Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Лабораторна робота №2

З дисципліни «Методи наукових досліджень» ПРОВЕДЕННЯ ДВОФАКТОРНОГО ЕКСПЕРИМЕНТУ З ВИКОРИСТАННЯМ ЛІНІЙНОГО РІВНЯННЯ РЕГРЕСІЇ

ВИКОНАВ:

Студент II курсу ФІОТ

Групи ІВ-91

Дерачиц Віталій Віталійович

Номер заліковки: 9109 Номер у списку: 9

ПЕРЕВІРИВ: ас. Регіда П. Г.

Мета: провести двофакторний експеримент, перевірити однорідність дисперсії за

критерієм Романовського, отримати коефіцієнти рівняння регресії, провести натуралізацію рівняння регресії.

Введемо такі позначення:

N — кількість точок плану (рядків матриці планування)

k – кількість факторів(кількість \mathbf{x})

m — кількість дослідів **y** за однієї і тієї ж комбінації факторів (test)

s x - нормовані значення факторів (s = 1, k)

Завдання на лабораторну роботу

- 1. Записати лінійне рівняння регресії.
- 2. Обрати тип двофакторного експерименту і скласти матрицю планування для нього з використанням додаткового нульового фактору (xo=1).
- 3. Провести експеримент в усіх точках повного факторного простору (знайти значення функції відгуку у). Значення функції відгуку задати випадковим чином у відповідності до варіанту у діапазоні утіп ÷ утах утах = (30 Nваріанту)*10,

ymin = (20 - Nваріанту)*10.

Варіанти обираються по номеру в списку в журналі викладача.

№ _{варіанта}	\mathbf{x}_1		x ₂	
	min	max	min	max
109	-20	15	10	60

- 4. Перевірити однорідності дисперсії за критерієм Романовського
- 5. Знайти коефіцієнти нормованих рівнянь регресії і виконати перевірку (підставити значення нормованих факторів і коефіцієнтів у рівняння).
- 6. Провести натуралізацію рівняння регресії й виконати перевірку натуралізованого рівняння.
- 7. Написати комп'ютерну програму, яка все це виконує.

Програмний код

```
import random
import sys
main dev = ((2 * (2 * m - 2)) / (m * (m - 4))) ** (1 / 2)
x1 \min = -20
x1 \text{ max} = 15
x2 min = 10
x2 max = 60
X = [[-1, -1],
y_max = (30 - 109) * 10
y min = (20 - 109) * 10
array1 = [random.randint(y_min, y_max) for i in range(5)]
array2 = [random.randint(y_min, y_max) for k in range(5)]
array3 = [random.randint(y min, y max) for n in range(5)]
average1 = sum(array1) / len(array1)
average2 = sum(array2) / len(array2)
average3 = sum(array3) / len(array3)
dispersion1 = sum([(average1 - array1[i]) ** 2 for i in range(5)]) / 5
dispersion2 = sum([(average2 - array2[k]) ** 2 for k in range(5)]) / 5
dispersion3 = sum([(average3 - array3[n]) ** 2 for n in range(5)]) / 5
dispersions sum = dispersion1 + dispersion2 + dispersion3
dispersion1 percentage = dispersion1 / dispersions sum
dispersion2 percentage = dispersion2 / dispersions sum
dispersion3 percentage = dispersion3 / dispersions sum
Fuv1 = dispersion1 / dispersion2
Fuv2 = dispersion3 / dispersion1
Fuv3 = dispersion3 / dispersion2
Ouv1 = ((m - 2) / m) * Fuv1
Ruv1 = abs(Ouv1 - 1) / main dev
Ruv2 = abs(Ouv2 - 1) / main dev
Ruv3 = abs(Ouv3 - 1) / main dev
mx1 = (X[0][0] + X[1][0] + X[2][0]) / 3
mx2 = (X[0][1] + X[1][1] + X[2][1]) /
my = (average1 + average2 + average3) / 3
a1 = ((X[0][0]) ** 2 + (X[1][0]) ** 2 + (X[2][0]) ** 2) / 3

a2 = (X[0][0] * X[0][1] + X[1][0] * X[1][1] + X[2][0] * X[2][1]) / 3

a3 = ((X[0][1]) ** 2 + (X[1][1]) ** 2 + (X[2][1]) ** 2) / 3
a11 = (X[0][0] * average1 + X[1][0] * average2 + X[2][0] * average3) / 3
a22 = (X[0][1] * average1 + X[1][1] * average2 + X[2][1] * average3) / 3
b0 = (linalg.det([[my, mx1, mx2],
                     [a11, a1, a2],
```

```
b1 = (linalg.det([[1, my, mx2],
b2 = (linalg.det([[1, mx1, my],
deltaX1 = abs(x1 max - x1 min) / 2
deltaX2 = abs(x2 max - x2 min) / 2
x10 = (x1 max + x1 min) / 2
x20 = (x2 max + x2 min) / 2
a0 = b0 - b1 * x10 / deltaX1 - b2 * x20 / deltaX2
a1 = b1 / deltaX1
a2 = b2 / deltaX2
print("y min = " + str(y min) + " y max = " + str(y max))
print("Експеримент 1 Y: ", array1)
print("Експеримент 2 Y: ", array2)
print("Експеримент 3 Y: ", array3)
print("\nCepeднє значення 1 Y: ", average1)
print("\nДисперсія 1: " + str(dispersion1) + " у відсотках:" +
print("Дисперсія 3: " + str(dispersion3) + " у відсотках:" +
str(dispersion3 percentage))
print("Fuv2: ", Fuv2)
print("\nOuv1: ", Ouv1)
print("Ouv2: ", Ouv2)
print("\nRuv1: " + str(Ruv1) + "<Rkr = 2")
print("Ruv2: " + str(Ruv2) + "<Rkr = 2")</pre>
print("Ruv3: " + str(Ruv3) + "<Rkr = 2 \nОтже дисперція однорідна")
print("\nmx1: ", mx1)
print("mx2: ", mx2)
print("my: ", my)
print("\na1 - ", a1)
print("a2 - ", a2)
```

Результати роботи програми

```
C:\Users\derac\Anaconda3\python.exe C:\Users\derac\PycharmProjects/lab2MND/main.py
y_min = -890 \ y_max = -790
Експеримент 1 Ү: [-857, -816, -862, -795, -793]
Експеримент 2 Y: [-889, -793, -806, -839, -800]
Експеримент 3 Ү: [-862, -839, -795, -814, -862]
Середнє значення 1 У: -824.6
Середнє значення 2 Ү: -825.4
Середн∈ значення 3 Ү: -834.4
Дисперсія 1: 879.4400000000002 у відсотках:0.3094092150074587
Дисперсія 2: 1260.24 у відсотках:0.44338427763235666
Дисперсія 3: 702.64 у відсотках:0.24720650736018462
Fuv1: 0.6978353329524536
Fuv2: 0.7989629764395523
Fuv3: 0.5575445946803783
Ouv1: 0.41870119977147213
Ouv2: 0.47937778586373136
Ouv3: 0.33452675680822697
Ruv1: 0.3249559081375147<Rkr = 2
Ruv2: 0.29103666535128714<Rkr = 2
Ruv3: 0.37201085224601343<Rkr = 2
Отже дисперція однорідна
mx1: -0.333333333333333333
mx2: -0.333333333333333333
my: -828.13333333333333
a1 - -0.022857142857139107
a2 - -0.195999999999999
a3 - 1.0
all - 277.8666666666667
a22 - 271.866666666667
b0 - -829.9000000000004
b1 - -0.3999999999993435
      -4.899999999999976
Нормоване рівняння регресії: y=-829.90000000000004+-0.399999999993435*x1 +-4.8999999999976*x2
Зробимо перевірку:
-829.9000000000004+ (0.3999999999993435) + (4.8999999999976) = -824.600000000000
-829.900000000004+ (-0.3999999999993435) + (4.8999999999976) = -825.400000000000
-829.9000000000004+ (0.3999999999993435) + (-4.8999999999976) = -834.400000000000
Результат збігається з середніми значеннями у
Натуралізоване рівняння регресії
y = -823.0971428571432+-0.022857142857139107*x1 +-0.195999999999996*x2
Зробимо перевірку по рядках:
-823.0971428571432 + (0.45714285714278213) + (-1.959999999999906) = -824.6000000000000
-823.0971428571432 + (-0.34285714285708657) + (-1.95999999999906) = -825.4000000000003
-823.0971428571432 + (0.45714285714278213) + (-11.7599999999995) = -834.40000000000004
Отже коефіцієнти натуралізованого рівняння регресії вірні
```

Контрольні запитання:

- 1. В теорії планування експерименту найважливішою частиною є оцінка результатів вимірів. При цьому використовують апроксимуючі поліноми, за допомогою яких ми можемо описати нашу функцію. В ТПЕ ці поліноми отримали спеціальну назву регресійні поліноми, а їх знаходження та аналіз регресійний аналіз.
- 2. Однорідність дисперсії необхідна умова підтвердження гіпотези про забезпечення нормального закону розподілу вимірюваної величини при обраній кількості повторів m та ймовірності p.
- 3. Повний факторний експеримент це експеримент у якому використані всі можливі комбінації рівнів факторів.