

## DEFINIÇÃO DOS MÉTODOS DE CÁLCULO NUMÉRICO

### TRABALHO 2

Gauss Jordan

Newton não linear

Spline

#### 1. Gauss-Jordan

Método de escalonamento complementar ao de Gauss, onde todos os elementos fora da diagonal principal são nulos. Este método pode ser utilizado para reduzir qualquer matriz à forma escalonada reduzida por linhas, realizando operações na matriz aumentada do sistema. A vantagem de utilizar Gauss-Jordan é que em um sistema onde a matriz aumentada está na forma escalonada reduzida a solução é imediata, quando utilizamos um sistema onde a matriz está apenas na forma escalonada é necessário que se faça uma série de substituições para chegar ao resultado final. Este método requer  $2^n n^2$  operações por iteração.

#### 2. Método de Newton para Sistemas não-lineares

Este método determina, a cada iteração, a solução da aproximação linear da função. A cada iteração o método de Newton requer a avaliação da matriz Jacobiana e a resolução de um sistema linear. A vantagem de utilizá-lo é que, sob certas condições temos que a aproximação inicial ( $\mathbf{x}_0$ ), a função  $\mathbf{F}$  e a matriz jacobiana  $\mathbf{J}$ , a sequência produzida pelo método converge para  $\mathbf{F}(\mathbf{x}) = 0$ , com uma taxa quadrática, o problema é este método é computacionalmente caro.

#### 3. Spline not-a-Knot

Splines podem ser definidas como funções resultantes da junção de várias partes de polinômios. Na spline not-a-knot,  $S(x)$  não muda para cúbica nos dois primeiros nós internos de cada extremo do intervalo  $\mathbf{x}_1$  e  $\mathbf{x}_{n-1}$ , como ocorre nos outros tipos onde a mudança ocorre em cada nó interno, para isso os polinômios dos dois primeiros intervalos ( $[\mathbf{x}_0, \mathbf{x}_1]$  e  $[\mathbf{x}_1, \mathbf{x}_2]$ ) precisam ser os mesmos. A sua aplicação é feita da seguinte forma: impõe-se a continuidade da derivada terceira da spline em  $\mathbf{x}_2$  e em  $\mathbf{x}_{n-1}$  e descarta-se os extremos, efetivamente fazendo com que a spline se comporte como se esses pontos não fossem mais nós.