

## 1. Прямой ход метода Гаусса:

Пусть  $A[n,n]$ ;

Пусть  $K=1$  отвечает за коэффициенты для определителя.

FOR  $k=1$  TO  $n$ :

IF  $a_{kk} \neq 0$ :

FOR  $i=k+1$  TO  $n$ : (\*)

coefficient= $a_{ik}/a_{kk}$

$K*=1/\text{coefficient}$

FOR  $j=1$  TO  $n$ :

$a_{ij}:=a_{ij}-a_{kj}*\text{coefficient}$

ELSE:

IF  $\exists$  ненулевой элемент  $a_{mk}$  в столбце  $k$ , поменять местами строки  $m$  и  $k$  (при этом  $K:=-K$ ) и проделать все те же операции, что в другой ветке,

ELSE перейти на следующую итерацию.

## 2. Обратный ход метода Гаусса(-Жордана):

аналогичен прямому за исключением того, что в строке (\*)  $i$  задается от 1 до  $k-1$

## 3. Метод Хаусхолдера:

FOR  $j=1$  TO  $n$ :

Для подстолбца  $A[j:n,j]$  вычисляется вектор Хаусхолдера  $u$  размерности  $n-j+1$ :

IF  $\|A[j+1:n,j]\|_2 \neq 0$ :

IF  $A[j,j]>0$ :

$u[j]:=A[j,j]+\|A[j:n,j]\|_2$

ELSE:

$u[j]:=A[j,j]-\|A[j:n,j]\|_2$

$u:=u/\|u\|_2$

FOR  $k=j+1$  TO  $n$ :

$u[k]:=A[k,j]$

ELSE:  $u=(0\dots 0)^T$

После этого вычисляется матрица Хаусхолдера размерности  $n-j+1$ :

$H_j=I-2uu^T$ , где  $I$  - единичная матрица.

$A[j:n,j:n]:=H_j*A[j:n,j:n]$

По завершении цикла  $A$  принимает верхний треугольный вид  $R$ , причём матрица  $Q$  QR-разложения получается как

$Q := (Q_{n-1} \dots Q_1)^T$ , где  $Q_j$  получается из единичной матрицы присвоением элементам подматрицы  $Q[j:n, j:n]$  соответствующих значений элементов матрицы  $H_j$

#### 4. QR-метод:

$A_0 := A$

$k := 1$

DO

    Найти QR-разложение  $A_{k-1} = Q_k R_k$

$A_k := R_k Q_k$

WHILE  $\|A_k - A_{k-1}\| > h$ ;

В реализованном алгоритме число итераций дополнительно ограничено числом в 10000