итерация
%d\n", n, i);
```

С помощью директивы **critical** оформляется критическая секция программы.

# #pragma omp critical [(<имя\_критической\_секции>)]

В каждый момент времени в критической секции может находиться не более одной нити. Все другие нити, выполнившие директиву для секции с данным именем, будут заблокированы, пока вошедшая нить не закончит выполнение. Как только работавшая нить выйдет из критической секции, одна из заблокированных нитей войдет в неё. Если на входе стояло несколько нитей, то случайным образом выбирается одна из них, а остальные продолжают ожидание.

Все неименованные критические секции условно ассоциируются с одним и тем же именем. Имеющие одно и тоже имя рассматриваются единой секцией, даже если находятся в разных параллельных областях. Побочные входы и выходы из критической секции запрещены.

```
int n;
#pragma omp parallel
#pragma omp critical
         n=omp_get_thread_num();
         printf("Нить %d\n", n);
```

#### #pragma omp atomic

Данная директива относится к идущему непосредственно за ней оператору присваивания (на используемые в котором конструкции накладываются достаточно понятные ограничения), гарантируя корректную работу с общей переменной, стоящей в его левой части. На время выполнения оператора блокируется доступ к данной переменной всем запущенным в данный момент нитям, кроме нити, выполняющей операцию. Атомарной является только работа с переменной в левой части оператора присваивания, при этом вычисления в правой части не обязаны быть атомарными.

```
#include <stdio.h>
#include <omp.h>
int main(int argc, char *argv[])
   int count = 0;
#pragma omp parallel
#pragma omp atomic
         count++;
      printf("Число нитей: %d\n", count);
```

Один из вариантов синхронизации в OpenMP реализуется через механизм замков (locks). В качестве замков используются общие переменные. Данные переменные должны использоваться только как параметры примитивов синхронизации.

Замок может находиться в одном из трёх состояний: неинициализированный, разблокированный или заблокированный. Разблокированный замок может быть захвачен некоторой нитью. При этом он переходит в заблокированное состояние. Нить, захватившая замок, и только она может его освободить, после чего замок возвращается в разблокированное состояние.

Есть два типа замков: простые замки и множественные замки. Множественный замок может многократно захватываться одной нитью перед его освобождением, в то время как простой замок может быть захвачен только однажды. Для множественного замка вводится понятие коэффициента захваченности (nesting count). Изначально он устанавливается в ноль, при каждом следующем захватывании увеличивается на единицу, а при каждом освобождении уменьшается на единицу. Множественный замок считается разблокированным, если его коэффициент захваченности равен нулю.

```
Для инициализации простого или множественного
замка используются соответственно функции
omp_init_lock() и
omp_init_nest_lock().
void omp_init_lock(omp_lock_t
*lock);
void
omp_init_nest_lock(omp_nest_lock_t
*lock);
```

После выполнения функции замок переводится в разблокированное состояние. Для множественного замка коэффициент захваченности устанавливается в ноль.

```
Функции omp_destroy_lock() и omp_destroy_nest_lock() используются для переведения простого или множественного замка в неинициализированное состояние.
```

```
void omp_destroy_lock(omp_lock_t
*lock);
void omp_destroy_nest_lock
(omp_nest_lock_t *lock);
```

```
Для захватывания замка используются функции omp_set_lock() и omp_set_nest_lock(). void omp_set_lock(omp_lock_t *lock); void omp_set_nest_lock (omp_nest_lock_t *lock);
```

Вызвавшая эту функцию нить дожидается освобождения замка, а затем захватывает его. Замок при этом переводится в заблокированное состояние. Если множественный замок уже захвачен данной нитью, то нить не блокируется, а коэффициент захваченности увеличивается на единицу.

**OpenMP**Для освобождения замка используются функции omp\_unset\_lock() и omp\_unset\_nest\_lock().

void omp\_unset\_lock(omp\_lock\_t \*lock);

void omp\_unset\_nest\_lock(omp\_lock\_t
\*lock);

Вызов этой функции освобождает простой замок, если он был захвачен вызвавшей нитью. Для множественного замка уменьшает на единицу коэффициент захваченности. Если коэффициент станет равен 0, замок освобождается. Если после освобождения есть нити, заблокированные на операции, захватывающей данный замок, он будет сразу захвачен одной из ожидающих нитей.

```
omp_lock_t lock;
   int n;
   omp_init_lock(&lock);
#pragma omp parallel private (n)
      n=omp_get_thread_num();
      omp_set_lock(&lock);
      printf("Начало закрытой секции, %d\n", n);
      sleep(5);
      printf("Конец закрытой секции, %d\n", n);
      omp_unset_lock(&lock);
   omp_destroy_lock(&lock);
```

Для неблокирующей попытки захвата замка используются функции omp\_test\_lock() и omp\_test\_nest\_lock().

```
int omp_test_lock(omp_lock_t *lock);
int omp_test_nest_lock(omp_lock_t
*lock);
```

Данная функция пробует захватить указанный замок. Если это удалось, то для простого замка функция возвращает 1, а для множественного замка – новый коэффициент захваченности. Если замок захватить не удалось, в обоих случаях возвращается 0.

```
omp_lock_t lock;
   int n;
   omp_init_lock(&lock);
#pragma omp parallel private (n)
      n=omp_get_thread_num();
      while (!omp_test_lock (&lock)){
         printf("Секция закрыта, %d\n", n);
         sleep(2);
      printf("Начало закрытой секции, %d\n", n);
      sleep(5);
      printf("Конец закрытой секции, %d\n", n);
      omp_unset_lock(&lock);
   omp_destroy_lock(&lock);
```

#### Литература

- 1. Антонов А.С. Технологии параллельного программирования MPI и OpenMP: Учеб. пособие. Предисл.: В.А.Садовничий. М.: Издательство Московского университета, 2012.-344 с.- (Серия "Суперкомпьютерное образование").
- 2. Антонов А.С. Параллельное программирование с использованием технологии OpenMP: Учебное пособие. -М.: Изд-во МГУ, 2009.-77 с.
- 3. OpenMP Architecture Review Board (http://www.openmp.org/).
- 4. The Community of OpenMP Users, Researchers, Tool Developers and Providers (http://www.compunity.org/).
- 5. OpenMP Application Programming Interface. Version 5.2 November 2021. (https://www.openmp.org/wp-content/uploads/OpenMP-API-Specification-5-2.pdf).
- 6. Barbara Chapman, Gabriele Jost, Ruud van der Pas. Using OpenMP: portable shared memory parallel programming (Scientific and Engineering Computation). Cambridge, Massachusetts: The MIT Press., 2008. 353 pp.

Московский государственный университет имени М.В.Ломоносова Факультет Вычислительной математики и кибернетики

#### СУПЕРКОМПЬЮТЕРЫ И ПАРАЛЛЕЛЬНАЯ ОБРАБОТКА ДАННЫХ (лекция 9)

А.С.Антонов

Вед. н.с. НИВЦ МГУ, к.ф.-м.н.

asa@parallel.ru

ВМК МГУ, 2024