Квиз #1

19 декабря 2020 г.

Дан логарифм функции правдоподобия:

$$\ell(a, b) = 3 \ln a + \ln b - 2a - 2b - 8.$$

- а) Найдите $\hat{a}_{ML},\,\hat{b}_{ML}$ и покажите, что в найденной точке действительно достигается максимум правдоподобия.
- b) Постройте 95%-ый доверительный интервал для b.
- с) Проверьте гипотезу

$$H_0: \left\{ \begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} \right.$$

против

$$H_0: \left\{ \begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix} \neq \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} \right\}$$

на уровне значимости 5% (1) при помощи теста LR и (2) теста LM или W на ваш выбор.

d) Проверьте гипотезу

$$H_0: a=2b$$

против

$$H_1: a \neq 2b$$

на уровне значимости 5% при помощи теста LR.

Критические значения: $Z_{0.975}=1.96,$ $\chi_1^2=3.84,$ $\chi_2^2=5.99,$ $\chi_3^2=7.81.$