### МГТУ им. Баумана

ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №1

По курсу: "Анализ алгоритмов"

### Расстояние Левенштейна

Работу выполнила: Подвашецкий Дмитрий, ИУ7-54Б

Преподаватели: Волкова Л.Л., Строганов Ю.В.

# Оглавление

Bı	ведение	2		
1	Аналитическая часть	4		
2	Конструкторская часть	6		
3	Технологическая часть         3.1 Выбор ЯП			
4	Исследовательская часть	11		
За	Ваключение			

## Введение

**Расстояние Левенштейна** - минимальное количество операций вставки, удаления, замены необходимых для превращения одной строки в другую.

Расстояние Левенштейна в основном применяется для:

- Для нахождения объектов или записей в поисковых системах
- В базах данных, при поиске с неполно-заданным или неточно заданным именем
- Для исправления ошибок при вводе текста
- Для исправления ошибок в результате автоматического распознавания отсканированного текста или речи

Целью данной лабораторной работы является изучение алгоритмов Левенштейна и Дамерау-Левенштейна.

Задачами данной лабораторной являются:

- 1. изучение алгоритмов Левенштейна и Дамерау-Левенштейна нахождения расстояния между строками;
- 2. получение практических навыков реализации указанных алгоритмов: двух алгоритмов в матричной версии и одного из алгоритмов в рекурсивной версии;
- 3. сравнительный анализ линейной и рекурсивной реализаций выбранного алгоритма определения расстояния между строками по затрачиваемым ресурсам;

- 4. экспериментальное подтверждение различий во временной эффективности рекурсивной и нерекурсивной реализаций выбранного алгоритма;
- 5. описание и обоснование полученных результатов в отчете о выполненной лабораторной работе, выполненного как расчётно-пояснительная записка к работе.

### 1 Аналитическая часть

Задача по нахождению расстояния Левенштейна заключается в поиске минимального количества операций вставки, удаления, замены необходимых для превращения одной строки в другую.

#### Действия обозначаются так:

- 1. D удаление,
- 2. I вставка,
- 3. R -замена,
- 4. М совпадение.

Пусть  $S_1$  и  $S_2$  — две строки (длиной М и N соответственно) над некоторым алфавитом, тогда расстояние Левенштейна можно подсчитать по следующей рекуррентной формуле:

$$D(i,j) = \begin{cases} 0, & i = 0, j = 0 \\ i, & j = 0, i > 0 \\ j, & i = 0, j > 0 \\ min(\\ D(i,j-1)+1, \\ D(i-1,j)+1, & j > 0, i > 0 \\ D(i-1,j-1)+m(S_1[i], S_2[j]) \\ ), & j > 0, i > 0 \end{cases}$$

где m(a,b) равна нулю, если a=b и единице в противном случае;  $min\{\,a,b,c\}$  возвращает наименьший из аргументов.

При вычислении расстояния Дамерау-Левенштейна добавляется еще одна операция - транспозиция, т.е. перестановка двух соседних элементов.

Расстояние Дамерау-Левенштейна вычисляется по следующей рекуррентной формуле:

$$D(i,j) = \begin{cases} 0, & i = 0, j = 0 \\ i, & j = 0, i > 0 \\ j, & i = 0, j > 0 \end{cases}$$

$$min($$

$$D(i,j-1) + 1, & j > 0, i > 0$$

$$D(i-1,j-1) + m(S_1[i], S_2[j])$$

$$D(i-2,j-2) + 1, & \text{if } i, j > 1 \text{ and } a_i = b_{j-1}, a_{i-1} = b_j$$

# 2 Конструкторская часть

#### Требования к вводу:

- 1. Запрос на работу в тестовом режиме
- 2. Две строки, строчные и заглавные буквы считаются различными

#### Требования к программе:

1. Корректный ввод, корректный вывод, программа не должна аварийно завершаться

### 3 Технологическая часть

#### 3.1 Выбор ЯП

В качестве языка программирования был выбран Haskell, для ознакомления с ним.

#### 3.2 Сведения о модулях программы

Программа состоит из:

- main.hs главный файл программы
- dam lev matrix.hs файл с функцией вычисления расстояния Дамерау-Левенштейна матрично
- lev matrix.hs файл с функцией вычисления расстояния Левенштейна матрично
- dam lev rec.hs файл с функцией вычисления расстояния Дамерау-Левенштейна рекурсивно
- tests.hs файл с тестами

Листинг 3.1: Функция нахождения расстояния Левенштейна матрично

```
lev_mtr_abs :: String -> String -> Matrix Int
lev_mtr_abs s1 s2 = do
    let a = length s2
    let b = length s1
    let mtr = fromLists [[j | j <- [i..a+i]] | i <- [0..b]]</pre>
```

```
lev mtr s2 s1 2 2 mtr
9 cmp :: Char -> Char -> Int
 cmp \ a \ b = if \ a == b
               then 0
11
               else 1
12
14 calc min :: String -> String -> Int -> Int -> Matrix Int ->
_{15} calc min s1 s2 i j mtr = minimum [(getElem (i-1) j mtr) +
     1,
                                      (getElem i (j-1) mtr) +
16
                                          1,
                                      (getElem (i-1) (j-1) mtr)
17
                                          + (cmp (s1 !! (j-2))
                                          (s2 !! (i-2))
18
19
20 lev mtr :: String -> String -> Int -> Int -> Matrix Int ->
     Matrix Int
 lev mtr "" s2 i j mtr = mtr
 lev mtr s1 "" i j mtr = mtr
 lev mtr s1 s2 i j mtr =
      if i >= length s2 + 2
24
          then lev mtr s1 s2 2 (j+1) mtr
25
          else if j >= length s1 + 2
^{26}
               then mtr
27
               else lev mtr s1 s2 (i+1) j (setElem (calc min
28
                  s1 s2 i j mtr) (i,j) mtr)
```

Листинг 3.2: Функция нахождения расстояния Дамерау-Левенштейна рекурсивно

```
cmp :: Char -> Char -> Int
cmp a b = if a == b
then 0
else 1

dam_lev_rec :: String -> String -> Int
dam_lev_rec "" s2 = length s2
dam_lev_rec s1 "" = length s1
```

```
dam lev rec s1 s2 = do
      let |1| = length s1
10
      let 12 = length s2
11
      if (|1 > 2) \&\& (|2 > 2)
12
          then if ((last s1) == (s2 !! (|2-2)) \&\& (s1 !! (|1
13
              (-2) == (last s2))
                   then minimum [(dam lev rec (init s1)) s2 +
14
                       1,
                                  (dam lev rec s1 (init s2)) +
15
                                      1,
                                  (dam lev rec (init s1) (init
16
                                      s2)) + (cmp (last s1) (
                                      last s2)),
                                  (dam lev rec (init (init s1))
17
                                       (init (init s2))) + 1
18
                   else minimum [(dam_lev_rec (init s1) s2) +
19
                      1,
                                  (dam lev rec s1 (init s2)) +
20
                                  (dam lev rec (init s1) (init
21
                                      s2)) + (cmp (last s1) (
                                      last s2))]
          else minimum [(dam lev rec "" s2) + 1,
22
                          (dam lev rec s1 "") + 1,
23
                          (dam lev rec (init s1) (init s2)) + (
^{24}
                             cmp (last s1) (last s2))]
```

Листинг 3.3: Функция нахождения расстояния Дамерау-Левенштейна матрично

```
dam_lev_mtr_abs :: String -> String -> Matrix Int
dam_lev_mtr_abs s1 s2 = do
    let a = length s2
    let b = length s1
    let mtr = fromLists [[j | j <- [i..a+i]] | i <- [0..b]]

dam_lev_mtr s2 s1 2 2 mtr

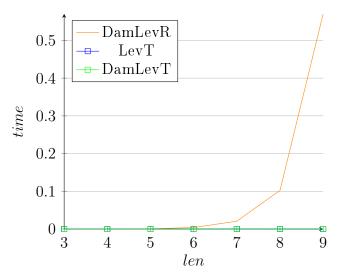
cmp :: Char -> Char -> Int
cmp a b = if a == b
```

```
then 0
11
               else 1
12
13
 calc min :: String -> String -> Int -> Int -> Matrix Int ->
14
      Int
 calc min s1 s2 i j mtr =
      if (i > 2) \&\& (j > 2)
16
          then if ((s1 !! (j-2)) == (s2 !! (i-3))) \&\& ((s1 !!
17
               (j-3) == (s2 !! (i-2))
               then minimum [(getElem (i-1) j mtr) + 1,
18
                             (getElem i (j-1) mtr) + 1,
19
                              (getElem (i-1) (j-1) mtr) + (cmp)
20
                                 (s1 !! (j-2)) (s2 !! (i-2)),
                              (getElem (i-2) (j-2) mtr) + 1
21
22
               else minimum [(getElem (i-1) j mtr) + 1,
23
                             (getElem i (j-1) mtr) + 1,
24
                              (getElem (i-1) (j-1) mtr) + (cmp)
25
                                 (s1 !! (j-2)) (s2 !! (i-2))]
26
          else minimum [(getElem (i-1) j mtr) + 1,
                         (getElem i (j-1) mtr) + 1,
28
                         (getElem (i-1) (j-1) mtr) + (cmp (s1)
29
                             !! (j-2)) (s2 !! (i-2))
30
31 dam lev mtr :: String -> String -> Int -> Int -> Matrix Int
      -> Matrix Int
32 dam lev mtr "" s2 i j mtr = mtr
 dam lev mtr s1 "" i j mtr = mtr
  dam lev mtr s1 s2 i j mtr =
      if i >= length s2 + 2
35
          then dam_lev_mtr s1 s2 2 (j+1) mtr
36
          else if j >= length s1 + 2
37
               then mtr
38
               else dam lev mtr s1 s2 (i+1) j (setElem (
39
                  calc min s1 s2 i j mtr) (i,j) mtr)
```

# 4 Исследовательская часть

Был проведен замер времени работы каждого из алгоритмов.

len	DamLev(R)	Lev(T)	DamLev(T)
3	0.00003	0.00003	0.00003
4	0.0001	0.00004	0.00004
5	0.0008	0.00005	0.00006
6	0.04	0.00012	0.00008
7	0.02083	0.00012	0.00012
8	0.10250	0.00016	0.00020
9	0.57036	0.00020	0.00025



Матричные реализации практически не отличаются друг от друга по времени. В то время как рекурсивная уже при длине строк больше 5 работает медленее в десятки раз.

### Заключение

Мною были зучены алгоритмы Левенштейна и Дамерау-Левенштейна нахождения расстояния между строками, получены практические навыки раелизации указанных алгоритмов в матричной и рекурсивных версиях.

Также экспериментально было проверено различие во временной эффективности рекурсивной и нерекурсивной реализаций алгоритма Дамерау-Левенштейна.

В результате можно сделать вывод, что практически всегда предпочтительнее использовать матричный вариант.