# Thermodynamique de l'oxydoréduction, Cours

## **Définitions**

La particule échangée lors d'une réaction d'oxydoréduction est l'électron, qui n'existe pas en solution.

Demi-équation : 
$$oxydant + ne^{-}$$
  $\overrightarrow{e}$   $\overrightarrow{R}$   $educteur$   $oxydation$ 

Une oxydation consiste en une augmentation du degré d'oxydation et une réduction l'inverse.

### Comment équilibrer une ½ équation redox ?

Équilibrer les atomes bizarres, O avec  $H_2O$ , H avec  $H^{\scriptscriptstyle +}$  puis les charges avec des électrons

#### Application 1:

- 1. Équilibrer les ½ équations redox suivantes : RCOOH / RCH2OH, MnO4- / Mn<sup>2+</sup>
- 2. En déduire l'équation bilan de réaction entre les molécules soulignées

# Nombre d'oxydation

Pour équilibrer une demi-équation électronique, l'utilisation des **nombres d'oxydation** est soit-disant efficace si vous aimez vous faire du mal.

Le nombre d'oxydation d'un élément dans un édifice chimique reflète son état d'oxydation (perte d'électrons) ou de réduction (gain d'électrons) par rapport à l'état atomique. Plus le do est grand, plus l'atome est oxydé

Il existe 2 techniques pour trouver le do d'un atome

Méthode sans Lewis	Méthode liée à Lewis
- La somme des do est la charge de l'édifice	- Casser toutes les liaisons
- $do(H) = I$ (sauf dans $H_2: 0$ )	- Attribuer les électrons de chaque liaison à l'atome le plus
- do(O) = -II (sauf quand liaison O-O : -I)	électronégatif
	- La charge restant sur chaque atome est son do

 $\label{eq:Application 2: Déterminer le do de chaque atome dans les molécules suivantes C / Ca^{2+} / F^- / H-Cl / Cr_2O_7^{2-} / Fe^{3+} / Fe^{2+} / Fe_3O_4$ 

# Demi - pile

Une électrode permet la réalisation de la demi-réaction électronique :  $Ox + ne^{-} \rightleftharpoons Red$ . Le potentiel n'est défini que si les espèces de la demi-équation sont présentes

Type d'électrode	Caractéristiques	Exemple
1 <sup>ère</sup> espèce	Métal plongeant dans une solution de cations de ce métal	Fe dans Fe <sup>2+</sup>
2 <sup>nde</sup> espèce	Métal en contact d'un de ses cations métalliques pouvant former un précipité	AgCl/Ag (ne plus parler du calomel saturé, non commercialisé)
3 <sup>ème</sup> espèce	Métal inerte (par exemple le platine, ou du graphite) dans une solution contenant l'oxydant et le réducteur	Pt dans Fe <sup>2+</sup> / Fe <sup>3+</sup>

$$\begin{array}{c|c} Cu \left| Cu^{2+} \right| \left| \\ Pt(s) \left| Fe^{3+}, Fe^{2+} \right| \right| \\ \\ Pt(s) \left| Hg(I) \right| \text{ solution satur\'ee en Hg} \quad {}_{2}Cl_{2}(s) \\ \end{array}$$

**Remarque**: Certains couples redox font intervenir des gaz comme l'électrode standard à hydrogène (ESH), électrode fictive pour laquelle:  $a(H_2) = a(H^+) = 1$ . Elle est hypothétique car on ne peut pas avoir pH = 0 en solution infiniment diluée.

## Expérimentalement:

- Le pont salin entre 2 demi-piles permet d'assurer l'électroneutralité des solutions dans chaque demi-pile et de fermer le circuit électrique. Il est supposé ne pas introduire de différence de potentiel de jonction
- La solution électrolytique doit être la plus concentrée possible afin de limiter la chute ohmique

# Pile vs électrolyseur

# Oxydation Anode et Réduction Cathode

	Cathode	Anode	Exemple	
Pile	Pôle +	Pôle -		
Sens spontané			ANODE OXYDATION CATHODE MÉDUCTION	
$fem = E^+ - E^-$			Lame de zinc	
Pile conventionnelle			Zn Cu**	
$fem = E^d - E^g$			Zn <sup>2+</sup> Cu	
			Zii (sq), sca <sub>3</sub> (sq)	
Électrolyseur	Pôle -	Pôle +	u .	
Sens non spontané			Pont ( و المسترير ) مترس ( ) مترس ( ) ( ) ( ) ( ) ( ) ( ) ( ) ( ) ( ) (	
Condition d'évolution			1 1 1 1	
$U_{g\acute{e}n\acute{e}rateur} > E^+ - E^-$			Znes Cur-	
			ZhSO <sub>A</sub> GuSO <sub>4</sub>	
			Les sens des réactions et les noms des électrodes ont changé par	
			rapport à la pile, mais pas leurs polarités	

Application 3 : Déterminer l'expression de la charge circulant entre le pôle + et le pôle -

# Application des 2 principes de la thermodynamique à une pile : Relation de Nernst

Pour tout couple redox, la demi-équation électronique dans le sens de la réduction s'écrivant :

$$0x + ne^{-} \rightleftharpoons Red$$

$$\Delta_r \tilde{\mathsf{G}}^{\circ}(\mathsf{Ox} / \mathsf{Red}) = -\mathsf{nFE}^{\circ}(\mathsf{Ox} / \mathsf{Red})$$

#### 1. ENTHALPIE LIBRE DE REACTION

$$\begin{cases} \Delta rG = -nFe = -nF(E_{ox} - E_{red}) \\ \Delta rG^\circ = -nFe^\circ = -nF(E_{ox}^\circ - E_{red}^\circ) \end{cases} \text{ avec e : la fem de la pile et e}^\circ : la fem standard de la pile et e$$

Relation de Nernst relie le potentiel d'électrode E et le potentiel standard du couple  $E^{\circ}(T)$ 

$$E(Ox / Re \, d) = E^{\circ}(Ox / Re \, d) + \frac{RT}{nF} ln \frac{a_{Ox}^{|\alpha|}}{a_{Re \, d}^{|\beta|}} = E^{\circ}(Ox / Re \, d) + \frac{0.06}{n} log \frac{a_{Ox}^{|\alpha|}}{a_{Re \, d}^{|\beta|}} \, \grave{a} \, 25^{\circ}C$$

#### Application 4:

- 1. Démontrer l'expression de  $\Delta rG$  ci-dessus
- 2. Considérons une pile Daniel
- a. Exprimer la fem de la pile : (-) Zn  $|Zn^{2+}|$  Cu (+)
- b. Retrouver l'expression de Nernst

#### 2. GRANDEURS DE REACTION ASSOCIEES A UNE PILE

Grandeur standard	$\Delta r H^{\circ} = \Delta r G^{\circ} + T \Delta r S^{\circ}$	$\Delta r S^{\circ} = -\frac{d \left( \Delta_r G^0 \right)}{dT} = n F \frac{d e^{\circ}}{dT}$	$\Delta_{r}G^{0} = -nF\left(E_{Ox}^{0} - E_{Red}^{0}\right) = -nFe^{\circ}$
Version			$\Delta_{r}G = -nFe$
non	де	де	·
standard	$\Delta rH = \Delta rG + T\Delta rS = -nFe + TnF(\frac{\partial e}{\partial T})_{P,\xi}$	$\Delta rS = nF(\frac{\partial e}{\partial T})_{P,\xi}$	$\Delta rG = \Delta rG^{\circ}(T) + RTln(Q)$

Une réaction chimique se produira de telle sorte que :  $Ad\xi \ge 0$  . Ainsi :

- si  $A = nF(E_{ox} E_{red}) > 0$ , la réaction évoluera dans le sens direct :  $\longrightarrow$
- si  $A = nF(E_{ox} E_{red}) < 0$ , la réaction évoluera dans le sens direct :  $\leftarrow$

La condition d'équilibre est donc : A=0 soit  ${\rm E_{Ox}=E_{Red}}$ 

Eox > Rred alors -----

La pile fonctionne donc hors équilibre

**Remarque**: L'électrolyse n'est pas une réaction spontanée : elle ne vérifie pas le critère d'évolution  $A.d\xi > 0$ .

#### 3. DETERMINATION DE POTENTIEL STANDARD

#### a. A partir de potentiels chimiques standard

#### b. modification d'un E° par précipitation ou complexation

**Application 6**: Soit le couple Ag<sup>+</sup>/Ag; E<sup>\*</sup><sub>1</sub>=0,80 V à 25°C. En présence d'ions chlorure, on observe la formation d'un précipité de chlorure d'argent AgCl (pKs=10). Calculer le potentiel standard E<sup>\*</sup><sub>2</sub> du couple AgCl/Ag.

## 4. CALCUL D'UNE CONSTANTE D'EQUILIBRE REDOX

Application 7 : Exprimer la constante thermodynamique de la réaction entre Cr<sub>2</sub>O<sub>7</sub><sup>2-</sup> et Fe<sup>2+</sup>.

**Données**:  $E^{\circ}(Cr_2O_7^{2-}/Cr^{3+})$  et  $E^{\circ}(Fe^{3+}/Fe^{2+})$ 

$$K^{\circ} = 10^{\frac{n\left(E_{Ox}^{\circ} - E_{Red}^{\circ}\right)}{0.06}}$$
 pour une réaction redox à 298 K, avec n = ppcm(n<sub>1</sub>,n<sub>2</sub>)

RPQQ si E°ox > E°red sinon RP de constante minuscule

# **Application**

Rigoureusement Eox > Ered pour une RPQQ, souvent la simple comparaison des  $E^{\circ}$  suffit

**Application 8**: Considérons un mélange de Fe<sup>3+</sup>, Fe<sup>2+</sup>, Cr<sub>2</sub>O<sub>7</sub><sup>2-</sup> et Cr<sup>3+</sup> à 0,1M. Quel est l'état final ? E° (Fe<sup>3+</sup> / Fe<sup>2+</sup>) = 0,77 V E° (Cr<sub>2</sub>O<sub>7</sub><sup>2-</sup> / Cr<sup>3+</sup>) = 1,33 V

Dismutation : réaction d'une espèce avec elle-même. La médiamutation est la réaction inverse

Application 9 : L'espèce  $Cu^+$  se dismute-t-elle ? couple  $Cu^{2+}$  /  $Cu^+E_1^\circ$  = 0,16 V et couple  $Cu^+$  /  $Cu^-E_2^\circ$  = 0,52 V

Pile de concentration : pile dont la fem est liée à la différence de concentration entre les 2 demi-piles

Application 10 : Soit la pile suivante donnée en représentation conventionnelle :

 $Cu \ / \ Cu^{2+}, \ SO_4{}^{2-} \ / / \ SO_4{}^{2-}, \ Cu^{2+} \ / \ Cu$   $C_1 = 0,01 \ mol.L^{-1}. \quad C_2 = 0,1 \ mol.L^{-1}$   $V_1 = 100 \ mL \qquad \qquad V_2 = 50 \ mL$ 

Donner la fem de la pile.

#### Exercice n°1

Pour vous entraîner, essayer d'appliquer ces méthodes aux systèmes suivants pour déterminer soit le sens d'évolution spontané, soit la constante d'équilibre, soit le nouveau potentiel redox.

- 1. Déterminer le potentiel standard du couple  $FeF_{3(aq)}^+$  /  $FeF_{(aq)}^+$  à partir de  $E_1^0 = E^0 \left(Fe^{3+} / Fe^{2+}\right)$  et des constantes globales de formation des deux complexes respectivement  $\beta_{III} = \beta \left(FeF_3\right)$  et  $\beta_{II} = \beta \left(FeF^+\right)$ .
- 2. On considère une solution composée initialement d'ions  $Ti^{4+}$ ,  $Ti^{3+}$ ,  $Ce^{4+}$  et  $Ce^{3+}$  aux concentrations initiales :

$$[Ti^{4+}]_0 = [Ce^{4+}]_0 = 0.010 \ mol.L^{-1}[Ti^{3+}]_0 = [Ce^{3+}]_0 = 0.020 \ mol.L^{-1}$$

Quelle est la réaction qui se produit ? Dans quel sens évoluera le système ? Déterminer la constante d'équilibre à 298 K associée à partir des potentiels standard  $E_1^0 = E^0 \left( Ti^{4+} / Ti^{3+} \right) = 0,34 \ V$  et  $E_2^0 = E^0 \left( Ce^{4+} / Ce^{3+} \right) = 1,50 \ V$ 

3. Déterminer le potentiel standard du couple  $CuI_{(s)}$  /  $Cu_{(s)}$  à partir des données suivantes :  $E_1^0 = E^0 \left( Cu^{2+} / Cu^+ \right) = 0,17 \ V \ , \ E_2^0 = E^0 \left( Cu^{2+} / Cu \right) = 0,34 \ V \ , \ pK_S \left( CuI \right) = 11,9$ 

#### Exercice n°2: accumulateur au plomb

L'accumulateur au plomb correspond à la chaine électrolytique :

$$Pb_{(s)}|PbSO_{4(s)}|H_2SO_4(1M)|PbSO_{4(s)}|PbO_2$$

- 1. Quelle est la polarité de l'accumulateur
- 2. Calculer la fem de cet accumulateur
- 3. Que se passe-t-il lors de la recharge de l'accumulateur

#### Données:

$$Ks(PbSO_4) = 2.0.10^{-8}$$
,  $E^{\circ}(Pb^{2+}/Pb) = -0.13V$ ,  $E^{\circ}(PbO_{2(s)}/Pb^{2+}) = 1.46V$ ,  $pKa(HSO_4^-/SO_4^{2-}) = 2.0.10^{-8}$ 

## Exercice n°3

1. On construit maintenant la pile suivante : Cu / Cu<sup>2+</sup> 10<sup>-2</sup>mol.L<sup>-1</sup> // Ni(OH)<sub>2</sub> saturé / Ni

Sa force électromotrice est e = 0,68V. Sachant qu'on a :  $E^{\circ}(Cu^{2+}/Cu) = 0,34V$  et  $E^{\circ}(Ni^{2+}/Ni) = -0,23V$  :

- a. Calculer le produit de solubilité Ks de Ni(OH)2.
- b. En déduire le potentiel standard du couple : Ni(OH)2/Ni
- 2. On s'intéresse alors à une autre pile :

$$Cu / Cu^{2+} 10^{-2} mol.L^{-1} / / Ni^{2+} 10^{-2} mol.L^{-1} + NH_3 2 mol.L^{-1} / Ni$$

Sa force électromotrice e' = 0,91V, donner la valeur de la constante de dissociation Kd du complexe Ni(NH<sub>3</sub>)<sub>6</sub><sup>2+</sup>

#### Exercice n°4

On s'intéresse à la pile suivante :

$$(-)Zn_{(s)}|Zn(OH)_{2(s)}|KOH|HgO_{(s)}|Hg_{(l)}|(+)$$

- 1. Quelle est l'équation bilan de la réaction.
- 2. Exprimer sa f.é.m et montrer qu'elle ne dépend que de T
- 3. Calculer sa valeur à 298K à l'aide des données suivantes :

	Zn <sub>(s)</sub>	Hg <sub>(l)</sub>	Zn(OH) <sub>2</sub>	HgO <sub>(s)</sub>	$H_2O(l)$
$\Delta_f H^{\circ}(kJ.mol^{-1})$	0	0	-641,9	-90,8	-285,2
$S_m^{\circ}(J.K^{-1}.mol^{-1})$	41,6	76,0	81,2	70,3	69,9

4. Calculer le coefficient de température de la pile  $k=\frac{de}{dT}$  dans le cadre de l'approximation d'Ellingham.

**Donnée** :  $F = 96500 \text{ C.mol}^{-1}$ 

## Exercice n°5

Considérons la pile suivante (écriture conventionnelle) plongée dans un bain thermostaté :

$$Pt \left| Fe^{2^+}(0,10M), Fe^{3^+}(0,025M), H_2SO_4(1,0M) \right| H_2SO_4(1,0M), Ce^{4^+}(0,10M), Ce^{3^+}(0,025M) \Big| Pt \quad \text{Sa} \quad \text{force} \quad \text{force$$

électromotrice e est mesurée à différentes températures, on obtient le tableau suivant :

T(K)	308	303	298	293	288
e(V)	0,716	0,722	0,728	0,733	0,739

Détermine l'enthalpie libre standard, l'entropie et l'entropie standard de réaction et l'enthalpie standard de réaction à 298K de la réaction de fonctionnement de la pile.

Donnée :  $F = 96500 C.mol^{-1}$ 

#### Exercice 6

On veut titrer, en milieu très acide,  $V_0=100~\text{mL}$  de solution de sulfate de fer (II) de concentration  $C_0=5,00\cdot 10^{-2}~\text{mol}\cdot \text{L}^{-1}$  par une solution de peroxodisulfate de potassium  $K_2(S_2O_8)$  de même concentration. Soit V le volume versé.

- 1) Déterminer les nombres d'oxydation des atomes dans les espèces intervenant dans ce dosage, sachant que :
  - l'édifice  $S_2 O_8^{2-}$  est symétrique et que la liaison entre les deux atomes de soufre s'y fait par un pont peroxo 0-0;
  - dans l'édifice SO<sub>4</sub><sup>2-</sup>, l'atome de soufre est central.
- 2) Écrire la réaction support de titrage, calculer sa constante d'équilibre et conclure.
- 3) Faire un schéma annoté du montage envisagé. Combien d'électrodes sont nécessaires ? En préciser la nature et le rôle.
- 4) Quel est le volume équivalent  $V_E$ ?
- 5) Établir la relation entre le potentiel E et le volume V avant et après l'équivalence. Tracer l'allure de E = f(V) après avoir déterminé les volumes  $V_1$  et  $V_2$  pour lesquels le potentiel des couples présents vaut respectivement  $E_1^0$  et  $E_2^0$ .
- 6) Parmi les indicateurs redox proposés ci-après, quel est celui qui conviendrait pour réaliser colorimétriquement le dosage ci-dessus ?

indicateur	Couleurs (Ox, Red)	$E^0$ /V
Diphénylamine	violet, incolore	0,76
Acide N-phénylanthranilique	rouge, incolore	0,89
Orthophénantroline ferreuse	bleu pâle, rouge	1,06
5-nitroorthophénantroline ferreuse	bleu pâle, rouge	1,25

#### Données:

$$E^{0}(\text{Fe}^{3+}/\text{Fe}^{2+}) = E_{1}^{0} = 0.77 \text{ V}; E^{0}(S_{2}O_{8}^{2-}/\text{SO}_{4}^{2-}) = E_{2}^{0} = 2.01 \text{ V}$$

1) 
$$E^{0}\left(FeF_{3(aq)} / FeF_{(aq)}^{+}\right) = E^{0}\left(Fe^{3+} / Fe^{2+}\right) + 0.06\log\left(\frac{\beta_{II}}{\beta_{II}}\right)$$

2) Ecrivons la réaction par exemple dans le sens de l'oxydation du titane (III) et de la réduction du cérium (IV) (ordre à pressentir par l'ordre des  $E^0$ ):

$$Ti^{3+} = e^{-} + Ti^{3+} - \Delta_r \widetilde{G}_1 = FE_1 = F\left(E_1^0 + 0.06\log\left(\frac{0.01}{0.02}\right)\right) = 0.32F$$

$$Ce^{4+} + e^{-} = Ce^{3+} \Delta_r \widetilde{G}_2 = -FE_2 = -F\left(E_2^0 + 0.06\log\left(\frac{0.01}{0.02}\right)\right) = -1.48F$$

Donc pour la réaction  $Ti^{3+} + Ce^{4+} = Ti^{4+} + Ce^{3+}$ , on a  $A = -\Delta_r G = 1,16F > 0$ . La réaction va effectivement se dérouler dans le sens direct.

Le bilan est une combinaison linéaire des deux réactions ci-dessus. Il vient donc que :

$$\Delta_r G^0 = \Delta_r \widetilde{G}_2^0 - \Delta_r \widetilde{G}_1^0 = -F(E_2^0 - E_1^0) = -RT \ln K^0$$

$$K^0 = 10^{\frac{E_2^0 - E_1^0}{0.06}} = 10^{19.3}$$

$$Cu^{2+} + e^{-} = Cu^{+} \quad \Delta_{r} \widetilde{G}_{1}^{0} = -FE_{1}^{0} \quad (A)$$

$$Cu^{2+} + 2e^{-} = Cu \quad \Delta_{r} \widetilde{G}_{2}^{0} = -2FE_{2}^{0} \quad (B)$$

$$CuI = Cu^{+} + I^{-} \quad \Delta_{r} G^{0} = -RT \ln K_{s} \quad (C)$$

$$CuI + e^{-} = Cu + I^{-} \quad \Delta_{r} \widetilde{G}_{3}^{0} = -FE_{3}^{0} \quad (D)$$

Il vient par combinaison linéaire que :

$$(D) = (C) - (A) + (B)$$

Donc: 
$$\Delta_r \widetilde{G}_3^0 = -RT \ln K_S + FE_1^0 - 2FE_2^0 = -FE_3^0$$

Donc 
$$E_3^0 = 2E_2^0 - E_1^0 + \frac{RT}{F} \ln K_S^{\frac{d298K}{2}} = 2E_2^0 - E_1^0 - 0.06 pK_S = -0.20 V$$